

نلاشی در مسیر موفقیت



- دانلود گام به گام تمام دروس ✓
- دانلود آزمون های قلم چی و گاج + پاسخنامه ✓
- دانلود جزوه های آموزشی و شب امتحانی ✓
- دانلود نمونه سوالات امتحانی ✓
- مشاوره کنکور ✓
- فیلم های انگیزشی ✓

دفترچه شماره ۲

آزمون شماره ۹

جمعه ۱۴۰۱/۰۸/۰۶



آزمون‌های سراسری کاح

گذپنه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۲

پاسخ‌های تشریحی

پایه یازدهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۱۰۰ دقیقه	تعداد سؤال: ۸۰

عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سؤالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	شماره سؤال		مدت پاسخگویی
			تا	از	
۱	حسابان	۱۰	۱	۱۰	۴۵ دقیقه
	آمار و احتمال	۱۰	۱۱	۲۰	
	هندرسه	۱۰	۲۱	۳۰	
۲	فیزیک	۲۵	۳۱	۵۵	۳۰ دقیقه
۳	شیمی	۲۵	۵۶	۸۰	۲۵ دقیقه



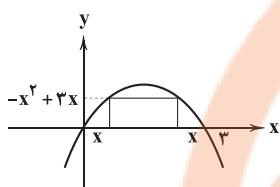
۶

محیط مربع سوم محیط مربع دوم محیط مربع اول

$$24 \quad 12 \quad 12\sqrt{2}$$

بنابراین محیط‌ها دنباله هندسی تشکیل می‌دهند و قدرنسبت آن‌ها برابر $\frac{\sqrt{2}}{2}$ و جمله اول ۲۴ است. پس جمله عمومی محیط‌ها برابر $a_n = 24 \times (\frac{\sqrt{2}}{2})^{n-1}$ است.

$$\Rightarrow a_{11} = 24 \times (\frac{\sqrt{2}}{2})^{10} = \frac{24}{32} = \frac{3}{4}$$



۷

$$\left. \begin{array}{l} \text{طول مستطیل} = 3 - 2x \\ \text{عرض مستطیل} = -x^2 + 3x \end{array} \right\} \Rightarrow \text{محیط} = 2(3 - 2x - x^2 + 3x) \\ \Rightarrow -2x^2 + 2x + 6 \Rightarrow S = (\frac{1}{2}, \frac{13}{2})$$

$$S_n = an^2 + bn \quad \text{مجموع حملات دنباله حسابی از رابطه به دست می‌آید.}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} S_1 = a + b = 3 \\ S_3 = 9a + 3b = 21 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -3a - 3b = -9 \\ 9a + 3b = 21 \end{cases}$$

$$\Rightarrow 6a = 12 \Rightarrow a = 2, b = 1$$

$$\Rightarrow S_{10} = 2 \times 10^2 + 1 \times 10 = 210$$

۹ اگر سرعت باد را V فرض کنیم:

$$t_1 + t_2 = 6 \Rightarrow \frac{50}{30+V} + \frac{50}{30-V} = 6 \\ \Rightarrow V = 20 \text{ m/s}$$

۱۰ قدرنسبت دنباله q^2 است.

$$\frac{(q^2)^2 - 1}{q^2 - 1} = \frac{q^4 - 1}{q^2 - 1} = 10 \\ \frac{(q^4)^1 - 1}{q^4 - 1} = \frac{q^4 - 1}{q^4 - 1} = 1 \\ \Rightarrow q^4 + 1 = 10 \Rightarrow q^4 = 9 \Rightarrow q = \pm 3$$

۱۱

p	q	$\sim p$	$p \Rightarrow q$	$q \Rightarrow p$	(۱)	(۲)	(۳)	(۴)
T	T	F	T	T	T	T	T	T
T	F	F	F	T	F	T	F	T
F	T	T	T	F	F	T	T	F
F	F	T	T	T	T	F	T	T

۱۲ گزاره A به انتفای مقدم درست است و ارزش گزاره B به عنوان گزاره دو شرطی نادرست است.

۱۳ چون ارزش $(p \Rightarrow r) \vee (p \Rightarrow q)$ نادرست است پس هم ارزش $(p \Rightarrow r)$ و هم ارزش $(p \Rightarrow q)$ نادرست است. از طرفی چون ارزش گزاره شرطی نادرست است، پس مقدم درست و تالی نادرست است، یعنی ارزش p درست و ارزش $q \sim r$ نادرست است. بنابراین ارزش $r \sim q$ درست است. پس در عبارت $p \Rightarrow (q \vee \sim r)$ چون تالی درست است بنابراین ارزش کل گزاره درست است.

