


تلاشی در مسیر موفقیت



- دانلود گام به گام تمام دروس ✓
- دانلود آزمون های قلم چی و گاج + پاسخنامه ✓
- دانلود جزوه های آموزشی و شب امتحانی ✓
- دانلود نمونه سوالات امتحانی ✓
- مشاوره کنکور ✓
- فیلم های انگیزشی ✓

 www.ToranjBook.Net

 [ToranjBook_Net](https://t.me/ToranjBook_Net)

 [ToranjBook_Net](https://www.instagram.com/ToranjBook_Net)

دفترچه شماره ۲

آزمون شماره ۱۰

جمعه ۱۴۰۱/۰۸/۲۰



آزمون‌های سراسر گاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۲-۱۴۰۱

پاسخ‌های تشریحی

پایه یازدهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

نام و نام خانوادگی:	شماره داوطلبی:
تعداد سؤال: ۸۰	مدت پاسخگویی: ۱۰۰ دقیقه

عناوین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سؤالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال		مدت پاسخگویی
		از	تا	
۱	ریاضیات	۱۰	۱۰	۴۵ دقیقه
		۱۱	۲۰	
		۲۱	۳۰	
۲	فیزیک ۲	۲۵	۳۱	۳۰ دقیقه
۳	شیمی ۲	۲۵	۵۶	۲۵ دقیقه



$$1 < x < 2 \Rightarrow 2x - 2 - x + 2 = 2x \Rightarrow x = 0 \text{ غ ق}$$

۷ ۱

$$x \leq 1 \Rightarrow -2x + 2 - x + 2 = 2x \Rightarrow x = \frac{4}{5}$$

$$x \geq 2 \Rightarrow 2x - 2 + x - 2 = 2x \Rightarrow x = 4$$

$$\text{مجموع ریشه‌ها} = \frac{4}{5} + 4 = \frac{24}{5}$$

$$-1 \quad ۸ \quad ۴ \quad \text{با توجه به شکل و ضابطه } f(x^2 - bx - c) \text{ نقاط } ۴ \text{ و } -1$$

ریشه‌های معادله $x^2 - bx - c = 0$ هستند، در نتیجه داریم:

$$x^2 - bx - c = (x+1)(x-4) = x^2 - 3x - 4$$

$$\Rightarrow b = 3, c = 4 \Rightarrow b + c = 7$$

$$\text{جمله عمومی دنباله به صورت } a_n = n + (-1)^{n+1} \text{ است.}$$

۹ ۲

در نتیجه داریم:

$$a_9 = 9 + 1 = 10, a_{10} = 10 - 1 = 9$$

$$\Rightarrow \begin{cases} S = 19 \\ P = 9 \end{cases} \Rightarrow \text{معادله: } x^2 - 19x + 9 = 0$$

$$۱۰ \quad ۱ \quad \text{با فرض } x \neq 0 \text{ داریم:}$$

$$\left(\frac{x^2 + 2x + 1}{x}\right)\left(\frac{x^2 + 3x + 1}{x}\right) = 1$$

$$\Rightarrow \left(x + \frac{1}{x} + 2\right)\left(x + \frac{1}{x} + 3\right) = 1 \xrightarrow{x + \frac{1}{x} = t} (t+2)(t+3) = 1$$

$$\Rightarrow t^2 + 5t + 5 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x + \frac{1}{x} = \frac{-5 + \sqrt{5}}{2} \text{ ریشه حقیقی ندارد} \\ x + \frac{1}{x} = \frac{-5 - \sqrt{5}}{2} \text{ دو ریشه حقیقی دارد} \end{cases}$$

۱۱ ۳

$$\sim p \vee ((p \Rightarrow q) \wedge \sim q)$$

۱۲ ۳

$$\equiv \sim p \vee ((\sim p \vee q) \wedge \sim q)$$

$$\equiv [\sim p \vee (\sim p \vee q)] \wedge [\sim p \vee \sim q]$$

$$\equiv (\sim p \vee q) \wedge (\sim p \vee \sim q)$$

$$\equiv \sim p \vee (q \wedge \sim q) \equiv \sim p \vee F \equiv \sim p$$

۱۳ ۲

$$\text{تعداد افزایش‌های سه عضوی} = \frac{\binom{4}{2} \binom{2}{1} \binom{1}{1}}{2!} = 6$$

$$P(A) = \{\{a\}, \{b\}, \{a, b\}, \emptyset\}$$

۱۴ ۳

$$P(U) = \{\{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}, \emptyset\}$$

$$(P(A))' = \{\{c\}, \{b, c\}, \{a, c\}, \{a, b, c\}\}$$

$$۱۵ \quad ۳ \quad \text{به سادگی می‌توان بررسی کرد گزینه‌های (۱)، (۲) و (۴)}$$

همواره درست هستند.

p	q	$p \Rightarrow q$	$p \wedge \sim q$	$(p \Rightarrow q) \Leftrightarrow (p \wedge \sim q)$
T	T	T	F	F
T	F	F	T	F
F	T	T	F	F
F	F	T	F	F

ریاضیات

$$۱ \quad ۱ \quad \text{می‌دانیم جمله عمومی دنباله مثلثی به صورت } \frac{n(n+1)}{2}$$

پس داریم:

$$3 \times q^2 = \frac{2 \times 21}{2} \Rightarrow 3q^2 = 21 \Rightarrow q^2 = 7 \Rightarrow q = \sqrt{7}$$

$$\frac{S_4}{S_2} = q^2 + 1 = 71$$

$$۲ \quad ۱ \quad \text{با تغییر متغیر } x^2 = t \text{ داریم:}$$

$$t^2 - 10t + 16 = 0 \Rightarrow (t-2)(t-8) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} t=2 \\ t=8 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x^2=2 \Rightarrow x=\pm\sqrt{2} \\ x^2=8 \Rightarrow x=\pm 2\sqrt{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} S=0 \\ P=16 \end{cases}$$

$$\Rightarrow P^2 - 3PS = (16)^2 = 256$$

$$۳ \quad ۳ \quad \text{می‌دانیم: } |a+b| \leq |a| + |b|$$

و همچنین می‌دانیم $|a+b| < |a| + |b|$ به شرطی که $ab < 0$.

