

گند کنترل

۱۲۱

A



121A

## آزمون سراسری ورودی دانشگاه‌های کشور - سال ۱۴۰۲

«اگر دانشگاه اصلاح شود محلکت اصلاح می‌شود.»  
امام خمینی (ره)



جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

دفترچه شماره ۱۱ از ۲

صبح جمعه  
۱۴۰۱/۱۰/۳۰

### آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخ‌گویی

| ردیف | مواد امتحانی | تعداد سوال | از شماره | تا شماره | مدت پاسخ‌گویی | ردیفه |
|------|--------------|------------|----------|----------|---------------|-------|
| ۱    | ریاضیات      | ۴۰         | ۱        | ۴۰       | ۷۰ دقیقه      |       |

استفاده از ماشین حساب ممنوع می‌باشد

این آزمون فهره منفی دارد

حق جا به تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیک و ...) یعنی از برگزاری آزمون، برای تمامی استخراج خوبی و خوبی نهایا با مجرور این سازمان مجاز می‌باشد و با مختلفین برای غربات و هار می‌شود.

نوبت اول دی ماه ۱۴۰۱

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضاء در سند رحات جدول ذیل، به منزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب.....با شماره داوطلبی.....با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود را با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخ نامه و دفترچه سوالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی دفترچه سوالات و پائین پاسخ نامه ام را تأیید می نمایم.

امضاء:

- ۱ با ضرب سه جمله متولی یک دنباله هندسی به ترتیب در ۴، ۸ و ۱۶، یک دنباله حسابی به دست می آید. اگر مجموع مربعات سه جمله هندسی برابر مجموع جملات حسابی باشد، جمله اول دنباله هندسی کدام است؟

$$\begin{array}{c} 48 \\ \times 4 \\ \hline 5 \end{array} \quad \begin{array}{c} 24 \\ \times 3 \\ \hline 5 \end{array} \quad \begin{array}{c} 64 \\ \times 2 \\ \hline 7 \end{array} \quad \begin{array}{c} 32 \\ \times 1 \\ \hline 7 \end{array}$$

- ۲ رأس سهمی ۶ - ۴x خط  $y = kx^2 - 4x - 4$  قوار دارد. عرض رأس سهمی کدام است؟

$$-8 \quad (4) \quad -4 \quad (3) \quad 6 \quad (2) \quad 2 \quad (1)$$

- ۳ اگر A، B و C سه مجموعه ناتهی از مجموعه عریق U باشند، مجموعه  $((A-B)'-(B-C))-C$  با کدام مجموعه برابر است؟

$$(A' \cup B') - C \quad (3) \quad C - (A \cup B) \quad (3) \quad B - (A \cup C) \quad (2) \quad A' - (B \cup C) \quad (1)$$

- ۴ کدام گزاره زیر، همه ارز منطقی گزاره  $(\neg p \wedge \neg q \wedge r) \vee (\neg q \wedge r) \vee (p \wedge r)$  است؟

$$p \vee q \quad (3) \quad r \vee p \quad (3) \quad r \quad (2) \quad q \quad (1)$$

- ۵ معادله های  $x^2 + 2x - 3m = 0$  و  $x^2 + 6x + m = 0$  یک ریشه مشترک غیر صفر دارند. اختلاف ریشه های غیر مشترک کدام است؟

$$2 \quad (4) \quad 4 \quad (3) \quad 2 \quad (2) \quad org \quad (1)$$

- ۶ نمودار تابع  $y = \frac{x^2}{x^2 - 3x + 2}$ ، به ازای چند مقدار صحیح بین دو خط افقی  $y = 0$  و  $y = -2$  واقع می شود؟

$$4 \quad (4) \quad 4 \quad (3) \quad 3 \quad (2) \quad 1 \quad (1)$$

- ۷ نقاط  $A(0,1)$  و  $B(4,-2)$  دو رأس مجاور مربع  $ABCD$  هستند. طول مختصات نقطه  $D$  در ربع سوم، کدام است؟
- (۱)  $-4$       (۲)  $-3$       (۳)  $-2$       (۴)  $-1$

- ۸ توابع  $y = g^{-1}(x)$  و  $f(x) = \log(2x - 5)$  را در نظر بگیرید. اگر نمودار  $y = g^{-1}(f(x))$  محور  $y$  را در  $\alpha$  قطع کند، مقدار  $\alpha$  کدام است؟
- (۱)  $4 + \sqrt{2}$       (۲)  $4 + \sqrt{3}$       (۳)  $4 - \sqrt{2}$       (۴)  $4 - \sqrt{3}$

