

تلاشی در مسیر معرفت و فتوپ



- دانلود گام به گام تمام دروس 
- دانلود آزمون های قلم چی و گاج + پاسخنامه 
- دانلود جزوه های آموزشی و شب امتحانی 
- دانلود نمونه سوالات امتحانی 
- مشاوره کنکور 
- فیلم های انگیزشی 

 Www.ToranjBook.Net

 [ToranjBook_Net](https://t.me/ToranjBook_Net)

 [ToranjBook_Net](https://www.instagram.com/ToranjBook_Net)

دفترچه شماره ۱

آزمون شماره ۸

جمعه ۱۴۰۱/۰۷/۲۲



آزمون‌های سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۲

سوالات آزمون

پایه دوازدهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

نام و نام خانوادگی:

شماره داوطلبی:

تعداد سوال:

مدت پاسخگویی: ۸۵ دقیقه

۵۵

عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

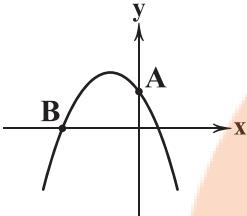
ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	وضعیت پاسخگویی	شماره سوال		مدت پاسخگویی
				تا	از	
۱	حسابان ۲	۱۰	اجاری	۱۰		۸۵ دقیقه
	ریاضیات گسسته	۱۰		۱۱		
	هندسه ۳	۱۰		۲۱		
	ریاضی ۱	۵		۳۱		
	حسابان ۱	۵		۳۶		
	هندسه ۱	۵		۴۱		
	آمار و احتمال	۱۰		۴۶		



ریاضیات

حسابان (۲)

- ۱ نمودار تابع $f(x) = 4x - x^2$ را ابتدا چهار واحد در جهت x های منفی، سپس ۵ واحد در راستای y های مثبت انتقال می‌دهیم. نمودار تابع به دست آمده به صورت زیر است. فاصله دو نقطه A و B کدام است؟

۵ $\sqrt{2}$ (۱)۲ $\sqrt{5}$ (۲)۳ $\sqrt{5}$ (۳)۵ $\sqrt{3}$ (۴)

- ۲ نمودار تابع $|f(x) = kx + 2|$ را واحد به سمت راست در جهت محور x ها انتقال می‌دهیم سپس طول نقاط حاصل را نصف می‌کنیم تا تابع $g(x)$ به دست آید. اگر اختلاف طول نقاط بخورد f و g برابر ۶ باشد، (k) کدام است؟

۸ (۴)

۷ (۳)

۹ (۲)

۲ (۱)

- ۳ نقطه A(۳, ۰) روی تابع f قرار دارد. اگر نقطه متناظر با A پس از تبدیل تابع $f(x) = 2 - 3f(x+1)$ به تابع $g(x) = 2 - 3f(x+1)$ به صورت (۲, ۰) باشد، مقدار a بقدر کدام است؟

-۲ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

-۱ (۱)

- ۴ نمودار دو تابع $\sin 2x$ و $\cos x$ در بازه $[0^\circ, \pi]$ در چند نقطه متقطع‌اند؟

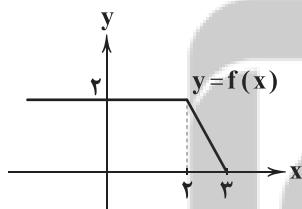
۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۵ تابع $f(x)$ به شکل زیر و تابع $g(x) = \frac{1}{3}x^2 - x + 1$ مفروض است. تابع $(x) = g(x) - f(x)$ را ابتدا $\frac{1}{3}$ واحد به سمت پایین (در راستای محور y ها)، سپس یک واحد در راستای محور x ها در جهت منفی انتقال می‌دهیم. تابع حاصل و تابع $f(x)$ در دو نقطه متقطع‌اند، فاصله این دو نقطه چقدر است؟



۳ (۱)

۲ (۲)

۴ (۳)

۶ (۴)

- ۶ اگر برد دو تابع $f(x)$ و $g(x) = \frac{k}{k+1}f(x)$ به ترتیب $[4, 8]$ و $[12, -6]$ باشد، مقدار k بقدر کدام است؟

-۳ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

-۲ (۱)

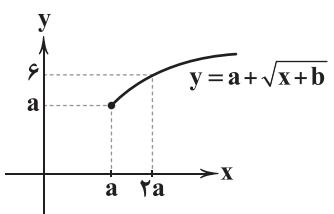
- ۷ تابع پیوسته $f(x)$ با دامنه \mathbb{R} محور x ها را در سه نقطه ۴ و ۲ و a قطع کرده است. اگر مجموع صفرهای تابع $f\left(\frac{2x}{3}\right)$ برابر ۶ باشد، مقدار a کدام است؟

۲ (۴)

-۱ (۳)

-۲ (۲)

۱ (۱)



-۸ نمودار زیر مربوط به تابع $y = a + \sqrt{x+b}$ است. مقدار b کدام است؟

- ۴ (۱)
-۴ (۲)
۲ (۳)
-۳ (۴)

-۹ اگر دامنه و برد تابع $f(x)$ به ترتیب $(a, b-2)$ و $[a, b]$ همچنین دامنه و برد تابع $2f(2x)$ به ترتیب $(a-1, 2)$ و $[c, d]$ باشد، مقدار $d-a+b+c+d$ چقدر است؟

- ۲۱ (۴) ۱۰/۵ (۳) ۲۰ (۲) ۱۲ (۱)

-۱۰ نمودار تابع $f(x) = (2x+1)^2$ را ابتدا نسبت به مبدأ مختصات قرینه می‌کنیم، سپس دو واحد در راستای محور y ها به بالا منتقل می‌کنیم. تابع حاصل با تابع $f(x)$ در چند نقطه مشترک‌اند؟

- ۴ (۴) سه ۳ (دو) ۲ (یک) ۱ (صفر)

ریاضیات گستاخ

-۱۱ در بین گزاره‌های زیر، چند مورد دارای مثال نقض می‌باشد؟

الف) اگر a اول و b غیراول باشد، ab غیراول است.

ب) مجموع هر سه عدد گنگ متمایز، گنگ است.

ت) برای اعداد حقیقی a و b همواره $\sqrt{ab} = \sqrt{a}\sqrt{b}$ است.

- ۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

-۱۲ برای اثبات گزاره درست (P) بر روی اعداد طبیعی به روش در نظر گرفتن همهٔ حالت‌ها، n را به صورت کدام گزینه می‌توان در نظر گرفت؟

- ۱) n های اول و n های مرکب ۲) n های بزرگ‌تر از ۵ و n های کوچک‌تر از ۵

- ۳) n های بزرگ‌تر از ۶ و n های کوچک‌تر از ۷ ۴) n های مربع کامل و n های مکعب کامل

-۱۳ برای اثبات گزاره $((\neg p(x) \vee r(x)) \Rightarrow (\neg q(x) \vee r(x)) \Rightarrow (\neg q(x) \vee p(x))$ به روش خلف، گزاره‌های $p(x)$ ، $q(x)$ و $r(x)$ را به ترتیب چگونه در نظر بگیریم تا بتوانیم نشان دهیم فرض خلف باطل است؟

- ۱) درست - درست - درست ۲) درست - نادرست - نادرست ۳) نادرست - درست - نادرست ۴) نادرست - نادرست - درست

-۱۴ چندتا از گزاره‌های زیر هم‌ارز با گزاره « $3n+51$ فرد است.» می‌باشد؟

الف) n زوج است.

ب) $(n+1)^5$ فرد است.

- ت) $n^2 - 5n - 5$ زوج است. ۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

-۱۵ برای اثبات درستی نامساوی $x^3y^4(x^3+y^2) \geq 2x^3y^2(x+2y) - 5$ به روش بازگشتی، به کدام نامساوی بدیهی زیر می‌رسیم؟

$$(x^3y^2 - 1)^2 + (x^3y^2 - 2)^2 \geq 0. \quad (۱)$$

$$(x^3 + y^3)^2 + (x^3 - y^2)^2 + 5 \geq 0. \quad (۲)$$

$$(x^3 - 1)^2 + (y^2 - 2)^2 \geq 0. \quad (۳)$$

$$(x^3y^2 - 1)^2 + (x^3y^2 - 2)^2 \geq 0. \quad (۴)$$

-۱۶ اگر $1 - 3|4n - 3| - a$ و $7 + 4n + 3|4n - 3| - a$ ، چند مقدار طبیعی برای a یافت می‌شود؟

- ۱ (۴) ۲ (۳) ۴ (۲) ۸ (۱)



۴) بی شمار

۲ (۳)

۴ (۲)

۸ (۱)

-۱۸ کدام عدد زیر اول است؟

$$(9!+1)(10!+1)(11!+1)\dots(15!+1)+1(2)$$

$$50!+51(1)$$

$$4^8 + 1(4)$$

$$7^6 - 8(3)$$

-۱۹ اگر $x^4 = yz + 16$ آن‌گاه کدام گزینه قطعاً درست است؟

$$x^4 - 4 \mid x^4 + 4(4)$$

$$y + 4 \mid x^4(3)$$

$$x + 2 \mid xyz(2)$$

$$x^2 - 4 \mid z(1)$$

$$6776(4)$$

$$6772(3)$$

$$6770(2)$$

$$6768(1)$$

هندسه (۳)

-۲۱ اگر $C = A+B$ دو ماتریس مربعی باشند، حاصل جمع درایه‌های قطر اصلی ماتریس C کدام است؟

$$74(4)$$

$$72(3)$$

$$68(2)$$

$$54(1)$$

-۲۲ اگر دو ماتریس $B = [b_{ij}]_{3 \times 3}$ با هم برابر باشند، مجموع درایه‌های ماتریس $A - 2B$ کدام است؟

$$-11(4)$$

$$-10(3)$$

$$-8(2)$$

$$-6(1)$$

-۲۳ اگر ماتریس $A = \begin{bmatrix} x+y & 1 & -3 \\ 3 & x-y & y \end{bmatrix}$ قطری باشد، حاصل ضرب درایه‌های قطر اصلی ماتریس A^3 کدام است؟

$$-25(4)$$

$$25(3)$$

$$-5(2)$$

$$5(1)$$

-۲۴ مجموع مربعات ریشه‌های معادله $x^3 = 1$ کدام است؟

$$28(4)$$

$$27(3)$$

$$26(2)$$

$$24(1)$$

-۲۵ اگر $B = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 2 \\ 3 & 0 & -4 \\ -1 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ باشد، درایه واقع بر سطر ۳ و ستون ۳ ماتریس $A^2 + 2AB + A + 2B$ کدام است؟

$$-8(4)$$

$$8(3)$$

$$6(2)$$

$$-6(1)$$

-۲۶ اگر $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 2 & 1 & 3 \\ -2 & 4 & 0 \end{bmatrix}$ ، مجموع درایه‌های ستون دوم ماتریس A^4 کدام است؟

$$331(4)$$

$$321(3)$$

$$289(2)$$

$$281(1)$$

- ۲۷ - برای دو ماتریس $(A+B)^2 = A^2 + 2AB + B^2$ رابطه $B = \begin{bmatrix} x & y \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -1 \end{bmatrix}$ کدام است؟

۵ (۴)

۴ (۳)

۱ (۲)

۲ (۱)

- ۲۸ - اگر $A^3 = xA + yI$ و $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}$ باشد، $x+y$ کدام است؟

۶۵ (۴)

۶۱ (۳)

۵۷ (۲)

۶۳ (۱)

- ۲۹ - A و B دو ماتریس مربعی هم مرتبه هستند. اگر $A^2 = 2A$ و $A - 2B = I$ باشد، ماتریس B^6 کدام است؟

 $\frac{1}{128}I$ (۴) $\frac{1}{64}I$ (۳) $\frac{1}{32}I$ (۲) $\frac{1}{16}I$ (۱)

- ۳۰ - مجموع درایه‌های ماتریس A که در رابطه $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 3 & 3 & 1 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix} \times A = \begin{bmatrix} 3 \\ 3 \\ 4 \end{bmatrix}$ صدق می‌کند، کدام است؟

۲ (۴)

 $\frac{3}{5}$ (۳) $\frac{5}{3}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۱)

ریاضی (۱)

- ۳۱ - چه تعداد از ضوابط زیر ضابطه یک تابع را نشان می‌دهد؟

$$1 + \sqrt[3]{x} = \sqrt[3]{xy} + \sqrt[3]{y}$$

$$\frac{x}{y} + \frac{y}{x} = -2$$

$$\sqrt{x^2 - 1} + \sqrt{y} = 0$$

$$xy^3 - 2xy^2 = x - 1$$

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱ (۱) صفر

- ۳۲ - فرض کنید تابع $f(x) = 3x - 1$ باشد. حاصل $\frac{1}{f(1)f(2)} + \frac{1}{f(2)f(3)} + \dots + \frac{1}{f(99)f(100)}$ کدام است؟

 $\frac{1}{598}$ (۴) $\frac{99}{598}$ (۳) $\frac{297}{299}$ (۲) $\frac{297}{598}$ (۱)

- ۳۳ - مجموع مقادیر a چقدر باشد تا تابع $f(x) = \frac{(a-1)x+1}{(a+1)x+a}$ به یک تابع ثابت تبدیل شود؟

-۲ (۴)

 $-2\sqrt{2}$ (۳) $2\sqrt{2}$ (۲) $2\sqrt{2}$ (۱)

- ۳۴ - به ازای چه محدوده‌ای از k خط $y = kx^2 - |x| - 2$ نمودار تابع $f(x) = x^2 - |x| - 2$ را در دو نقطه قطع می‌کند؟

$$[-2, +\infty) \cup \left\{-\frac{9}{4}\right\}$$

$$(-2, +\infty) \cup \left\{-\frac{9}{4}\right\}$$

$$\left(-\frac{9}{4}, -2\right)$$

$$\left[-\frac{9}{4}, -2\right]$$

$$1 - 2\sin^2 x \cos^2 x$$

- ۳۵ - اگر $f(x) = \frac{1-x^2}{1+x^2}$ باشد، حاصل $f^2(\tan x)$ کدام است؟

$$2\sin^2 x \cos^2 x$$

$$1 - 3\sin^2 x \cos^2 x$$

$$1 - 4\sin^2 x \cos^2 x$$



حسابان (۱)

-۳۶ - در تابع $f: A \rightarrow B$ ، مقدار $a^2 - b^2$ کدام می‌تواند باشد؟

-۲۴ (۴)

-۲۳ (۳)

-۲۲ (۲)

-۲۰ (۱)

-۳۷ - اگر دو تابع $f: \{1, 2, 3\} \rightarrow \mathbb{R}$ برابر باشند، مقدار $a+2b+3c$ کدام است؟

۸ (۴)

۷ (۳)

۶ (۲)

۴ (۱)

-۳۸ - برای تابع $f: [-4, 3] \rightarrow [-4, 3]$ کدامیک از نمایش‌های زیر قابل قبول است؟

$$\begin{cases} f: [0, 3] \rightarrow [-3, 1] \\ f(x) = x^2 - 4x + 3 \end{cases} \quad (4)$$

$$\begin{cases} f: [0, 3] \rightarrow [-3, 1] \\ f(x) = -x^2 + 4x - 3 \end{cases} \quad (3)$$

$$\begin{cases} f: [0, 4] \rightarrow [-3, 1] \\ f(x) = -x^2 + 4x - 3 \end{cases} \quad (2)$$

$$\begin{cases} f: [0, 3] \rightarrow [-4, 1) \\ f(x) = -x^2 + 4x - 3 \end{cases} \quad (1)$$

-۳۹ - اگر $f(x) = \frac{3-4x-2x^2}{(x-2)^2+(x+2)^2+4\sqrt{5}}$ باشد، حاصل $f(\sqrt{5})$ کدام است؟

-۱/۲ (۴)

۱/۲ (۳)

-۱/۴ (۲)

۱/۴ (۱)

-۴۰ - اگر برای هر $x \in \mathbb{R}$ داشته باشیم $3f(2x-1)-xf(-3)=-2x^2-x-3$ ، مقدار $f(1)$ چقدر است؟

-۷/۳ (۴)

-۴/۳ (۳)

-۵/۳ (۲)

-۲/۳ (۱)

هندسه (۱)

-۴۱ - چند متوازی‌الاضلاع با یک ضلع $\frac{3}{2}$ و اقطار $\frac{2}{8}$ و $\frac{3}{6}$ می‌توان رسم کرد؟

۴) بی‌شمار

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

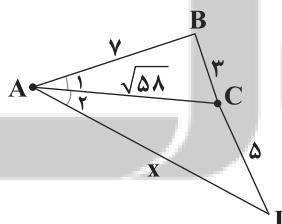
-۴۲ - اگر $1+2x$ و $4+x+3x^2$ طول سه ضلع یک مثلث باشد و حدود مقادیر ممکن (a, b) باشد، حداقل $b-a$ کدام است؟

۲ (۴)

۱/۳ (۳)

۱ (۲)

۲/۳ (۱)



-۴۳ - در شکل زیر $\hat{A}_2 = \hat{A}_1$ ، مقدار x کدام است؟

۹ (۱)

۱۰ (۲)

۱۱ (۳)

۱۲ (۴)

-۴۴ - اگر M نقطه‌ای روی محیط متوازی‌الاضلاع به غیر از رأس‌های آن باشد و همواره فاصله آن از محل تقاطع قطرها ثابت باشد، مقدار جواب‌های M کدام عدد نمی‌تواند باشد؟

۱ (۴)

۸ (۳)

۲ (۲)

۴ (۱)

- ۴۵- در مثلث ABC عمودمنصف ضلع BC از رأس A عبور می‌کند و $AB = 4/5$ و نقطه M از سه ضلع مثلث به یک فاصله می‌باشد. اگر پاره خط PQ، گذرا از M موازی ضلع BC باشد، محیط مثلث APQ چقدر است؟

۹ (۴)

۸ / ۵ (۳)

۸ (۲)

۷ / ۵ (۱)

آمار و احتمال

- ۴۶- کدام گزاره زیر هم‌ارز منطقی گزاره $r \Rightarrow (p \vee q)$ است؟

$$(p \Rightarrow r) \wedge (q \Rightarrow r) \quad (۴)$$

$$(q \Rightarrow p) \Rightarrow r \quad (۳)$$

$$(p \wedge q) \Rightarrow r \quad (۲)$$

$$(p \Rightarrow q) \Rightarrow r \quad (۱)$$

- ۴۷- اگر A و B دو مجموعه دلخواه باشند، آن‌گاه $x \notin A \vee x \in B$ با کدام عبارت زیر هم‌ارز است؟

$$x \notin A \wedge x \notin B \quad (۴)$$

$$x \notin (A - B) \quad (۳)$$

$$x \in (B - A) \quad (۲)$$

$$x \notin A \vee x \notin B \quad (۱)$$

- ۴۸- نقیض گزاره سوری $(\forall x(F(x) \Rightarrow \neg G(x)) \Rightarrow \neg \forall x(G(x)))$ کدام است؟

$$\exists x(F(x) \wedge G(x)) \quad (۴)$$

$$\exists x(\neg F(x) \wedge G(x)) \quad (۳)$$

$$\exists x(\neg F(x) \Rightarrow G(x)) \quad (۲)$$

$$\exists x(G(x) \Rightarrow F(x)) \quad (۱)$$

- ۴۹- جملات زیر را در نظر بگیرید.