$$\Rightarrow (1+x^2)(2x-5) < 0 \Rightarrow -1 < x < \frac{5}{2}$$

۴ ۲

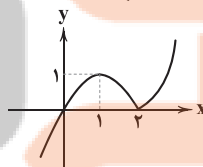
$$\begin{matrix} x \\ y \end{matrix} \quad \begin{cases} 2(x+y) = 2 \Rightarrow x+y = 1 \Rightarrow x = 1-y \\ \frac{x}{y} = \frac{x+y}{x} \Rightarrow \frac{1-y}{y} = \frac{1}{1-y} \end{cases}$$

$$\Rightarrow 1 - 2y + y^2 = y \Rightarrow y^2 - 3y + 1 = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} y = \frac{3 + \sqrt{5}}{2} \Rightarrow x = \frac{-1 - \sqrt{5}}{2} \text{ غ ق} \\ y = \frac{3 - \sqrt{5}}{2} \Rightarrow x = \frac{-1 + \sqrt{5}}{2} \end{cases}$$

۵ ۱

$$x|x-2| = \begin{cases} x(x-2) & x \geq 2 \\ x(2-x) & x < 2 \end{cases}$$

با توجه به نمودار تابع $y = x|x-2|$ مشاهده می‌کنید که اگر $-1 < k < 1$ باشد، معادله ۳ جواب دارد. بنابراین:

$$\Rightarrow 1 < k < 2$$

۶ ۳

$$|x^2 - 2| = x^4 + 1 \Rightarrow \begin{cases} x^2 - 2 = x^4 + 1 \\ x^2 - 2 = -x^4 - 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x^4 - x^2 + 3 = 0 \\ x^4 + x^2 - 1 = 0 \end{cases}$$

با تغییر متغیر $x^2 = t$ داریم:

$$\begin{cases} t^2 - t + 3 = 0 \\ t^2 + t - 1 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \Delta < 0 \\ \Delta > 0, \frac{c}{a} < 0 \end{cases}$$

معادله $t^2 + t - 1 = 0$ دو ریشه مختلف‌العلامت دارد. بنابراین معادله اصلی دو ریشه قرینه دارد.



$$\widehat{B} = \frac{\widehat{ACD}}{2} \Rightarrow 6^\circ = \frac{\widehat{AC} + \widehat{CD}}{2} \Rightarrow 12^\circ = \alpha + 18^\circ - 2\alpha$$

$$\Rightarrow \alpha = 5^\circ$$

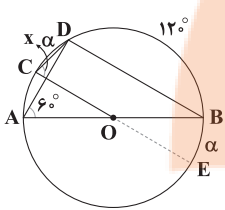
$$\widehat{O_1} = \widehat{AC} = \alpha = 5^\circ$$

$$\widehat{A_1} = \frac{\widehat{BD}}{2} = \frac{\alpha}{2} = 2.5^\circ$$

$$\Delta AOM: \widehat{M_1} = \widehat{A_1} + \widehat{O_1} = 2.5^\circ + 5^\circ = 7.5^\circ$$

$$x = 18^\circ - \widehat{M_1} = 18^\circ - 7.5^\circ = 10.5^\circ$$

۲۴ ۴ CO را امتداد می‌دهیم تا دایره را در نقطه E قطع کند.



$$CE \parallel DB \Rightarrow \widehat{CD} = \widehat{BE} = \alpha$$

$$\widehat{A} = \frac{\widehat{BD}}{2}$$

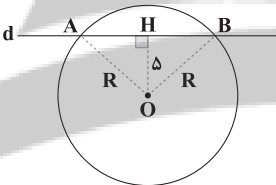
$$\Rightarrow 6^\circ = \frac{\widehat{BD}}{2} \Rightarrow \widehat{BD} = 12^\circ$$

$$\text{قطر } CE \Rightarrow \widehat{CE} = 18^\circ$$

$$\Rightarrow \alpha + 12^\circ + \alpha = 18^\circ \Rightarrow \alpha = 3^\circ$$

$$\widehat{C} = \frac{\widehat{DBE}}{2} = \frac{12^\circ + \alpha}{2} = \frac{15^\circ}{2} = 7.5^\circ$$

۲۵ ۱



$$S_{\Delta OAB} = \frac{OH \times AB}{2}$$

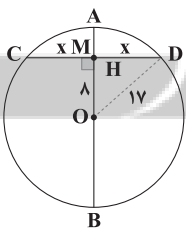
$$\Rightarrow 6^\circ = \frac{\alpha \times AB}{2} \Rightarrow AB = 24$$

چون از O به وتر AB عمود کرده‌ایم، پس AH=HB=12

$$\Delta AOH: R^2 = 12^2 + 5^2 = 169 \Rightarrow R = 13$$

$$S = \pi R^2 = 169\pi$$

۲۶ ۱ از نقطه M به O وصل کرده و امتداد می‌دهیم تا دایره را در نقاط A و B قطع کند.



$$\left. \begin{array}{l} AM = 9 \text{ (نزدیک ترین فاصله)} \\ BM = 25 \text{ (دورترین فاصله)} \end{array} \right\} \Rightarrow AM + MB = 34$$

$$\Rightarrow 2R = 34 \Rightarrow R = 17$$

$$OM = R - AM = 17 - 9 = 8$$

کوتاه‌ترین وترى که از نقطه M می‌گذرد، وترى است که به قطر AB عمود باشد، در این صورت MC=MD=x

$$\Delta OMD: \widehat{M} = 9^\circ \Rightarrow OD^2 = OM^2 + MD^2 \Rightarrow 289 = 64 + x^2$$

$$\Rightarrow x^2 = 225 \Rightarrow x = 15$$

$$CD = 2x = 30$$

تعداد کل مردم شهر را 100 نفر در نظر می‌گیریم. پس:

$$n(A) = 45, n(B) = 75, n(A \cup B) = 100$$

$$n(A \cap B) = n(A) + n(B) - n(A \cup B)$$

$$\Rightarrow n(A \cap B) = 45 + 75 - 100 = 20$$

بنابراین 20٪ مردم شهر تهران از هر دو وسیله نقلیه استفاده می‌کنند.

۱۷ ۲ چون می‌خواهیم زیرمجموعه‌ها شامل {1} باشند بنابراین

عضو {1} را از مجموعه حذف می‌کنیم، سپس تعداد را به دست می‌آوریم:

$$2^3 - 1 = 7$$

۱۸ ۱

$$2^{n+3} = 2^3 + 56 \Rightarrow 2^{n+3} = 64 = 2^6 \Rightarrow n+3=6 \Rightarrow n=3$$

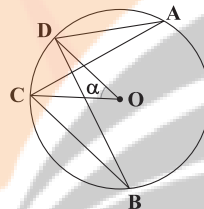
۱۹ ۴ بنا به تعریف اجتماع و اشتراک واضح است گزینه (۴) صحیح است.

