

زیست‌شناسی ۳

۱- گزینه «۳»

(مهری آرنک‌پور)

در تنظیم مثبت، در حضور مالتوز در محیط، پروتئین فعال‌کننده به جایگاه خود متصل می‌شود و پس از اتصال به رنابسپاراز کمک می‌کند تا به راه‌انداز متصل شود و رونویسی را شروع کند. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: این گزینه برای هیچکدام از تنظیم‌های مثبت و منفی صادق نیست.

در تنظیم منفی، با اتصال مهارکننده به اپراتور، رنابسپاراز هم‌چنان به راه‌انداز متصل است.

در تنظیم مثبت نیز با اتصال فعال‌کننده به جایگاه خود، امکان اتصال رنابسپاراز به راه‌انداز فراهم می‌شود.

گزینه «۲»: دقت کنید که مولکول مالتوز یا لاکتوز به پروتئین‌های تنظیمی (نه بخشی از دنا) متصل می‌شوند.

گزینه «۴»: در هر دو نوع تنظیم رونویسی، مولکول قند به جایگاه فعال‌کننده متصل نمی‌شود.

(مهریان اطلاعات در یافته) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۲۳۵ تا ۳۳۵)

۲- گزینه «۳»

(پوار ابازلو)

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: در تنظیم مثبت رونویسی، پروتئین‌های خاصی به رنابسپاراز کمک می‌کنند تا بتواند به راه‌انداز متصل شود و رونویسی را شروع کند. در حضور مالتوز در محیط، پروتئین فعال‌کننده به جایگاه خود متصل می‌شود و پس از اتصال به رنابسپاراز کمک می‌کند تا به راه‌انداز متصل شود و رونویسی را شروع کند و رنابسپاراز از ابتدا متصل نیست.

گزینه «۲»: در بین توالی‌های تنظیمی ژن‌های آنزیم‌های تجزیه‌کننده مالتوز برخلاف لاکتوز، توالی اپراتور وجود ندارد.

گزینه «۳»: در تنظیم مثبت رونویسی، در صورت عدم وجود قند مالتوز، اتصال فعال‌کننده به جایگاه خود و هم چنین اتصال رنابسپاراز به راه‌انداز صورت نمی‌گیرد. هردو پروتئین، در تنظیم بیان ژن‌ها مؤثرند. (نکته کنکور تیر ۱۴۰۲)

گزینه «۴»: توجه داشته باشید که مالتوز به عامل فعال‌کننده متصل می‌شود نه جایگاه اتصال فعال‌کننده! جایگاه اتصال فعال‌کننده یک توالی تنظیمی بر روی دناست. علاوه بر این در بین توالی‌های تنظیمی مربوط به ژن‌های آنزیم‌های تجزیه‌کننده مالتوز، اپراتور وجود ندارد.

(مهریان اطلاعات در یافته) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۳۳۳ تا ۳۳۵)

۳- گزینه «۳»

(پوار ابازلو)

در این نوع تنظیم، پروتئین‌های خاصی به رنابسپاراز کمک می‌کنند تا بتواند به راه‌انداز متصل شود و رونویسی را شروع کند. بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: جایگاه اتصال فعال‌کننده بخشی از مولکول دناست که پروتئین فعال‌کننده به آن متصل می‌شود. مولکول مالتوز به پروتئین فعال‌کننده متصل می‌شود ولی به آنزیم رنابسپاراز که از دیگر مولکول‌های مؤثر در بیان ژن می‌باشد، متصل نمی‌شود.

گزینه «۲»: طبق شکل کتاب درسی، توالی جایگاه اتصال فعال‌کننده پیش از راه‌انداز قرار گرفته است. به عبارتی دیگر توالی راه‌انداز جسییده به اولین نوکلئوتید قابل رونویسی قرار گرفته است و بعد از آغاز رونویسی، رنابسپاراز از روی توالی‌های مربوط به جایگاه اتصال فعال‌کننده عبور نمی‌کند.

گزینه «۳»: در حضور مالتوز در محیط، پروتئین فعال‌کننده به جایگاه خود متصل می‌شود و پس از اتصال به رنابسپاراز کمک می‌کند تا به راه‌انداز متصل شود و رونویسی را شروع کند. این ژن‌ها موجب تولید آنزیم‌های دخیل در تجزیه مالتوز می‌شوند.

گزینه «۴»: توالی اپراتور مربوط به تنظیم منفی رونویسی ژن‌های پروکاریوتی است. مانند تنظیم بیان ژن‌های مربوط به تجزیه لاکتوز.

(مهریان اطلاعات در یافته) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۲۳۳ تا ۳۳۵)

۴- گزینه «۱»

(مهم‌رهن مؤمن‌زاده)

دقت کنید که آغاز فرایند رونویسی همواره همزمان با اتصال رنابسپاراز به راه‌انداز انجام می‌شود. رونویسی تحت شرایطی مانند مانع بودن مهارکننده، ممکن است ادامه نیافته و در همان مرحله آغاز متوقف شود. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۲»: اتصال رنای پیک به زناهای کوچک مکمل مانع ترجمه رنای پیک می‌گردد.

گزینه «۳»: افزایشده هیچ‌گاه به توالی راه‌انداز متصل نمی‌شود.

گزینه «۴»: دقت کنید که میزان بیان ژن سازنده پروتئین مهارکننده در حضور یا عدم حضور لاکتوز تغییر نمی‌کند، بلکه بیان ژن‌های مربوط به تجزیه لاکتوز وابسته به حضور یا عدم حضور لاکتوز است.

(مهریان اطلاعات در یافته) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۲۳۰ تا ۲۳۳ و ۳۳۵ تا ۳۳۵)

۵- گزینه «۲»

(مژدا شکوری)

دقت کنید منظور صورت سوال، جانداران پروکاریوت و یوکاریوت است که طبق کتاب توانایی ایجاد تغییر در عمر زنا را دارند.

الف) نادرست - چون پروکاریوت‌ها هسته ندارند.

ب) نادرست - چون در تنظیم منفی باکتری اشرشیاکلا، آنزیم رنابسپاراز نیاز به کمک پروتئین دیگر جهت شناسایی راه‌انداز ندارد.

ج) درست - در پروکاریوت‌ها و یوکاریوت‌ها اگر نیاز به تولید زیاد از یک پروتئین باشد، چندین رناتن همزمان به یک رنای پیک وصل می‌شوند و ترجمه را انجام می‌دهند. رناتن‌ها ساختارهای زیستی بدون غشا هستند که متشکل از زنا و پروتئین می‌باشند.