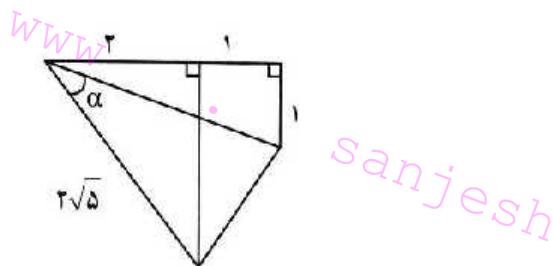
- ۹ نمودار  $f(x) = 2 + 2^{b-ax}$  نمودار تابع  $g(x) = -x^2 - 2x + 8$  را در نقطهای به طول ۱ قطع می‌کند. اگر  $f^{-1}(10)$  باشد، مقدار  $2b-a$  کدام است؟
- (۱)  $2$       (۲)  $3$       (۳)  $4$       (۴)  $5$

$$\frac{1}{x+2} - \frac{x^2 - 9x - 2}{x^2 + 8} = \frac{6x}{x^2 - 2x + 4}$$

معادله

(۱) صفر      (۲)  $2$       (۳)  $3$       (۴)  $4$

- ۱۰ در شکل زیر، مقدار  $\cos \alpha$  چقدر است؟



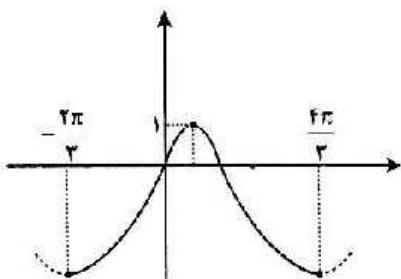
$$\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$-\frac{\sqrt{3}}{10}$$

$$-\frac{\sqrt{2}}{10}$$

- ۱۲ - شکل زیر، قسمتی از نمودار  $y = a + b \cos(cx - \frac{\pi}{2})$  کدام است؟

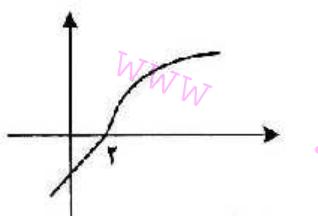


- ۱ (۱)  
۲ (۲)  
۳ (۳)  
۴ (۴)

- ۱۳ - مجموع جواب‌های معادله مثلثاتی  $\cos(\frac{17\pi}{\lambda} + x) \cos(\frac{3\pi}{\lambda} - x) = \cos^2(\frac{\pi}{3})$  در بازه  $[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}]$  کدام است؟

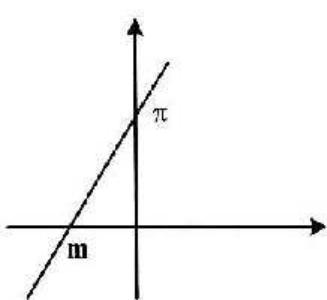
- $\frac{\pi}{4}$  (۱)       $\frac{2\pi}{3}$  (۲)       $\frac{\pi}{3}$  (۳)       $\frac{\pi}{2}$  (۴)

- ۱۴ - اگر  $f(g(x+1)) = 0$  باشد، معادله  $g(f(x) - \left| \frac{1}{2}x - 1 \right|)$  چند ریشه دارد؟



- ۱ (۱)  
۲ (۲)  
۳ (۳)  
۴ (۴)

- ۱۵ - شکل زیر، نمودار تابع  $f^{-1}(x)$  را نشان می‌دهد. اگر باشد، مقدار  $m$  کدام است؟



- $-\sqrt{\pi}$  (۱)  
 $\frac{1}{\sqrt{\pi}}$  (۲)  
 $-\frac{1}{\pi}$  (۳)  
 $-\pi\sqrt{\pi}$  (۴)