۲۰ ۴

$$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B) \Rightarrow n(A \cup B) = 17$$

$$n(A \cup B)' = n(U) - n(A \cup B) = 20 - 17 = 3$$

۲۱ ۳ اندازه کمان CD از رابطه $\frac{\alpha \pi R}{18^\circ}$ به دست می‌آید. پس:



$$|\widehat{CD}| = \frac{\alpha \pi R}{18^\circ} \Rightarrow 2\pi = \frac{\alpha \pi \times 6}{18^\circ} \Rightarrow \alpha = 6^\circ$$

پس $\widehat{O} = 6^\circ$ و $\widehat{A} = \widehat{B} = \frac{\widehat{CD}}{2} = 3^\circ$ می‌باشند.

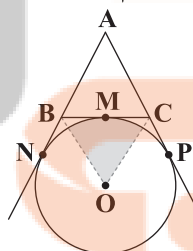
$$\widehat{A} = 2x + 10^\circ \Rightarrow 3^\circ = 2x + 10^\circ \Rightarrow x = 10$$

$$\widehat{B} = 3y + 15^\circ \Rightarrow 3^\circ = 3y + 15^\circ \Rightarrow y = 5$$

$$\widehat{O} = 4z \Rightarrow 6^\circ = 4z \Rightarrow z = 1.5$$

$$\frac{y+z}{x} = \frac{5+1.5}{10} = 2$$

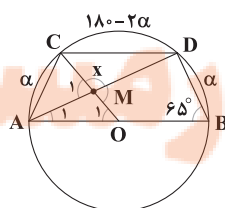
۲۲ ۲ زاویه برخورد نیمسازهای خارجی B و C برابر $90^\circ - \frac{\widehat{A}}{2}$ است.



$$\widehat{O} = 90^\circ - \frac{6^\circ}{2} \Rightarrow \widehat{O} = 6^\circ$$

$$S = \frac{\alpha \pi R^2}{360} = \frac{6^\circ \pi \times 12^2}{360} = 24\pi$$

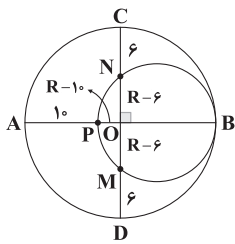
۲۳ ۴



$$CD \parallel AB \Rightarrow \widehat{AC} = \widehat{BD} = \alpha$$

$$\text{قطر } AB \Rightarrow \widehat{AC} + \widehat{CD} + \widehat{DB} = 180^\circ \Rightarrow \alpha + \widehat{CD} + \alpha = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \widehat{CD} = 180^\circ - 2\alpha$$



$$PO \times OB = ON \times OM \Rightarrow (R - 10)R = (R - 6)(R - 6)$$

$$\Rightarrow R^2 - 10R = R^2 - 12R + 36 \Rightarrow 2R = 36 \Rightarrow R = 18$$

$$\text{قطر دایره کوچک} = PB = R - 10 + R = 2R - 10 = 36 - 10 = 26$$

فیزیک

عبارت‌های «الف» و «د» درست هستند. **۳ ۳۱**

بررسی عبارت‌هاک نادرست:

ب) وقتی دو میله پلاستیکی را با پارچه پشمی مالش می‌دهیم، هر دو دارای بارهای همنام می‌شوند، بنابراین اگر این دو میله را به یکدیگر نزدیک کنیم، یکدیگر را دفع می‌کنند.

ج) نوع باری که دو جسم مختلف بر اثر مالش پیدا می‌کنند، به جنس آن‌ها بستگی دارد.

د) قسمتی از میله رسانا که در نزدیکی کلاهک الکتروسکوپ قرار دارد، در اثر القای بار الکتریکی، دارای بار ناهمنام با بار الکتروسکوپ می‌شود، بنابراین در اثر نیروی جاذبه بین بارهای میله و بار روی ورقه‌ها، بار روی ورقه‌ها کاهش می‌یابد و به تدریج ورقه‌ها بسته می‌شوند.

۳۳) انتهای مثبت سری، یعنی پروتون خواهی، بنابراین جذب پروتون توسط مواد بالای جدول، بیشتر است و انتهای منفی سری، یعنی جذب الکترون و انتقال الکترون در مواد پایین‌تر، بیشتر است، پس در اثر مالش لاستیک با موی انسان، الکترون‌ها از موی انسان به لاستیک (و نه بالعکس) انتقال می‌یابند.

۳۴) با توجه به رابطه $|q| = ne$ ، کسری می‌تواند بار الکتریکی یک جسم باشد که پاسخ آن مضرب صحیحی (کوانتیده) از بار الکتریکی پایه، یعنی $e = 1.6 \times 10^{-19}$ باشد.

بررسی گزینه‌ها:

$$1) \frac{1}{3} = n \times (1.6 \times 10^{-19}) \Rightarrow n = \frac{1}{3 \times 1.6 \times 10^{-19}} \Rightarrow n \notin \mathbb{Z} (*)$$

$$2) \frac{128}{5} = n \times (1.6 \times 10^{-19}) \Rightarrow n = \frac{128}{5 \times 1.6 \times 10^{-19}} \Rightarrow n \notin \mathbb{Z} (*)$$

$$\Rightarrow n = 16 \times 10^{19} \Rightarrow n \in \mathbb{Z} (\checkmark)$$

$$3) \frac{14}{3} = n \times (1.6 \times 10^{-19}) \Rightarrow n = \frac{14}{3 \times 1.6 \times 10^{-19}} \Rightarrow n \notin \mathbb{Z} (*)$$

$$4) \frac{5}{12} = n \times (1.6 \times 10^{-19}) \Rightarrow n = \frac{5}{12 \times 1.6 \times 10^{-19}} \Rightarrow n \notin \mathbb{Z} (*)$$

با توجه به رابطه $|q| = ne$ داریم: **۱ ۳۵**

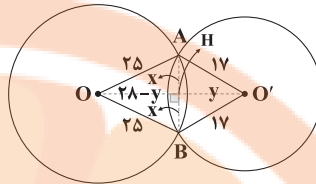
$$q = -ne \Rightarrow n = \frac{q}{-e} = \frac{-6/4 \times 10^{-12} \times 10^{-6}}{-1.6 \times 10^{-19}} \Rightarrow n = 40$$

بنابراین تعداد الکترون‌های این یون (n_e) برابر با ۴۰ است.