د) نادرست - ممکن است اتصال گروهی از زناهای کوچک به رنای پیک در یوکاریوت‌ها رخ دهد که در این حالت مانع اتصال رناتن به رنای پیک و توقف ترجمه خواهد شد؛ پس مانع تولید پروتئین می‌شود که متنوع‌ترین گروه مولکول‌های زیستی است.

(مهریان اطلاعات در یافته) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱۲، ۱۳، ۱۵، ۱۸، ۲۳، ۲۵، ۲۹ و ۳۲ تا ۳۶)

۶- گزینه «۴»

(مهری یار سعادت‌نیا)

در سلول‌های یوکاریوتی رنابسپاراز نمی‌تواند به تنهایی راه‌انداز مرتبط با ژن‌های موجود بر روی کروموزوم‌های هسته‌ای را شناسایی کند و برای متصل شدن به آن به عوامل رونویسی نیاز دارد. در رونویسی از ژن‌های سلول‌های یوکاریوتی چندین پروتئین در بیان ژن نقش دارد مانند عوامل رونویسی و رنابسپاراز. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: در جانداران پروکاریوت رنابسپاراز می‌تواند به تنهایی راه‌انداز را شناسایی کند که در این جانداران ممکن است از طریق تغییر در پایداری رنا یا پروتئین فعالیت بیان ژن را تنظیم کنند (نه قطعاً) زیرا به طور معمول، تنظیم بیان ژن در پروکاریوت‌ها در مرحله رونویسی اتفاق می‌افتد.

گزینه «۲»: در یوکاریوت‌ها امکان دارد گروهی از عوامل رونویسی جهت افزایش سرعت رونویسی به بخش‌های خاصی از دنا متصل شوند.

گزینه «۳»: ایجاد خمیدگی در دنا تنها در یوکاریوت‌ها آن هم زمانی که گروهی از عوامل رونویسی به توالی افزایشده متصل می‌شوند، دیده می‌شود.

(مهریان اطلاعات در یافته) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱۵، ۱۶، ۲۳، ۲۴ و ۳۳ تا ۳۴)

۷- گزینه «۳»

(مهری آرنک‌پور)

در تنظیم مثبت، در حضور مالتوز در محیط، پروتئین فعال‌کننده به جایگاه خود متصل می‌شود و پس از اتصال، به رنابسپاراز کمک می‌کند تا به راه‌انداز متصل شود و رونویسی را شروع کند (مطابق شکل کتاب، محل اتصال مالتوز و رنابسپاراز به فعال‌کننده متفاوت است). بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: جایگاه اتصال فعال‌کننده جزء توالی بین ژنی می‌باشد.

گزینه «۲»: قند لاکتوز به پروتئین مهارکننده متصل می‌شوند. (نه مولکول دنا)

گزینه «۴»: اتصال رنابسپاراز به راه‌انداز در تنظیم منفی رونویسی مستقل از حضور یا عدم حضور لاکتوز است.

(مهریان اطلاعات در یافته) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۲۳۳ تا ۲۳۵ و ۳۳۵ تا ۳۳۵)

۸- گزینه «۳»

(مژدا شکوری)

الف) نادرست - پروتئین مهارکننده در تنظیم منفی و پروتئین فعال‌کننده در تنظیم مثبت جایگاه اتصال به قند دارند. اما دقت کنید آنزیم رنابسپاراز هم در بیان ژن مؤثر است اما جایگاهی برای اتصال به قند ندارد.

ب) نادرست - در تنظیم منفی، اتصال قند لاکتوز به پروتئین مهارکننده بعد از اتصال مهارکننده به اپراتور رخ می‌دهد.

ج) درست - راه انداز محل اتصال رنابسپاراز است ولی توسط رنابسپاراز رونویسی نمی‌شود اما دقت کنید که هنگام همانندسازی هر دو رشته دنا به طور کامل الگو قرار می‌گیرند، پس همه راه‌اندازهای موجود در دنا هنگام همانندسازی به عنوان الگو توسط دنا رنابسپاراز مورد استفاده قرار می‌گیرند.

د) نادرست - در تنظیم منفی قبل از اتصال مهارکننده به دی‌ساکارید لاکتوز، آنزیم رنابسپاراز به راه‌انداز متصل می‌شود.

(مهریان اطلاعات در یافته) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۹، ۱۰، ۱۱، ۱۵، ۱۷، ۲۳، ۲۵ و ۳۳ تا ۳۳۵)

۹- گزینه «۱»

(مهم‌رهن فیض‌آبادی)

مولکول‌های پروتئینی که در تنظیم بیان ژن مؤثرند: رنابسپاراز - فعال‌کننده - مهارکننده، محرک اصلی تنظیم بیان ژن: مالتوز یا لاکتوز (نوعی دی‌ساکارید)

رنابسپاراز جایگاهی برای اتصال به محرک اصلی تنظیم بیان ژن ندارد. (این مورد در کنکور ۱۴۰۲ تیرماه مورد پرسش قرار گرفته بود).

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۲»: مولکول‌های پروتئینی که در پی اتصال به مولکول دیگری به دنا متصل می‌شوند: رنابسپاراز و فعال‌کننده.

فقط رنابسپاراز جایگاهی برای اتصال به مونومرها (نوکلئوتیدهای واجد قند ریبوز) دارد.

گزینه «۳»: مولکول‌های پروتئینی که می‌توانند به پروتئین دیگری متصل شوند: رنابسپاراز و فعال‌کننده (به همدیگر متصل می‌شوند). هر دو این مولکول‌ها جایگاهی برای اتصال به مولکولی دارند که در ساخت آن کربوهیدرات‌ها نقش دارند. رنابسپاراز به دنا (حاوی دی‌ساکارید ریبوز) و فعال‌کننده به مالتوز (حاوی گلوکز)

گزینه «۴»: پروتئین‌هایی که در پی اتصال مولکول (هایی)، برهم‌کنش‌های آنگریز خود را تغییر می‌دهند: مهارکننده در پی اتصال به لاکتوز، فعال‌کننده در پی اتصال به مالتوز و رنابسپاراز که نوعی آنزیم است در پی اتصال به پیش‌ماده‌های خود (نوکلئوتید)، فقط مهارکننده و فعال‌کننده جایگاهی برای اتصال به نوعی دی‌ساکارید دارد.