ریاضیات

۱

$$\frac{x + 2\sqrt{x-1} - x + 2\sqrt{x-1}}{x^2 - 4x + 4} = 2(\sqrt{x-1})$$

$$\Rightarrow 4\sqrt{x-1} = 2(\sqrt{x-1})(x^2 - 4x + 4)$$

$$\Rightarrow x^2 - 4x + 4 = 2 \Rightarrow x^2 - 4x + 2 = 0$$

⇒ مجموع جواب‌ها = ۴

$$\sqrt{x^2 - 1} + \sqrt{2ax + 1} + \sqrt{2x - 3} = 0$$

۲

اگر جمع چند عبارت نامنفی صفر شود، تک تک عبارات صفر هستند.

$$x^2 - 1 = 0 \Rightarrow x = \pm 1 \quad \cap \quad x = 1$$

$$2x - 3 = 0 \Rightarrow x = 1$$

عبارت $2ax + 1$ باید به ازای $x = 1$ صفر شود. پس داریم:

$$2a(1) + 1 = 0 \Rightarrow a = -\frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow a^2 + a = \frac{1}{4} - \frac{1}{2} = -\frac{1}{4}$$

۳ با در نظر گرفتن $t = \frac{1}{x}$ داریم:

$$t^2 - 2t - 3 = 0 \Rightarrow \begin{cases} t = -1 \\ t = 3 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x + \frac{1}{x} = -1 \\ x + \frac{1}{x} = 3 \end{cases}$$

اکنون داریم:

$$(x + \frac{1}{x})^2 = x^2 + \frac{1}{x^2} + 2 = 9 \Rightarrow x^2 + \frac{1}{x^2} = 7$$

$$\Rightarrow (x - \frac{1}{x})^2 = x^2 + \frac{1}{x^2} - 2 = 5 \Rightarrow (x - \frac{1}{x})^2 = 5$$

$$\Rightarrow x - \frac{1}{x} = \pm \sqrt{5}$$

$$\sqrt{x+1+\sqrt{x-1}} = \frac{1}{2a-1}$$

$$\Rightarrow \frac{2\sqrt{x}}{x-1} = \frac{1}{2a-1} \Rightarrow (4a-2)\sqrt{x} = x-1$$

۴ با در نظر گرفتن $t = \sqrt{x}$ داریم:چون $\frac{c}{a} < 0$ است پس به ازای هر a معادله (۱) یک جواب مثبت و یک جواب منفی دارد.اما توجه کنید که اگر $a = \frac{1}{2}$ باشد معادله اصلی جواب نخواهد داشت بنابراینمجموعه جواب برای a به صورت $\{\frac{1}{2}\} - \mathbb{R}$ خواهد بود.۵ با توجه به معادله $\frac{c}{a} = 3$ پس داریم:

$$\alpha \times \beta = 3 \Rightarrow \beta = \frac{3}{\alpha} \Rightarrow \alpha^2 (\frac{3}{\alpha}) - 3 = 0$$

$$\Rightarrow 3\alpha - 3 = 0 \Rightarrow \alpha = 1$$

با جایگذاری α در معادله داریم:

$$(2m-1) + (m+2) + 6m - 3 = 0$$

$$\Rightarrow 9m - 2 = 0 \Rightarrow m = \frac{2}{9}$$

طبق قانون کولن داریم:

۲۴

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$$

چون بارها تغییری نکرده‌اند، بنابراین:

$$\begin{aligned} F' &= (\frac{r}{r'})^2 \\ \frac{r'}{r} &= \sqrt{2}r \Rightarrow \frac{F'}{F} = (\frac{r}{\sqrt{2}r})^2 = (\frac{1}{\sqrt{2}})^2 = \frac{25}{36} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{25}{36} \\ \Rightarrow F' &= \frac{25}{36}F \end{aligned}$$

بنابراین اندازه نیروی بین دو بار تقریباً 30° درصد کاهش یافته است.

نوع نیروی بین کره‌ها ابتدا جاذبه بوده (بارها همنام بوده‌اند)،
 یعنی q_A منفی و q_B مثبت بوده است. بعد از تماس نیز نوع نیروی بین
 کره‌ها دفعه است، بنابراین بار کره‌ها همنام شده است.

بررسی گزینه‌ها:

(۱) چون بار کره A منفی است، با تماس دو کره A و B، الکترون از کره A به کره B منتقل می‌شود. (✓)

(۲) بعد از تماس اول، بار کره‌ها همنام و هماندازه می‌شود، بنابراین در تماس مجدد کره‌ها، باری بین آن‌ها جابه‌جا نخواهد شد. (✓)

(۳) پس از تماس، بار کره‌ها همنام و هماندازه می‌شود. (✓)

(۴) ممکن است اندازه بار کره A بعد از تماس کاهش نیابد و افزایش یابد. (✗)
 برایند نیروهای وارد بر هر سه بار، صفر است، پس برای بار q_2 داریم:

$$F_{22} = F_{12} \Rightarrow \frac{k|q_2||q_1|}{r_{12}^2} = \frac{k|q_1||q_2|}{r_{22}^2}$$

$$\Rightarrow \frac{|q_2|}{r_{12}^2} = \frac{|q_1|}{r_{22}^2} \Rightarrow \frac{16}{d^2} = \frac{4}{x^2} \Rightarrow \frac{4}{d} = \frac{2}{x} \Rightarrow d = 2x$$