۲ ۲۷ چهارضلعی $OAO'B$ یک کایت است و در کایت قطر بزرگ

عمودمنصف قطر کوچک می‌باشد. پس:

$$AH = HB = x$$



اگر $O'H = y$ باشد، چون $OO' = 28$ است پس $HO = 28 - y$ است.

$$\Delta O'AH: 17^\circ = y^2 + x^2$$

$$\Delta OAH: 25^\circ = x^2 + (28 - y)^2 \Rightarrow 625 = x^2 + y^2 + 784 - 56y$$

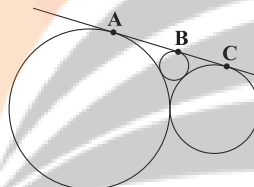
$$\Rightarrow 625 = 289 + 784 - 56y \Rightarrow 56y = 448 \Rightarrow y = 8$$

$$289 = 64 + x^2 \Rightarrow x^2 = 225 \Rightarrow x = 15$$

$$AB = 2x = 30$$

۴ ۲۸ اگر دو دایره مماس بیرون باشند، طول مماس مشترک آن‌ها از

رابطه $2\sqrt{RR'}$ به دست می‌آید.



$$AB = 2\sqrt{48 \times r} = 8\sqrt{3r}$$

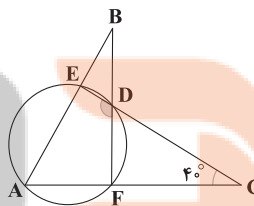
$$BC = 2\sqrt{12 \times r} = 4\sqrt{3r}$$

$$AC = 2\sqrt{48 \times 12} = 48$$

$$AC = AB + BC \Rightarrow 48 = 8\sqrt{3r} + 4\sqrt{3r}$$

$$\Rightarrow 48 = 12\sqrt{3r} \Rightarrow \sqrt{3r} = 4 \Rightarrow 3r = 16 \Rightarrow r = \frac{16}{3}$$

با فرض $\hat{A} = 2x$, $\hat{B} = 3x$ داریم: **۱ ۲۹**



$$\hat{A} = \widehat{EDF} \Rightarrow 2\hat{A} = \widehat{ED} + \widehat{DF}$$

$$\hat{B} = \widehat{AF} - \widehat{ED}$$

$$\hat{C} = \widehat{AE} - \widehat{DF}$$

$$2\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = \widehat{ED} + \widehat{DF} + \widehat{AF} - \widehat{ED} + \widehat{AE} - \widehat{DF}$$

$$\Rightarrow 4x + 3x + 40 = \frac{\widehat{ED} + \widehat{DF} + \widehat{AF} + \widehat{AE}}{2} = \frac{360}{2} \Rightarrow 7x + 40 = 180$$

$$\Rightarrow 7x = 140 \Rightarrow x = 20 \Rightarrow \hat{A} = 2(20) = 40$$

$$\hat{A} = \widehat{EDF} = 40 \Rightarrow \widehat{EDF} = 80 \Rightarrow \widehat{EAF} = 360 - 80 = 280$$

$$\text{محاطی } \hat{D} = \widehat{EAF} = 140$$



با استفاده از قانون کولن، اندازه هر نیرو را به دست می‌آوریم:

$$F_{r1} = k \frac{|q_1||q_2|}{r_{r1}^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 4 \times 10^{-6}}{4 \times 4 \times 10^{-4}}$$

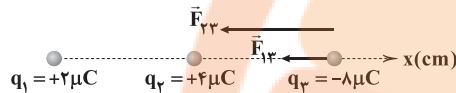
$$\Rightarrow F_{r1} = \frac{9 \times 2 \times 4}{4 \times 4} \times 10 = 45 \text{ N}$$

$$F_{r1} = k \frac{|q_1||q_3|}{r_{r1}^2} \Rightarrow F_{r1} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 8 \times 10^{-6}}{8 \times 8 \times 10^{-4}}$$

$$\Rightarrow F_{r1} = \frac{9 \times 2 \times 8}{8 \times 8} \times 10 = 22.5 \text{ N}$$

$$F_{T1} = 22.5 - 45 \Rightarrow F_{T1} = -22.5 \text{ N}$$

بنابراین:



$$|F_{r1}| = |F_{r2}| \Rightarrow F_{r2} = 22.5 \text{ N}$$

$$F_{r2} = k \frac{|q_2||q_3|}{r_{r2}^2} \Rightarrow F_{r2} = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6} \times 8 \times 10^{-6}}{4 \times 4 \times 10^{-4}}$$

$$\Rightarrow F_{r2} = \frac{9 \times 8 \times 4}{4 \times 4} \times 10 = 180 \text{ N}$$

$$F_{T2} = -22.5 - 180 = -202.5 \text{ N}$$

بنابراین:

$$\frac{|F_{T1}|}{|F_{T2}|} = \frac{22.5}{202.5} = \frac{1}{9}$$

بنابراین نسبت خواسته شده برابر است با:

دو بار یکدیگر را دفع می‌کنند، بنابراین دو بار، همتان هستند،

بنابراین اندازه بارها در حالت جدید برابر است با:

$$q' = q - 0.4q = \frac{6}{10}q = \frac{3}{5}q$$

$$q'_2 = q + 0.4q = \frac{14}{10}q = \frac{7}{5}q$$

با توجه به قانون کولن داریم:

$$\frac{F'}{F} = \frac{|q'_1||q'_2|}{|q_1||q_2|} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2 \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{\frac{3}{5}q \times \frac{7}{5}q}{q \times q} = \frac{21}{25} \Rightarrow F' = \frac{21}{25}F$$

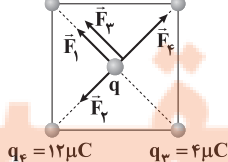
بنابراین درصد تغییرات بزرگی نیروی الکتریکی بین دو بار برابر است با:

$$\frac{\Delta F}{F} \times 100 = \frac{F' - F}{F} \times 100 = \frac{\frac{21}{25}F - F}{F} \times 100 = -\frac{4}{25} \times 100 = -16\%$$

بنابراین اندازه نیروی الکتریکی بین دو بار، ۱۶ درصد کاهش یافته است.