P: سامان باهوش است.

q: سامان ثروتمند است.

r: سامان راستگو است.

- نقیض جمله «سامان باهوش و دروغگو است اگر و فقط اگر سامان ثروتمند باشد.» کدام است؟

$$\neg p \wedge (q \Leftrightarrow \neg r) \quad (۴)$$

$$\neg(p \wedge \neg r) \Leftrightarrow q \quad (۳)$$

$$\neg q \Leftrightarrow \neg p \wedge r \quad (۲)$$

$$\neg(q \Leftrightarrow (p \wedge \neg r)) \quad (۱)$$

- ۵۰- کدام عبارت زیر همواره درست است؟

$$q \Rightarrow [p \wedge (p \Rightarrow q)] \quad (۴)$$

$$p \vee (p \wedge q) \quad (۳)$$

$$[p \wedge (p \Rightarrow q)] \Rightarrow q \quad (۲)$$

$$p \wedge (p \vee q) \quad (۱)$$

- ۵۱- با توجه به جملات زیر کدام گزینه صحیح است؟

$\neg \neg p \Rightarrow q \Leftrightarrow (p \Leftrightarrow \neg q) : A$

$\neg \neg (p \Leftrightarrow \neg q) : B$ یک عبارت همواره درست است.

درست و B درست است.

نادرست و A درست است.

A درست و B درست است.

A نادرست و B درست است.

- ۵۲- در جدول ارزش مقابله نمایش کدام گزاره است؟

$$X : (p \vee q) \vee (\neg p \Rightarrow q) \quad (۱)$$

$$X : (p \Rightarrow q) \Leftrightarrow (p \wedge \neg q) \quad (۲)$$

$$X : \neg(p \Rightarrow q) \Leftrightarrow (\neg q \Rightarrow \neg p) \quad (۳)$$

$$X : (p \Rightarrow q) \wedge (q \Rightarrow p) \quad (۴)$$

- ۵۳- هم‌ارز منطقی عبارت $(p \vee q) \wedge (\neg p \vee \neg q) \wedge (\neg p \vee \neg q) \vee q$ کدام است؟

$$\neg p \quad (۳)$$

$$q \quad (۲)$$

$$p \quad (۱)$$

- ۵۴- هم‌ارز منطقی عبارت $p \wedge (\neg q \wedge r) \vee (q \wedge r) \vee (p \wedge r)$ کدام است؟

$$r \quad (۳)$$

$$q \quad (۲)$$

$$p \quad (۱)$$

- ۵۵- اگر ارزش دو عبارت $r \Rightarrow p \wedge r$ و $q \Rightarrow p \wedge r$ نادرست باشد، ارزش گزاره $p \Rightarrow q \vee \neg r$ کدام است؟

۴) نمی‌توان مشخص کرد.

۳) وابسته به ارزش r

۲) درست

۱) نادرست

دفترچه شماره ۲

آزمون شماره ۸

جمعه ۱۴۰۱/۰۷/۲۲



آزمون‌های سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۲

سوالات آزمون

پایه دوازدهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

نام و نام خانوادگی:	شماره داوطلبی:
تعداد سوال:	مدت پاسخگویی: ۷۰ دقیقه
تعداد سوال ویژه دیماه:	مدت پاسخگویی ویژه دیماه: ۹۰ دقیقه

عنوانی مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	وضعیت پاسخگویی	شماره سوال از تا	مدت پاسخگویی	مدت پاسخگویی ویژه دیماه
۱	فیزیک ۳	۲۵	اجباری	۵۶	۴۵ دقیقه	۵۵ دقیقه
	فیزیک ۱	۱۰	زوج کتاب	۸۱	۴۵ دقیقه	۵۵ دقیقه
	فیزیک ۲	۱۰	زوج کتاب	۹۱	۴۵ دقیقه	۵۵ دقیقه
۲	شیمی ۳	۱۵	اجباری	۱۰۱	۲۵ دقیقه	۳۵ دقیقه
	شیمی ۱	۱۰	زوج کتاب	۱۱۶	۲۵ دقیقه	۳۵ دقیقه
	شیمی ۲	۱۰	زوج کتاب	۱۲۶	۲۵ دقیقه	۳۵ دقیقه

** داوطلبانی که قصد شرکت در کنکور سراسری ویژه دیماه را دارند، به تمامی سوالات زوج درس پاسخ دهند.



-۵۶- معادله مکان - زمان حرکت جسمی که بر روی محور X حرکت می‌کند، در SI به صورت $x = 2t^3 - bt - 10$ است. اگر سرعت متوسط متحرك

در ۲ ثانیه اول حرکتش در خلاف جهت محور X باشد، محدوده b در SI برابر کدام گزینه است؟

$$b < 8 \quad (1)$$

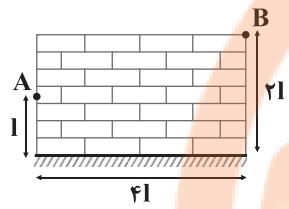
$$b > 8 \quad (2)$$

$$b < 4 \quad (3)$$

$$b > 4 \quad (4)$$

-۵۷- متحركی بر روی دیوار نشان داده شده، با تندي ثابت ۷ از نقطه A به سطح زمین رفته و از آنجا به نقطه B منتقل شود. بیشترین اندازه

سرعت متوسط متحرك برای انجام این جابه‌جایی چند برابر ۷ است؟



$$\frac{\sqrt{15}}{5} \quad (1)$$

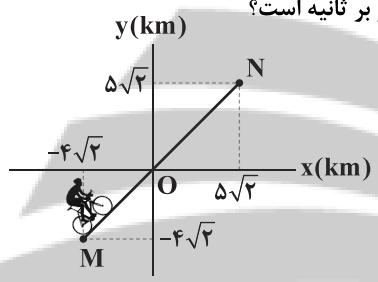
$$\frac{\sqrt{17}}{3} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{15}}{3} \quad (3)$$

$$\frac{\sqrt{17}}{5} \quad (4)$$

-۵۸- مطابق شکل، دوچرخه‌سواری بر روی خط نشان داده شده، فاصله نقطه M تا O را در مدت $1/5$ ساعت و فاصله نقطه O تا N را در مدت

$4/5$ ساعت طی کرده است. اندازه سرعت متوسط این دوچرخه‌سوار در کل مسیر حرکت، چند متر بر ثانیه است؟



$$9 \quad (1)$$

$$2/5 \quad (2)$$

$$\frac{16}{3} \quad (3)$$

$$\frac{46}{3} \quad (4)$$

-۵۹- متحركی $\frac{1}{3}$ زمان حرکت خود را در جهت محور X و باقیمانده زمان حرکتش را در خلاف جهت محور X حرکت می‌کند. اگر اندازه سرعت

متوسط متحرك در مدت زمانی که در جهت محور X حرکت می‌کند، دو برابر اندازه سرعت متوسط متحرك در مدت زمانی که در خلاف جهت

محور X حرکت می‌کند، باشد، سرعت متوسط متحرك در کل مدت زمان حرکتش چند برابر سرعت متوسط متحرك در مدت زمانی است که در

جهت محور X حرکت می‌کند؟

$$-\frac{1}{8} \quad (1)$$

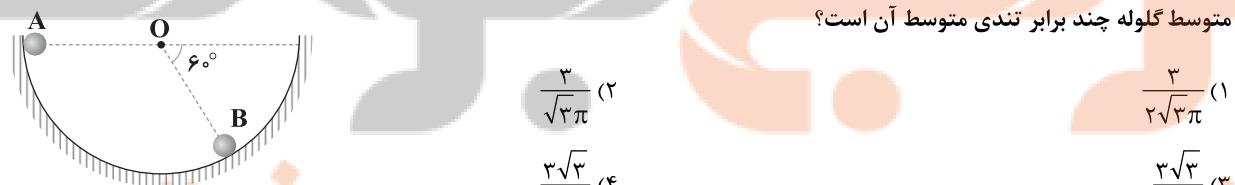
$$-8 \quad (2)$$

$$8 \quad (3)$$

$$\frac{1}{8} \quad (4)$$

-۶۰- مطابق شکل، گلوله‌ای از نقطه A بر روی مسیر دایره‌ای شکل حرکت کرده و تا نقطه B جابه‌جا می‌شود. در این جابه‌جایی، اندازه سرعت

متوسط گلوله چند برابر تندي متوسط آن است؟



$$\frac{3}{\sqrt{3}\pi} \quad (1)$$

$$\frac{3\sqrt{3}}{2\pi} \quad (2)$$

$$\frac{3}{2\sqrt{3}\pi} \quad (3)$$

$$\frac{3\sqrt{3}}{\pi} \quad (4)$$



- ۶۱- معادله مکان - زمان متحرکی که روی محور x حرکت می‌کند در SI به صورت $x = -t^2 + 5t$ است. بردار مکان این متحرک یک ثانیه قبل از آن که بردار مکانش برای اولین بار تغییر جهت دهد در SI برابر کدام گزینه است؟

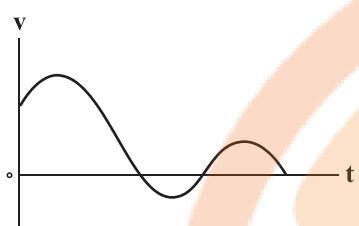
(۴) -۲

(۳) -۱

(۲) ۲

(۱) ۱

- ۶۲- نمودار سرعت - زمان متحرکی که بر روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. در این حرکت، جهت حرکت و جهت بردار شتاب متحرک به ترتیب از راست به چپ، چند بار تغییر کرده است؟



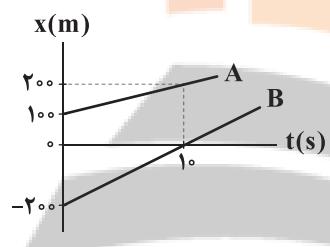
(۱) ۳ - ۳

(۲) ۲ - ۲

(۳) ۲ - ۳

(۴) ۳ - ۲

- ۶۳- نمودار مکان - زمان دو اتومبیل A و B که بر روی X حرکت می‌کنند، مطابق شکل زیر است. در این مسیر به مدت چند ثانیه فاصله دو اتومبیل از هم بیشتر از ۱۰۰ متر و کمتر از ۲۰۰ متر است؟



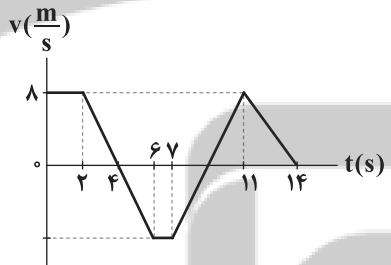
(۱) ۵

(۲) ۱۰

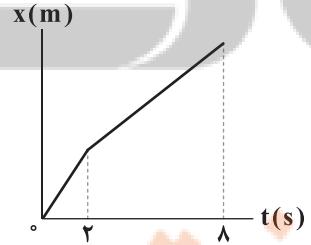
(۳) ۲۰

(۴) ۴۰

- ۶۴- نمودار سرعت - زمان متحرکی که بر روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. در بازه زمانی داده شده در کدام گزینه حرکت متحرک در خلاف جهت محور x است؟

(۱) $t = 7s$ تا $t = 0$ (۲) $t = 6s$ تا $t = 2s$ (۳) $t = 10s$ تا $t = 7s$ (۴) $t = 14s$ تا $t = 6s$

- ۶۵- شکل زیر، نمودار مکان - زمان را نشان می‌دهد که دو حرکت با سرعتهای ثابت $\frac{m}{s} 10$ و $\frac{m}{s} 20$ را انجام داده است. سرعت متوسط این متحرک در بازه زمانی $t_1 = 5s$ تا $t_2 = 15s$ چند متر بر ثانیه است؟



(۱) ۱۰

(۲) ۱۲/۵

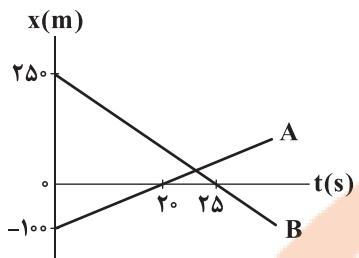
(۳) ۱۴

(۴) ۱۷/۵



-۶۶- نمودار مکان - زمان دو متوجه A و B که روی محور x حرکت می‌کنند، مطابق شکل زیر است. در لحظه‌های t و t' فاصلهٔ دو متوجه از

یکدیگر برابر ۵۰ متر می‌شود. نسبت $\frac{t'}{t}$ برابر کدام گزینه است؟



$$\frac{4}{3} \quad (1)$$

$$\frac{5}{4} \quad (2)$$

$$\frac{6}{5} \quad (3)$$

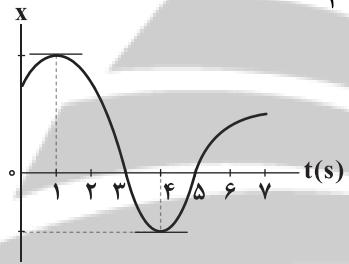
$$\frac{8}{5} \quad (4)$$

-۶۷- معادلهٔ مکان - زمان متوجهی در SI به صورت $x = t^3 - 5t + 8$ می‌باشد. در کدام لحظهٔ متوجه از مکان اولیه‌اش عبور می‌کند؟

- (۱) پایان ثانیهٔ سوم حرکت (۲) پایان ثانیهٔ چهارم حرکت (۳) پایان ثانیهٔ پنجم حرکت (۴) پایان ثانیهٔ ششم حرکت

-۶۸- نمودار مکان - زمان متوجهی که بر روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. مدت زمانی که متوجه در جهت محور x حرکت کرده را

با t_۱ و مدت زمانی که بردار مکان متوجه در خلاف جهت محور x بوده را با t_۲ نشان می‌دهیم. نسبت $\frac{t_1}{t_2}$ برابر کدام گزینه است؟



$$2 \quad (1)$$

$$\frac{5}{2} \quad (2)$$

$$\frac{3}{2} \quad (3)$$

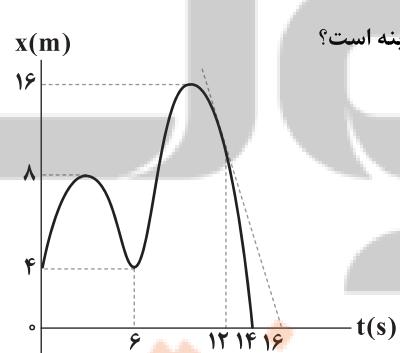
$$\frac{4}{3} \quad (4)$$

-۶۹- معادلهٔ سرعت - زمان متوجهی بر روی مسیر مستقیم حرکت می‌کند، در SI به صورت $v = -t^2 + 4t + 12$ است. در ۸ ثانیهٔ اول حرکت،

بیشترین تندی حرکت متوجه چند متر بر ثانیه است؟

$$20 \quad (4) \qquad 16 \quad (3) \qquad 12 \quad (2) \qquad 2 \quad (1)$$

-۷۰- نمودار مکان - زمان متوجهی که روی محور x ها حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر تندی متوسط این متوجه در ۱۲ ثانیهٔ اول حرکتش



برابر با $\frac{13}{6} \text{ m/s}$ باشد، شتاب متوسط این متوجه در ۶ ثانیهٔ دوم حرکتش در SI برابر با کدام گزینه است؟

$$-\frac{5}{6} \quad (1)$$

$$\frac{5}{6} \quad (2)$$

$$-\frac{5}{12} \quad (3)$$

$$+\frac{5}{12} \quad (4)$$

۷۱- اتومبیلی با تندی متوسط $\frac{km}{h} 36$ از شهر A به شهر B می‌رود و با تندی متوسط $\frac{km}{h} 54$ نصف مسافت رفت را برمی‌گردد. تندی متوسط

اتومبیل در کل حرکت آن چند متر بر ثانیه است؟

(۱) ۱۲/۵ (۴)

(۲) ۲۵ (۳)

(۳) ۱۱/۲۵ (۲)

(۴) ۲۲/۵ (۱)

۷۲- معادله مکان - زمان متحركی که بر روی محور x حرکت می‌کند، در SI به صورت $x = t^2 - 8t + 7$ است. تندی متوسط این متحرك در ۵ ثانیه اول حرکتش چند متر بر ثانیه است؟

(۱) ۱/۷ (۴)

(۲) ۱/۵ (۳)

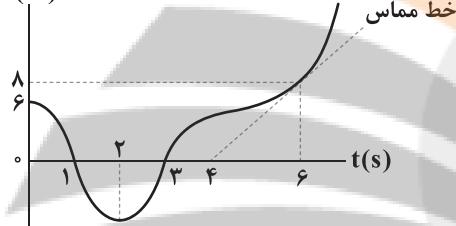
(۳) ۳/۴ (۲)

(۴) ۳ (۱)

۷۳- بردار شتاب متوسط متحركی در بازه زمانی $t = 0$ تا $t = 10s$ برابر با $\bar{a} = -8\hat{i}$ و بردار شتاب متوسط همین متحرك در بازه زمانی $t = 0$ تا $t = 5s$ در SI برابر با $\bar{a} = 4\hat{i}$ است. بردار شتاب این متحرك در بازه زمانی $t = 5s$ تا $t = 10s$ در SI برابر کدام گزینه است؟

(۱) $-20\hat{i}$ (۴)(۲) $+5\hat{i}$ (۳)(۳) $-5\hat{i}$ (۱)

۷۴- نمودار مکان - زمان متحركی که بر روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل است و خط مماس بر نمودار در لحظه $t = 6s$ رسم شده است. اگر تندی متوسط متحرك در ۶ ثانیه اول حرکت، $\frac{5}{6}$ برابر تندی متحرك در لحظه $t = 6s$ باشد، بیشترین فاصله متحرك از مبدأ مکان در

 $x(m)$ 

خلاف جهت محور x چند متر است؟

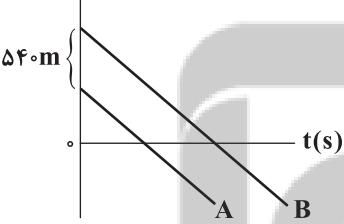
(۱) ۴

(۲) ۶

(۳) ۸

(۴) ۱۰

۷۵- نمودار مکان - زمان دو متحرك A و B که با تندی‌های یکسان $\frac{m}{s} 6$ بر روی محور x در حرکت هستند، مطابق شکل زیر است. فاصله زمانی که دو متحرك از مبدأ مکان عبور می‌کنند، برابر چند ثانیه است؟

 $x(m)$ 

(۱) ۳۰

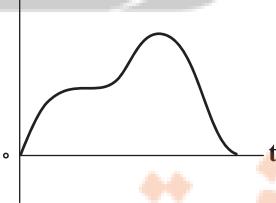
(۲) ۶۰

(۳) ۹۰

(۴) ۱۲۰

۷۶- نمودار مکان - زمان متحركی که بر روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. در کل زمان حرکت، به ترتیب از راست به چپ، متحرك چند بار تعییر جهت داده و چند بار بردار مکان آن تعییر جهت داده است؟

x

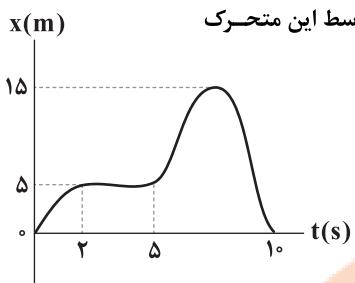


(۱) صفر - صفر

(۲) صفر - ۱

(۳) ۱ - ۱

(۴) ۱ - صفر



۷۷- نمودار مکان - زمان متغیرکی که بر روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل مقابل است. تندی متوسط این متغیر

در ۱۰ ثانیه اول حرکتش چند برابر اندازه سرعت متوسط آن در ۵ ثانیه دوم حرکتش است؟

۱/۵ (۱)

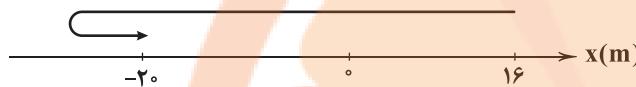
۳ (۲)

۴/۵ (۳)

۶ (۴)

۷۸- مطابق شکل زیر، متغیرکی با شتاب ثابت روی محور x در مدت ۱۰ ثانیه از $x = +16\text{ m}$ تا $x = -20\text{ m}$ جابه جا می‌شود. اگر تندی متوسط آن

در این حرکت برابر با $\frac{m}{s^5}$ باشد، بیشترین فاصله متغیر از مبدأ مکان در این حرکت چند متر است؟



۵۰ (۱)

۲۷ (۲)

۲۰ (۳)

۱۶ (۴)

۷۹- قایقی در حال حرکت در رودخانه است. اگر فاصله بین دو نقطه را در مسیر آب حرکت کند، t ثانیه طول می‌کشد و اگر خلاف جهت حرکت آب

رودخانه فاصله همان دو نقطه را حرکت کند، $t = \frac{1}{3}$ طول خواهد کشید. اندازه سرعت قایق چند برابر اندازه سرعت آب رودخانه است؟

$\frac{3}{8} (۴)$

$\frac{8}{3} (۳)$

$\frac{11}{5} (۲)$

$\frac{5}{11} (۱)$

۸۰- دو خودروی A و B به ترتیب با تندی‌های ثابت 30 m/s و 20 m/s که در فاصله 400 m از هم هستند به طرف یکدیگر شروع به حرکت می‌کنند.