برای بار q_1 داریم:

$$F_{21} = F_{12} \Rightarrow \frac{k|q_3||q_1|}{r_{21}^2} = \frac{k|q_2||q_1|}{r_{12}^2}$$

$$\Rightarrow \frac{|q_3|}{r_{21}^2} = \frac{|q_2|}{(d+x)^2} \Rightarrow \frac{16}{(d+x)^2} = \frac{|q_2|}{x^2} \Rightarrow \frac{16}{(2x+x)^2} = \frac{|q_2|}{x^2} \Rightarrow |q_2| = \frac{16}{9}$$

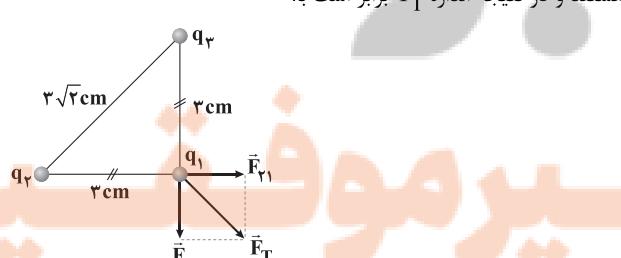
بار q_1 خارج از فاصله بین بارهای q_2 و q_3 در حال تعادل قرار دارد، بنابراین

$$q_2 = -\frac{16}{9} \mu C$$

علامت q_2 منفی است، پس:

چنان‌چه از شکل مشخص است، مثلث یک قائم‌الزاویه

متتساوی‌الساقین است، بنابراین نیروهای \bar{F}_{21} و \bar{F}_{31} هماندازه و عمود بر هم هستند و در نتیجه اندازه \bar{F}_T برابر است با:



$$F_T = \sqrt{\bar{F}_{21}^2 + \bar{F}_{31}^2} \quad \bar{F}_{21} = \bar{F}_{31} = F \Rightarrow F_T = \sqrt{2}F$$

$$F_T = 90\sqrt{2} N \Rightarrow 90\sqrt{2} = \sqrt{2}F \Rightarrow F = 90 N$$

۱ ۲۸ اگر از O به A و B وصل کنیم، مثلث OAB

متتساوی‌الاضلاع خواهد بود، در نتیجه:

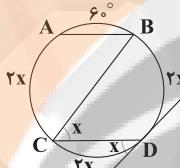
$$\angle AOB = 60^\circ \rightarrow \angle AB = 60^\circ$$

سپس از O به C و D وصل می‌کنیم، چون $R = \sqrt{2}r$ ، پس مثلث ODC قائم‌الزاویه است.

$$\angle ODC = 90^\circ \rightarrow \angle DC = 90^\circ$$

$$\angle M = \frac{\angle DC - \angle AB}{2} = \frac{90^\circ - 60^\circ}{2} = 15^\circ$$

نکته: اگر اندازه وتری از دایره برابر شعاع باشد، آن‌گاه کمان

محصور به آن وتر برابر 60° است.فرض می‌کنیم $x = CD$ باشد:زاویه محاطی $\angle DCB = \angle BCD = x$ $AB \parallel CD \Rightarrow \angle BDC = \angle CAB = 2x$

$$\angle A + \angle B + \angle C + \angle D = 360^\circ \Rightarrow 60^\circ + 2x + 2x + 2x = 360^\circ$$

$$\Rightarrow 6x = 300^\circ \Rightarrow x = 50^\circ$$

در تمرین ۱۷ صفحه ۶ کتاب درسی اثبات شده است که

$$\beta = 3 \times 15^\circ = 45^\circ, \alpha = 3\beta$$

فیزیک

عبارت‌های «الف» و «ب» درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

ج) بار اولیه و نهایی الکتروسکوپ، مثبت است.

د) ورقه‌ها کمتر از حالت اول باز می‌شوند.

۱ ۳۲ بار نهایی ذره پس از گرفتن الکترون‌ها برابر است با:

$$q_2 = q_1 - \frac{32}{100} q_1$$

$$q_2 - q_1 = -ne \Rightarrow -\frac{32}{100} q_1 = -ne$$

$$\Rightarrow q_1 = \frac{1}{32} \times 4 \times 10^{-9} \times 1/6 \times 10^{-19} \Rightarrow q_1 = 2 \times 10^{-29} C = 2nC$$

بنابراین بار ثانویه ذره برابر است با:

۴ ۳۳ بنا به قانون سوم نیوتون، نیروی که دو جسم بر هم وارد می‌کنند، هماندازه و در خلاف جهت یکدیگر است.

۴۱ با توجه به مشابه بودن دو کر، پس از تماس آنها با یکدیگر،
بار الکتریکی هر یک از آنها برابر است با:

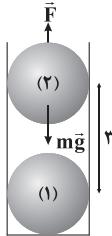
$$q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2} = \frac{5+15}{2} = 10\text{ }\mu\text{C}$$

با توجه به قانون کولن داریم:

$$\begin{aligned} F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} &\Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{|q'_1|}{|q_1|} \times \frac{|q'_2|}{|q_2|} \times \left(\frac{r}{r}\right)^2 \\ &\Rightarrow \frac{F'}{F} \left(\frac{1}{5}\right) \times \left(\frac{1}{15}\right) \times 1 = \frac{1}{75} = \frac{4}{3} \end{aligned}$$

پس بزرگی نیروی دافعه بین دو بار تقریباً ۳۳ درصد افزایش می‌یابد.