با دقت به مقادیر q_1 ، q_2 و q_3 متوجه می‌شویم، بزرگینیروهایی که از طرف این سه بار بر بار q وارد می‌شود، یکسان است.

$$q_1 = -4 \mu\text{C} \quad q_2 = 4 \mu\text{C}$$



$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \quad \text{قطر} = \sqrt{2}a = 8\sqrt{2} \text{ cm}$$

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \quad \text{نصف قطر} = 4\sqrt{2} \text{ cm}$$

$$\Rightarrow F_1 = \frac{9 \times 4 \times 2}{16 \times 2} \times 10 = 22.5 \text{ N} \Rightarrow F_1 = F_2 = F_3 = 22.5 \text{ N}$$

$$F_4 = \frac{k|q_4||q|}{r^2} \Rightarrow F_4 = \frac{9 \times 10^9 \times 12 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{(4\sqrt{2} \times 4\sqrt{2}) \times 10^{-4}} = \frac{9 \times 12 \times 2}{16 \times 2} \times 10$$

$$\Rightarrow F_4 = \frac{27}{4} \times 10 = 67.5 \text{ N}$$

یون یک بار مثبت (X^+)، یعنی تعداد الکترون‌های این یون یک واحد کم‌تر از

$$n_p = n_e + 1 = 41$$

تعداد پروتون‌های آن (n_p) است، پس داریم:

$$\frac{n_p}{n_e} = \frac{41}{40}$$

بنابراین نسبت خواسته شده برابر است با:

با استفاده از قانون کولن، بزرگی نیروی الکتریکی بین دو کره

در دو حالت را به دست می‌آوریم.

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} = \frac{12k}{r^2}$$

در حالت اولیه (قبل از تماس) داریم:

بار هر یک از کره‌ها بعد از تماس برابر است با:

$$q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2} = \frac{6 + (-2)}{2} = \frac{4}{2} = 2 \mu\text{C}$$

بزرگی نیروی الکتریکی بین دو کره بعد از تماس برابر است با:

$$F' = \frac{k|q'_1||q'_2|}{r^2} \Rightarrow F' = \frac{k}{r^2} \times (2 \times 2) = \frac{4k}{r^2}$$

$$\frac{F'}{F} = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$$

بنابراین نسبت خواسته شده برابر است با:

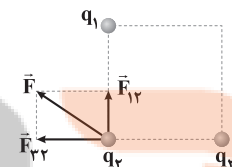
با توجه به قانون کولن داریم:

$$\frac{F'}{F} = \frac{|q'_1||q'_2|}{|q_1||q_2|} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2 \quad r=r' \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{(Q-x)(Q+x)}{Q \times Q}$$

$$\frac{F'}{F} = \frac{15}{16} \Rightarrow \frac{15}{16} = \frac{Q^2 - x^2}{Q^2} \Rightarrow 15Q^2 = 16Q^2 - 16x^2$$

$$\Rightarrow Q^2 = 16x^2 \Rightarrow x^2 = \frac{Q^2}{16} \Rightarrow x = \frac{Q}{4}$$

$$\Rightarrow x = \frac{Q}{4} \times 100 = 25Q$$

ابتدا نیروهای وارد بر بار q_2 از طرف دو بار q_1 و q_3 را رسم می‌کنیم:

با توجه به قانون کولن داریم:

$$F_{12} = k \frac{|q_1||q_2|}{r_{12}^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 1 \times 10^{-6}}{6 \times 6 \times 10^{-4}}$$

$$\Rightarrow F_{12} = \frac{18}{36} \times \frac{10^{-3}}{10^{-4}} = \frac{1}{2} \times 10 = 5 \text{ N}$$

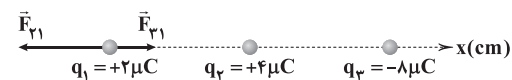
$$F_{32} = \frac{k|q_3||q_2|}{r_{32}^2} \Rightarrow F_{32} = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6} \times 1 \times 10^{-6}}{6 \times 6 \times 10^{-4}}$$

$$\Rightarrow F_{32} = \frac{36}{36} \times \frac{10^{-3}}{10^{-4}} = 10 \text{ N}$$

$$\vec{F} = F_x \vec{i} + F_y \vec{j} = -F_{32} \vec{i} + F_{12} \vec{j} \Rightarrow \vec{F} = -10 \vec{i} + 5 \vec{j} \text{ (N)}$$

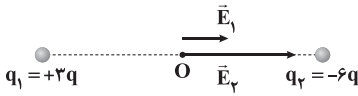
نیروهای الکتریکی که دو بار q_2 و q_3 بر بار q_1 وارد می‌کنند

را رسم می‌کنیم:



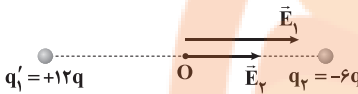


۴۶ ۴
بزرگی برابند میدان‌های الکتریکی حاصل از دو بار در نقطه O در حالت اول برابر است با:



$$\begin{cases} E_1 = \frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{3k|q|}{a^2} = 3E \\ E_2 = \frac{k|q_2|}{r_2^2} = \frac{6k|q|}{a^2} = 6E \end{cases} \Rightarrow E_T = E_1 + E_2 = 3E + 6E = 9E$$

بزرگی برابند میدان‌های الکتریکی حاصل از دو بار در حالت دوم برابر است با:



$$\begin{cases} E_1' = \frac{k|q_1'|}{r_1'^2} = \frac{12k|q|}{a^2} = 12E \\ E_2 = \frac{k|q_2|}{r_2^2} = \frac{6k|q|}{a^2} = 6E \end{cases} \Rightarrow E_T' = E_1' + E_2 = 12E + 6E = 18E$$

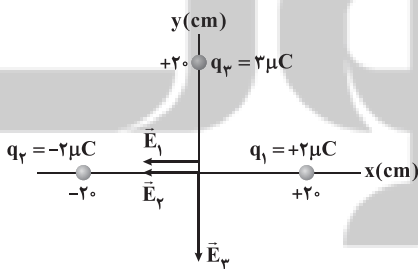
درصد تغییرات بزرگی میدان برابند برابر است با:

$$\frac{\Delta E_T}{E_T} \times 100 = \frac{E_{T_2} - E_{T_1}}{E_{T_1}} = \frac{18E - 9E}{9E} \times 100 = \frac{9E}{9E} \times 100 = 100\%$$

بنابراین بزرگی برابند میدان‌های الکتریکی حاصل از دو بار، ۱۰۰ درصد افزایش یافته است.

۴۷ ۳
پتانسیل الکتریکی خاصیت نقاط است و ربطی به حضور بار ندارد.

۴۸ ۱
میدان‌های الکتریکی حاصل از بارهای q_1 و q_2 در مبدأ مختصات در جهت منفی محور xها هستند و میدان الکتریکی حاصل از q_3 در مبدأ مختصات در جهت منفی محور yها است.