(ترکیبی) (زیست‌شناسی ۱، صفحه ۹) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۴، ۱۷، ۱۹، ۲۰، ۲۳ و ۳۴ تا ۳۵)



۱۰- گزینه ۲

(مهم‌ترین مؤلفه‌ها)

منظور صورت سوال پروکاریوت‌ها است.
به عنوان مثال مالتوز و لاکتوز با عبور از غشای باکتری *E. coli* تنظیم بیان ژن‌های مربوط به تجزیه این دو قند را تحت تأثیر قرار می‌دهند. بررسی سایر گزینه‌ها:
گزینه ۱: تنظیم مثبت رونویسی در ارتباط با مالتوز، در طی رونویسی صورت می‌پذیرد.
گزینه ۲: با توجه به شکل ۱۷ صفحه ۲۵ کتاب زیست‌شناسی دوازدهم، رمانداز مربوط به ژن‌های مؤثر در تجزیه مالتوز، با ژن تماس مستقیم دارد.
گزینه ۳: ایجاد یاخته‌های متفاوتی از یک یاخته مربوط به یوکاریوت‌هاست مانند چیزی که در مغز استخوان می‌بینیم ولی در پروکاریوت‌ها چون تقسیم یاخته‌ای به منظور تولید مثل رخ می‌دهد و در تولید مثل زاده‌ها شبیه به والد هستند؛ نمی‌توانیم ایجاد یاخته‌های متفاوت از یک یاخته را در پروکاریوت‌ها ببینیم.

(برایان اطلاعات در یافته) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱۳۳ تا ۱۳۵)

۱۱- گزینه ۴

(اگر بافته)

عوامل رونویسی از جنس پروتئین هستند. برای رونویسی از ژن آن‌ها در هسته یوکاریوتی عوامل رونویسی به رونویسی کمک می‌کنند. بررسی سایر گزینه‌ها:
گزینه ۱: رمانداز و توالی افزاینده جزء توالی‌های تنظیمی درون ژن نیستند. علاوه بر این، هر یک از عوامل رونویسی تنها به یک توالی تنظیمی (رمانداز یا افزاینده) متصل می‌شود.
گزینه ۲: گروهی از عوامل رونویسی به توالی افزاینده متصل می‌شوند و باعث افزایش سرعت رونویسی می‌شوند و نقشی در هدایت رانسپاراز به سوی رمانداز ندارند.
گزینه ۳: عوامل رونویسی در مرحله رونویسی باعث تنظیم بیان ژن می‌شوند. (نه پس از رونویسی)

(برایان اطلاعات در یافته) (زیست‌شناسی ۳، صفحه ۱۳۵)

۱۲- گزینه ۴

(معمربا فیض‌نباری)

اتصال رنا به رنا (یعنی رنا کوچک به رنا بزرگ) فقط در مرحله پس از رونویسی صورت می‌گیرد. بررسی سایر گزینه‌ها:
گزینه ۱: قرارگیری پیش‌ماده در جایگاه فعال آنزیم با توانایی شکستن پیوند اشتراکی هم می‌تواند در مرحله رونویسی و هم پس از رونویسی مشاهده شود.
در مرحله رونویسی: قرارگیری نوکلئوتیدها در جایگاه فعال رانسپاراز و جدا شدن دو فسفات از هر نوکلئوتید آن‌ها به صورت تک‌فسفاته در رشته نوساخت.
پس از رونویسی: تبدیل پسیپتون‌ها به پسیپین توسط خود پسیپین.
گزینه ۲: این مورد هم در حین رونویسی و هم پیش از آن مشاهده می‌شود.
در حین رونویسی: اتصال گروهی از عوامل رونویسی برای افزایش سرعت رونویسی به توالی خاصی از DNA.
پیش از رونویسی: اتصال هیستون‌ها به DNA برای افزایش فشردگی و کاهش رونویسی.
گزینه ۳: این مورد در کنتور ۱۴۰۰ مطرح شده بود. توجه کنید علاوه بر خمیدگی در حین رونویسی، فشردگی DNA نیز به ایجاد خمیدگی در مولکول‌های DNA منجر می‌شود. (فصل ۶ زیست ۲ صفحه ۸۰ شکل ۱) که این مربوط به مرحله پیش از رونویسی می‌باشد.

(تکریمی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۴، ۱۵، ۱۹، ۳۵ و ۳۶)

۱۳- گزینه ۱

(اشکان فرمی)

به جز مورد (ج) سایر عبارات نادرست می‌باشند. بررسی همه موارد:
(الف) ژن‌های روشن دریافت‌شده از مادر عبارتند از ژن‌هایی که از کروموزوم‌های هسته تخمک و ژن‌هایی که از دای حلقوی میتوکندری به ارث برده شده‌اند. الزاماً هر ژنی بیانه و میانه ندارد. رنا پیک نهایی فاقد رونوشت میانه است.
(ب) لزوماً هر فرد دو والد ندارد زیرا ممکن است جاندار، حاصل بکرزایی یا زاده جانوری هم‌افرویدیت باشد. علاوه بر این، برای مثال در صفتی مانند رنگ گل میمونی که رابطه باززیت ناقص بین والدین خود دارد، می‌توان شکل صفتی مانند رنگ گل صورتی را در فرد دید که مشابه هیچ‌یک از والدین خویش نیست. (با فرض اینکه یک والد RR و یک والد WW باشد).
(ج) ژن نمود فرزندی که گروه خونی O دارد OO است. پس می‌توان نتیجه گرفت که هر دو والد یک O دارند ژن نمود فرزندی دیگر می‌تواند AO یا AA باشد. اگر فرزند دوم AO باشد ژن نمود والدین می‌تواند AO*AO یا AO*OO یا AO*BO باشد و اگر فرزند دوم ژن نمود AA داشته باشد ژن نمود والدین AO*AO می‌شود، پس فقط ژن نمود AO قابل تعیین به صورت قطعی است.
(د) محصول بیان آل A آنزیمی پروتئینی است که باعث اضافه شدن کربوهیدرات A به غشای گلبول قرمز می‌شود. توجه کنید که آنزیم A در غشای گلبول قرمز مشاهده نمی‌شود.

(تکریمی) (زیست‌شناسی ۲، صفحه‌های ۱۱۵ و ۱۱۶) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۲۵، ۲۶، ۳۳ و ۳۷ تا ۳۱)

۱۴- گزینه ۴

(علیرضا رضایی)

با توجه به شکل ۳ فصل ۳ کتاب زیست‌شناسی ۳، جایگاه ژن‌های Rh در بالای سانتومر کروموزوم شماره ۱ قرار دارد و در فردی که گروه خونی منفی دارد، توالی‌های رمزکننده پروتئین D در کروموزوم شماره ۱ وجود ندارد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: ژن مربوط به گروه خونی ABO در کروموزوم شماره ۹ قرار دارد. در فرد با گروه خونی O رونویسی از هیچ کدام از جفت کروموزوم شماره ۹ در ارتباط با صفت گروه خونی قابل مشاهده نیست ولی در فرد با گروه خونی A رونویسی از حداقل یکی از کروموزوم‌های جفت شماره ۹ انجام می‌شود؛ پس میزان اتصال رانسپاراز ۲ به ژن‌های موجود در کروموزوم شماره ۹ در فرد با گروه خونی A بیشتر است.