۴۲ نیروهای وارد بر گوی بالای را رسم می‌کنیم:



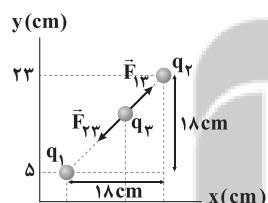
گوی بالایی، معلق است، بنابراین:

$$F = mg$$

$$\Rightarrow k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} = mg \Rightarrow 9 \times 10^9 \times \frac{2 \times 10^{-9} \times |q_2|}{(3 \times 10^{-2})^2} = 9 \times 10^{-3} \times 10$$

$$\Rightarrow |q_2| = 10^{-1} \text{ C} = 0.1 \text{ nC}$$

۴۳ با استفاده از رابطه فیثاغورس فاصله بار q_1 تا بار q_2 را محاسبه می‌کنیم:



$$r_{12} = \sqrt{(18)^2 + (18)^2} = 18\sqrt{2} \text{ cm}$$

بار q_3 چون در وسط فاصله r_{13} است، پس فاصله آن از هریک از بارها برابر با $\frac{18\sqrt{2}}{2} \text{ cm}$ ، یعنی $9\sqrt{2} \text{ cm}$ است.

با توجه به قانون کولن داریم:

$$\begin{cases} F_{13} = k \frac{|q_1||q_3|}{r_{13}^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{4 \times 10^{-9} \times 2 \times 10^{-6}}{(9\sqrt{2} \times 10^{-2})^2} = \frac{4}{9} \text{ N} \\ F_{23} = k \frac{|q_2||q_3|}{r_{23}^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{6 \times 10^{-9} \times 2 \times 10^{-6}}{(9\sqrt{2} \times 10^{-2})^2} = \frac{6}{9} \text{ N} \\ \Rightarrow F_{T_3} = F_{23} - F_{13} = \frac{6}{9} - \frac{4}{9} = \frac{2}{9} \text{ N} \end{cases}$$

۴۴ میدان الکتریکی، کمیتی برداری است و یکای آن در SI نیوتون بر کولن است.

با استفاده از قانون کولن داریم:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \xrightarrow{q_1 = q_2 = q} F = \frac{9 \times 10^9 \times |q|^2}{(0.03)^2}$$

$$\Rightarrow |q|^2 = \frac{9 \times 10^9 \times (0.03)}{9 \times 10^9} \Rightarrow |q| = 10^{-12}$$

$$|q| = 3 \times 10^{-6} \text{ C} = 3 \mu\text{C}$$

$$|q_1| = |q_2| = |q_3| = |q| = 3 \mu\text{C}$$

بنابراین:

۴۸ طبق قانون کولن داریم:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow F = 9 \times 10^9 \times \frac{9 \times 10^{-6} \times 7 \times 10^{-6}}{r^2}$$

$$\Rightarrow r^2 = \frac{9 \times 63 \times 10^{-3}}{6/3} \Rightarrow r^2 = 9 \times 10^{-2} \Rightarrow r = 3 \times 10^{-1} \text{ m}$$

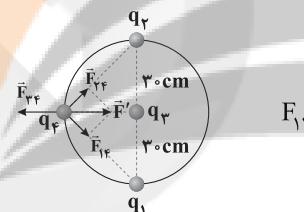
$$\Rightarrow r = 0.3 \text{ m} = 30 \text{ cm}$$

۴۹ طبق داده‌های سؤال داریم:

$$q_1 = q_2 = -6 \mu\text{C}$$

$$q_4 = 2 \mu\text{C}$$

نیروهای وارد بر بار q_4 را رسم می‌کنیم. مطابق شکل زیر، برای این که بار q_4 در تعادل باشد، باید برایند نیروهای حاصل از بارهای q_1 و q_2 و q_3 نیروی حاصل از بار q_4 را خنثی کند. به این صورت جهت نیروی \vec{F}_{34} به سمت راست می‌شود.



$$F_{14} = F_{24} = k \frac{|q_1||q_4|}{r_{14}^2}$$

برایند دو نیروی \vec{F}_{14} و \vec{F}_{24} برابر است با:

$$F' = \sqrt{2} F_{14} = \sqrt{2} \times \frac{k |q_1| |q_4|}{r_{14}^2}$$

۵۰ بار q_4 در حال تعادل است، بنابراین:

$$\sqrt{2} \times k \frac{|q_1||q_4|}{r_{14}^2} = k \frac{|q_3||q_4|}{r_{34}^2}$$

$$\frac{|q_4|}{r_{14}} = \frac{6}{3 \times \sqrt{3}} \text{ cm}, \quad r_{34} = 3 \text{ cm} \Rightarrow \frac{6}{(3 \times \sqrt{3})^2} = \frac{|q_4|}{(3)^2} \Rightarrow |q_4| = 3\sqrt{3} \mu\text{C}$$

با توجه به جهت نیروی وارد بر بار q_4 از طرف بار q_3 ، می‌توان فهمید که علامت بار q_3 ، مثبت است، بنابراین:

۵۰ طبق قانون کولن داریم:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$$

$$\frac{F'}{F} = \frac{|q'_1|}{|q_1|} \times \frac{|q'_2|}{|q_2|} \times \left(\frac{r}{r}\right)^2$$

$$\frac{F'}{F} = \left(\frac{r}{r}\right)^2$$

نسبت نیروها برابر است با:

چون بارها تغییر نکرده‌اند، داریم:

$$\frac{F'}{F} = \left(\frac{3}{2}\right)^2 \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{9}{4} \Rightarrow F' = 9 \text{ N}$$

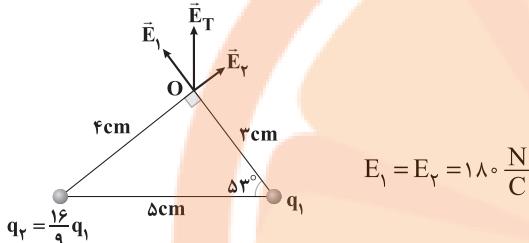
بزرگی میدان‌های الکتریکی حاصل از دو بار q_1 و q_2 برابر است با:

$$\begin{cases} E_1 = k \frac{|q_1|}{r_1^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{2 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-4}} = 2 \times 10^7 \text{ N/C} \\ E_2 = k \frac{|q_2|}{r_2^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{18 \times 10^{-6}}{81 \times 10^{-4}} = 2 \times 10^7 \text{ N/C} \end{cases}$$

$$\Rightarrow E_T = E_1 + E_2 = 4 \times 10^7 \text{ N/C}$$

چون میدان‌ها بر هم عمود هستند و میدان برایند برابر

با $180\sqrt{2} \text{ N/C}$ است، پس اندازه هر کدام از میدان‌ها برابر 180 N/C می‌شود.



بنابراین با توجه به رابطه بزرگی میدان‌های الکتریکی حاصل از ذره باردار داریم:

$$E_1 = k \frac{|q_1|}{r_1^2} \Rightarrow 180 = 9 \times 10^9 \times \frac{|q_1|}{9 \times 10^{-4}} \Rightarrow |q_1| = 180 \times 10^{-13} \text{ C}$$

$$\Rightarrow |q_1| = 1/8 \times 10^{-2} \text{ nC}$$

و اندازه بار q_2 برابر است با:

$$|q_2| = \frac{16}{9} \times 1/8 \times 10^{-2} = 3/2 \times 10^{-2} \text{ nC}$$

بزرگی میدان‌های الکتریکی حاصل از یک ذره باردار از رابطه

$$E = \frac{k|q|}{r^2}$$

$$\frac{E_2}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 \xrightarrow{r_2 = r_1 + 5} \frac{300}{1200} = \left(\frac{r_1}{r_1 + 5}\right)^2$$

$$\xrightarrow{\text{جذر}} \frac{1}{2} = \frac{r_1}{r_1 + 5} \Rightarrow 2r_1 = r_1 + 5 \Rightarrow r_1 = 5 \text{ cm}$$

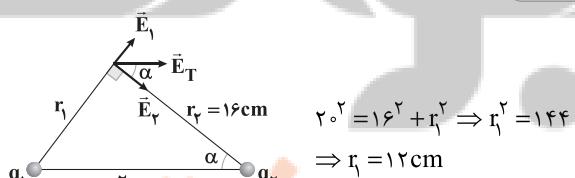
حال محاسبه می‌کنیم در چه فاصله‌ای از بار q_1 ، بزرگی میدان‌های الکتریکی می‌شود:

$$E = \frac{k|q|}{r^2} \Rightarrow E = \frac{9 \times 10^9 \times |q|}{(0/5)^2}$$

$$E_2 = \frac{9 \times 10^9 \times |q|}{(0/5)^2} = 9 \times 10^9 \text{ N/C}$$

$$\xrightarrow{\text{جذر}} \frac{1}{4} = \frac{5}{r_2} \Rightarrow r_2 = 20 \text{ cm}$$

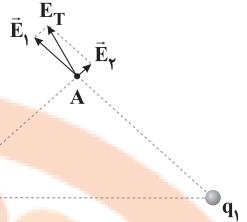
با استفاده از رابطه فیثاغورس طول r_2 را محاسبه می‌کنیم:



$$\tan \alpha = \frac{r_2}{r_1} \Rightarrow \frac{12}{16} = \frac{r_2}{\frac{k|q_1|}{k|q_2|}} \Rightarrow \frac{12}{16} = \frac{|q_1|}{|q_2|} \times \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2$$

$$\frac{r_2}{r_1} = \frac{12}{16} \Rightarrow \frac{|q_1|}{|q_2|} = \left(\frac{12}{16}\right)^2 = \frac{9}{16} \Rightarrow \frac{|q_2|}{|q_1|} = \frac{16}{9}$$

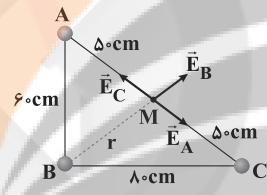
با توجه به شکل زیر، باید q_1 ، مثبت و q_2 نیز مثبت باشد. از طرفی اندازه بار q_1 از اندازه بار q_2 بزرگ‌تر است.