- ۱۶- اگر تابع  $f(x) = \begin{cases} |x| & \text{زوج} \\ |x-a| & \text{فرد} \end{cases}$  در  $\mathbb{R}$  پیوسته باشد، مجموعه مقادیر  $[a]$  شامل چند عضو است؟  
( $a < -1$ )
- ۲ (۴)                  ۱ (۳)                  ۲ (۲)                  ۱) صفر
- ۱۷- نایاب  $f(x) = \frac{x}{1-x|x|}$  چند نقطه بحرانی دارد؟
- ۳ (۴)                  ۲ (۳)                  ۱ (۲)                  ۱) صفر
- ۱۸- به ازای کدام مقدار  $a$  اختلاف شیب نیم‌خط‌های مماس چپ و راست بر منحنی تابع  $f(x) = 4x - 3 + \sqrt{ax}$ ، در نقطه  $x = \frac{3}{4}$  برابر  $2\sqrt{6}$  می‌شود؟
- ۱ (۴)                  ۱ (۳)                  ۱) (۲)                  ۲ (۱)
- ۱۹- نمودار تابع  $f(x) = (m^2 - 1)x^2 + (2 - m)x + 1$  محور  $x$  را در  $\alpha$  و  $\beta$  قطع می‌کند. اگر مجموع  $\alpha$  و  $\beta$  بیشترین مقدار باشد،  $m$  کدام است؟
- ۲۷\sqrt{3} (۴)                  ۲ - \sqrt{5} (۳)                  ۲ + \sqrt{3} (۲)                  ۲ + \sqrt{5} (۱)
- ۲۰- ۵ نفر قرار است در یک جلسه سخنرانی کنند. در چند حالت، دو نفر خاص پشت سر هم سخنرانی می‌کنند؟
- ۹۶ (۴)                  ۲۲ (۳)                  ۴۸ (۲)                  ۲۴ (۱)
- ۲۱- در پرتاب همزمان دو ناس، اعداد رو شده  $\text{III}$  و  $\text{II}$  هستند. با کدام احتمال، معادله  $5 - mx + n = 0$  دارای دو ریشه حقیقی و متمایز است؟
- ۴ (۴)                  ۵ (۳)                  ۱ (۲)                  ۱) (۱)
- ۲۲- پیسامد های ناسازگار  $A$  و  $B$  از فضای نمونهای  $S$  هستند. اگر  $P(B') = \frac{1}{6}$  و  $P(A) = \frac{1}{4}$  باشد، مقدار  $P(B'|A')$  کدام است؟
- ۰,۷۵ (۴)                  ۰,۵۵ (۳)                  ۰,۵ (۲)                  ۰,۷ (۱)
- ۲۳- در یک دسته از اعداد، چهار عدد فرد یک رقمی در اختیار داریم. دو تای آنها را با کوچک‌ترین عدد زوج بعد از خود و دو تای دیگر را با بزرگ‌ترین عدد زوج قبل از خود جایگزین می‌کنیم به طوری که اعداد در دسته دوم (دسته جدید) تک رقمی و غیرتکراری باشند. نسبت ضریب تغییرات دسته اول به دسته دوم کدام است؟
- ۱,۲۵ (۴)                  \sqrt{2} (۳)                  ۰,۴\sqrt{10} (۲)                  ۰,۲\sqrt{5} (۱)

- ۲۴- سه کیسه یکسان، هر کدام شامل ۱۰ گوی در اختیار داریم. کیسه اول دارای گوی های سبز، کیسه دوم دارای گوی های قرمز و کیسه سوم دارای ۲ گوی قرمز و ۸ گوی سبز است. کیسه ای به تصادف انتخاب کرده، یک گوی خارج می کنیم و می بینیم که قرمز است. با کدام احتمال همه گوی های آن کیسه قرمز است؟

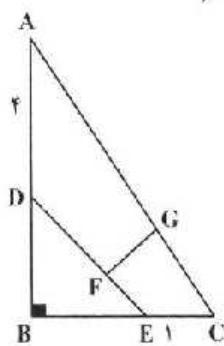
$\frac{5}{6}$  (۴)

$\frac{1}{6}$  (۳)

$\frac{2}{3}$  (۲)

$\frac{1}{3}$  (۱)

- در شکل زیر، اگر  $\frac{AC}{CG} = \frac{DE}{EF} = 4$  باشد، اندازه  $FG$  کدام است؟



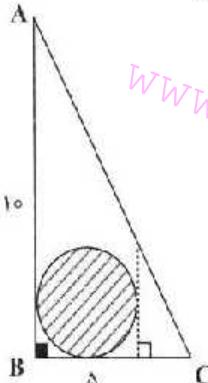
۲۵ (۱)

۱/۲۵ (۲)

۱/۵ (۳)

۱/۷۵ (۴)

- ۲۶- اگر اندازه اضلاع قائمه مثلث  $ABC$ ، ۵ و ۱۰ باشد، مساحت ناحیه هاشور خورده، کدام است؟



$\frac{25}{9}\pi$  (۱)

$\frac{16}{9}\pi$  (۲)

$\frac{9}{4}\pi$  (۳)

$\frac{5}{4}\pi$  (۴)

Org

- ۲۷- در یک  $\square$  ضلعی، با کم شدن یک ضلع، ۱۶ قطر از تعداد قطرهای آن کم می شود. اگر دو ضلع کم شود، چند قطر از تعداد قطرهای کم می شود؟

۲۳ (۴)

۳۲ (۳)

۳۱ (۲)

۳۰ (۱)

۲۸- در فضای دو خط  $\ell_1$  و  $\ell_2$  موازی هستند. اگر خط  $d$  خط  $\ell_1$  را در یک نقطه قطع کند، کدام مورد در خصوص وضعیت خط  $d$  و  $\ell_2$  همواره درست است؟

- (۱) متناظرند.  
(۲) موازی‌اند.  
(۳) غیرمتاظرند.  
(۴) غیرموازی‌اند.