اگر خودروی A از مکان $x = 8\text{ m}$ در جهت محور x ها شروع به حرکت کند، در چه مکانی (برحسب متر) دو متغیر به یکدیگر می‌رسند؟

$308 (۴)$

$300 (۳)$

$248 (۲)$

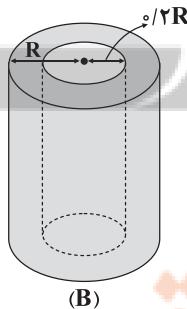
$240 (۱)$

دادوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات زوج درس ۱ (فیزیک (۱)، شماره ۸۱ تا ۹۰) و زوج درس ۲ (فیزیک (۲)، شماره ۹۱ تا ۱۰۰)، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

توجه: داوطلبانی که قصد شرکت در کنکور سراسری ویژه دی‌ماه را دارند به تمامی سوالات زوج درس ۱ (فیزیک (۱)، شماره ۸۱ تا ۹۰) و زوج درس ۲ (فیزیک (۲)، شماره ۹۱ تا ۱۰۰)، پاسخ دهند.

زوج درس ۱

فیزیک ۱ (سوالات ۸۱ تا ۹۰)



۸۱- مطابق شکل زیر، استوانه فلزی A با ارتفاع h و استوانه فلزی B با ارتفاع $2h$ را در اختیار داریم. اگر جرم استوانه B، نصف جرم استوانه A باشد، چگالی استوانه A، چند برابر چگالی استوانه B است؟ (استوانه A توپر است).

۱/۲۸ (۱)

۲/۵۶ (۳)

$3/84 (۲)$

$0/64 (۴)$

-۸۲- نیروی وارد بر متحرکی در یک بازه زمانی خاص به کمک رابطه $F = \sqrt{A} t^{-1}$ قابل محاسبه است. یکای فرعی A در SI کدام است؟ (F نشان دهنده نیرو و t نشان دهنده زمان است).

$$\text{kg.} \frac{\text{m}^2}{\text{s}} \quad (1)$$

$$\frac{\text{kg}^2 \cdot \text{m}^2}{\text{s}^2} \quad (2)$$

$$\frac{\text{kg}^2 \cdot \text{m}}{\text{s}^2} \quad (3)$$

$$\text{kg.} \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad (4)$$

-۸۳- در شکل های زیر، دو وسیله اندازهگیری به همراه اعدادی که گزارش کرده اند، نشان داده شده است. کدام یک از عبارت های زیر در مورد این دو شکل درست است؟

(الف) شکل (۱)، یک ریزسنج با دقیقیت اندازهگیری $1\mu\text{m}$ است.

(ب) شکل (۱)، یک کولیس است که دقیقیت اندازهگیری آن برابر با 10^{-3} mm است.

(ج) شکل (۲)، یک ریزسنج با دقیقیت اندازهگیری 10^{-2} mm است.

(د) شکل (۲)، یک کولیس است و رقم ۷ در اندازهگیری می تواند تغییر کند.



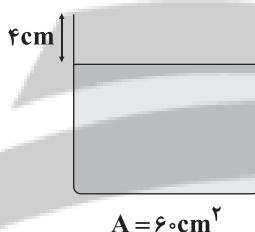
(۱) «ب» و «ج»

(۲) «الف» و «د»

(۳) فقط «د»

(۴) فقط «ب»

-۸۴- مطابق شکل زیر، درون یک ظرف استوانه ای شکل الکل ریخته شده است. یک گوی آهنی با چگالی $\rho_{\text{آهن}} = 8\text{ g/cm}^3$ و جرم 2 kg را که دارای حفره ای بسته است، داخل ظرف می اندازیم و 80 g الکل از ظرف بیرون می ریزد. حجم حفره موجود در داخل گوی آهنی، چند دسی متر مکعب است؟



$$\text{است؟} \quad (\rho_{\text{الکل}} = \frac{\text{g}}{\text{cm}^3})$$

$$(1) \quad 0.07$$

$$(2) \quad 7.0$$

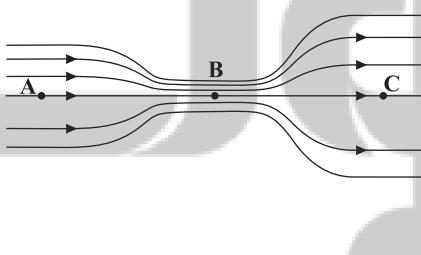
$$(3) \quad 0.09$$

$$(4) \quad 9.0$$

-۸۵- در یک مخزن به مساحت 10 cm^2 ، آب و جیوه با جرم های یکسان ریخته شده است و مجموع ارتفاع دو مایع 146 cm است. اندازه نیروی

$$\text{وارد بر ته مخزن از طرف این دو مایع چند نیوتون است؟} \quad (P = \rho g h) \quad (1) \quad 13/6 \quad (2) \quad 27/2 \quad (3) \quad 14/6 \quad (4) \quad 6/8$$

-۸۶- جریان لایه ای آب، داخل لوله از چپ به راست برقرار است. کدام گزینه صحیح است؟ (P بیانگر فشار در نقطه موردنظر و v بیانگر تنیدی آب در نقطه موردنظر است).



$$\frac{v_A}{v_C} < 1, \frac{P_A}{P_C} < 1 \quad (1)$$

$$\frac{v_C}{v_B} > 1, \frac{P_B}{P_A} < 1 \quad (2)$$

$$\frac{v_B}{v_C} > 1, \frac{P_A}{P_C} > 1 \quad (3)$$

$$\frac{v_B}{v_A} > 1, \frac{P_C}{P_B} > 1 \quad (4)$$

محل انجام محاسبات

تلashی در مسیر موفقیت



-۸۷- جسم A به جرم 2 kg روی سطح آب شناور است و جسم B هم جرم با جسم A در کف ظرف قرار دارد. کدام گزینه در ارتباط با نیروی شناوری واردشده به جسم A و نیروی شناوری واردشده به جسم B درست تر است؟ ($\text{g} = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)

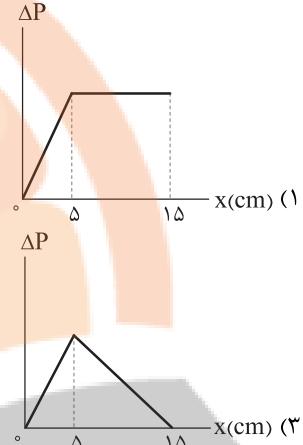
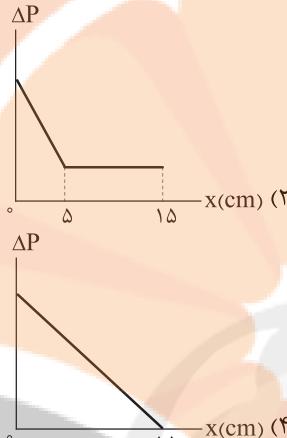
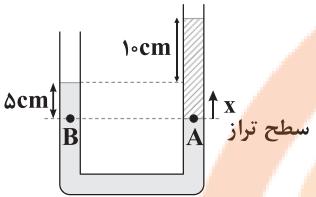
$$0 < \frac{F_B}{F_A} < 1.4$$

$$\frac{F_B}{F_A} < 1.3$$

$$\frac{F_B}{F_A} > 1.2$$

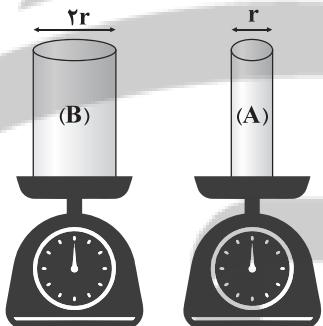
$$1 < \frac{F_B}{F_A} < 2.0$$

-۸۸- در شکل زیر، سطح تراز رسم شده را از $x = 0$ تا $x = 15\text{ cm}$ بالا می بیریم. نمودار داده شده در کدام گزینه $P_A - P_B$ را بر حسب x درست نشان می دهد؟



-۸۹- دو ظرف با جرم‌های برابر روی ترازو قرار گرفته‌اند. داخل ظرف (۱)، آب و داخل ظرف (۲) نفت می‌ریزیم. باز هم دو ترازو عدد یکسانی را نشان می‌دهند.

$$\text{فشار پیمانه‌ای وارد بر کف ظرف (۲)} = \text{چند برابر فشار پیمانه‌ای وارد بر کف ظرف (۱)} \text{ است؟} \\ (\rho_{\text{nفت}} = 10^3 \text{ kg/m}^3, \rho_{\text{آب}} = 10^3 \text{ kg/m}^3, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$



$$\frac{3}{2} (1)$$

$$\frac{1}{4} (2)$$

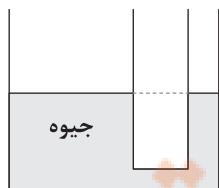
$$2 (3)$$

$$4 (4)$$

-۹۰- در لوله U شکل زیر، قطر مقطع لوله بزرگ تر، 6 cm و قطر مقطع لوله کوچک تر، 2 cm است. چند گرم نفت به لوله سمت راست اضافه کنیم تا

جیوه موجود در لوله U شکل، ۱ سانتی متر در لوله بزرگ تر بالا برود؟

$$(\text{سطح مقطع لوله ها را دایره‌ای شکل در نظر بگیرید و } \pi = 3) \\ (\rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \rho_{\text{nفت}} = 10^3 \text{ kg/m}^3, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, P_0 = 10^5 \text{ Pa})$$



$$432 (1)$$

$$68 (2)$$

$$540 (3)$$

$$204 (4)$$



فیزیک ۲ (سوالات ۹۱ تا ۱۰۰)

زوج درس ۲

- ۹۱- مجموع بار الکترون‌های موجود در چندگرم سدیم کلرید برابر با $e = 1/6 \times 10^{-19} C$ است؟ (۹/۶C)

با $\frac{g}{mol}$ و عدد آوگادرو برابر با 6×10^{23} و عدد اتمی سدیم برابر ۱۱ و عدد اتمی کلر برابر ۱۸ است.

$$2/15 \times 10^{-7} \quad (4)$$

$$1/68 \times 10^{-2} \quad (3)$$

$$2/15 \times 10^{-4} \quad (2)$$

$$1/68 \times 10^{-5} \quad (1)$$

- ۹۲- ذره‌ای با بار $C = 4 \mu C$ در نقطه‌ای با پتانسیل الکتریکی ۱۰ ولت، انرژی جنبشی $J = 4mJ = 0$ دارد. اگر ذره به نقطه‌ای با پتانسیل ۲۰ ولت منتقل شود، انرژی جنبشی آن چند میلیژول و چگونه تغییر می‌کند؟

$$0/04 \quad (4)$$

$$0/04 \quad (3)$$

$$0/36 \quad (2)$$

$$0/36 \quad (1)$$

- ۹۳- در اثر انتقال بار $C = -5 \mu C$ از نقطه A تا نقطه B، ۱/۵ میلیژول انرژی آزاد می‌شود. اگر پتانسیل الکتریکی نقطه A برابر با -8 ولت باشد، پتانسیل الکتریکی نقطه B چند ولت است؟

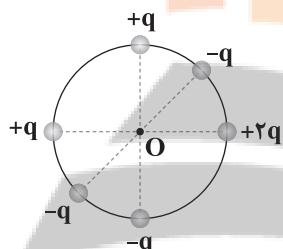
$$50 \quad (4)$$

$$20 \quad (3)$$

$$-50 \quad (2)$$

$$-110 \quad (1)$$

- ۹۴- در شکل زیر، به ترتیب اندازه و جهت برایند میدان‌های الکتریکی حاصل از بارهای الکتریکی نقطه‌ای واقع بر محیط دایره‌ای به شعاع a ، در مرکز آن کدام است؟



$$(\leftarrow) - \sqrt{5} k \frac{|q|}{a^2} \quad (1)$$

$$(\leftarrow) - \sqrt{5} k \frac{|q|}{a^2} \quad (2)$$

$$(\rightarrow) - 2k \frac{|q|}{a^2} \quad (3)$$

$$(\leftarrow) - \sqrt{2} k \frac{|q|}{a^2} \quad (4)$$

- ۹۵- چگالی سطحی بار کره رسانایی با شعاع 10cm که روی پایه عایقی قرار دارد، برابر با $\frac{\mu C}{m^2}$ است، اگر پایه عایق را بداریم تا کره با زمین

در تماس شود، چند الکtron با زمین مبادله می‌شود؟ ($e = 1/6 \times 10^{-19} C$, $\pi = 3$)

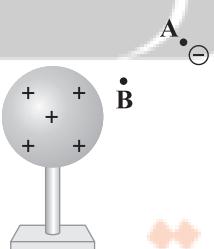
$$3/6 \times 10^{19} \quad (4)$$

$$3/6 \times 10^{12} \quad (3)$$

$$7/2 \times 10^{19} \quad (2)$$

$$7/2 \times 10^{12} \quad (1)$$

- ۹۶- در شکل زیر، یک بار الکتریکی نقطه‌ای را از حالت سکون با سرعت ثابت از نقطه A به سمت یک کره باردار که روی پایه عایقی قرار دارد، نزدیک می‌کنیم و در نقطه B قرار می‌دهیم. در این جایه‌جایی، علامت کار نیروی الکتریکی بر روی این بار و علامت کاری که ما بر روی این بار در این جایه‌جایی انجام می‌دهیم، است و انرژی پتانسیل الکتریکی این بار الکتریکی نقطه‌ای می‌یابد، هم‌چنین پتانسیل الکتریکی نقطه A از پتانسیل الکتریکی نقطه B است.



(۱) مثبت - منفی - کاهش - کمتر

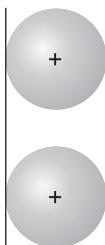
(۲) مثبت - منفی - کاهش - بیشتر

(۳) منفی - مثبت - افزایش - بیشتر

(۴) منفی - مثبت - افزایش - کمتر



-۹۷- مطابق شکل زیر، دو گوی مشابه به جرم $7/5\text{g}$ و بار یکسان $+q$ در فاصله 10 cm از هم قرار دارند، به طوری که گوی بالابی به حالت معلق باقی مانده است. اگر مساحت سطح مقطع لوله 30 cm^2 باشد، فشار وارد بر انتهای لوله برابر چند پاسکال است؟ $(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$



- ۱۰ (۱)
۲۵ (۲)
۵۰ (۳)
۱۰۰ (۴)

-۹۸- دو گلوله فلزی کوچک و مشابه، دارای بارهای الکتریکی q_1 و q_2 هستند، به گونه‌ای که $|q_2| > |q_1|$. این دو گلوله در فاصله 6 cm از یکدیگر، نیروی جاذبه‌ای به اندازه 4 N نیوتون به یکدیگر وارد می‌کنند. اگر دو گلوله را به هم تماس دهیم، بار الکتریکی هر یک میکروکولن می‌شود. q چند میکروکولن است؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$

- ۲۰ (۴) ۸ (۳) -۸ (۲) ۲۰ (۱)

-۹۹- دو ذره با بارهای $+4q$ و $-4q$ در فاصله r از یکدیگر، نیرویی به بزرگی F را به هم وارد می‌کنند. اگر 20% درصد از بار یکی از ذره‌ها را برداشته و به دیگری اضافه کنیم و بارها را مجدداً در همان فاصله r نسبت به یکدیگر قرار دهیم، اندازه نیروی بین دو ذره در حالت دوم چند برابر F می‌شود؟

- $\frac{25}{9} (۴) \frac{25}{16} (۳) \frac{16}{25} (۲) \frac{9}{25} (۱)$

-۱۰۰- مطابق شکل زیر، برایند میدان‌های الکتریکی حاصل از پنج بار در نقطه A برابر صفر است. اگر بارهای q_1 و q_2 را برداریم، بزرگی برایند میدان‌های الکتریکی حاصل از سه بار دیگر در نقطه A چند واحد SI خواهد بود؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$



- ۵۰۰ (۱)
 $500\sqrt{2}$ (۲)
۱۰۰۰ (۳)
 $1000\sqrt{2}$ (۴)



۱۰۱- کدام مطلب زیر درست‌اند؟

- (آ) صابون مراغه افزودنی شیمیایی بازی دارد و به دلیل خاصیت بازی مناسب برای موهای چرب استفاده می‌شود.
- (ب) صابون گوگرددار برای از بین بدن جوش صورت استفاده می‌شود.