گزینه ۲: در سطح گویچه‌های قرمز فرد با گروه خونی AB مثبت نسبت به O منفی، کربوهیدرات و پروتئین‌های مربوط به گروه خونی بیشتری واقع است (این مولکول‌ها نیز نوعی آنتی‌ژن در سطح گویچه‌های قرمز به‌شمار می‌روند)؛ در نتیجه اتصال پادتن به آنتی‌ژن در این گویچه‌ها مساوی یا بیشتر از گویچه‌های بدون پروتئین و کربوهیدرات‌های گروه خونی است.
گزینه ۳: طبق شکل ۶ صفحه ۴۰ کتاب درسی فرد با گروه خونی A نسبت به فرد با گروه خونی AB کربوهیدرات‌های A بیشتری در سطح گویچه‌های قرمز خود دارند. دقت کنید که این کربوهیدرات در سطح خارجی غشاء و به‌صورت متصل به فسفولیپید یا پروتئین قرار دارند.

(تکریمی) (زیست‌شناسی ۱، صفحه ۱۲) (زیست‌شناسی ۲، صفحه‌های ۲۲، ۲۳ و ۲۴) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۳۱ تا ۳۱)

۱۵- گزینه ۲

(مهم‌معموری آقازاده)

ژنوتیپ‌هایی که می‌توان برای این پسر متصور بود، موارد زیر است:

AAdd ۲) AO dd ۱)

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: برای مثال پدر دارای ژنوتیپ AO Dd و مادر دارای ژنوتیپ AAdd باشد.
گزینه ۲: منظور پروتئین D است که در گروه خونی Rh نقش دارد. یکی از والدین یا هر دو این آن‌ها می‌توانند دارای ژنوتیپ Dd باشند.

گزینه ۳: برای مثال هر دو دارای ژنوتیپ AA dd باشد.

گزینه ۴: کربوهیدرات‌های A و B مؤثر در گروه خونی ABO هستند و از آنجایی که پسر این خانواده، حداقل یک دگره A دارد؛ در نتیجه حداقل یکی از والدین دگره A را در ژنوتیپ خود دارد.

(انتقال اطلاعات در نسل‌ها) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۳۸ تا ۳۱)

۱۶- گزینه ۲

(معموری یار سعادت‌نیا)

در برخی صفات که تحت تأثیر محیط هستند، مثل صفت رنگ در برخی گیاهان مثل گل ادریسی، تعداد فنوتیپ‌ها بیشتر است. تنها در صورتی که صفتی تحت تأثیر محیط باشد امکان این وجود دارد که تعداد فنوتیپ‌ها از ژنوتیپ‌ها بیشتر باشد. بررسی سایر گزینه‌ها:
گزینه ۱ و ۴: در حالت‌های زیر، تعداد فنوتیپ‌ها با تعداد ژنوتیپ‌ها برابر می‌باشد.
(۱) بین تمام آلل‌ها، رابطه باززیت ناقص باشد.
(۲) بین تمام آلل‌ها، رابطه هم‌توانی باشد.
گزینه ۳: در صفات تک‌جایگاهی چند اللی مثل گروه خونی ABO، اگر حداقل یک رابطه باز و نهم‌تگی بین آلل‌ها باشد، تعداد ژنوتیپ‌ها بیشتر است.

(تکریمی) (زیست‌شناسی ۱، صفحه‌های ۱۰ و ۱۱) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۳۸ تا ۳۱)

۱۷- گزینه ۲

(مژدا شکوری)

بررسی موارد:

(الف) نادرست، فردی که در Rh خالص است ژن نمود DD یا dd دارد یعنی یک نوع دگره برای این صفت دارد اما دقت کنید گلبول قرمز خون فاقد هسته و فاقد آلل است.

(ب) درست، فردی که در صفت ABO واجد کربوهیدرات باشد، می‌تواند گروه خونی A یا B یا AB داشته باشد و لزوماً یکی از والدین او باید حداقل یکی از این کربوهیدرات‌ها را در غشای گلبول قرمز خود داشته باشد.

(ج) نادرست، فردی که در Rh ناخالص است ژن نمود Dd دارد اما برای مثال در سلول‌های جنسی یک مرد بالغ یک نوع دگره برای این صفت وجود دارد.

(د) درست، در فردی که فاقد کربوهیدرات‌های گروه خونی است، ژن نمود OO وجود دارد. البته دقت کنید در بخش دوم این گزینه هر فردی که در حال در غشای گلبول قرمز خود مانند هر غشا سلول‌های جانوری دارای پروتئین، کربوهیدرات، فسفولیپید و کلسترول خواهد بود.

(تکریمی) (زیست‌شناسی ۱، صفحه‌های ۶۲ و ۶۳) (زیست‌شناسی ۲، صفحه‌های ۶۲، ۶۳ و ۶۴) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۳۸ تا ۳۱)

۱۸- گزینه ۴

(شاهین رضاییان)

تنها مورد «د» در ارتباط با این خانواده‌ها صادق است.

اگر والدین به‌صورت AA و BB یا به‌صورت AB و OO باشند، امکان تولد فرزندی با رخ‌نمود مشابه والدین غیرممکن است. بررسی موارد:

(الف) در صورتی که والدین AB و OO باشند، والد دارای گروه خونی AB خالص نیست.

(ب) در صورتی که والدین AB و OO باشند، امکان تولد فرزندی با گروه خونی AB امکان‌پذیر نیست.

(ج) در هیچ‌یک از دو حالت ژن نمود والدین مشابه یکدیگر نیست.

(د) در هر دو حالت امکان تولد فرزند با گروه خونی O (فاقد کربوهیدرات مربوط به گروه خونی بر روی غشای گویچه قرمز) ممکن نیست.

(انتقال اطلاعات در نسل‌ها) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۳۸ تا ۳۱)



بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: تراوش در کیسول بومن انجام می‌شود که ساختار لوله‌ای و پیچ‌خورده نیست در حالی که ترشح در همه بخش‌های لوله‌های شکل نفرون (لوله‌های پیچ‌خورده و لوله هنله) انجام می‌شود.
گزینه «۲»: یاخته‌های لوله پیچ‌خورده نزدیک راکیزه‌های عمود بر غشای پایه دارند. هم ترشح و هم بازجذب می‌تواند در لوله پیچ‌خورده نزدیک انجام شود.
گزینه «۴»: تراوش با عبور مواد از غشای یک لایه یاخته پوششی دیواره مویرگ انجام می‌شود. ترشح هم اگر از یاخته‌های دیواره گردیده اتفاق بیفتد، این ویژگی را داراست؛ پس در این مورد با هم شباهت دارند. (نه تفاوت!)