بزرگی میدان‌های الکتریکی حاصل از بار نقطه‌ای q در یک نقطه مخصوص فقط به اندازه بار تولیدکننده این میدان بستگی دارد و مستقل از اندازه بار آزمون می‌باشد.

از طرفی اندازه نیروی وارد بر بار واقع در میدان‌های از رابطه $F = E|q|$ محاسبه می‌شود که با توجه به ثابت بودن E و چهار بار برابر شدن q_1 ، بزرگی نیروی الکتریکی وارد بر بار آزمون (\vec{F}) هم چهار برابر می‌شود.

چون اندازه بارها (بارهایی که در رأس‌های A و C قرار دارند) و فاصله آن‌ها تا وسط ضلع AC با هم برابر است، پس $E_A = E_C$ و چون خلاف جهت هم هستند، برایندشان صفر می‌شود و برایند میدان‌ها در نقطه M برابر با میدان حاصل از بار قرارگرفته در رأس B است، در نتیجه داریم:



$$E_T = E_B \Rightarrow 9 \times 10^9 = \frac{9 \times 10^9 \times |q|}{(0/5)^2}$$

$$\Rightarrow |q| = \frac{1 \times 10^4}{10^9} = 0.25 \times 10^{-5} \text{ C} = 2.5 \mu\text{C}$$

نکته: فاصله AC از فیناغورس به دست می‌آید و فاصله بار در نقطه B تا نقطه M برابر با نصف وتر مثلث است.

با توجه به رابطه بزرگی میدان‌های الکتریکی حاصل از یک ذره باردار داریم:

$$E_2 = \frac{|q_2|}{|q_1|} \times \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2$$

چون بار تغییر نکرده، بنابراین داریم:

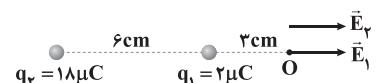
$$\frac{E_2}{E_1} = \frac{r_1^2}{r_2^2} \xrightarrow{E_1 = 1/69 E_2} \frac{1}{69} = \left(\frac{39}{r_2}\right)^2$$

$$\xrightarrow{\text{جذر}} \frac{1}{\sqrt{69}} = \frac{39}{r_2} \Rightarrow r_2 = 30 \text{ cm}$$

$$r_2 - r_1 = 30 - 39 = -9 \text{ cm}$$

بنابراین: در واقع باید 9 cm به این بار نزدیک شویم.

بردار میدان‌های الکتریکی حاصل از دو بار الکتریکی q_1 و q_2 را رسم می‌کنیم. در نقطه O را رسم می‌کنیم.



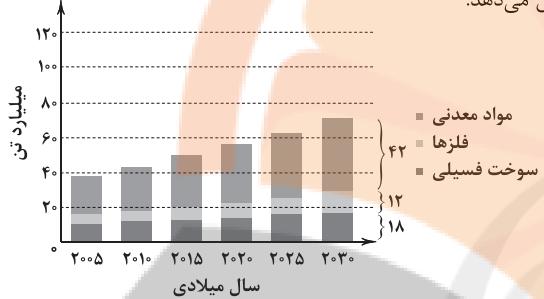
بنابراین اندازه میدان الکتریکی حاصل از این بار در فاصله 30 cm از آن برابر است با:

$$\frac{E_3}{E_2} = \left(\frac{r_2}{r_3}\right)^2 \quad E_2 = \frac{1}{8} \frac{N}{C}, \quad r_2 = 100\text{ cm}, \quad r_3 = 30\text{ cm} \Rightarrow \frac{E_3}{E_2} = 2^2 = \frac{N}{C}$$

شیمی

۵۶ طلا با بازتاب زیاد پرتوهای خورشیدی، جان فضانوردان را در برابر تغییر دمای شدید محافظت می‌کند. به همین علت در ساخت کلاه فضانوردان از فلز طلا استفاده می‌شود.

۵۷ نمودار زیر برآورد میزان تولید یا مصرف نسبی برخی مواد را در جهان نشان می‌دهد.



۵۸ مقایسه شعاع اتمی عنصرهای داده شده به صورت زیر است:
 $A >_{\text{شعاع اتمی}} D >_{\text{شعاع اتمی}} X >_{\text{شعاع اتمی}} E$

تفاوت دو عدد ۱۱ و ۹ برابر با ۲ است.

۵۹ به جز عبارت نخست، سایر عبارت‌ها درست هستند.

عنصر A همان سدیم ($_{11}\text{Na}$) است و آرایش الکترونی اتم عنصر X به $^{6s^2 6p^2}$ ختم می‌شود.

بنابراین عنصر X در گروه چهاردهم و دوره ششم جدول جای دارد و همان سرب ($_{82}\text{Pb}$) است.

• A و X یا همان Na و Pb در گروههای ۱ و ۱۴ جدول دوره‌ای جای دارند و تفاوت شمارگروههای آن‌ها برابر با ۱۳ است.

• هر دو عنصر A و X فلز بوده و رسانایی الکتریکی و گرمایی بالایی دارند.

• تفاوت عدد اتمی $_{11}\text{Na}$ و $_{82}\text{Pb}$ برابر با $= 71 - 11 = 60$ بوده که ۲۱ عدد اتمی نخستین عنصر دسته d دوره ششم جدول است.