از طرفی اندازه بارهای q_1 و q_2 برابر بوده و همچنین فاصله آنها تا مبدأ مختصات، یکسان است، پس میدان‌های الکتریکی حاصل از آنها در مبدأ مختصات، هم‌اندازه هستند، در نتیجه داریم:

$$E_1 = E_2 = \frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6}}{(20 \times 10^{-2})^2} = 4.5 \times 10^5 \frac{N}{C}$$

پس اندازه برابند میدان‌های \vec{E}_1 و \vec{E}_2 در مبدأ مختصات برابر است با:

$$E_{1,2} = 2E_1 = 9 \times 10^5 \frac{N}{C} \Rightarrow \vec{E}_{1,2} = -9 \times 10^5 \hat{i} \left(\frac{N}{C} \right)$$

$$\begin{aligned} \vec{F}_{1,3} &= \vec{F}_1 + \vec{F}_3 = 45N \\ \vec{F}_{2,3} &= \vec{F}_2 - \vec{F}_3 = 45N \\ F_T &= \sqrt{45^2 + 45^2} = \sqrt{45^2(1^2 + 1^2)} \Rightarrow F_T = 45\sqrt{2}N \end{aligned}$$

جهت بردار برابند (\vec{F}_T) به سمت شمال است.

۴۲ ۳
نقطه O در وسط دو بار هم‌نام و هم‌اندازه q_1 و q_2 قرار گرفته است؛ پس میدان‌های الکتریکی این دو بار اثر یکدیگر را در این نقطه خنثی می‌کنند. جهت میدان \vec{E}_3 به سمت چپ و جهت میدان \vec{E}_4 به سمت راست است، پس:

$$\begin{aligned} E_3 = E_4 &= k \frac{|q_3|}{r_3^2} = k \frac{|q_4|}{r_4^2} \Rightarrow \frac{9}{(4)^2} = \frac{36}{r_4^2} \Rightarrow r_4^2 = \frac{36 \times 16}{9} \\ \Rightarrow r_4^2 &= 64 \Rightarrow r_4 = 8cm \end{aligned}$$

پس اگر بار q_4 در فاصله ۸ سانتی‌متری نقطه O قرار بگیرد، برابند میدان‌های الکتریکی حاصل از بارها در نقطه O صفر می‌شود. با توجه به این‌که بار q_4 در فاصله ۶ سانتی‌متری نقطه O قرار دارد باید آن را ۲ سانتی‌متر به سمت راست جابه‌جا کنیم.

۴۳ ۴
با توجه به رابطه بزرگی میدان الکتریکی حاصل از یک ذره باردار داریم:

$$\begin{aligned} E &= k \frac{|q|}{r^2} \Rightarrow \frac{E_2}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_2} \right)^2 \\ \Rightarrow \frac{E_2}{E_1} &= \left(\frac{20}{50} \right)^2 \Rightarrow \frac{E_2}{E_1} = \frac{4}{25} \Rightarrow E_2 = \frac{4}{25} E_1 \end{aligned}$$

با توجه به اطلاعات داده‌شده در سؤال داریم:

$$\begin{aligned} E_1 - E_2 &= 10.5 \Rightarrow E_1 - \frac{4}{25} E_1 = 10.5 \Rightarrow \frac{21}{25} E_1 = 10.5 \\ \Rightarrow E_1 &= \frac{10.5 \times 25}{21} = 12.5 \frac{N}{C} \end{aligned}$$

۴۴ ۴
به دلیل هم‌نام و هم‌اندازه بودن بارها، اندازه میدان الکتریکی حاصل از هر یک از بارها با هم برابر و هم‌چنین در خلاف جهت هم هستند، پس در مرکز خط واصل بین دو بار، برابند آنها برابر صفر است. وقتی روی عمودمنصف خط واصل دو بار حرکت می‌کنیم، ابتدا شاهد افزایش برابند آنها هستیم و هرچه روی عمودمنصف بالاتر می‌رویم، فاصله (r) زیاد می‌شود، بنابراین اندازه میدان الکتریکی حاصل از هر بار و در نتیجه اندازه برابند آنها کاهش می‌یابد.

بنابراین بزرگی برابند میدان‌های الکتریکی حاصل از دو بار، ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

۴۵ ۲
با توجه به رابطه بزرگی میدان الکتریکی حاصل از یک ذره باردار داریم:

$$E = k \frac{|q|}{r^2} \Rightarrow |q| = \frac{Er^2}{k} = \frac{2 \times 10^5 \times 4 \times 10^{-2}}{k} \Rightarrow |q| = \frac{8 \times 10^3}{k}$$

با توجه به قانون کولن داریم:

$$\begin{aligned} F &= k \frac{|q||q'|}{R^2} \Rightarrow F = \frac{k \times \frac{8 \times 10^3}{k} \times 27 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-2}} \\ \Rightarrow F &= 8 \times \frac{27}{9} \times 10^{-1} \Rightarrow F = 2/4N \end{aligned}$$



برای کار انجام شده توسط میدان الکتریکی داریم:

$$W_E = F_E d \cos \theta \Rightarrow W_E > 0$$

برای تغییرات انرژی پتانسیل الکتریکی بار داریم:

$$\Delta U_E = -W_E \Rightarrow \Delta U_E < 0$$

هر چه تراکم خطوط میدان بیشتر باشد، اندازه میدان در آن

$$E_A > E_B$$

ناحیه بیشتر است، یعنی:

طبق رابطه $F = E|q|$ ، می‌دانیم بزرگی نیرو با بزرگی میدان الکتریکی، رابطه مستقیم دارد، بنابراین در جابه‌جایی از A تا B با کاهش میدان الکتریکی، نیروی الکتریکی وارد بر بار نیز کاهش می‌یابد.

بار مثبت به صورت خودبه‌خودی در جهت میدان الکتریکی حرکت می‌کند، ولی در این شکل، بار مثبت در خلاف جهت میدان الکتریکی حرکت کرده است، بنابراین انرژی پتانسیل الکتریکی آن افزایش می‌یابد.