(تنظیم اسمزی و دفع مواد زائد) (زیست‌شناسی، صفحه‌های ۱۱، ۱۵ و ۷۲ تا ۷۴)

۴۵- گزینه «۲»

(مهری ماهری)

عبارت «ب» و «د»، صورت سوال را به درستی تکمیل می‌کنند.
فرایند ترشح و بازجذب و همین‌طور تراوش و بازجذب، در خلاف جهت یکدیگر صورت می‌گیرند. اما دقت کنید که تراوش تنها به صورت غیرفعال رخ می‌دهد. ترشح و بازجذب می‌توانند به صورت فعال یا غیرفعال انجام شوند. بررسی همه عبارت‌ها:
الف) ترشح و بازجذب در بخش‌های لوله‌های شکل نفرون انجام می‌شود. یاخته‌های سازنده بخش‌های لوله‌های شکل نفرون، پوششی مکعبی هستند. طبق شکل ۱۶ فصل ۱ کتاب درسی دهم، در زیر بافت پوششی مکعبی یک‌لایه‌ای گردیده، بافت پیوندی چربی قرار نمی‌گیرد.
ب) فرایند ترشح و بازجذب می‌توانند در قوس هنله صورت بگیرند. قوس هنله جزو بخش‌های لوله‌های شکل بوده اما پیچ‌خوردگی ندارد.
ج) آخرین فرایندهای تشکیل ادرار در مجاری جمع‌کننده اتفاق می‌افتد اما مجاری جمع‌کننده، جزء نفرون‌ها نمی‌باشند. (به‌صورت سوال دقت شود).
د) شبکه آندوپلاسمی، شبکه‌ای از لوله‌ها و کیسه‌ها می‌باشد که نوع زبر آن در مجاورت هسته قرار می‌گیرد. این عبارت برای تمامی سلول‌های دخیل در هر سه فرایند تشکیل ادرار، درست است.
(تنظیم اسمزی و دفع مواد زائد) (زیست‌شناسی، صفحه‌های ۱۱، ۱۵، ۱۶ و ۷۲ تا ۷۵)

۴۶- گزینه «۴»

(معمری میرزی)

بررسی همه گزینه‌ها:
۱) ملخ جانوری بی‌مهره بوده که سامانه گردش باز داشته و آب را به کمک یاخته‌های راست‌رونده خود بازجذب می‌کند. مطابق شکل ۱۲ فصل ۵ زیست‌شناسی دهم یاخته‌های جذب‌کننده آب ظاهری استوانه‌ای شکل دارند. ملخ تنظیم اسمزی خود را به کمک لوله‌های مالپیگی انجام می‌دهد. دقت داشته باشید که لوله‌های مالپیگی به روده جانور متصل‌اند و به راست‌رونده ملخ اتصالی ندارند.
۲) ماهیان ساکن آب شور، آب زیادی می‌نوشند و اداری به مقدار کم و غلیظ (نه رقیق!) ترشح می‌کنند. در ماهیان آب شور، با وجود نوشیدن آب به مقدار زیاد، فشار اسمزی بدن آنها از محیط کمتر می‌باشد. در این جانور، میزان نوشیدن آب توسط جانور با میزان فشار اسمزی بدن جانور نسبت به محیط رابطه عکس دارد. ماهی آب شور می‌تواند برخی یون‌ها را به کمک آبشش‌های قرار گرفته در دو طرف بدن خود دفع کند.
۳) ماهیان غضروفی ساکن آب شور مانند کوسه‌ماهی، در اسکلت درونی بدن خود فاقد رسوبات کلسیم می‌باشند. این ماهیان مولکول اکسیژن را از آب شور می‌گیرند که فشار اسمزی آب‌شور از بدن ماهیان بیشتر است. ماهیان غضروفی ساکن آب‌شور در دیواره راست‌رونده خود غدد راست‌رونده‌ای دارند که محلول غلیظ نمکی را ترشح می‌کنند.
۴) قورباغه نوعی جانور دوزیست بوده که طی بلوغ، تعداد حفرات قلب آن از یک بطن و یک دهلیز به یک بطن و دو دهلیز تغییر می‌کند. این جانور به هنگام خشکی آب را از مثانه به خون بازجذب کرده و فشار اسمزی خون خود را کاهش می‌دهد. این جانور نمی‌تواند تنظیم اسمزی پیکر خود را به کمک غدد موجود در نزدیکی چشم خود انجام دهد. در نزدیکی چشم برخی پرنده‌گان و خزندگان غددی وجود داشته که قطرات غلیظ نمکی ترشح می‌کنند.
(ترکیبی) (زیست‌شناسی، صفحه‌های ۶۷ تا ۶۹، ۷۶ و ۷۷) (زیست‌شناسی، صفحه ۵۲)

۴۷- گزینه «۲»

(حسن علی ساقی)

در ماهیان آب شیرین، فشار اسمزی مایعات بدن از محیط بیشتر است؛ بنابراین آب می‌تواند وارد بدن شود. برای مقابله با چنین مشکلی، ماهیان آب شیرین معمولاً آب زیادی نمی‌نوشند (باز و بسته شدن دهان در ماهی‌های آب شیرین، تنها به منظور عبور آب و تبادل گازها در آبشش‌هاست). این ماهی‌ها برخلاف ماهیان آب شور حجم زیادی از آب را به‌صورت ادرار رقیق دفع می‌کنند. بررسی سایر گزینه‌ها:
گزینه «۱»: این ماهیان آب شور هستند که می‌توانند بخشی از یون‌ها را از طریق آبشش خود به بیرون دفع کنند. آبشش اندام تنفسی ماهیان محسوب می‌شود.

گزینه «۳»: این مورد در ارتباط با ماهیان غضروفی ساکن آب شور درست است، نه آب شیرین.
گزینه «۴»: این مورد در ارتباط با دوزیستان درست است، نه ماهی‌ها.
(تنظیم اسمزی و دفع مواد زائد) (زیست‌شناسی، صفحه‌های ۷۶ و ۷۷)

۴۸- گزینه «۱»

(کلوئه نریمی)

کلیه در همه مهره‌داران وجود دارد و یکی از مهم‌ترین وظایف آن حفظ فشار اسمزی خون در محدوده‌ای ثابت است و در مهره‌داران اندام‌های دیگری هم می‌توانند به حفظ فشار اسمزی خون کمک کنند مثلاً در ماهیان ساکن آب شور برخی یون‌های موجود در خون از کلیه‌ها به‌صورت ادرار غلیظ دفع می‌شود و برخی دیگر از طریق یاخته‌های آبششی دفع می‌شود. نکته: در ماهیان آب شور، آبی که از بین تیغه‌های آبششی عبور می‌کند موجب تغییر غلظت گازها و یون‌های درون خون می‌شود. بررسی سایر گزینه‌ها:
گزینه «۲»: کلیه در خزندگان و پرنده‌گان توانمندی زیادی در بازجذب آب دارد ولی غدد نمکی تنها در برخی از خزندگان و پرنده‌گان وجود دارد.
گزینه «۳»: بازجذب آب از مثانه به‌صورت غیرفعال است یعنی انرژی زیستی مصرف نمی‌شود.
گزینه «۴»: غدد راست‌رونده‌ای در ماهیان غضروفی ساکن آب شور وجود دارد. (نه همه ماهی‌های ساکن آب شور!)