• عنصر همگروه و بالایی سرب همان فلز قلع و عنصر هم دوره و بعدی سدیم همان فلز نمی‌زیم است. هر دو عنصر مورد نظر همانند سایر فلزها، خاصیت چکش خواری دارند.

۶۰ در گروه چهاردهم جدول دوره‌ای (با چشم پوشی از دوره هفتم) تمامی عنصرها رسانایی الکتریکی دارند که شامل ۵ عنصر C, Si, Ge, Sn, Pb و Hستند و سه عنصر نخست در اثر ضربه خرد می‌شوند.

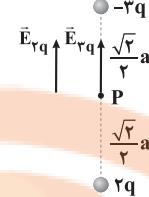
۶۱ **۶۱** هر چه اتم فلزی در شرایط معین آسان تر الکترون از دست بددهد، خصلت فلزی بیشتری دارد.

۶۲ **۶۲** سومین فلز قلیایی K بوده و به جز عبارت آخر، سایر عبارت‌ها در ارتباط با آن درست هستند.

فلزهای قلیایی به سرعت و به شدت با آب واکنش می‌دهند.

۶۳ **۶۳** در آرایش الکترونی برخی کاتیون‌های فلزهای واسطه، زیرلایه‌های $3d^4$ و $3d^9$ وجود دارد.

۵۳ میدان‌های ناشی از بارهای هم‌اندازه و هم‌علامت رویه‌روی هم یکدیگر را خنثی می‌کنند و فقط در مربع بزرگ بارهای $-3q$ و $2q$ باقی می‌مانند.



اگر هر ضلع مربع بزرگ، a در نظر گرفته شود، قطر آن برابر $a\sqrt{2}$ می‌شود، طبق رابطه فیثاغورس و چون نقطه P در وسط قطر مربع است، فاصله هر یک از بارهای $-3q$ و $2q$ تا نقطه P برابر $\frac{\sqrt{2}}{2}a$ خواهد بود، نتیجه با توجه به قانون کولن داریم:

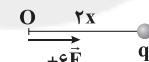
$$\begin{cases} E_{3q} = k \frac{|3q|}{r^2} = k \frac{3|q|}{(a\frac{\sqrt{2}}{2})^2} = \frac{4 \times k \times 3|q|}{a^2 \times 2} = \frac{6k|q|}{a^2} \\ E_{2q} = k \frac{|2q|}{r^2} = k \frac{2|q|}{(a\frac{\sqrt{2}}{2})^2} = \frac{4 \times k \times 2|q|}{a^2 \times 2} = \frac{4k|q|}{a^2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow E_T = E_{2q} + E_{3q} = \frac{4k|q|}{a^2} + \frac{6k|q|}{a^2} = \frac{10k|q|}{a^2}$$

۵۴ بردار برایند میدان‌های الکتریکی حاصل از دو بار در نقطه O برابر است با:



وقتی بار q_1 را حذف می‌کنیم، بنابراین میدان الکتریکی برایند در نقطه O همان میدان الکتریکی حاصل از بار q_2 است.



$$\vec{E}_T = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 \Rightarrow -4\vec{E} = \vec{E}_1 + 6\vec{E} \Rightarrow \vec{E}_1 = -10\vec{E}$$



$$\begin{aligned} \vec{E}_1 &= \frac{|q_1|}{|q_2|} \times \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 \vec{E} \\ \frac{|q_1|}{|q_2|} &= \frac{E_1}{E_2} \times \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 = \frac{10E}{6E} \times \left(\frac{3x}{2x}\right)^2 = \frac{|q_1|}{|q_2|} = \frac{15}{4} \end{aligned}$$

۵۵ با توجه به رابطه بزرگی میدان الکتریکی حاصل از یک ذره باردار، داریم:

$$E = k \frac{|q|}{r^2} \Rightarrow \frac{E_2}{E_1} = \frac{|q_2|}{|q_1|} \times \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2$$

$$\frac{|q_1|}{|q_2|} = \frac{1125}{1125} \Rightarrow \frac{1/8}{1125} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2$$

$$\frac{1}{25} = \frac{r_1}{r_2} \Rightarrow r_2 = 25r_1 \quad (*)$$

$$r_2 - r_1 = 96 \quad (*) \Rightarrow 25r_1 - r_1 = 96 \Rightarrow 24r_1 = 96$$

$$\Rightarrow r_1 = 4\text{ cm} \text{ و } r_2 = 100\text{ cm}$$

بنابراین:



۷۵ عبارت‌های اول و دوم درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

۰ آهن دارای دو اکسید طبیعی Fe_2O_3 ، FeO است.

۰ آرایش الکترونی اتم V برخلاف Fe^{3+} به Fe^{2+} ختم می‌شود.

۲۶ تنوع و زیبایی رنگ‌ها در شیشه‌ها و برخی سنگ‌ها به دلیل وجود برخی ترکیب‌های فلزهای واسطه است. X^{25} برخلاف سه عنصر دیگر که اصلی هستند، یک فلز واسطه است.

۳ ۷۷ چهار عنصر نخست دوره سوم جدول تناوبی (سه فلز Na , Al , Mg و شیوه فلز Si) جریان گرما را ز خود عبور می‌دهند.