تنها نیروی وارد بر ذره، نیرویی است که میدان الکتریکی به آن وارد می‌کند، بنابراین:

$$W_E = \Delta K \quad \frac{W_E = |q|Ed \cos \theta}{\theta = 0^\circ} \rightarrow \Delta K = 2 \times 10^{-5} \times 4 \times 10^{-6} \times 10^{-1} \times 1$$

$$\Rightarrow \Delta K = 8 \times 10^{-12} \text{ J}$$

$$\Delta K = \frac{1}{2} m (v^2 - v_0^2) \quad \frac{v_0 = 0}{\rightarrow} \Delta K = \frac{1}{2} m v^2$$

$$\Rightarrow v^2 = \frac{2 \Delta K}{m} = \frac{2 \times 8 \times 10^{-12}}{9.1 \times 10^{-31}}$$

$$\Rightarrow v^2 = 1.8 \times 10^9 \Rightarrow |v| = 4.2 \times 10^4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\Rightarrow |v| = 4.2 \times 10^4 \times 10^{-3} \frac{\text{km}}{\text{s}} = 4.2 \times 10^1 \frac{\text{km}}{\text{s}}$$

با توجه به رابطه انرژی پتانسیل الکتریکی داریم:

$$\Delta V = \frac{\Delta U_E}{q} \quad \frac{\Delta U_E = -\Delta K}{\rightarrow} \Delta V = \frac{-\Delta K}{q}$$

$$\Rightarrow q = \frac{-\Delta K}{\Delta V} = \frac{-8 \times 10^{-12}}{2.5 \times 10^{-3}} \Rightarrow q = -3.2 \times 10^{-9} \text{ C}$$

$$\Rightarrow q = -1 \times 10^{-9} \text{ C} \times 10^6 \Rightarrow q = -1000 \mu\text{C}$$

با توجه به رابطه انرژی پتانسیل الکتریکی داریم:

$$\Delta V = \frac{\Delta U_E}{q} = \frac{-4 \times 10^{-3}}{-2.5 \times 10^{-6}} \Rightarrow \Delta V = 4 \times \frac{10^3}{2.5} = 160 \text{ V}$$

$$\Rightarrow \Delta V = V_B - V_A \Rightarrow V_B = \Delta V + V_A = 160 + 80 = 240 \text{ V}$$

$$\frac{V_B}{V_A} = \frac{240}{80} = 3$$

بنابراین نسبت خواسته شده برابر است با:

شیمی

۵۶ | بررسی گزینه‌ها:

(۱) دوره سوم شامل ۲ عنصر گازی شکل (Ar, Cl) است.

(۲) در دوره سوم ۳ عنصر جامد و شکننده (S, P, Si) وجود دارد.

(۳ و ۴) هر کدام از چهار عنصر نخست این دوره (Si, Al, Mg, Na) رسانای گرما بوده و سطح براق و صیقلی دارند.

در گروه چهاردهم جدول دوره‌ای (با چشم‌پوشی از دوره هفتم)

دو فلز Sn و Pb تمایل به تشکیل کاتیون تک‌اتمی دارند.

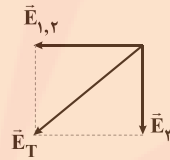
اندازه میدان الکتریکی حاصل از بار q_3 در مبدأ مختصات برابر است با:

$$E_3 = k \frac{|q_3|}{r_3^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 3 \times 10^{-6}}{4 \times 10^{-2}} \Rightarrow E_3 = 6.75 \times 10^5 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

$$\Rightarrow \vec{E}_3 = -6.75 \vec{j} \left(\frac{\text{N}}{\text{C}} \right)$$

بنابراین: $\vec{E}_T = \vec{E}_{1,2} + \vec{E}_3 \Rightarrow \vec{E}_T = -9 \times 10^5 \vec{i} - 6.75 \times 10^5 \vec{j} \left(\frac{\text{N}}{\text{C}} \right)$

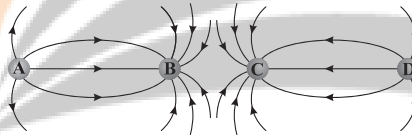
$$\Rightarrow \vec{E}_T = (-9 \vec{i} - 6.75 \vec{j}) \times 10^5 \left(\frac{\text{N}}{\text{C}} \right)$$



با توجه به دافعه بودن خطوط میدان بین بارهای C و B، می‌توان فهمید که این دو بار، همنام هستند.

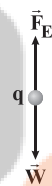
از طرفی خطوط میدان از بار D خارج شده‌اند، بنابراین علامت بار D، مثبت است و با توجه به این که خطوط میدان به بار C وارد شده‌اند، می‌توان فهمید که علامت بار C، منفی است.

بارهای B و C همنام هستند، پس علامت بار B نیز منفی است و در نتیجه با توجه به جاذبه بودن خطوط میدان بین بارهای A و B می‌توان فهمید که این دو بار ناهمنام هستند، پس علامت بار A، مثبت است.



وقتی بار، معلق است، یعنی برابری نیروهای وارد بر آن صفر

است. به بار تنها دو نیروی وزن و نیروی الکتریکی وارد می‌شوند، پس باید این دو نیرو هم‌اندازه و در خلاف جهت هم باشند تا برابری آن‌ها صفر شود. از طرفی می‌دانیم بردار نیروی وزن همواره به سمت زمین است، پس بردار نیروی الکتریکی باید در خلاف جهت نیروی وزن، یعنی به سمت بالا باشد.



$$F_E = W \quad \frac{F_E = |q|E}{W = mg} \rightarrow |q|E = mg$$

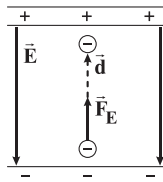
$$\Rightarrow 100 \times 10^{-9} \times E = 1 \times 10^{-3} \times 10 \Rightarrow E = 10^5 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

بار، مثبت است، پس نیرویی که از طرف میدان الکتریکی به آن وارد می‌شود، هم‌جهت با خطوط میدان الکتریکی است، بنابراین میدان الکتریکی \vec{E} به

$$\vec{E} = 10^5 \vec{j} \left(\frac{\text{N}}{\text{C}} \right)$$

سمت بالا است، بنابراین:

۵۱ | با توجه به شکل زیر:





۱ ۷۲

• در دوره چهارم جدول از گروه ۲ تا ۱۲ به جز Cr و Cu، آرایش الکترونی اتم ۹ عنصر دیگر به $4s^2$ ختم می‌شود.

• در دوره چهارم جدول به جز سه عنصر K، Cr، Cu، در آرایش الکترونی ۱۵ عنصر دیگر، زیرلایه $4s^2$ وجود دارد.

۳ ۷۳

• به جز مورد دوم، سایر موارد برای پر کردن عبارت مورد نظر، مناسب هستند. در دوره سوم با افزایش عدد اتمی، واکنش پذیری فلزها کاهش و واکنش پذیری نافلزها (تا هالوژن‌ها) افزایش می‌یابد.

۲ ۷۴

• عبارتهای دوم و چهارم درست هستند.