(تنظیم اسمزی و دفع مواد زائد) (زیست‌شناسی، صفحه‌های ۴۵، ۴۶، ۷۶ و ۷۷)

۴۹- گزینه «۲»

(امیرحسین میرزایی)

سامانه دفعی مرتبط با روده، هم در حشرات و هم در ماهیان غضروفی (آب‌شور) مشاهده می‌شود. مطابق شکل ۲۴ در صفحه ۶۶ زیست‌شناسی ۱ دیده می‌شود که ورود خون به قلب ماهی‌ها (از طریق سینوس سیاهرگی)، با عبور از نوعی دریچه همراه است. همچنین می‌دانیم که ورود همولف به قلب حشرات نیز مستلزم عبور از منافذ دریچه‌دار می‌باشد.
بررسی سایر گزینه‌ها:
گزینه «۱»: تنفس در حشرات، مستقل از سامانه گردش مواد است. در خصوص ماهی‌ها نیز توجه داشته باشید که خون خروجی از آبشش‌ها، توسط سرخرگ پشتی از این ساختارها دور می‌شود و به اندام‌ها می‌رود.
گزینه «۳»: این مورد مربوط به ماهیان آب شیرین است! ماهیان آب شور برخی یون‌ها را به‌صورت ادرار غلیظ دفع می‌کنند.
گزینه «۴»: دقت کنید که مطابق شکل کتاب، چند لوله مالپیگی می‌توانند محتویات درون خود را از طریق یک مجرای مشترک به روده (بخشی از لوله گوارش جانور) تخلیه کنند. بنابراین نمی‌توان گفت هر لوله مالپیگی از طریق یک مجرای مخصوص به خود محتویات خود را به روده می‌ریزد.
(تنظیم اسمزی و دفع مواد زائد) (زیست‌شناسی، صفحه‌های ۳۴، ۳۵، ۴۶، ۷۶ و ۷۷)

۵۰- گزینه «۲»

(امیرحسین میرزایی)

ابتدا توجه داشته باشید که برای پاسخ دادن به این دسته از سوالات که اخیراً در کنکورهای سراسری بسیار رایج شده و یک جمله بسیار کلی را در صورت سوال مطرح می‌کند، خیلی وقت‌ها بهتر است از گزینه‌ها استفاده کنیم تا به منظور صورت سوال برسیم! منظور از صورت سوال جانورانی مانند ماهیان آب شور (از طریق آبشش و غدد راست‌رونده‌ای) و برخی پرنده‌گان و خزندگان (از طریق غدد نمکی) است. بررسی همه موارد:
الف) درست - کلیه در خزندگان و پرنده‌گان توانمندی زیادی در بازجذب آب دارد.
ب) نادرست - این مورد در خصوص هیچ جانوری صادق نیست! به‌طور کلی اولاً دقت داشته باشید که لفظ «بطن‌ها» فقط برای برخی خزندگان، پرنده‌گان و پستانداران صادق است. دوماً، در هیچ‌یک از این جانداران نیز خون خروجی از هر دو بطن، به مقصد یکسانی فرستاده نمی‌شود. یکی جهت تبادل به شش می‌رود و دیگری خون روشن را به اندام‌ها می‌فرستد.
ج) درست - ماهیان غضروفی، واجد غدد راست‌رونده‌ای بوده و فاقد استخوان (و طبیعتاً مغز استخوان) هستند. پس تولید یاخته‌های خونی آن‌ها بدون دخالت مغز استخوان صورت می‌گیرد.
د) درست - این مورد در خصوص ماهی‌های آب شور صادق است. در این ماهی‌ها، فشار اسمزی مایعات بدن کمتر از آب دریاست؛ بنابراین نسبت فشار اسمزی مایعات بدن به آب، کمتر از یک می‌باشد.
(ترکیبی) (زیست‌شناسی، صفحه‌های ۶۲، ۶۵ و ۶۷) (زیست‌شناسی، صفحه ۵۲)

نکات مربوط به نفرون

کپسول بومن	لوله پیچ خورده نزدیک	لوله هنله	لوله پیچ خورده دور	
غشری	غشری	بخش اعظم آن در بخشی مرکزی - بخش کوچکی در قسمت غشری	غشری	- محل در کلیه
محافظة از شبکه مویرگی گلو مریول	پیچ خورده ترین بخش نفرون	دارای ۲ قسمت قطور در دو سر قوس آن	تحویل محتوای نهایی نفرون به مجرای جمع کننده	- ویژگی
	اولین قسمت نفرون که در آن باز جذب و ترشح با مصرف انرژی و یا با کمک انتشار صورت می گیرد.	جهت حرکت مواد در آن مخالف جهت حرکت خون در رگ های مجاور آن است.	باز جذب و ترشح با مصرف انرژی و یا با کمک انتشار	
		باز جذب و ترشح با مصرف انرژی و یا با کمک انتشار		