- (پ) برای از بین بدن قارچ‌های پوستی از صابون‌های شامل نمک‌های فسفات می‌توان استفاده کرد.
- (ت) مصرف زیاد شوینده‌ها و تنفس بخار آن‌ها، عوارض پوستی و بیماری‌های تنفسی ایجاد می‌کند.

(۱) «آ»، «ب» (۲) «ب»، «پ» (۳) «ب»، «ت» (۴) «آ»، «پ»

۱۰۲- دلیل این‌که لکه عسل به راحتی با آب شسته و در آن پخش می‌شود در کدام گزینه آمده است؟

- (۱) عسل یک ماده ناخالص و حاوی شمار زیادی ترکیب یونی است.

- (۲) عسل حاوی مولکول‌های قطبی است که در ساختار خود، هر کدام یک یا دو گروه هیدروکسیل دارند.

- (۳) عسل حاوی مولکول‌های قطبی است که در ساختار خود شمار قابل توجهی گروه هیدروکسیل دارند.

- (۴) عسل حاوی مولکول‌های قطبی است که در ساختار خود تعدادی گروه کربوکسیل دارند.

۱۰۳- چه تعداد از عبارت‌های زیر در ارتباط با پاک‌کننده‌های غیرصابونی درست است؟

- قدرت پاک‌کننگی آن‌ها در مقایسه با صابون‌ها بیشتر است.

- ساختار آن‌ها و نحوه پاک‌کننگی آن‌ها مشابه صابون‌هاست.

- می‌توان آن‌ها را به میزان انبوه و با قیمت مناسب تولید کرد.

- می‌توان آن‌ها را از بنزن و دیگر مواد اولیه در صنایع پتروشیمی، طی واکنش‌های ساده در صنعت تولید کرد.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۰۴- روغن زیتون به عنوان یک استر ۳ عاملی، آبکافت شده و طی آن اسید چرب A و یک الکل ($C_3H_8O_3$) به دست می‌آید. در هر واحد فرمولی از صابون مایع X که نمک اسید چرب A است، چند جفت الکترون پیوندی وجود دارد؟ (صابون مایع X فاقد عنصر فلزی است.)

(۱) ۱ (۲) ۵۶ (۳) ۵۷ (۴) ۵۸

۱۰۵- در یک صابون مایع، درصد جرمی کربن، ۶ برابر درصد جرمی اکسیژن است. اگر در ساختار هر واحد از این صابون، دو پیوند دوگانه وجود داشته باشد، درصد جرمی هیدروژن، چند برابر درصد جرمی نیتروژن است؟ ($C=12, H=1, O=16, N=14: g/mol^{-1}$)

(۱) ۰/۰۷ (۲) ۲/۳۵ (۳) ۲/۲۱ (۴) ۱/۹۳

۱۰۶- اوره و اتیلن گلیکول در چه تعداد از موارد زیر یکسانند؟

- نسبت شمار اتم‌های کربن به اکسیژن

- نامحلول بودن در هگزان

- امکان تشکیل پیوند هیدروژنی با مولکول‌های آب

- شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی

(۱) ۴ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴) ۱



۱۰۷ - مقداری صابون با فرمول $\text{C}_{14}\text{H}_{27}\text{COOK}$ با نمونه‌ای از آب سخت که شامل یون‌های کلسیم بوده واکنش داده و طی آن ۷۷/۷ گرم رسوب تشکیل شده است. با فرض این‌که فقط ۶۰٪ صابون با آب سخت واکنش داده باشد، جرم صابون مایع چند گرم بوده است؟

$$(C=12, H=1, O=16, K=39, Ca=40:\text{g.mol}^{-1})$$

۱۹۲ (۴)

۱۵۹ (۳)

۹۲ (۲)

۱۳۹ (۱)

۱۰۸ - کدام‌یک از مطالبات زیر نادرست است؟

(۱) افزودن آنزیم به صابون همانند افزایش دما، قدرت پاک‌کنندگی صابون را افزایش می‌دهد.

(۲) کاتیون صابون نقشی در پاک‌کنندگی آن ندارد.

(۳) در شرایط یکسان، لکه روی پارچه نخی راحت‌تر از پارچه پلی‌استری توسط صابون پاک می‌شود.

(۴) نقطه ذوب نمک پتاسیم اسید چرب، بالاتر از نقطه ذوب نمک سدیم همان اسید چرب است.

۱۰۹ - چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- کلوریدها همانند محلول‌ها، مخلوط‌هایی پایدار هستند.

- کلوریدها همانند سوسپانسیون‌ها، مخلوط‌هایی ناهمگن هستند.

- ذره‌های سازنده شیر برخلاف شربت خاکشیر، نور را پخش می‌کنند.

- نیمی از مخلوط‌های «زله، رنگ پوششی، هوای پاک، سرم فیزیولوژی» همگن هستند.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۱۰ - با فرض این‌که زنجیر هیدروکربنی در پاک‌کننده غیرصابونی سیرشده باشد، کدام‌یک از گزینه‌ها می‌تواند جرم مولی یک پاک‌کننده

$$(C=12, H=1, S=32, O=16, Na=23:\text{g.mol}^{-1}) \text{ باشد؟}$$

۳۶۲ (۴)

۳۵۵ (۳)

۳۶۹ (۲)

۳۴۶ (۱)

۱۱۱ - اگر نسبت شمار اتم‌های هیدروژن به شمار اتم‌های کربن در بنزین و واژلین را به ترتیب با a و b نشان دهیم، حاصل $\frac{a}{b}$ کدام است؟

۰/۷۹ (۴)

۱/۲۱ (۳)

۱/۰۸ (۲)

۰/۹۲ (۱)

۱۱۲ - چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

- آب پاک‌کننده مناسبی برای لکه‌های شیرینی مانند شربت آبلیمو و چای شیرین است.

- اسیدهای چرب، کربوکسیلیک اسیدهایی با چند گروه عاملی کربوکسیل هستند.

- چربی‌ها را می‌توان مخلوطی از اسیدهای چرب و استرهای بلند زنجیر دانست.

- نیتروی بین مولکولی در چربی‌ها، تماماً از نوع وان دروالسی است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۱۳ - ذره‌های سازنده سوسپانسیون و کلوریدها در کدام گزینه به درستی آمده است؟ (گزینه‌ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید).

(۱) ذره‌های ریز ماده، توده‌های مولکولی با اندازه‌های یکسان

(۲) ذره‌های ریز ماده، توده‌های مولکولی با اندازه‌های متفاوت

(۳) توده‌های مولکولی با اندازه‌های یکسان، ذره‌های ریز ماده

(۴) توده‌های مولکولی با اندازه‌های متفاوت، ذره‌های ریز ماده

محل انجام محاسبات

تلashی در مسیر موفقیت

۱۱۴- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

- نقطه انجماد اتیلن گلیکول بالاتر از نقطه انجماد آب بوده و به عنوان ضدیخ به کار می‌رود.
- بخش قطبی و ناقطبی صابون با پیوند یونی به هم متصل هستند.
- مخلوط آب و روغن ناهمگن بوده و با اضافه کردن مقداری صابون به آن، همگن می‌شود.
- پاک‌کننده‌های غیرصابونی و صابون‌ها با آلانینده‌ها واکنش نمی‌دهند.

۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۱۱۵- کدامیک از مطالب زیر نادرست است؟

- ذرهای موجود در کلوئید درشت‌تر از محلول‌اند.
- قدرت پاک‌کننگی صابون در آب چشم، بیشتر از آب دریا است.
- روغن زیتون، نارگیل و پیه برای تهیه صابون جامد مناسب هستند.
- آب آشامیدنی، جزو آبهای سخت نبوده زیرا فاقد یون‌های منیزیم و کلسیم است.

توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات زوج درس ۱ (شیمی ۱)، شماره ۱۱۶ تا ۱۲۵ و زوج درس ۲ (شیمی ۲)، شماره ۱۲۶ تا ۱۳۵، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

توجه: داوطلبانی که قصد شرکت در کنکور سراسری ویژه دی‌ماه را دارند به تمامی سوالات زوج درس ۱ (شیمی ۱)، شماره ۱۱۶ تا ۱۲۵ و زوج درس ۲ (شیمی ۲)، شماره ۱۲۶ تا ۱۳۵، پاسخ دهند.

زوج درس ۱

شیمی (۱) (سوالات ۱۱۶ تا ۱۲۵)

۱۱۶- ایزوتوب‌های آهن - ۵۵ و آهن - ۵۶ در چه تعداد از موارد زیر مشابه هم هستند؟

- | | | |
|-------------|---------------------------------|-------------------|
| ۰ نقطه ذوب | ۰ چگالی | ۰ شمار الکترون‌ها |
| ۰ شکل ظاهری | ۰ سرعت واکنش با هیدروکلریک اسید | ۰ جرم مولی |

۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۱۱۷- رادیو ایزوتوب‌های A و B به ترتیب پایدارترین و نایپایدارترین رادیو ایزوتوب‌های ساختگی هیدروژن هستند. نسبت شمار نوترون‌های هسته A به شمار نوترون‌های هسته B کدام است؟

$\frac{2}{3}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{1}{3}$
---------------	---------------	---------------	---------------

۱۱۸- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- تبدیل ایزوتوب‌های پایدار به ایزوتوب‌های نایپایدار یک عنصر را غنی‌سازی ایزوتوبی می‌گویند.
- شمار عنصرهایی که در طبیعت یافت می‌شود، بیش از $3/5$ برابر شمار عنصرهایی است که تاکنون ساخته شده‌اند.
- مولکول‌های یَد با یونی که حاوی تکنسیم - ۹۹ است، اندازه مشابهی دارد.
- گوگرد و اکسیزن، جزو عنصرهای مشترک سیاره‌های زمین و مشتری هستند.

۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

محل انجام محاسبات

تلashی در مسیر موفقیت



۱۱۹- چه تعداد از عبارت‌های زیر در ارتباط با هیدروژن و لیتیم درست است؟

- طیف نشری خطی هر کدام از این دو عنصر در ناحیه مرئی شامل ۴ نوار رنگی است.
- رنگ شعله لیتیم و همه ترکیب‌های آن به رنگ سرخ است.
- هیدروژن فراوان‌ترین عنصر سازنده سیاره مشتری است.
- شمار ایزوتوپ‌های طبیعی آن‌ها با هم برابر است.

۱) (۱) ۲) (۲) ۳) (۳) ۴) (۴)

۱۲۰- تفاوت عدد جرمی و عدد اتمی یون X^{2+} برابر ۱۲۵ و تفاوت شمار الکترون و نوترون‌های این یون برابر ۴۵ است. در هسته اتم X چند ذره زیراتومی وجود دارد؟

۱) (۱) ۲) (۲) ۳) (۳) ۴) (۴) ۵) (۵)

۱۲۱- طول موج کدام دو پرتو تفاوت کمتری با هم دارد؟

- ۱) گاما و ایکس
- ۲) فروسرخ و فرابنفش
- ۳) ریزموچه و امواج رادیویی
- ۴) ایکس و فرابنفش

۱۲۲- کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟

- ۱) نسبت شمار نوترون‌ها به شمار پروتون‌ها در نخستین عنصر ساخت بشر بیش از ۱/۵ است.
- ۲) دود قلیان همانند دود سیگار مقدار قابل توجهی مواد پرتوزا دارد.
- ۳) درصد فراوانی نخستین (فراوان‌ترین) عنصر سازنده سیاره مشتری میانگین این سیاره است.
- ۴) درون ستاره‌ها همانند خورشید در دماهای بسیار بالا، واکنش‌های هسته‌ای رُخ می‌دهد.

۱۲۳- شمار اتم‌ها در ۴ میلی‌گرم گاز کربن دی‌اکسید (CO_2) به تقریب، نصف شمار اتم‌ها در چند گرم از فلز کادمیم است؟

$(\text{C} = 12, \text{O} = 16, \text{Cd} = 112: \text{g.mol}^{-1})$

۱) (۱) ۲) (۲) ۳) (۳) ۴) (۴)

۱۲۴- نمونه‌ای از عنصر مولیبدن شامل چهار ایزوتوپ Mo^{92} ، Mo^{94} ، Mo^{95} و Mo^{96} است. اگر فراوانی ایزوتوپ دوم، سه برابر ایزوتوپ اول و نصف ایزوتوپ آخر و فراوانی ایزوتوپ آخر، $\frac{1}{6}$ ایزوتوپ سوم باشد، جرم اتمی میانگین این نمونه چند amu است؟ (جرم هر پروتون و هر نوترون را ۱amu در نظر بگیرید).

۱) (۱) ۲) (۲) ۳) (۳) ۴) (۴)

۱۲۵- جرم اتم کربن – ۱۲ و جرم نشان داده شده کربن در جدول دوره‌ای بر حسب amu در کدام گزینه آمده است؟

نام ذره	نماد	بار الکتریکی نسبی	جرم (amu)
الکترون	e^-	-1	۰/۰۰۰۵
پروتون	p^+	+1	۱/۰۰۷۳
نوترون	n^0	۰	۱/۰۰۸۷

زوج درس ۲

شیمی (۳) (سوالات ۱۴۶ تا ۱۳۵)

۱۴۶- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- در دوره سوم جدول دوره‌ای با چشم‌پوشی از گاز نجیب، فقط یک عنصر قادر به تشکیل یون تک‌اتمی نیست.
- در دما و فشار اتاق، دو هالوژن نخست با گاز هیدروژن واکنش می‌دهند.
- در دوره سوم جدول دوره‌ای، شمار عنصرهایی که سطح صیقلی دارند برابر با شمار عنصرهایی است که جریان برق را از خود عبور می‌دهند.
- فلزهای قلیایی همانند فلزهای قلیایی خاکی شامل ۶ عنصر هستند.

۱) ۴

۲) ۳

۳) ۲

۴) ۱

۱۴۷- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- به طور کلی هر چه واکنش‌پذیری یک فلز بیشتر باشد، استخراج آن دشوارتر است.
- هیچ کدام از عنصرهای سازنده نمک خوراکی به حالت آزاد در طبیعت یافت نمی‌شوند.
- اگر شمار لایه‌های الکترونی اتم A بیشتر از اتم X باشد، در این صورت شعاع اتمی X کوچک‌تر از شعاع اتمی A است.
- در مجموعه فلزهای «مس، سرب، قلع، طلا، نقره» شمار فلزهای واسطه بیشتر از فلزهای اصلی است.

۴) ۴

۳) ۳

۲) ۲

۱) ۱

۱۴۸- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

- ممکن است یک عنصر رسانای الکتریکی کمی داشته باشد، اما رسانایی گرمایی آن بالا باشد.
- تنها فلز واسطه دوره چهارم که نماد آن تک‌حرفی است، کاتیون‌های X^{2+} و X^{3+} تشکیل می‌دهد.
- فلزهای واسطه‌ای که فقط یک کاتیون تک‌اتمی تشکیل می‌دهند، قاعده هشت‌تایی را رعایت می‌کنند.
- تفاوت شعاع اتمی Al و Si بیشتر از تفاوت شعاع اتمی Na و Mg و نیز بیشتر از تفاوت شعاع اتمی S و Cl است.

۴) ۴

۳) ۳

۲) ۲

۱) ۱

۱۴۹- واکنش موازن نشده $CO(g) + H_2(g) \rightarrow CH_3OH(g)$ با ۸ مول گاز CO و ۱۶ مول گاز H_2 در یک ظرف دربرسته آغاز شده است. اگر

شمار مول‌های فراورده، $\frac{۵۵۵}{۵} = ۱۱۰$ مجموع شمار مول‌های باقی‌مانده از واکنش‌دهنده‌ها باشد، بازده درصدی واکنش کدام است؟

۸۲/۵) ۴

۷۰/۳)

۶۲/۵) ۲

۴۷/۵) ۱

۱۵۰- نیتینول آلیاژی از نیکل و تیتانیم است. اگر درصد خلوص نیکل در این آلیاژ برابر 30% باشد، نسبت شمار اتم‌های تیتانیم به شمار اتم‌های

نیکل در این آلیاژ کدام است؟ ($Ni = 59, Ti = 48: g.mol^{-1}$)

۱/۳۴) ۴

۱/۸۹) ۳

۲/۳۳) ۲

۲/۸۷) ۱

۱۵۱- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- واکنش ترمیت نشان می‌دهد که آهن (III) اکسید پایدارتر از آلومینیم اکسید است.
- فلز واسطه آهن، بیشترین مصرف سالانه را در سطح جهان در بین صنایع گوناگون دارد.
- آهن دو اکسید با فرمول‌های Fe_2O_3 و Fe_3O_4 دارد که هر دوی آن‌ها طبیعی هستند.
- هر سه گونه آهن، آهن (II) اکسید و آهن (III) اکسید با هیدروکلریک اسید واکنش داده و طی آن‌ها، آهن (III) کلرید تولید می‌شود.

۴) ۴

۳) ۳

۲) ۲

۱) ۱



-۱۳۲- از تجزیه کامل ۲۰۰ گرم پتانسیم برمگنات، طبق واکنش موازن نشده زیر، ۱۸۷/۲ گرم ماده جامد در ظرف باقی می‌ماند. درصد خلوص

$$\text{ واکنش دهنده کدام است؟ } (\text{K} = ۳۹, \text{Mn} = ۵۵, \text{O} = ۱۶: \text{g.mol}^{-۱})$$



۷۱/۴(۴) ۶۳/۲(۳) ۵۱/۴(۲) ۴۶/۸(۱)

-۱۳۳- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- نخستین فلز واسطه در جدول دوره‌ای در وسائل خانه مانند تلویزیون رنگی و برقی شیشه‌ها وجود دارد.
- استخراج طلا همانند دیگر فعالیت‌های صنعتی آثار زیان‌بار زیست محیطی بر جای می‌گذارد.
- بر اثر اکسایش گلوبک و نیز تخمیر بی‌هوایی آن، گاز کربن دی‌اکسید تولید می‌شود.
- روش گیاه‌پالایی برای استخراج فلزهای روی و مس، مقرون به صرفه نیست.