بررسی عبارتهای نادرست:

• در مجموع ۴۰ عنصر دسته d در جدول تناوبی وجود دارد. با توجه به شمار عنصرهای جدول (۱۱۸) درصد این عنصرها به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\frac{40}{118} \times 100 = 33.8\%$$

• زیرلایه d اتم عنصری مانند Cr $(3d^5 4s^1)$ ، در صورتی که شمار الکترون‌های ظرفیتی اتم آن برابر با ۶ است.

۲ ۷۵

• در فولاد مبارکه مانند همه شرکت‌های فولاد جهان، برای استخراج آهن از کربن استفاده می‌شود. معادله واکنشی که منجر به تولید آهن می‌شود، به صورت زیر است:



۳ ۷۶

• هر چه واکنش پذیری فلزی کم‌تر باشد، استخراج آن فلز راحت‌تر است. در بین فلزهای داده شده، مس واکنش پذیری کم‌تری دارد.

۲ ۷۷

• هر چند طلا در طبیعت به شکل فلزی و عنصری خود نیز یافت می‌شود، اما مقدار آن در معادن طلا بسیار کم است.

۴ ۷۸

• به جز مس، چهار فلز دیگر کاتیون X^{3+} تشکیل می‌دهند. البته چون فلز آلومینیم فقط همین یک کاتیون تک‌اتمی را تشکیل می‌دهد برای نام‌گذاری یون Al^{3+} از عدد رومی استفاده نمی‌شود.

۴ ۷۹

• به طور کلی در هر واکنش شیمیایی که به طور طبیعی انجام می‌شود، واکنش پذیری فرآورده‌ها از واکنش دهنده‌ها کم‌تر است. هیچ‌کدام از واکنش‌های a و b به طور طبیعی انجام نمی‌شوند.

۲ ۸۰

بررسی عبارتهای نادرست:

ب) مجتمع‌های صنعتی آلومینیم اراک و منیزیم خراسان جنوبی برای استخراج این دو فلز بنا شده‌اند.

ت) برای استخراج مقدار کمی طلا باید از حجم انبوهی خاک معدن استفاده کرد. به همین دلیل پسماند بسیار زیادی تولید می‌شود. از این رو استخراج طلا همانند دیگر فعالیت‌های صنعتی آثار زیان‌بار زیست محیطی بر جای می‌گذارد.

۳ ۵۸ همان فلز لیتیم (Li) و X و G نیز شبه‌فلزهای سیلیسیم و ژرمانیم (Ge، Si) بوده که جریان گرما را از خود عبور می‌دهند. نافلزهای P و I عایق گرما هستند.

۴ ۵۹

آهن (فلز واسطه) فلزی است که در سطح جهان بیشترین مصرف سالانه را در بین صنایع گوناگون دارد.

۳ ۶۰

فعال‌ترین فلز دوره ششم، فلز قلیایی این دوره بوده که عدد اتمی آن برابر $55 = 1 + 54$ بوده و فعال‌ترین نافلز دوره سوم، هالوژن این دوره بوده که عدد اتمی آن برابر $17 = 18 - 1$ است.

شمار عنصرهای میان این دو عنصر در جدول تناوبی برابر است با:

$$37 - 1 = 36$$

۱ ۶۱

این‌که عنصر A بیش از یک کاتیون تک‌اتمی تشکیل می‌دهد، یعنی این‌که A یک فلز بوده و می‌تواند جزو فلزهای واسطه یا اصلی باشد.

۱ ۶۲

طلا با این‌که فلزی نرم است، جزو فلزهای واسطه بوده و واکنش‌پذیری ناچیزی دارد.

۲ ۶۳

به جز عبارت سوم سایر عبارتهای درست هستند.

A, X, J, D, E به ترتیب K, Sc, Fe, Cu, F هستند. از هالوژن‌ها در لامپ چراغ‌های جلوی خودروها استفاده می‌شود.

۳ ۶۴

آهن (III) کلرید در آب محلول است و حالت فیزیکی $FeCl_3$ باید به صورت (aq) باشد.

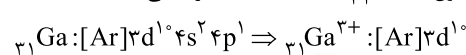
۱ ۶۵

• برخی نافلزها مانند اکسیژن، نیتروژن، گوگرد و ... به شکل آزاد در طبیعت وجود دارند.

• وجود نمونه‌هایی از فلزهای نقره، مس و پلاتین نیز در طبیعت گزارش شده است.

۳ ۶۶

سه عبارت نخست درست هستند. آرایش الکترونی مورد نظر می‌تواند مربوط به کاتیون Ga^{3+} باشد. Ga یک فلز اصلی است.



۱ ۶۷

بین سدیم و سیلیسیم (Na , Si) دو عنصر و بین سیلیسیم و کلر (Si , Cl) نیز دو عنصر در جدول دوره‌ای وجود دارد. با توجه به این‌که در یک دوره از چپ به راست شعاع اتمی کاهش می‌یابد و تغییرات شعاع در ابتدای دوره شدیدتر از انتهای دوره است، شعاع اتمی سیلیسیم از میانگین شعاع اتمی سدیم و کلر باید کم‌تر باشد.

$$r_{Si} < \frac{r_{Na} + r_{Cl}}{2} = \frac{186 + 99}{2} = 142.5 \Rightarrow r_{Si} < 142.5 \text{ pm}$$

۴ ۶۸

هالوژن X همان برم (Br) بوده و هر چهار عبارت پیشنهادشده در ارتباط با آن درست هستند.

۲ ۶۹

آهن در طبیعت اغلب به شکل اکسید و سدیم بیشتر به شکل کلرید یافت می‌شود.

۳ ۷۰

• هر چه واکنش‌پذیری یک فلز کم‌تر باشد، آن فلز تمایل کم‌تری برای تبدیل شدن به کاتیون دارد.

در بین فلزهای مورد نظر، منیزیم کم‌ترین واکنش‌پذیری را دارد.

۳ ۷۱

به جز عبارت آخر، سایر عبارتهای درست هستند.

در دوره سوم با چشم‌پوشی از گاز نجیب، کم‌ترین واکنش‌پذیری در میان نافلزهای مربوط به فسفر بوده که دارای چندین دگرشکل (آلوتروپ) است.


تلاشی در مسیر معرفت



- دانلود گام به گام تمام دروس ✓
- دانلود آزمون های قلم چی و گاج + پاسخنامه ✓
- دانلود جزوه های آموزشی و شب امتحانی ✓
- دانلود نمونه سوالات امتحانی ✓
- مشاوره کنکور ✓
- فیلم های انگیزشی ✓

 www.ToranjBook.Net

 [ToranjBook_Net](https://t.me/ToranjBook_Net)

 [ToranjBook_Net](https://www.instagram.com/ToranjBook_Net)