یوط به تشکیل ادرار

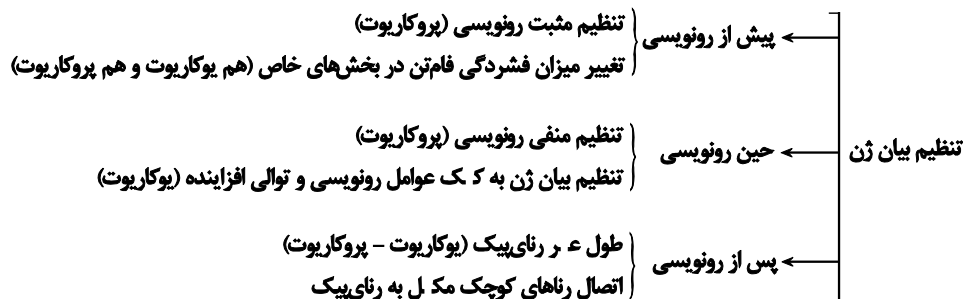
تراوش	باز جذب	ترشح	
✓	✗	✗	نخستین مرحله ادرار
✓	✗	✗	در نتیجه فشار خون از کلافک خارج شده و به کپسول بومن وارد می شود.
✓	✓	✓	به کمک مویرگ های منفذدار امکان پذیر می باشد.
✓	✓	✓	طی آن مولکول های بزرگ نمی توانند عبور کنند.
✓	✗	✗	شکاف های متعدد در فواصل بین پاهای پودوسیت ها آن را تسهیل می کند.
✓	✗	✓	طی آن مواد فقط برحسب اندازه وارد گردیزه می شوند.
✓	✗	✓	هم مواد دفعی و عم غیر دفعی طی آن وارد گردیزه می شود.
✗	✓	✗	طی آن مواد مفید به شبکه مویرگی دور لوله ای باز می گردد.
✗	✓	✗	به محض ورود مواد تراوشی شده به لوله پیچ خورده نزدیک آغاز می شود.
✓	✓	✗	در بیشتر مواد فعال می باشد.
✓	✗	✗	در جهت مخالف باز جذب می باشد.
✓	✗	✓	مواد دفعی را وارد گردیزه می کند.

نکات مربوط به تنظیم اسمزی در ماهی ها

ماهی آب شور	ماهی آب شیرین
فشار اسمزی مایعات بدن از محیط کمتر است	فشار اسمزی مایعات بدن از محیط بیشتر است.
مقدار زیادی آب می نوشند	معمولاً آب زیادی نمی نوشند.
حجم ادرار این نوع ماهی ها کم و غلیظ می باشد.	حجم ادرار این نوع ماهی ها زیاد و رقیق می باشد.
آبش در دفع مواد نقش مؤثری دارد.	آب شش در دفع مواد زائد نقش کمی دارد.

نکات مربوط به سامانه بافت زمینه ای**اسکرانشیم**

فایبر	اسکرانید	کلاشیم	پارانیشیم	ویژگی
(۱) دیواره پسین ضخیم و چوبی شده (۲) نقش استحکامی دارند. (۳) تولید طناب و پارچه به دلیل اینکه یاخته های دراز اسکرانشیم هستند. (۴) در دسته های آوندی نیز دیده می شود.	(۱) دیواره پسین ضخیم و چوبی شده (۲) نقش استحکامی دارند. (۳) یاخته هایی کوتاه هستند.	(۱) دیواره پسین ندارند و دیواره نخستین ضخیم دارند. (۲) سبب انعطاف پذیری اندام می شوند. (۳) معمولاً زیر روپوست قرار می گیرد.	(۱) رایج ترین بافت یاخته (۲) نفوذپذیر نسبت به آب (۳) دارای سبزینه (در بعضی موارد) بازسازی بخش های آسیب دیده گیاه به وسیله تقسیم یاخته ای (۴) مقطع شش ضلعی دارد. (۵) موجود در دسته های آوندی	

نکات مربوط به تنظیم بیان ژننکات مربوط به گروه خونی

گروه خونی Rh	گروه خونی ABO
بودن یا نبودن پروتئین D در غشای گویچه‌های قرمز	بودن یا نبودن دو نوع کربوهیدرات به نام‌های A و B در غشای گویچه‌های قرمز
رابطه دگرهای بارز و نهفتگی	رابطه دگرهای هم‌توان و بارز نهفتگی
۳ نوع ژنمود	۶ نوع ژنمود
۲ نوع رخ‌نمود	۴ نوع رخ‌نمود

نکات مربوط به گل میمونی

تلاشی در مسیر موفقیت

یاخته	ژن‌نمودهای ممکن
ژن‌نمود اسپرم	W / R
ژن‌نمود تخم‌زا	W / R
ژن‌نمود یاخته دوهستهای	WW / RR
ژن‌نمود پوست‌دانه	RW / WW / RR
ژن‌نمود کلاله	RW / WW / RR
ژن‌نمود تخم‌ضمیمه	WWWW / RWRW / RRRR
ژن‌نمود تخم اصلی	WW / WR / RR

نکات مربوط به تنظیم رونویسی پروکاریوت‌ها

تنظیم مثبت رونویسی	تنظیم منفی رونویسی
پروتئین مهارکننده متصل به اپراتور	پروتئین فعال‌کننده متصل به جایگاه اتصال فعال‌کننده
قند لاکتوز	قند مالتوز
قند لاکتوز به مهارکننده متصل می‌شود و مهارکننده از جایگاه اپراتور که در جلوی توالی راه‌انداز قرار دارد جدا می‌شود و رونویسی از ۳ ژن که ژن اول جایگاه آغاز رونویسی ژن دوم فاقد جایگاه آغاز و پایان رونویسی و ژن سوم دارای جایگاه پایان رونویسی می‌باشد ادامه پیدا می‌کند.	قند مالتوز به فعال‌کننده متصل می‌شود و فعال‌کننده به جایگاه اتصال فعال‌کننده متصل می‌شود و باعث می‌شود رنابسپاراز به سمت توالی راه‌انداز هدایت شود سپس فعال‌کننده به رنابسپاراز متصل می‌شود و رونویسی شروع می‌شود.

فیزیک ۳

۵۱- گزینه «۴»

(عبدالرضا امینی نسب)

هنگامی که کامیون شروع به حرکت می‌کند، وزنه آونگ به سبب اینرسی‌اش، تمایل به حفظ حالت اولیه خود (سکون) دارد، بنابراین به سمت عقب منحرف می‌شود. این پدیده با قانون اول نیوتون قابل توجیه است.

(رئانامیک) (فیزیک ۳، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۰)

۵۲- گزینه «۱»

(اسان ایرانی)

الف) نادرست است. تا هنگامی که کف دست دو شخص با هم در تماس است، به یکدیگر نیرو وارد می‌کنند و طبق قانون سوم نیوتون، این نیرو هم‌اندازه و در خلاف جهت یکدیگرند. بنابراین، طبق قانون دوم نیوتون داریم:

$$a = \frac{F_{net}}{m} \Rightarrow \frac{a_1}{a_2} = \frac{F_1}{F_2} \times \frac{m_2}{m_1} \quad F_1 = F_2 \Rightarrow \frac{a_1}{a_2} = 1 \times \frac{m_2}{2m_2} \Rightarrow a_2 = 2a_1$$

$$\frac{a_1}{a_2} = 1 \times \frac{m_2}{2m_2} \Rightarrow a_2 = 2a_1$$

بنابراین، شتاب حرکت دو شخص یکسان نخواهد بود.

ب) نادرست است، طبق قانون سوم نیوتون، اندازه نیرویی که دو شخص به هم وارد می‌کنند، یکسان است.