۲ ۷۸ موارد اول و دوم برای پرکردن عبارت مورد نظر مناسب هستند. بررسی موارد نامناسب:

۰ عنصری که آرایش الکترونی اتم آن به زیرلایه $3p^1$ ختم می‌شود، همان Al_{13} بوده که در مقایسه با Ca_2 خاصیت فلزی آن کمتر است.

۰ عنصری که آرایش الکترونی اتم آن به زیرلایه $5p^5$ ختم می‌شود همان I_{53} بوده که در مقایسه با گاز نجیب Kr_{36} واکنش‌پذیری بیشتر و پایداری کمتری دارد.

۴ ۷۹ عنصر مورد نظر S_{16} بوده که هر چهار عبارت درباره آن درست هستند. گوگرد در دما و فشار اتفاق به حالت جامد بوده و در مقایسه با O_8 ، تمايل کمتری دارد تا به آنیون X^{2-} تبدیل شود. همچنین در مقایسه با Cl_{17} که گازی‌شکل است، گوگرد جامد نقطه ذوب و جوش بالاتری دارد.

۱ ۸۰ در بین فلزهای هر دوره، رتبه دوم واکنش‌پذیری مربوط به فلز قلیایی حاکی است. بنابراین A_{38} همان S_{16} است. در بین نافلزهای هر دوره نیز رتبه دوم واکنش‌پذیری مربوط به گروه 16 است. بنابراین X_{16} همان S_{16} بوده و بین این دو عنصر، $1=21-16=4$ (۳۸-۱۶) عنصر دیگر وجود دارد.

۶۴ به جز عبارت سوم، سایر عبارت‌ها درست هستند. طلا در

طبیعت به شکل فلزی و عنصری و نیز به شکل ترکیب یافت می‌شود.

۳ ۶۵ سه فلز Cr ، Fe و V ، کاتیون‌های X^{2+} و X^{3+} تشکیل می‌دهند.

۲ ۶۶ با توجه به این‌که در دوره سوم جدول بیشترین اختلاف شعاع اتمی دو عنصر متولی مربوط به Al و Si است، عنصرهای A ، D ، X ، E و G به ترتیب 12Mg ، 14Si ، 13Al ، 15P و 16S هستند. از آلومینیم در ساخت ظروف آشپزخانه استفاده می‌شود.

۲ ۶۷ عبارت‌های اول و چهارم درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

۰ عنصرهای دسته d شامل 40 عنصر بوده و به تقریب $33/89\%$ عنصرهای جدول دوره‌ای را تشکیل می‌دهند:

$$\frac{40}{118} \times 100 = 33/89$$

۰ آرایش الکترونی اتم عنصرهای دسته d به زیرلایه 8 ختم می‌شود.

۱ ۶۸ در گروه هالوژن‌ها از بالا به پایین با افزایش عدد اتمی، میزان واکنش‌پذیری آن‌ها، کاهش، ولی شعاع اتمی و نقطه ذوب و جوش آن‌ها افزایش می‌یابد.

۲ ۶۹ عنصرهای با عدد اتمی 40 ، 80 و 29 مربوط به عنصرهای واسطه هستند.

۴ ۷۰ هر چهار عبارت پیشنهاد شده درست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

۰ عنصر مورد نظر Sc_{21} است.

۰ عنصرهای مورد نظر Cr_{24} ، Mn_{25} و Br_{35} هستند.

۰ خصلت فلزی و واکنش‌پذیری فلز قلیایی خاکی Ca_{20} بیشتر از فلز واسطه Ti_{22} است.

۰ عنصرهای مورد نظر K_{19} ، Cr_{24} ، Cu_{29} و Ga_{31} هستند.

۴ ۷۱

۹ عدد $1/125$ معادل $\frac{9}{8}$ است و معنی آن این است که عنصر A دارای

۰ الکترون با $=2=1$ ($3d^9$) و 8 الکترون با $=1=1$ ($1s^2, 2s^2, 2p^6$) می‌باشد که چنین عنصری وجود ندارد.

۲ ۷۲ عبارت‌های سوم و چهارم درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

۰ فلورور در دمای 200° به سرعت با گاز هیدروژن واکنش می‌دهد.

۰ سدیم و طلا هر دو جزو فلزهای نرم هستند.

۳ ۷۳ عنصر C ، یون تکاتمی تشکیل نمی‌دهد و تنها با به اشتراک گذاشتن الکترون به آرایش گاز نجیب می‌رسد.

۲ ۷۴ عبارت‌های دوم و چهارم درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

۰ هالوژن‌ها با گرفتن یک الکترون از فلزها به یون هالید تبدیل می‌شوند.

۰ هالوژنی که در دمای اتفاق به آرامی با گاز هیدروژن واکنش می‌دهد، گاز زردنگ کلر است.

نلاشی در مسیر موفقیت



- دانلود گام به گام تمام دروس 
- دانلود آزمون های قلم چی و گاج + پاسخنامه 
- دانلود جزوه های آموزشی و شب امتحانی 
- دانلود نمونه سوالات امتحانی 
- مشاوره کنکور 
- فیلم های انگیزشی 