۴(۴) ۳(۳) ۲(۲) ۱(۱)

-۱۳۴- اگر در واکنش مربوط به استخراج آهن در شرکت فولاد مبارکه، ۲/۸ تن آهن تولید شود و جرم سنگ معدن هماتیت مصرف شده، ۱۲/۵ برابر جرم مصرفی واکنش دهنده دیگر باشد، درصد خلوص آهن (III) اکسید در سنگ معدن کدام است؟

$$(\text{Fe} = ۵۶, \text{C} = ۱۲, \text{O} = ۱۶: \text{g.mol}^{-۱})$$

۷۱/۱(۴) ۶۴/۱(۳) ۸۲/۱(۲) ۹۱/۱(۱)

-۱۳۵- برای سوختن کامل ۴۰۰ میلی‌لیتر استون (CH_۳COCH_۳) با چگالی ۷۲۵ g·mL^{-۱} و با خلوص ۷۵ درصد، چند متر مکعب هوا لازم

است؟ (چگالی گاز اکسیژن ۱/۲۸ g·L^{-۱} و ۲۰٪ حجم هوا را اکسیژن تشکیل می‌دهد). (C = ۱۲, O = ۱۶, H = ۱: g.mol^{-۱})

۲/۲۲۵(۴) ۰/۸۷۵(۳) ۱/۲۲۵(۲) ۱/۸۷۵(۱)





آزمون‌های سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۲

دفترچه شماره ۳

آزمون شماره ۸

جمعه ۱۴۰۱/۰۷/۲۲

پاسخ‌های تشریحی

پایه دوازدهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۱۵۵ دقیقه	تعداد سؤال: ۱۱۵
مدت پاسخگویی ویژه دیماه: ۱۷۵ دقیقه	تعداد سؤال ویژه دیماه: ۱۳۵

عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سؤالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	شماره سؤال		مدت پاسخگویی ویژه دیماه	مدت پاسخگویی دقیقه	ردیف
			تا	از			
۱	حسابان ۲	۱۰	۱	۱۰	۸۵ دقیقه	۸۵ دقیقه	۱
	ریاضیات گستته	۱۰	۱۱	۱۰			۲
	هندسه ۳	۱۰	۲۱	۱۰			۳
	ریاضی ۱	۵	۳۱	۳۵			۴
	حسابان ۱	۵	۳۶	۴۰			۵
	هندسه ۱	۵	۴۱	۴۵			۶
	آمار و احتمال	۱۰	۴۶	۵۵			۷
۲	فیزیک ۳	۲۵	۵۶	۸۰	۵۵ دقیقه	۴۵ دقیقه	۸
	فیزیک ۱	۱۰	۸۱	۹۰			۹
	فیزیک ۲	۱۰	۹۱	۱۰۰			۱۰
	شیمی ۳	۱۵	۱۰۱	۱۱۵			۱۱
۳	شیمی ۱	۱۰	۱۱۶	۱۲۵	۳۵ دقیقه	۲۵ دقیقه	۱۲
	شیمی ۲	۱۰	۱۲۶	۱۳۵			۱۳

تلش پر رموفقت

آزمون‌های سراسری گاج

ویراستاران علمی	طراحان	دروس
محدثه کارگرفت ندا فرهنگی - مینا نظری	محمد رضا سیاح	حسابان (۱)
	سیروس نصیری	حسابان (۲)
	مغید ابراهیم پور	هندسه (۳)
	مهندی وارسته	ریاضی (۱)
	علی اکبر علیزاده	گستته
	علی ایمانی	هندسه (۱)
	هایده جواهری	آمار و احتمال
حسین زین العابدین زاده سارا دانایی کجانی مروارید شاه حسینی	ارسلان رحمانی امیر رضا خوبنی‌ها رضا کریم‌زاده - حسین شهمبازی مسعود قره‌خانی - شهاب نصیری	فیزیک
	پویا الفتی	شیمی
ایمان زارعی - میلاد عزیزی رضیه قربانی - میثم کیانی		



فروشگاه مرکزی گاج: تهران - خیابان انقلاب
نیش بازارچه کتاب

اطلاع رسانی و بثت نام: ۰۲۱-۴۴۲۰

نشانی اینترنتی: www.gaj.ir



امداده‌سازی آزمون

مدیریت آزمون: ابوالفضل مزرعه‌تی

بازبینی و نظارت نهایی: سارا نظری

برنامه‌ریزی و هماهنگی: سارا نظری - مینا نظری

بازبینی دفترچه: بهاره سلیمانی - عطیه خادمی

ویراستاران فنی: سانا فلاحی - مروارید شاه حسینی - مریم پارسائیان - سپیده سادات شریفی - عاطفه دستخوش

صفحه‌آر: فرهاد عبدی

سرپرست واحد فنی: سعیده قاسمی

طرح شکل: آرزو گلفر

حروفنگاران: پگاه روزبهانی - مینا عباسی - مهناز کاظمی - فرزانه رجبی - ربابه الطافی - حدیث فیض‌الهی

دانشجویی

حقوق دانشآموزان در آزمون‌های سراسری گاج

دلوطلب گرامی؛ با سلام در اینجا شما را با بخشی از حقوق خود در آزمون‌های سراسری گاج آشنا می‌نماییم:

- ۱- اطلاعات شناسنامه‌ای و آموزشی شما را با مانند نام، نام خانوادگی، جنسیت و گروه آزمایشی بایستی به صورت صحیح در بالای پاسخ‌برگ درج شده باشد.
- ۲- آزمون‌های سراسری گاج باید راس ساعت اعلام شده در دفترچه، شروع و خاتمه یابد.
- ۳- محل برگزاری آزمون باید از لحاظ سرمایش و گرمایش، نور کافی، نظافت و سایر موارد در حد مطلوب و استاندارد باشد.
- ۴- سوالات آزمون‌های سراسری گاج بایستی نزدیکترین سوالات به کنکور سراسری باشد و عاری از هرگونه اشکال علمی و تایپی باشد.
- ۵- بعد از هر آزمون و به هنگام خروج از جلسه آزمون بایستی پاسخ‌نامه‌ی تشریحی هر آزمون را دریافت نمایید.
- ۶- کارنامه‌ی هر آزمون بایستی در همان روز آزمون به روش‌های ذیل تحویل شما گردد:
 - مراجعه به سایت گاج به نشانی www.gaj.ir
 - مراجعه به نمایندگی.
- ۷- خدمات مشاوره‌ای رایگانی که در طی ۱ مرحله آزمون (ویژه داوطلبان آزاد) ارائه می‌گردد شامل:
 - برگزاری جلسه مشاوره حداقل یکبار در طی هر آزمون توسط رابط تحصیلی.
 - تماس تلفنی حداقل ۱ بار در طی هر آزمون توسط رابط تحصیلی.
 - تماس تلفنی با اولیا حداقل یکبار در هر فاز [آزمون‌های سراسری گاج در چهار فاز تابستانه، ترم اول، ترم دوم و جامع برگزار می‌گردد].
 - بررسی کارنامه آزمون توسط رابط تحصیلی در هر آزمون.

چنانچه در هر یک از موارد فوق کمبود و یا نقصی مشاهده نمودید لطفاً بلافاصله با تلفن ۰۶۴۲۰—۰۲۱ تماس حاصل نموده و مراتب را اطلاع دهید.



تلاش در گاج، بهترین صدا،
صدای دانشآموز است.





۳ ۱۶

$$A = \begin{bmatrix} 4 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{2} & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{5}{2} \end{bmatrix} \Rightarrow A^T = \begin{bmatrix} 16 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{4} & 0 \\ 0 & 0 & \frac{25}{4} \end{bmatrix}$$

$$\text{حاصل ضرب درایه‌های قطر اصلی} = 16 \times \frac{1}{4} \times \frac{25}{4} = 25$$

۴ ۲۴

$$[x \ 1] \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 2 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = [x+3 \ 2x+3 \ x+1] \begin{bmatrix} x \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = 0$$

$$\Rightarrow x^3 + 3x + 2x + 3 + x + 1 = x^3 + 6x + 4 = 0$$

$$\text{مجموع مربعات ریشه‌ها} = x_1^2 + x_2^2 = S^2 - 2P = (-6)^2 - 2(4) = 28$$

۴ ۲۵

$$A^T + 2AB + A + 2B = A(A + 2B) + A + 2B = (A + I)(A + 2B)$$

$$= \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 2 & 2 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 2 \\ -6 \\ -3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \textcircled{1} \textcircled{2} \textcircled{3} \\ \textcircled{4} \textcircled{5} \textcircled{6} \\ \textcircled{7} \textcircled{8} \textcircled{9} \end{bmatrix}$$

ابتدا ماتریس A^2 را حساب می‌کنیم. ۴ ۲۶

$$A^2 = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 2 & 1 & 3 \\ -2 & 4 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 2 & 1 & 3 \\ -2 & 4 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -5 & 6 & -1 \\ -2 & 11 & 7 \\ 6 & 6 & 8 \end{bmatrix}$$

$$A^4 = A^2 \times A^2 = \begin{bmatrix} -5 & 6 & -1 \\ -2 & 11 & 7 \\ 6 & 6 & 8 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 2 & 1 & 3 \\ -2 & 4 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 30 \\ 151 \\ 150 \end{bmatrix}$$

$$\text{مجموع درایه‌های ستون دوم} = 331$$

چون اتحاد جبری برای دو ماتریس A و B برقرار است
بنابراین دو ماتریس تعویض پذیرند.

$$AB = BA$$

$$AB = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x & y \\ 1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x+2 & y \\ 3x-1 & 3y \end{bmatrix}$$

$$BA = \begin{bmatrix} x & y \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x+3y & 2x-y \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$$

$$AB = BA \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{2}{3} \\ y = \frac{1}{3} \end{cases} \Rightarrow x+y = \frac{4}{3}$$

۴ ۲۸

$$A^T = (a+d)A - (ad-bc)I \quad \text{ماتریس} \quad A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \quad \text{نکته: در}$$

برقرار است.

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 5 \end{bmatrix} \Rightarrow A^T = 7A + 2I \xrightarrow{xA} A^T = 7A^T + 2A$$

$$= 7(7A + 2I) + 2A = 51A + 14I$$

$$x = 51, y = 14 \Rightarrow x+y = 65$$

$$\begin{cases} a-3 \mid 4n+7 \\ a-3 \mid 4n-1 \end{cases} \Rightarrow a-3 \mid (4n+7)-(4n-1) \Rightarrow a-3 \mid 8$$

$$\Rightarrow a-3 = \pm 1, \pm 2, \pm 4, \pm 8$$

اما چون $1-4n$ فرد است، پس $a-3$ باید فرد باشد:

$$a-3 = 1 \Rightarrow a = 4 \quad \text{یا} \quad a-3 = -1 \Rightarrow a = 2$$

بنابراین تنها دو مقدار طبیعی برای a یافت می‌شود.

۲ ۱۷

رابطه $n-3 \mid n^2 - n - 6$ را به صورت $(n-3)(n+2)(n-2)$ می‌نویسیم.
چون سمت راست مضربی از $n-3$ است، پس رابطه به‌ازای تمام n ‌های طبیعی برقرار است. همچنین:

$$n-2 \mid n+2, n-2 \mid n-2 \Rightarrow n-2 \mid (n+2) - (n-2)$$

$$\Rightarrow n-2 \mid 4 \Rightarrow n-2 = \pm 1, \pm 2, \pm 4 \xrightarrow{n \in \mathbb{N}} n = 1, 3, 4, 6$$

بنابراین اشتراک جواب‌های دو معادله به صورت $\{1, 3, 4, 6\}$ خواهد بود.۴ ۱۸ همان‌طور که در متن کتاب درسی آمده، عدد $+1$ کههمان $+4^4$ است، اول می‌باشد. گزینه (۱) بر ۳ بخش پذیر است، پس اول

نیست. گزینه (۲) بیانگر عددی زوج است بنابراین اول نیست. عدد گزینه (۳)

هم به صورت زیر تجزیه می‌شود، پس اول نیست:

$$7^6 - 8 = 49^3 - 2^3 = (49-2)(49^2 + 49 + 4)$$

۲ ۱۹

$$x^4 = yz + 16 \Rightarrow x^4 - 16 = yz \Rightarrow (x^2 - 4)(x^2 + 4) = yz$$

$$\Rightarrow (x-2)(x+2)(x^2 + 4) = yz \Rightarrow x+2 \mid yz \Rightarrow x+2 \mid xyz$$

۱ می‌دانیم اگر p عددی اول باشد، آنگاه $p \mid ab$ یا۲۰ $p \mid b$ یا $p \mid a$

$$67 \mid n(n-1) \xrightarrow{\text{اول است}} 67 \mid n \quad \text{یا} \quad 67 \mid n-1$$

$$\Rightarrow n = 67q \quad \text{یا} \quad n = 67q + 1$$

یعنی n یا باید مضربی از ۶۷ باشد و یا یک واحد بیشتر از مضرب ۶۷ باشد که در بین گزینه‌ها 6768 در تقسیم بر 67 باقی‌مانده ۱ دارد.

۳ ۲۱ عناصر قطر اصلی دو ماتریس را تشکیل داده و با هم جمع می‌کنیم.

$$c_{11} = a_{11} + b_{11} = (1^2 - 1) + (1^2 + 1) = 2$$

$$c_{22} = a_{22} + b_{22} = (2^2 - 2) + (2^2 + 2) = 16$$

$$c_{33} = a_{33} + b_{33} = (3^2 - 3) + (3^2 + 3) = 54$$

جمع درایه‌های قطر اصلی $= 54 + 16 + 2 = 72$

۳ ۲۱

$$A_{2 \times 3} = B_{3 \times 2} \Rightarrow x = 2, y = 3 \Rightarrow A = \begin{bmatrix} 5 & 1 & -3 \\ 3 & -1 & 3 \end{bmatrix}$$

$$A = B \Rightarrow A - 2B = -A = \begin{bmatrix} -5 & -1 & 3 \\ -3 & 1 & -3 \end{bmatrix}$$

مجموع درایه‌ها

۲ ۲۲

$$\begin{cases} c-1=0 \Rightarrow c=1 \\ a+c=0 \Rightarrow a=-1 \\ a+2b-2=0 \Rightarrow -1+2b-2=0 \Rightarrow b=\frac{3}{2} \end{cases}$$

۳ ۲۳

تلاشی در مسیر توفیق شست



۳ ۲۵

$$f(\tan x) = \frac{1 - \tan^2 x}{1 + \tan^2 x} = \frac{\cos^2 x - \sin^2 x}{\cos^2 x + \sin^2 x} = \cos^2 x - \sin^2 x$$

$$\begin{aligned} f'(\tan x) &= (\cos^2 x - \sin^2 x)' \\ &= \cos^2 x + \sin^2 x - 2\sin x \cos x \\ &= 1 - 2\sin x \cos x - 2\sin x \cos x = 1 - 4\sin x \cos x \end{aligned}$$

(۴) ۲۶ ابتدا از روی ضابطه و دامنه، برد را به دست می‌آوریم.

$$\begin{cases} f(0) = 4 \\ f(1) = 1 \\ f(2) = -8 \end{cases} \Rightarrow R_f = \{4, 1, -8\}$$

باید زیرمجموعه‌ای از B باشد بنابراین داریم:

$$\begin{cases} 2a^2 + 2 = 4 \Rightarrow a^2 = 1 \Rightarrow a = \pm 1 \\ 3a - b = -8 \begin{cases} \frac{a=1}{b=11} \Rightarrow a^2 - b^2 = -12 \\ \frac{a=-1}{b=5} \Rightarrow a^2 - b^2 = -24 \end{cases} \end{cases}$$

(۱) ۲۷ دامنهٔ دو تابع برابر است. برای برابری دو تابع f و g داریم:

$$f(1) = g(1) \Rightarrow \frac{a+b}{1} = -1 \Rightarrow a+b = -1 \quad (1)$$

$$\begin{aligned} f(2) = g(2) &\Rightarrow \frac{a+2b}{-1} = a+c \Rightarrow a+2b = -a-c \\ &\Rightarrow 2a+2b+c = 0 \quad (2) \end{aligned}$$

$$f(3) = g(3) \Rightarrow \frac{a+3b}{-3} = b+c \Rightarrow a+3b = -3b-3c$$

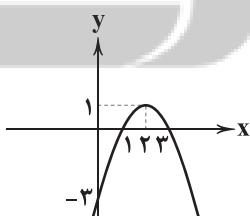
$$\Rightarrow a+6b+3c = 0 \quad (3)$$

$$(1) \quad a+b = -1$$

$$(2) \quad 2a+2b+c = 0 \Rightarrow 2(-1)+c = 0 \Rightarrow c = 2$$

$$(3) \quad a+6b+3c = 0 \Rightarrow \begin{cases} b = -1 \\ a = 0 \end{cases}$$

$$a+2b+3c = 0 + 2(-1) + 3(2) = 4$$

(۳) ۲۸ ابتدا تابع $f(x)$ را رسم می‌کنیم. در بازه $[3, 0]$ برد تابعبرابر $[1, -3]$ خواهد بود.در تابع $f: A \rightarrow B$ مجموعه A دقیقاً دامنهٔ تابع و مجموعه B هم دامنه است و برد تابع باید زیرمجموعه‌ای از هم دامنه باشد.

در گزینه (۱) برد تابع زیرمجموعه‌ای از هم دامنه نیست.

در گزینه (۲) دامنه تابع تغییر کرده است.

در گزینه (۴) ضابطه تابع تغییر کرده است.

در گزینه (۳) ضابطه و دامنه‌ها یکی است و برد تابع زیرمجموعه‌ای از هم دامنه است و می‌تواند معرف تابع اصلی باشد.

۳ ۲۹ $A - 2B = I \Rightarrow 2B = A - I \rightarrow$

$$4B^2 = A^2 - 2A + I \xrightarrow{A^2 = 2A} 4B^2 = I$$

$$\Rightarrow B^2 = \frac{1}{4}I \Rightarrow B^4 = (B^2)^2 = \left(\frac{1}{4}I\right)^2 = \frac{1}{16}I$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 3 & 3 & 1 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 \\ 3 \\ 4 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{cases} a+2b+4c=3 \quad (1) \\ 3a+3b+c=3 \quad (2) \\ 2a+b+c=4 \quad (3) \end{cases}$$

طرفین رابطه‌های (۱)، (۲) و (۳) را با هم جمع می‌کنیم.

$$6a+6b+6c=10 \Rightarrow a+b+c=\frac{10}{6}=\frac{5}{3}$$

$$\text{مجموع درایه‌های ماتریس } A = a+b+c=\frac{5}{3}$$

۲ ۳۰

۳ ۳۱ بررسی ضوابط:

$$\frac{x^2 + y^2}{xy} = -2 \Rightarrow x^2 + y^2 = -2xy \Rightarrow x^2 + y^2 + 2xy = 0 \quad (\text{الف})$$

تابع است. $y = -x$ ب) به ازای $x = -1$ y بی‌شمار وجود دارد. بنابراین تابع نیست.

$$y^2 - 2y^2 = 0 \Rightarrow \begin{cases} y=0 \\ y=2 \end{cases}$$

$$x^2 - 1 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x=\pm 1 \\ y=0 \end{cases}$$

بنابراین موارد (الف) و (د) تابع هستند.