۲۹- یک دایره به شعاع ۲، داخل ذوزنقه متساوی الساقینی محاط شده است. اگر یکی از زوایای ذوزنقه  $60^\circ$  درجه باشد، مساحت این ذوزنقه کدام است؟

$$\frac{32}{\sqrt{3}} \quad (4)$$

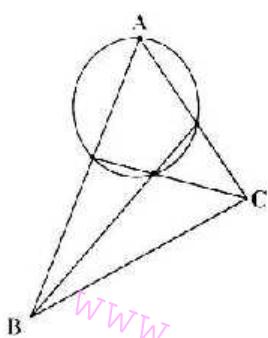
$$\frac{24}{\sqrt{2}} \quad (3)$$

$$\frac{16}{\sqrt{3}} \quad (2)$$

$$\frac{12}{\sqrt{2}} \quad (1)$$

۳۰- در شکل زیر، نیمسازهای زوایه‌های  $B$  و  $C$  در مثلث  $ABC$  رسم شده‌اند. اگر چهارضلعی داخل دایره محاطی باشد، زاویه  $A$  چند درجه است؟

- (۱)  $90^\circ$   
(۲)  $75^\circ$   
(۳)  $60^\circ$   
(۴)  $45^\circ$



۳۱- دو دایره با شعاع یکسان در نقاط (۱,۴) و (۳,۲) هم‌دیگر را قطع می‌کنند. اگر فاصله بین مرکز دو دایره، دو برابر فاصله بین نقاط تقاطع باشد، فاصله بین نقاط برخورد یکی از دایره‌ها با محور آها کدام است؟

$$4\sqrt{2} \quad (4)$$

SajJesh

$$2\sqrt{2} \quad (3)$$

$$6 \quad (2)$$

$$8 \quad (1)$$

۳۲- اندازه تصویر قائم بردار  $(2,-a,3)$  بر امتداد بردار  $(1,0,a)$ ، برابر  $\frac{a}{\sqrt{2}}$  است. اختلاف مقادیر  $a$  کدام است؟

$$\frac{15}{\sqrt{2}} \quad (4)$$

$$\frac{3}{2} \quad (3)$$

$$7 \quad (2)$$

$$org \quad 2 \quad (1)$$

- ۳۳- از کانون سه‌می  $x^7 - xy + z = 0$  خطی عمود بر محور تقارن آن رسم می‌شود تا سه‌می را در نقاط A و B قطع کند. مساحت مثلثی با رئوس A، B و رأس سه‌می، چقدر است؟

۱۲) ۴

۱۳) ۳

۱۴) ۲

۱۵) ۱

$$\text{اگر } D = ABC \text{ و } C = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1 & x & -1 \\ 1 & 1 & x \\ x & 1 & -1 \end{bmatrix}, A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ -1 & 1 & 1 \\ 0 & -2 & -1 \end{bmatrix} \text{ باشد. به ازای کدام مقدار}$$

x، مجموع درایلهای قطر اصلی و فرعی ماتریس D برابر هستند؟

۱۶) ۴

۱۷) ۳

۱۸) ۲

۱۹) ۱

$$\text{اگر } A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 2 & -3 \\ 2 & -2 & 4 \end{bmatrix} \text{ باشد، مقدار } |A| \text{ کدام است؟}$$

۲۰) ۴

۲۱) ۳

۲۲) ۲

۲۳) ۱

- ۳۴- باقیمانده تقسیم عدد  $21^{33} - 21^{33} \times 9$  بر عدد ۵۶ چقدر است؟

۲۴) ۴

۲۵) ۳

۲۶) ۲

۲۷) ۱

- ۳۷- معادله سیاله  $987 = 17x + 18y$  در مجموعه اعداد طبیعی، چند دسته جواب دارد؟

WWHw۲۴)

۲۸) ۳

۲۹) ۲

۳۰) ۱

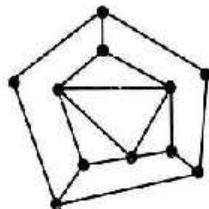
- ۳۸- شکل زیر، گراف G را نشان می‌دهد. مقدار (G) چقدر است؟

•

Sanjesh

•

org



- ۳۹- هر زیرمجموعه  $n$  عضوی از مجموعه  $\{12, 13, 14, \dots, m\}$ . حداقل دو عضو دارد که مجموع آنها ۴۷ است. اگر حداقل مقدار n برابر ۲۰ باشد، بیشترین مقدار m کدام است؟

۴۲) ۴

۴۰) ۳

۳۶) ۲

۳۲) ۱

- ۴۰- اگر در گراف ساده G،  $\Delta(G) = 18$  و  $\delta(G) = 3$  باشند، اختلاف بیشترین و کمترین مقدار ممکن برای اندازه گراف G کدام است؟

۴۷) ۴

۴۹) ۳

۴۸) ۲

۴۰) ۱