۳ ۳۲

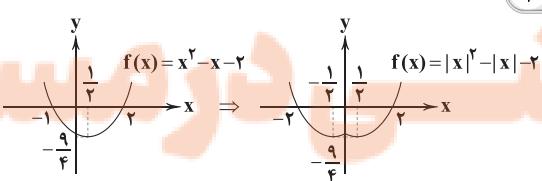
$$\begin{aligned} &\frac{1}{3} \left(\frac{3}{f(1)f(2)} + \dots + \frac{3}{f(99)f(100)} \right) \\ &= \frac{1}{3} \left(\frac{f(2)-f(1)}{f(1)f(2)} + \frac{f(3)-f(2)}{f(2)f(3)} + \dots + \frac{f(100)-f(99)}{f(99)f(100)} \right) \\ &= \frac{1}{3} \left(\frac{1}{f(1)} - \frac{1}{f(2)} + \frac{1}{f(2)} - \frac{1}{f(3)} + \dots + \frac{1}{f(99)} - \frac{1}{f(100)} \right) \\ &= \frac{1}{3} \left(\frac{1}{f(1)} - \frac{1}{f(100)} \right) = \frac{1}{3} \frac{f(100)-f(1)}{f(1)f(100)} = \frac{1}{3} \times \frac{297}{2 \times 299} = \frac{99}{598} \end{aligned}$$

$$\frac{a-1}{a+1} = \frac{1}{a} \Rightarrow a^2 - a = a + 1$$

$$\Rightarrow a^2 - 2a - 1 = 0 \Rightarrow \begin{cases} a_1 = 1 + \sqrt{2} \\ a_2 = 1 - \sqrt{2} \end{cases}$$

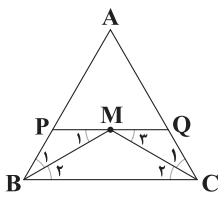
$$\Rightarrow a_1 + a_2 = 2$$

۲ ۳۳



۱ ۳۴

اگر $\{k \in (-2, +\infty) \mid f(x) = x^2 - x - 2 \text{ برای } x = k\}$ انتخاب شود، خط $y = k$ نمودار $f(x)$ را در دو نقطه قطع می‌کند.



عمودمنصف BC از A می‌گذرد پس $AB = AC$ از سه ضلع به یک فاصله است پس محل همسری نیمسازهای است.

$$\Rightarrow \hat{B}_1 = \hat{B}_2, PQ \parallel BC \Rightarrow \hat{M}_1 = \hat{B}_2 = \hat{B}_1 \Rightarrow PM = PB$$

$$\hat{C}_1 = \hat{C}_2, PQ \parallel BC \Rightarrow \hat{M}_2 = \hat{C}_2 = \hat{C}_1 \Rightarrow QM = QC$$

$$\begin{aligned} &\Rightarrow \Delta APQ = AP + AQ + PQ = AP + AQ + PM + MQ \\ &= AP + PB + AQ + QC = AB + AC = 2AB = 6 \end{aligned}$$

$$(p \vee q) \Rightarrow r \equiv \sim(p \vee q) \vee r \quad 4 \quad 46$$

$$\equiv (\sim p \wedge \sim q) \vee r$$

$$\equiv (\sim p \vee r) \wedge (\sim q \vee r)$$

$$\equiv (p \Rightarrow r) \wedge (q \Rightarrow r)$$

$$x \notin A \vee x \in B \equiv \sim(x \in A \wedge x \notin B) \quad 3 \quad 47$$

$$\equiv \sim(x \in A - B)$$

$$\equiv x \notin (A - B)$$

$$\sim [\forall x(F(x) \Rightarrow \sim G(x))] \quad 4 \quad 48$$

$$\equiv \sim [\forall x(\sim F(x) \vee \sim G(x))]$$

$$\equiv \sim [\forall x \sim (F(x) \wedge G(x))]$$

$$\equiv \exists x(F(x) \wedge G(x))$$

جمله «سامان باهوش و دروغگو است. اگر و فقط اگر سامان

ژروتمند باشد» $(p \wedge \sim r) \Leftrightarrow q$ بنابراین نقیض این عبارت، گزینه (۱) است.

۲ ۵۰

p	q	$p \vee q$	$p \wedge q$	$p \Rightarrow q$	(۱)	(۲)	(۳)	(۴)
T	T	T	T	T	T	T	T	T
T	F	T	F	F	T	T	T	T
F	T	T	F	T	F	T	F	F
F	F	F	F	T	F	T	F	T

بنابراین گزینه (۲) صحیح است.

۲ ۵۱

p	q	$\sim q$	$p \Leftrightarrow \sim q$	$\sim(p \Leftrightarrow \sim q)$	$p \Leftrightarrow q$
T	T	F	F	T	T
T	F	T	T	F	F
F	T	F	T	F	F
F	F	T	F	T	T

بنابراین گزینه (۲) صحیح است.

۴ ۴۵

ابتدا ضابطه تابع را به صورت زیر ساده می‌کنیم.

$$\begin{aligned} f(x) &= \frac{-2(x+1)^2 + 5}{2x^2 + 8 + 4\sqrt{5}} \Rightarrow f(\sqrt{5}-1) = \frac{-2(\sqrt{5})^2 + 5}{2(\sqrt{5}-1)^2 + 8 + 4\sqrt{5}} \\ &= \frac{-5}{2(6-2\sqrt{5})+8+4\sqrt{5}} = \frac{-5}{20} = -\frac{1}{4} \end{aligned}$$

ابتدا به ازای $-1 = x$ داریم:

$$3f(-3) + f(-3) = -2 + 1 - 3 \Rightarrow 4f(-3) = -4 \Rightarrow f(-3) = -1$$

حالا به ازای $1 = x$ داریم:

$$3f(1) - (-1) = -2 - 1 - 3 \Rightarrow 2f(1) = -7 \Rightarrow f(1) = -\frac{7}{2}$$

اگر مسئله را حل شده فرض کنیم با توجه به این‌که در متوازی‌الاضلاع قطرها هم‌دیگر را نصف می‌کنند شکل زیر به دست خواهد آمد که طبق نامساوی مثلث چنین شکلی وجود ندارد و مسئله دارای جواب نیست.



۱ ۴۲ طبق نامساوی مثلث جمع هر دو ضلع، از ضلع سوم بزرگ‌تر است.

$$2x + 1 + x + 1 > -3x + 4 \Rightarrow 6x > 2 \Rightarrow x > \frac{1}{3} \quad (1)$$

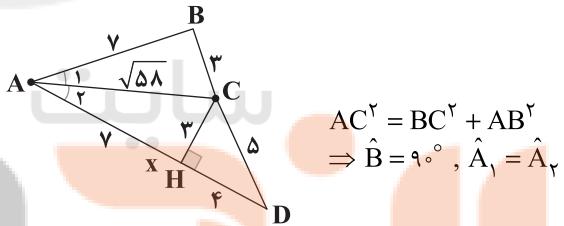
$$-3x + 4 + 2x + 1 > x + 1 \Rightarrow 2x < 4 \Rightarrow x < 2 \quad (2)$$

$$-3x + 4 + x + 1 > 2x + 1 \Rightarrow 4x < 4 \Rightarrow x < 1 \quad (3)$$

اشتراك جواب‌های به دست آمده $(1, \frac{1}{3})$ است. بنابراین بيشترین

مقدار $b - a$ برابر $\frac{2}{3}$ است.

۳ ۴۳



چون $\hat{A}_1 = \hat{A}_2$ است پس AC نیمساز \hat{A} است و C روی نیمساز قرار دارد.

$$\Rightarrow CH = CB = 3 \Rightarrow AH = 7, DH = 4$$

$$\Rightarrow AD = x = 11$$

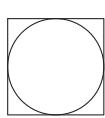
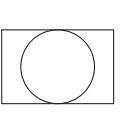
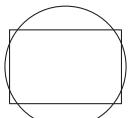
۴ ۴۴ محل تقاطع دایره‌های به مرکز تقاطع قطرها و محیط

متوازی‌الاضلاع جواب مسئله است.

۱) اگر متوازی‌الاضلاع مربع باشد و طول فاصله ثابت برابر نصف طول ضلع مربع باشد، ۴ جواب دارد.

۲) اگر متوازی‌الاضلاع مستطیل باشد و طول فاصله ثابت برابر نصف عرض مستطیل باشد، ۲ جواب دارد.

۳) اگر متوازی‌الاضلاع مستطیل باشد و طول فاصله ثابت بزرگ‌تر از نصف عرض و کوچک‌تر از نصف طول باشد، ۸ جواب دارد.





$$\text{فاصله } A' \text{ تا } A = \sqrt{(2l)^2 + (4l)^2} = 5l$$

$$\Delta t_{\min} = \frac{l_{\min}}{v} = \frac{5l}{v}$$

بنابراین:

بیشترین اندازه سرعت متوسط متحرک در این جایه جایی برابر است با:

$$(v_{av})_{\max} = \frac{d}{\Delta t_{\min}} = \frac{\sqrt{17}l}{\frac{5l}{v}} = \frac{\sqrt{17}}{5}v$$

در صورتی که یک حرکت در چند مرحله انجام شود، سرعت متوسط متحرک در کل مسیر حرکت برابر است با:

$$v_{av} = \frac{\text{جایه جایی کل}}{\text{کل زمان جایه جایی کل}}$$

برای این سؤال داریم:

$$\begin{cases} d_1 = 4\sqrt{2} \times \sqrt{2} = 8 \text{ km} = 8 \times 10^3 \text{ m} \\ \Delta t_1 = 1/5h = 1/5 \times 3600 \text{ s} \end{cases}$$

$$\begin{cases} d_2 = 5\sqrt{2} \times \sqrt{2} = 10 \text{ km} = 10 \times 10^3 \text{ m} \\ \Delta t_2 = 0/5h = 0/5 \times 3600 \text{ s} \end{cases}$$

$$|v_{av}| = \frac{d_{\text{کل}}}{\Delta t_1 + \Delta t_2} = \frac{(8+10) \times 10^3}{(1/5 + 0/5) \times 3600} = \frac{18 \times 10^3}{2 \times 3600}$$

$$\Rightarrow |v_{av}| = \frac{10^3}{400} = \frac{1}{4} = 2.5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

دقت کنید: توجه شود که d (جایه جایی) فاصله بین محل شروع حرکت (M) و محل پایان حرکت (N) است که $b_1 + d_1 + b_2$ است. در واقع چون حرکت روی مسیر مستقیم و بدون تغییر جهت انجام شده است، جایه جایی و مسافت طی شده هم اندازه هستند.

سرعت متوسط مرحله دوم (حرکت در خلاف جهت محور x) را v و سرعت متوسط مرحله اول (حرکت در جهت محور x) را v' در نظر می‌گیریم. طبق رابطه سرعت متوسط، سرعت متوسط در کل حرکت برابر است با:

$$v_{av} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2}{\Delta t_1 + \Delta t_2} = \frac{v_1 \times \Delta t_1 + v_2 \times \Delta t_2}{\Delta t_1 + \Delta t_2}$$

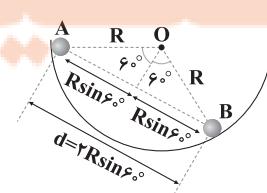
اگر مدت زمان کل حرکت را t در نظر بگیریم، مدت زمان حرکت در مرحله اول $\frac{t}{4}$ و در مرحله دوم $\frac{3t}{4}$ می‌باشد، بنابراین:

$$v_{av} = \frac{2v \times \frac{t}{4} - v \times \frac{3t}{4}}{\frac{t}{4} + \frac{3t}{4}} = \frac{\frac{2vt}{4} - \frac{3vt}{4}}{t} = -\frac{v}{4}$$

بنابراین نسبت خواسته شده برابر است با:

$$\frac{v_{av}}{v_{av_1}} = \frac{-\frac{v}{4}}{-\frac{v}{2}} = \frac{1}{8}$$

این گلوله وقتی از نقطه A تا نقطه B حرکت می‌کند، مسافتی

به اندازه $\frac{1}{3}$ محیط دایره را طی می‌کند.


۱ به راحتی می‌توان بررسی کرد گزینه‌های (۲) و (۳) نادرست و جدول

است. جدول ارزش گزینه (۱) را رسم می‌کنیم

$$\begin{bmatrix} T \\ F \\ F \\ T \end{bmatrix}$$

$p \vee q$	$\sim p$	$\sim p \Rightarrow q$	(۱)
T	F	T	T
T	F	T	T
T	T	T	T
F	T	F	F

بنابراین گزینه (۱) صحیح است.

۴ ۵۳

$$((p \vee \sim q) \wedge (\sim p \vee \sim q)) \vee q$$

$$\equiv (\sim q \vee (p \wedge \sim p)) \vee q$$

$$\equiv \sim q \vee F \vee q$$

$$\equiv (\sim q \vee q) \vee F \equiv T \vee F \equiv T$$

$$\sim p \wedge (\sim q \wedge r) \vee (q \wedge r) \vee (p \wedge r)$$

$$\equiv [\sim p \wedge (\sim q \wedge r)] \vee [(q \vee p) \wedge r]$$

$$\equiv [(\sim p \wedge \sim q) \wedge r] \vee [(q \vee p) \wedge r]$$

$$\equiv [(\sim p \wedge \sim q) \vee (q \vee p)] \wedge r$$

$$\equiv [\sim (p \vee q) \vee (p \vee q)] \wedge r$$

$$\equiv T \wedge r \equiv r$$

۳ ۵۴

۲ ۵۵ چون ارزش دو عبارت r و $p \wedge r$ $\Rightarrow p \wedge r$ نادرست استپس در هر دو عبارت، مقدم درست و تالی نادرست است یعنی p و q ارزش درستو $\sim r$ ارزش نادرست دارد پس ارزش $\sim r$ درست است بنابراین درعبارت $\sim r$ ارزش تالی درست است پس ارزش کل عبارت درست است.

۵۵

فیزیک

۳ ۵۶ برای آن که سرعت متوسط در خلاف جهت محور x باشد، کافی

است جایه جایی، منفی باشد. در ادامه نشان می‌دهیم که در دو قایقه اول (۰ < t < ۲s) حرکت، چگونه جایه جایی می‌تواند منفی باشد.

$$x = 2t^3 - bt - 10$$

$$\begin{cases} t_1 = 0 \Rightarrow x_1 = -10 \text{ m} \\ t_2 = 2s \Rightarrow x_2 = 6 - 2b \end{cases} \Rightarrow \Delta x = x_2 - x_1 = 16 - 2b$$

$$\Delta x < 0 \Rightarrow 16 - 2b < 0 \Rightarrow b > 8$$

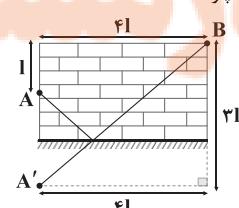
۳ ۵۷ جایه جایی متحرک از A تا B مقدار مشخصی داشته و برابر است با:

$$d = AB = \sqrt{l^2 + (4l)^2} = \sqrt{17}l$$

از طرفی در حالتی سرعت متوسط این حرکت بیشینه می‌شود که متحرک در

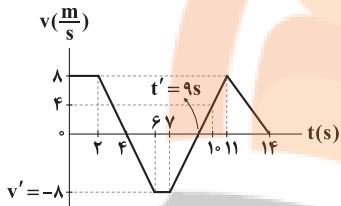
کمترین زمان ممکن از A به زمین رفته و سپس به B منتقل شود و برای این منظور باید کمترین مسافت ممکن را طی کند.

کمترین مسافت در حالتی رخ می‌دهد که تصویر نقطه A نسبت به زمین (یعنی A') با نقطه B در یک امتداد واقع شوند (چرا؟)



پس از آن که دو متحرک به هم رسیده و از هم عبور می‌کنند نیز دوباره به دلیل تقارن در شکل نمودارها مدت زمانی که فاصله متحرک A از B از 100 متر تا 200 متر می‌شود، همان 10 ثانیه است، پس کل زمانی که فاصله این دو از هم بین 100 متر تا 200 متر است، 20 ثانیه خواهد بود.

۶۴ از آن جا که سرعت متحرک در مدت 2 ثانیه از $\frac{m}{s}$ به صفر رسیده (بازه زمانی $t = 2s$ تا $t = 6s$) و در همین مدت هم با همان شیب به سرعت' رسیده (بازه زمانی $t = 4s$ تا $t = 6s$) می‌توان گفت که' برابر $\frac{m}{s}$ -است همچنین می‌بینیم که سرعت متحرک در مدت 4 ثانیه از' به $\frac{m}{s}$ رسیده است (بازه زمانی $t = 1s$ تا $t = 7s$)، پس می‌توان گفت که لحظه' برابر $9s$ است. یعنی دقیقاً در وسط این خط قرار دارد.



برای آن که حرکت متحرک در خلاف جهت محور X باشد باید مقدار Δx , منفی باشد که از طریق مساحت‌های زیر نمودار $v-t$ به دست می‌آید:

بررسی گزینه‌ها:

$$1) t=7s \text{ تا } t=0 : \Delta x = \frac{(4+2) \times 8}{2} - \frac{(3+1) \times 8}{2}$$

$$\Rightarrow \Delta x = 24 - 12 = 12m \quad (\times)$$

$$2) t=6s \text{ تا } t=2s : \Delta x = \frac{2 \times 8}{2} - \frac{2 \times 8}{2} = 0 \quad (\times)$$

$$3) t=10s \text{ تا } t=7s : \Delta x = \frac{-2 \times 8}{2} + \frac{1 \times 4}{2} = -6m \quad (\checkmark)$$

$$4) t=14s \text{ تا } t=6s : \Delta x = \frac{-(3+1) \times 8}{2} + \frac{5 \times 8}{2} = 4m \quad (\times)$$

۶۵ ابتدا با توجه به بخش‌های مختلف نمودار متوجه می‌شویم که

سرعت متحرک در بازه زمانی $t = 0$ تا $t = 2s$ برابر $\frac{m}{s}$ و در بازه زمانی

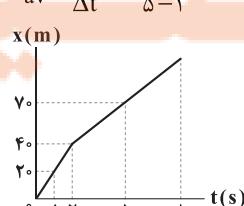
در قسمت دوم حرکت که سرعت متحرک $10 \frac{m}{s}$ است، در هر ثانیه متحرک

متراز مبدأ دور می‌شود، پس در لحظه $t = 5s$ متحرک به اندازه 30 متر

حرکت کرده و به مکان $x = 70m$ می‌رسد.

همچنین مشخص است که در لحظه $t = 1s$ ، مکان متحرک برابر با $x = 20m$ بوده است، پس داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{70 - 20}{5 - 1} = 12.5 \frac{m}{s}$$



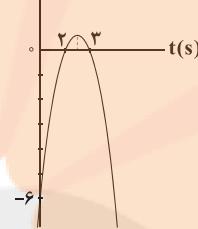
$$1 = \frac{120}{360} = \frac{1}{3} \times 2\pi R = \frac{2}{3}\pi R$$

$$d = 2R \sin 60^\circ = \sqrt{3} R$$

بنابراین نسبت خواسته شده برابر است با: **۶۱**

ابتدا ریشه‌های معادله مکان - زمان را پیدا کرده و نمودار آن را رسم می‌کنیم تا تشخیص بدھیم اولین بار در چه لحظه‌ای بردار مکان متحرک تغییر جهت می‌دهد.

$$x(m)$$



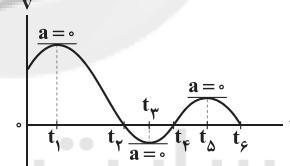
$$-t^2 + 5t - 6 = 0 \Rightarrow t^2 - 5t + 6 = 0$$

$$\Rightarrow (t-2)(t-3) = 0 \Rightarrow \begin{cases} t = 2s \\ t = 3s \end{cases}$$

همان‌طور که می‌بینید بردار مکان متحرک در ابتدا در جهت منفی است و در لحظه $t = 2s$ تغییر جهت می‌دهد و مثبت می‌شود. پس سؤال بردار مکان را در لحظه $t = 1s$ از ما می‌خواهد، بنابراین داریم:

$$t = 1s \Rightarrow x = -1^2 + 5 - 6 = -2m \Rightarrow \bar{x} = -2 \vec{i}(m)$$

۶۲ در نمودار سرعت - زمان، جهت حرکت زمانی تغییر می‌کند که سرعت متحرک از مثبت به منفی و یا برعکس از منفی به مثبت تغییر کند. این اتفاق فقط در لحظه‌های t_1 و t_4 رخداده است. همچنین جهت شتاب همان شیب نمودار سرعت - زمان است. این شیب در لحظه‌های t_1 , t_3 و t_5 تغییر کرده است.



۶۳ با توجه به نمودار مکان - زمان داده شده، مشخص است که دو متحرک با سرعت ثابت حرکت کرده‌اند.

$$v_A = \frac{\Delta x_A}{\Delta t} = \frac{20 - 10}{10} = 1.0 \frac{m}{s}$$

معادله مکان - زمان متحرک A برابر است با:

$$x_A = v_A t + x_{A_0} - \frac{v_A}{x_{A_0}} = 1.0t + 100$$

$$v_B = \frac{\Delta x_B}{\Delta t} = \frac{0 - (-20)}{10} = 2.0 \frac{m}{s}$$

معادله مکان - زمان متحرک B برابر است با:

$$x_B = v_B t + x_{B_0} - \frac{v_B}{x_{B_0}} = 2.0t - 200$$

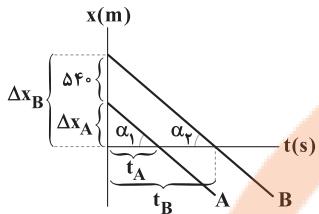
از آنجایی که متحرک A در ابتدا جلوتر از متحرک B است، پس ابتدا فاصله آن در یک بازه زمانی بین 100 متر تا 200 متر از متحرک B خواهد بود، پس:

$$\begin{cases} x_A - x_B = 200 \Rightarrow 1.0t + 100 - 2.0t + 200 = 200 \Rightarrow t_1 = 10s \end{cases}$$

$$\begin{cases} x_A - x_B = 100 \Rightarrow 1.0t + 100 - 2.0t + 200 = 100 \Rightarrow t_2 = 20s \end{cases}$$

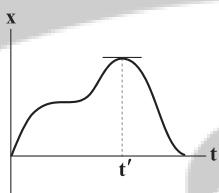
$$\Rightarrow \Delta t_1 = 10s$$

۷۵ ۳ حرکت دو متحرک، یکنواخت است و هر دو متحرک خلاف جهت محور x حرکت می‌کنند، بنابراین سرعت آن‌ها برابر $\frac{m}{s} = 6$ است. از طرفی می‌دانیم که شیب نمودار مکان - زمان بیانگر سرعت متحرک است. در نتیجه با توجه به شکل زیر داریم:



$$\begin{cases} \tan \alpha_1 = 6 \Rightarrow \frac{\Delta x_A}{t_A} = 6 \Rightarrow t_A = \frac{\Delta x_A}{6} \\ \tan \alpha_2 = 6 \Rightarrow \frac{\Delta x_B}{t_B} = 6 \Rightarrow t_B = \frac{\Delta x_B}{6} \\ \Rightarrow t_B - t_A = \frac{\Delta x_B}{6} - \frac{\Delta x_A}{6} = \frac{\Delta x_B - \Delta x_A}{6} \\ \frac{\Delta x_B - \Delta x_A = 54 \text{ m}}{\Delta t = 5 \text{ s}} \Rightarrow t_B - t_A = \frac{54}{6} = 9 \text{ s} \end{cases}$$

۷۶ در نمودار مکان - زمان، جهت بردار مکان، زمانی تغییر می‌کند، که نمودار محور t را قطع کرده و از آن عبور کند، بنابراین بردار مکان این متحرک تغییر نکرده است. متحرک زمانی تغییر جهت می‌دهد که سرعت لحظه‌ای آن صفر شود، یعنی در لحظه‌ای که شیب خط مماس بر نمودار در آن لحظه صفر باشد، متحرک تغییر جهت می‌دهد، بنابراین در لحظه t' متحرک متوقف شده و تغییر جهت داده است.



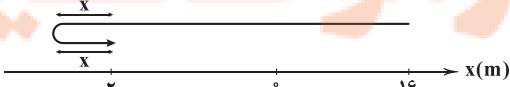
۷۷ ۲ ابتدا مسافت طی شده توسط متحرک را در 10 s اول $1 = 15 + 15 = 30 \text{ m}$ حركتی به دست می‌آوریم:
 $s_{av} = \frac{1}{\Delta t} = \frac{30}{10} = 3 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ با استفاده از رابطه تندی متوسط داریم:
 $\Delta x = x_{10} - x_0 = 0 - 5 = -5 \text{ m}$

با استفاده از رابطه سرعت متوسط داریم:
 $v_{av} = \frac{|\Delta x|}{\Delta t} = \frac{5}{5} = 1 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

بنابراین نسبت خواسته شده برابر است:

۷۸ ۲ مسافت طی شده توسط متحرک در مدت 10 s اول برابر است با:
 $l = s_{av} \times \Delta t = 5 \times 10 = 50 \text{ m}$

نمایش حرکت روی محور x به صورت زیر است:



$$16 + 20 + x + x = 50 \Rightarrow 36 + 2x = 50 \Rightarrow 2x = 4 \Rightarrow x = 2 \text{ m}$$

بنابراین بیشترین فاصله متحرک از مبدأ برابر با 27 m است.

پس مکان متحرک در لحظه‌های $t = 0$ و $t = 4 \text{ s}$ را به دست می‌آوریم.

$$t = 0 \Rightarrow x_0 = 7 \text{ m}$$

$$t = 4 \text{ s} \Rightarrow x_4 = 16 - 32 + 7 = -9 \text{ m}$$

$$t = 5 \text{ s} \Rightarrow x_5 = -8 \text{ m}$$

بنابراین مسافت طی شده در کل برابر با 17 m است، بنابراین تندی متوسط متحرک برابر است با:

$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} = \frac{17}{5} = 3.4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

۷۳ ۳ شتاب متوسط از رابطه $\bar{a}_{av} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$ به دست می‌آید، بنابراین:

$$\bar{a}_{av} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} \Rightarrow \begin{cases} -8 = \frac{\vec{v}_1 - \vec{v}_0}{1} \Rightarrow \vec{v}_1 - \vec{v}_0 = -8 \cdot \vec{i}(\frac{\text{m}}{\text{s}}) & (1) \\ 4 = \frac{\vec{v}_5 - \vec{v}_0}{5} \Rightarrow \vec{v}_5 - \vec{v}_0 = 4 \cdot \vec{i}(\frac{\text{m}}{\text{s}}) & (2) \end{cases}$$

با استفاده از دو معادله (۱) و (۲)، اختلاف سرعت متحرک در لحظات $s = 5 \text{ s}$ و $s = 10 \text{ s}$ برابر است با:

$$\vec{v}_{10} - \vec{v}_5 = -10 \cdot \vec{i}(\frac{\text{m}}{\text{s}})$$

در نتیجه:

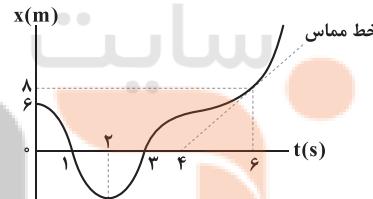
$$\bar{a}_{av} = \frac{\vec{v}_{10} - \vec{v}_5}{10 - 5} = -\frac{10 \cdot \vec{i}}{5} = -2 \cdot \vec{i}(\frac{\text{m}}{\text{s}})$$

$$\Rightarrow \bar{a}_{av} = -2 \cdot \vec{i}(\frac{\text{m}}{\text{s}})$$

۷۴ ۳ این سؤال را در گام‌های زیر حل می‌کنیم:

گام اول: محاسبه سرعت متحرک در لحظه $t = 6 \text{ s}$:

$$t = 6 \text{ s} : v = \text{شیب خط مماس} = \frac{8}{6 - 4} = 4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

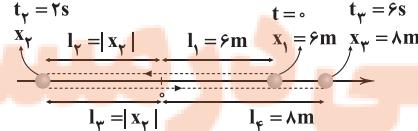


بنابراین چون تندی متوسط متحرک در بازه زمانی 6 s برابر تندی

در لحظه $t = 6 \text{ s}$ است، تندی متوسط در بازه $t = 6 \text{ s}$ برابر $5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ است.

گام دوم: محاسبه مسافت طی شده در بازه زمانی 6 s با استفاده از رابطه:

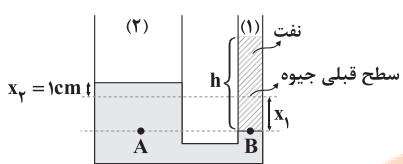
$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} \Rightarrow 5 = \frac{1}{6} \Rightarrow l = 30 \text{ m}$$



$$30 = l_1 + l_2 + l_3 + l_4 \Rightarrow 30 = 6 + |x_2| + |x_3| + 1 \Rightarrow |x_2| = 8 \text{ m}$$

از طرفی باید دقت شود که در $t = 2 \text{ s}$ علاوه بر خلاف جهت محور x بیشترین فاصله از مبدأ را دارد و این فاصله همان 8 m است.

۹۰ با اضافه کردن نفت به لوله سمت راست، جیوه در همین لوله پایین می‌رود و به همان حجم، جیوه در لوله مقابل بالا می‌رود.



با توجه به تفاوت سطح مقطع‌های دو لوله، ارتفاع جیوه جایه‌جاشده در دو لوله متفاوت بوده و از رابطه زیر پیروی می‌کند:

$$V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 x_1 = A_2 x_2$$

$$\Rightarrow \frac{x_2}{x_1} = \frac{A_1}{A_2} \xrightarrow{A = \pi \frac{D^2}{4}} \frac{x_2}{x_1} = \left(\frac{D_1}{D_2}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{x_2}{x_1} = \left(\frac{2}{6}\right)^2 = \frac{1}{9} \Rightarrow x_1 = 9x_2$$

$$\xrightarrow{x_2 = 1\text{ cm}} x_1 = 9\text{ cm}$$

$$P_A = P_B$$

$$\Rightarrow P_{\text{نفت}} + \rho_{\text{نفت}} gh = P_{\text{جيوه}} + \rho_{\text{جيوه}} gh$$

$$\Rightarrow 13/6 \times 10 = 0/8 \times h \Rightarrow h = 170\text{ cm}$$

حجم ستون نفت اضافه شده در لوله سمت راست برابر است با:

$$V = Ah = \pi r^2 h$$

$$\Rightarrow V = 3 \times 1^2 \times 170 = 540\text{ cm}^3$$

بنابراین جرم ستون نفت اضافه شده برابر است با:

$$\Rightarrow m = 0/8 \times 540 = 432\text{ g}$$

۹۱ ابتدا تعداد کل الکترون‌ها را محاسبه می‌کنیم:

$$n = \frac{q}{e} = \frac{9/6}{1/6 \times 10^{-19}} = 6 \times 10^{19}$$

هر سدیم کلرید شامل ۲۸ الکtron است، پس تعداد سدیم کلرید برابر است با:

$$N = \frac{6 \times 10^{19}}{28}$$

$$\frac{m}{M} = \frac{N}{N_A}$$

$$\Rightarrow \frac{m}{6 \times 10^{23}} = \frac{28}{6 \times 10^{23}} \Rightarrow m = 0/215 \times 10^{-3} \text{ g} = 2/15 \times 10^{-4} \text{ g}$$

۹۲

$$\Delta V = \frac{\Delta U_E}{q} \Rightarrow (20 - 10) = \frac{\Delta U_E}{4 \times 10^{-6}}$$

$$\Rightarrow \Delta U_E = 4 \times 10^{-5} \text{ J} = 0/04 \text{ mJ}$$

بنابراین اختلاف فشار بین دو نقطه A و B به صورت خطی افزایش می‌یابد. در

$$\Delta U_E = -W_E \xrightarrow{W_E = \Delta K} \Delta U_E = -\Delta K = K_2 - K_1 = -0/04 \text{ mJ}$$

پس انرژی جنبشی 4 mJ کاهش می‌یابد.

۹۳ از رابطه پتانسیل الکتریکی و انرژی پتانسیل الکتریکی داریم:

$$\Delta V = \frac{\Delta U_E}{q} \Rightarrow V_B - V_A = \frac{\Delta U_E}{q} \Rightarrow V_B + 10 = \frac{-1/5 \times 10^{-3}}{-5 \times 10^{-6}}$$

$$\Rightarrow V_B = -80 + 30 = -50 \text{ V}$$

بررسی سایر گزینه‌ها:

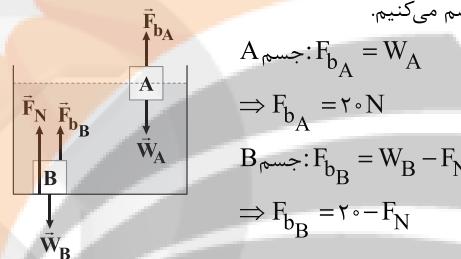
$$1) \begin{cases} v_A > v_C \Rightarrow \frac{v_A}{v_C} > 1 & (\times) \\ P_A < P_C \Rightarrow \frac{P_A}{P_C} < 1 & (\checkmark) \end{cases}$$

$$2) \begin{cases} v_C < v_B \Rightarrow \frac{v_C}{v_B} < 1 & (\times) \\ P_B < P_A \Rightarrow \frac{P_B}{P_A} < 1 & (\checkmark) \end{cases}$$

$$3) \begin{cases} v_C < v_B \Rightarrow \frac{v_B}{v_C} > 1 & (\checkmark) \\ P_A < P_C \Rightarrow \frac{P_A}{P_C} < 1 & (\times) \end{cases}$$

۸۷ ابتدا شکل ساده‌ای برای درک بهتر سؤال می‌کشیم و نیروهای

وارد بر هر جسم را رسم می‌کنیم.



$$A: F_{bA} = W_A$$

$$\Rightarrow F_{bA} = 20 \text{ N}$$

$$B: F_{bB} = W_B - F_N$$

$$\Rightarrow F_{bB} = 20 - F_N$$

در جسم A نیروی شناوری و وزن با هم برابر هستند اما در جسم B نیروی شناوری به اندازه F_N از نیروی وزن کمتر است، پس نتیجه می‌شود که:

$$F_{bA} > F_{bB}$$

هم گزینه (۳) صحیح است، هم گزینه (۴)، اما گزینه (۴) جواب دقیق‌تری به ما می‌دهد. در گزینه (۳) این نسبت می‌تواند منفی هم بشود که خلاف قوانین است.



۸۸ ۳ جابه‌جایی سطح تراز،

شامل دو قسم است، یکی تا

ارتفاع ۵ cm و دیگری از ارتفاع ۵ cm

تا ۱۰ cm. در قسمت اول حرکت، اختلاف

فشار از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$P_A - P_B = \Delta \rho \times g \times x$$

بنابراین اختلاف فشار بین دو نقطه A و B به صورت خطی افزایش می‌یابد. در

ادامه حرکت، فشار نقطه B برابر P_0 می‌شود، بنابراین اختلاف فشار به تدریج

کاهش می‌یابد تا به صفر برسد، زیرا در ارتفاع ۱۵ cm فشار در نقاط A و

هر دو P_0 می‌شوند.

$$2) \text{ از رابطه } P = \frac{mg}{A}, \text{ با توجه به برابر بودن جرم آب و نفت}$$

می‌توان نوشت:

$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{A_1}{A_2} \xrightarrow{A = \pi \frac{D^2}{4}} \frac{P_2}{P_1} = \left(\frac{D_1}{D_2}\right)^2 \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \left(\frac{r}{2r}\right)^2 = \frac{1}{4}$$



نیروی وارد بر انتهای لوله شامل نیروی \bar{F} و $m\bar{g}$ است، پس اندازه نیروی وارد بر انتهای لوله برابر است با:

$$F_{\text{وارد بر لوله}} = F + mg = 7/5 \times 10^{-2} + 7/5 \times 10^{-2}$$

$$\Rightarrow F_{\text{وارد بر لوله}} = 15 \times 10^{-2} \text{ N} = 1/5 \times 10^{-1} \text{ N}$$

حال می‌توان فشار وارد بر انتهای لوله را حساب کرد:

$$P = \frac{F_{\text{وارد بر لوله}}}{A} = \frac{1/5 \times 10^{-1}}{3.0 \times 10^{-4}} = 50 \text{ Pa}$$

با توجه به قانون کولن می‌توان نوشت: ۹۸

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow 4 = \frac{9 \times 10^9 \times |q_1| \times |q_2|}{(0.6)^2}$$

$$\Rightarrow 1/4 = 9 \times 10^9 \times |q_1| \times |q_2| \Rightarrow |q_1| \times |q_2| = 1/6 \times 10^{-1} \text{ C}$$

$$\Rightarrow |q_1| \times |q_2| = 16 \times (\mu\text{C})^2 \quad (1)$$

پس از تماس دو گلوله و طبق قانون پایستگی بار الکتریکی داریم:

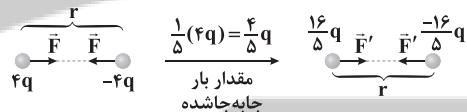
$$\frac{q_1 + q_2}{2} = 6 \Rightarrow q_1 + q_2 = 12 \mu\text{C} \Rightarrow q_1 = 12 - q_2 \quad (2)$$

با توجه به روابط (1) و (2) می‌توان نوشت:

$$(12 - q_2) \times q_2 = -16 \Rightarrow 12q_2 - q_2^2 = -16 \Rightarrow q_2^2 - 12q_2 - 16 = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} q_2 = 2.0 \mu\text{C} & (\checkmark) \\ q_2 = -8 & (\times) \end{cases}$$

شکل‌های زیر، شرایط سؤال را در هر دو حالت به خوبی نشان می‌دهند: ۹۹

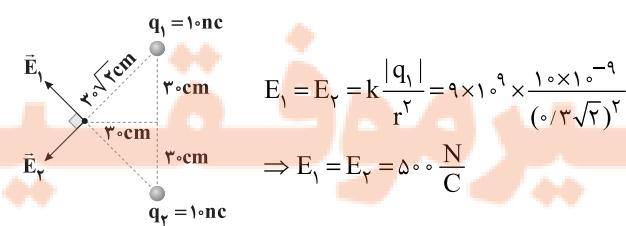


با توجه به قانون کولن داریم:

$$\frac{F'}{F} = \frac{|q'_1||q'_2|}{|q_1||q_2|} \times \left(\frac{r}{r}\right)^2 \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{16 \times 16}{4 \times 4} \times 1$$

$$\Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{16}{25}$$

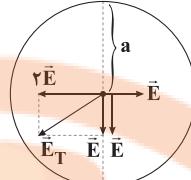
با توجه به آن‌که ابتدا برایند میدان‌ها در نقطه A صفر است، با برداشتن بارهای q_1 و q_2 ، میدان الکتریکی در نقطه A ناشی از سه بار الکتریکی دیگر، هماندازه میدان برایند حاصل از بارهای q_1 و q_2 و در جهت مخالف آن خواهد بود، بنابراین کافی است برایند میدان‌های حاصل از بارهای q_1 و q_2 را محاسبه کنیم و سایر بارها اهمیتی ندارند. ۱۰۰



بنابراین بزرگی برایند میدان‌های الکتریکی حاصل از بارهای q_1 و q_2 برابر است

$$E_{1,2} = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} = 50.0 \sqrt{2} \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

۱ ۹۴ برایند میدان‌های الکتریکی هر یک از دو بار مشابه که مقابل یکدیگر قرار دارند، در مرکز دایره برابر با صفر است و برایند میدان‌های الکتریکی حاصل از کل بارها در مرکز دایره، برابر است با:



$$E_T = \sqrt{(2E)^2 + E^2} = \sqrt{5} E$$

$$E = k \frac{|q|}{r^2} \rightarrow E_T = \sqrt{5} k \frac{|q|}{a^2}$$

۳ ۹۵ با استفاده از رابطه چگالی سطحی بار، اندازه بار الکتریکی موجود روی کره را محاسبه می‌کیم:

$$\sigma = \frac{Q}{A} \quad \frac{\sigma = 4/8 \frac{\mu\text{C}}{\text{m}^2}, \pi = 3}{A = 4\pi r^2, r = 1.0 \text{ cm}} \rightarrow 4/8 \times 10^{-6} = \frac{Q}{4 \times 3 \times (1.0 \times 10^{-2})^2}$$

$$\Rightarrow 4/8 \times 10^{-6} = \frac{Q}{1/2 \times 10^{-1}} \rightarrow Q = 5/76 \times 10^{-7} \text{ C}$$

تعداد الکترون‌های موجود روی کره برابر است با:

$$q = ne \quad \frac{q = 5/76 \times 10^{-7} \text{ C}}{e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}} \rightarrow 5/76 \times 10^{-7} = n \times 1/6 \times 10^{-19}$$

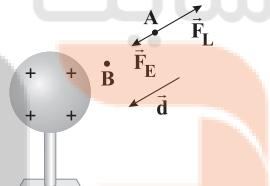
$$\Rightarrow n = 3/6 \times 10^{12}$$

۱ ۹۶ جهت خطوط میدان الکتریکی حاصل از کره باردار به سمت خارج از کره است، بنابراین حرکت ذره با بار منفی از نقطه A تا نقطه B در خلاف جهت میدان الکتریکی است. در نتیجه نیروی الکتریکی که از طرف میدان بر این بار وارد می‌شود، همجهت با جابه‌جایی و نیروی ما در خلاف جهت جابه‌جایی بر بار وارد می‌شود، طبق رابطه $W = Fd \cos \alpha$ ، علامت کار نیروی الکتریکی، مشتب و علامت کار ما، منفی است.

$$W_E = F_E d \cos 0^\circ \Rightarrow W_E > 0$$

$$W_L = F_L d \cos 180^\circ \Rightarrow W_L < 0$$

طبق رابطه $\Delta U_E = -W_E$ و با توجه به این‌که $W_E > 0$ است، $\Delta U_E < 0$ می‌شود. پس $\Delta U_E < 0$ است.



پتانسیل الکتریکی نقطه A کمتر از پتانسیل الکتریکی نقطه B است، زیرا از نقطه A به نقطه B در خلاف جهت خطوط میدان الکتریکی حرکت می‌کنیم و می‌دانیم که اگر در خلاف جهت خطوط میدان الکتریکی حرکت کنیم، پتانسیل الکتریکی نقاط افزایش می‌یابد.

۳ ۹۷ دو گویی در حالت تعادل هستند، پس نیروی الکتریکی وارد بر گوی بالا توسط نیروی وزن آن خنثی می‌شود:

$$F = mg \quad \frac{m = 7/5 \times 10^{-3} \text{ kg}}{g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}} \rightarrow F = 7/5 \times 10^{-3} \times 10 = 7/5 \times 10^{-2} \text{ N}$$

$$F = 1.4 \times 10^{-2} \text{ N}$$

شیمی

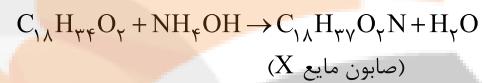
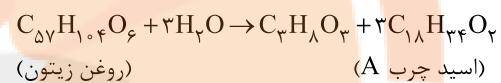
بررسی عبارت‌های نادرست: ۱۰۱

- آ) صابون مراهقه افزودنی شیمیابی ندارد.
پ) صابون گوگرگدار برای از بین بردن جوش صورت و همچنین قارچ‌های پوستی استفاده می‌شود.

۱۰۲ دلیل این‌که عسل به راحتی با آب شسته و در آن پخش می‌شود این است که عسل حاوی مولکول‌های قطبی است که در ساختار خود شمار قابل توجهی گروه هیدروکسیل دارند.

۱۰۳ به جز عبارت آخر، سایر عبارت‌ها درست هستند.
پاک‌کننده‌های غیرصابونی از مواد پتروشیمیابی طی واکنش‌های پیچیده در صنعت تولید می‌شود.

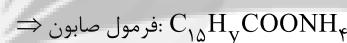
۱۰۴



$$\frac{18(4) + 37(1) + 2(2) + 1(3)}{2} = 58$$

۱۰۵ فرمول کلی صابون موردنظر به صورت $\text{C}_x\text{H}_y\text{COONH}_4$ است. مطابق داده‌های سؤال می‌توان نوشت:

$$\frac{\% \text{C}}{\% \text{O}} = 6 \Rightarrow \frac{(x+1) \times 12}{2 \times 16} = 6 \Rightarrow x = 15$$



مطابق متن سؤال، دو پیوند دوگانه در ساختار صابون وجود دارد که یکی $\text{C}=\text{C}$ و آن یکی $\text{C}=\text{O}$ خواهد بود. در نتیجه شمار اتم‌های هیدروژن زنجیر کربنی برابر است با:

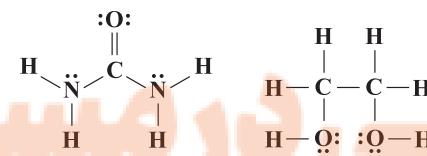
$$\frac{\% \text{H}}{\% \text{N}} = \frac{(29+4) \times 1}{1 \times 14} = 2/35$$

۱۰۶ فرمول شیمیابی اوره و اتیلن گلیکول به ترتیب به صورت $\text{CO}(\text{NH}_2)_2$ و $\text{C}_2\text{H}_4(\text{OH})_2$ است.

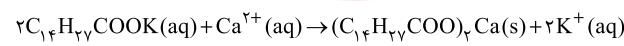
۱۰۷ در هر دو ترکیب نسبت شمار اتم‌های C به O برابر با ۱ است.
هر دو ترکیب در هگزان نامحلول هستند.

۱۰۸ به دلیل وجود پیوندهای $\text{H}-\text{N}-$ و $\text{H}-\text{O}-$ در ساختار آن‌ها، هر دو ترکیب می‌توانند با مولکول‌های آب، پیوند هیدروژنی تشکیل دهند.

۱۰۹ در ساختار هر کدام از این دو ترکیب، ۴ جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد:



۱۱۰ معادله موازنه شده واکنش موردنظر به صورت زیر است:



$$\frac{\text{mg} \times \frac{60}{100}}{2 \times 278} = \frac{77/7\text{g}}{1 \times 518} \Rightarrow \text{m} = 139\text{g}$$

۱۰۸ نمک پتابسیم اسید چرب، صابون مایع بوده در حالی که نمک سدیم اسید چرب، صابون جامد است. واضح است که نقطه ذوب صابون مایع، پایین‌تر از صابون جامد است.

۱۰۹ به جز عبارت سوم، سایر عبارت‌ها درست هستند.
شربت خاکشیر همانند شیر، نور را پخش می‌کند.

۱۱۰ جرم مولی یک پاک‌کننده غیر صابونی جامد با زنجیر هیدروکربنی سیر شده که شامل n اتم کربن است برابر است با:

$$14n + 180$$

$$\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{C}_6\text{H}_4\text{SO}_4\text{Na} : 12n + 2n + 1 + 72 + 4 + 32 + 48 + 23 = 14n + 180$$

$$\text{ تنها در گزینه (۴) مقدار داده شده به ازای عدد صحیح } n \text{ برابر با } 14n + 180 \text{ است.}$$

$$362 = 14n + 180 \Rightarrow n = 13$$

۱۱۱

$$\text{C}_8\text{H}_{18} \Rightarrow a = \frac{18}{8} = \frac{9}{4}$$

$$\text{C}_{25}\text{H}_{52} \Rightarrow b = \frac{52}{25}$$

$$\frac{a}{b} = \frac{\frac{9}{4}}{\frac{52}{25}} = \frac{9}{4} \times \frac{25}{52} = \frac{225}{208} = 1.08$$

۱۱۲ عبارت‌های دوم و چهارم نادرست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

- اسیدهای چرب، کربوکسیلیک اسیدهایی با زنجیر بلند کربنی هستند.
- نیروی بین مولکولی غالب در چربی‌ها از نوع وان دروالسی است.

۱۱۳ ذره‌های سازنده سوسپانسیون، ذره‌های ریزماهه و برای کلوریدها، توده‌های مولکولی با اندازه‌های متفاوت است.

۱۱۴ به جز عبارت آخر، سایر عبارت‌ها نادرست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

- نقطه انجام اتیلن گلیکول، پایین‌تر از نقطه انجام آب بوده و به همین دلیل به عنوان ضدیغی به کار می‌رود.

۱۱۵ بخش‌های قطبی (COO^-) و ناقطبی (R-) صابون با پیوند کووالانسی به هم متصل هستند.

۱۱۶ مخلوط آب و روغن و مقداری صابون، کلورید بوده و ناهمگن است.

۱۱۷ منظور از آب سخت، آبی است که حاوی مقادیر چشمگیری از یون‌های منیزیم و کلسیم است.

۱۱۸ ایزوتوپ‌های یک عنصر در شمار الکترون‌ها، سرعت واکنش با یک ماده خاص و شکل ظاهری، مشابه هم هستند.

۱۱۹ رادیو ایزوتوپ‌های A و B به ترتیب H^5 و H^7 هستند.
شمار نوترон‌های H^1 و H^5 به ترتیب برابر با ۴ و ۶ است:

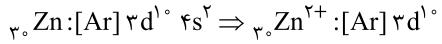
۱۱۸ عبارت‌های دوم و چهارم درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

- افزایش درصد یک ایزوتوپ خاص در مخلوط ایزوتوپ‌های یک عنصر را غنی سازی ایزوتوپی می‌گویند.
- یون یُدید با یونی که حاوی تکنسیم - ۹۹ است، اندازه مشابهی دارد.

۱ ۱۲۸ فقط عبارت سوم نادرست است.

فلز واسطه Zn فقط یک کاتیون تکاتمی (Zn^{2+}) تشکیل می‌دهد و قاعده هشت‌تایی را نیز رعایت نمی‌کند.



۲ ۱۲۹

$\text{CO} + 2\text{H}_2 \rightleftharpoons \text{CH}_3\text{OH}$			
مول آغازی	۸	۱۶	۰
مول نهایی	۸- x	۱۶-۲ x	x

مطابق داده‌های سؤال می‌توان نوشت:

$$\frac{x}{(8-x)+(16-2x)} = 0.555 \Rightarrow \frac{x}{24-3x} = \frac{5}{9} \Rightarrow x = 5$$

$$\begin{aligned} \text{مقدار مصرف شده یک واکنش دهنده} &= 100 \\ \text{مقدار اولیه همان واکنش دهنده} &= \text{بازدۀ درصدی} \\ &= \frac{5}{8} \times 100 \approx 62.5 \end{aligned}$$

۱ ۱۳۰ مطابق داده‌های سؤال به ازای ۱۰۰g از آلیاژ نیتینول، g آن شامل نیکل و ۷۰g دیگر آن تیتانیم است:

$$\frac{\text{شمار اتم‌های Ti}}{\text{شمار اتم‌های Ni}} = \frac{\frac{70}{59} \times \frac{1 \text{ mol}}{59 \text{ g}} \times \frac{N_A \text{ atom Ti}}{1 \text{ mol Ti}}}{\frac{70}{59} \times \frac{1 \text{ mol}}{59 \text{ g}} \times \frac{N_A \text{ atom Ni}}{1 \text{ mol Ni}}} = \frac{70}{59} \times \frac{59}{59} \approx 2/87$$

۲ ۱۲۱ عبارت‌های دوم و سوم درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

• واکنش ترمیت ($\text{Al} + \text{Fe}_2\text{O}_3 \rightarrow \text{Al}_2\text{O}_3 + \text{Fe}$) نشان می‌دهد که آهن پایدارتر از آلومینیم است.

• از واکنش Fe و FeO با HCl ، ترکیب FeCl_2 تولید می‌شود.

۳ ۱۳۲

$2\text{KMnO}_4(s) \xrightarrow{\Delta} \text{K}_2\text{MnO}_4(s) + \text{MnO}_2(s) + \text{O}_2(g)$
کاهش جرم مربوط به خروج گاز اکسیژن است.

$$200 - 187/2 = 12/8 \text{ g O}_2$$

$$\frac{200 \text{ g KMnO}_4 \times \frac{P}{100}}{2 \times 158} = \frac{12/8 \text{ g O}_2}{1 \times 32} \Rightarrow \% P = 63/2$$

۳ ۱۳۳ به جز عبارت آخر، سایر عبارت‌ها درست هستند.

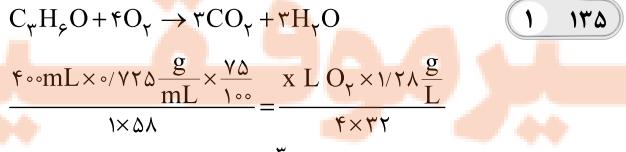
روش گیاه‌پالایی برای استخراج مس، مقرنون به صرفه است.



۴ ۱۳۴

$$\frac{12/5 \text{ mg} \times \frac{P}{100}}{2 \times 160} = \frac{\text{mg}}{3 \times 12} = \frac{2/8 \times 10^6}{4 \times 56} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} m = 4/5 \times 10^6 \text{ g} \\ \% P = 71/1 \end{array} \right.$$

۱ ۱۳۵



$$? \text{ m}^3 \text{ Air} = 0.375 \text{ m}^3 \text{ O}_2 \times \frac{100 \text{ m}^3 \text{ Air}}{20 \text{ m}^3 \text{ O}_2} = 1.875 \text{ m}^3 \text{ Air}$$

۳ ۱۱۹ به جز عبارت آخر، سایر عبارت‌ها درست هستند.

شمار ایزوتوپ‌های طبیعی H و Li به ترتیب برابر با ۳ و ۲ است.

۳ ۱۲۰

$$\text{X}^{+} \left\{ \begin{array}{l} A-Z=n=125 \\ p-e=2 \\ n-e=45 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} p=82 \\ e=80 \\ n=125 \end{array} \right.$$

در هسته اتم X همانند سایر اتم‌ها نوترون‌ها و پروتون‌ها حضور دارند.
 $p+n = 82+125 = 207$

۱ ۱۲۱

هر چه یک پروتو پرانرژی تر باشد، طول موج آن کمتر است.
پرتوهای گاما و ایکس، کمترین طول موج‌ها را دارند و تفاوت طول موج آن‌ها نیز کمتر از سایر گزینه‌ها است.

۱ ۱۲۲

نسبت شمار نوترون‌ها به شمار پروتون‌ها در نخستین عنصر ساخت بشر در حدود $1/3$ است.

$^{99}_{43}\text{Tc}$

$$\frac{n}{p} = \frac{99-43}{43} = \frac{56}{43} \approx 1/3$$

۴ ۱۲۳

$$\frac{4 \times 10^{-3} \text{ g} \times N_A \times 2}{44 \text{ g.mol}^{-1}} = \frac{1}{2} \times \frac{m \text{ g} \times N_A \times 1}{112 \text{ g.mol}^{-1}}$$

$$\Rightarrow m = 0.06 \text{ g Cd}$$

۱ ۱۲۴

$^{92}_{42}\text{Mo}$, $^{94}_{42}\text{Mo}$, $^{95}_{42}\text{Mo}$, $^{96}_{42}\text{Mo}$

(ایزوتوپ آخر) (ایزوتوپ سوم) (ایزوتوپ دوم) (ایزوتوپ اول)

مطابق داده‌های سؤال می‌توان نوشت:

$$\left. \begin{array}{l} F_2 = 3F_1 = \frac{1}{2}F_4 \\ F_4 = 0.6F_3 \\ F_1 + F_2 + F_3 + F_4 = 100 \end{array} \right\} \begin{array}{l} F_1 = 5 \\ F_2 = 15 \\ F_3 = 50 \\ F_4 = 30 \end{array}$$

$$\overline{M} = M_1 + \frac{F_1}{100}(M_2 - M_1) + \frac{F_2}{100}(M_3 - M_1) + \frac{F_4}{100}(M_4 - M_1)$$

$$\overline{M} = 92 + \frac{15}{100}(94 - 92) + \frac{50}{100}(95 - 92) + \frac{30}{100}(96 - 92)$$

$$= 92 + 0.30 + 1/5 + 1/2 = 95.00 \text{ amu}$$

۱ ۱۲۵ مطابق تعريف amu، جرم اتم کربن - ۱۲ برابر $12/0.00 \text{ amu}$

در نظر گرفته می‌شود.

به دلیل وجود ایزوتوپ‌های کربن، جرم نشان داده شده کربن در جدول دوره‌ای بیشتر از $12/0.00 \text{ amu}$ است.

۱ ۱۲۶ هر چهار عبارت پیشنهادشده درست هستند. در ارتباط با

درستی عبارت اول باید گفته که عنصر مورد نظر Si بوده و در مورد عبارت سوم نیز، عنصرهای مورد نظر Na، Mg، Al و Si هستند.

۳ ۱۲۷ به جز عبارت سوم، سایر عبارت‌ها درست هستند.

اتم Li دارای ۲ لایه و اتم Br دارای ۴ لایه الکترونی است، اما شعاع اتمی Li به مرتب بزرگ‌تر از شعاع اتمی Br است.

تلاشی در مسیر معرفت و فتوپ



- دانلود گام به گام تمام دروس 
- دانلود آزمون های قلم چی و گاج + پاسخنامه 
- دانلود جزوه های آموزشی و شب امتحانی 
- دانلود نمونه سوالات امتحانی 
- مشاوره کنکور 
- فیلم های انگیزشی 

 Www.ToranjBook.Net

 [ToranjBook_Net](https://t.me/ToranjBook_Net)

 [ToranjBook_Net](https://www.instagram.com/ToranjBook_Net)