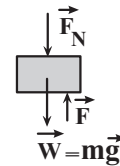
ج) نادرست است. چون پس از جدا شدن دو شخص از یکدیگر، نیرویی بر آن‌ها وارد نمی‌شود، طبق قانون اول نیوتون، به حرکت خود با سرعت ثابت ادامه می‌دهند، لذا متوقف نخواهند شد. دقت کنید، پس از جدا شدن، نیرویی که دو شخص به هم وارد می‌کردند، قطع می‌شود و نیروی اصطکاک هم وجود ندارد.

(رئانامیک) (فیزیک ۳، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۳)

۵۳- گزینه «۱»

(امیرمسین برادران)

مطابق شکل، ابتدا نیروهای وارد بر جسم را رسم می‌کنیم. بر جسم نیروی عمودی سطح (\vec{F}_N)، نیروی وزن (\vec{W}) و نیروی شخص (\vec{F}) وارد می‌شود. در این حالت می‌توان نوشت:



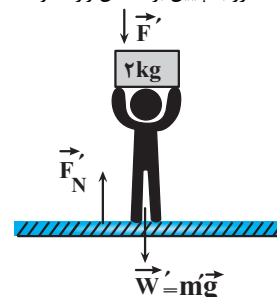
$$F_{net} = 0 \Rightarrow F - F_N - W = 0 \quad W = mg = 2 \times 10 = 20 \text{ N} \quad F = 120 \text{ N}$$

$$120 - F_N - 20 = 0 \Rightarrow F_N = 100 \text{ N}$$

چون \vec{F}_N در سوی مخالف محور y است، برابر است با:

$$\vec{F}_N = (-100 \text{ N}) \hat{j}$$

اکنون نیروهای وارد بر شخص را رسم و نیروی عمودی سطح را می‌یابیم. دقت کنید، چون شخص نیروی 120 N رو به بالا بر جسم وارد می‌کند. طبق قانون سوم نیوتون، جسم متقابلاً نیروی 120 N رو به پایین بر شخص وارد خواهد کرد.



$$F_{net} = 0 \Rightarrow F'_N - F' - W' = 0 \quad W' = m'g = 80 \times 10 = 800 \text{ N} \quad F' = 120 \text{ N}$$

$$F'_N - 120 - 800 = 0 \Rightarrow F'_N = 920 \text{ N} \Rightarrow \vec{F}'_N = (920 \text{ N}) \hat{j}$$

F'_N نیرویی است که سطح افقی به شخص وارد می‌کند. بنابراین، نیرویی که شخص به سطح افقی زیرین وارد می‌کند برابر است با:

$$\vec{F}_N = -\vec{F}'_N \Rightarrow \vec{F}_N = (-920 \text{ N}) \hat{j}$$

(رئانامیک) (فیزیک ۳، صفحه‌های ۳۳، ۳۵ و ۳۶)

۵۴- گزینه «۲»

(امیرمسین برادران)

گزاره‌های الف، ب و پ درست و گزاره‌های ت و ث نادرست است. بررسی گزاره‌ها:

الف) با توجه به قانون دوم نیوتون، بزرگی نیروی خالص وارد بر متحرک با بزرگی شتاب حرکت متناسب است. بنابراین با افزایش بزرگی نیروی خالص، بزرگی شتاب جسم افزایش می‌یابد و بالعکس. (درست)

ب) با توجه به رابطه تغییر سرعت در حرکت شتاب ثابت ($\vec{a} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$)، بردار تغییرات سرعت با بردار شتاب هم‌جهت است. از طرفی طبق قانون دوم نیوتون، $\vec{F}_{net} = m\vec{a}$ بردار نیروی خالص با بردار شتاب و بنابراین با بردار تغییرات سرعت هم‌جهت است. (درست)

پ) اگر نیروهای وارد بر متحرک متوازن شوند برآیند نیروهای وارد بر آن برابر صفر می‌شود و مطابق قانون اول نیوتون حرکت جسم به‌صورت یکنواخت است. (درست)

ت) اگر بزرگی نیروی خالص وارد بر متحرک کاهش یابد بزرگی شتاب آن نیز کاهش می‌یابد. در صورتی که حرکت متحرک تندشونده باشد و با کاهش بزرگی نیروی خالص وارد بر متحرک جهت نیروی خالص تغییر نکند. در این صورت تندی متحرک افزایش می‌یابد. (نادرست)

ث) این گزاره زمانی صحیح است که بردار نیروی خالص و بردار سرعت هم‌جهت باشند، در این صورت حرکت تندشونده است و با عکس شدن جهت نیروی خالص نوع حرکت کندشونده می‌شود. اما اگر در ابتدا بردار نیروی خالص و بردار سرعت خلاف جهت باشند در این صورت با عکس شدن جهت نیروی خالص، نوع حرکت تندشونده شده و تندی متحرک افزایش می‌یابد. (نادرست)

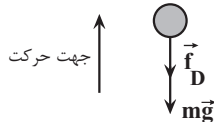
(رئانامیک) (فیزیک ۳، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۲)

۵۵- گزینه «۱»

(امیرمسین برادران)

بر گلوله، نیروی وزن آن و نیروی مقاومت هوا وارد می‌شود. بنابراین، اگر جهت بالا را مثبت فرض کنیم، با استفاده از قانون دوم نیوتون برای مسیر رفت و برگشت به‌صورت زیر، شتاب حرکت گلوله را پیدا می‌کنیم:

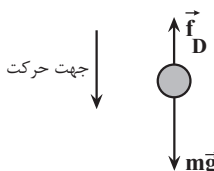
(۱) مسیر بالا رفتن گلوله: در این مسیر نیروی وزن و نیروی مقاومت هوا رو به پایین است. بنابراین داریم:



$$F_{net} = ma_{رفت} \Rightarrow -mg - f_D = ma_{رفت}$$

$$\Rightarrow a_{رفت} = -g - \frac{f_D}{m}$$

(۲) مسیر پایین آمدن گلوله: در این مسیر نیروی وزن رو به پایین و نیروی مقاومت هوا رو به بالا است. بنابراین داریم:





۵۷- گزینه «۴»

(موری شریفی)

چون از نیروی مقاومت هوا بر شخص چتر باز صرف نظر می شود، حرکت ابتدایی چتر باز با شتاب ثابت $a = g = 10 \frac{m}{s^2}$ انجام می شود، لذا تندی آن پس از $20m$ جابه جایی برابر است با:

$$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x \rightarrow \begin{matrix} a=10 \frac{m}{s^2} \\ \Delta x=20m, v_0=0 \frac{m}{s} \end{matrix}$$

$$v^2 - 0 = 2 \times 10 \times 20 \Rightarrow v = 20 \frac{m}{s}$$

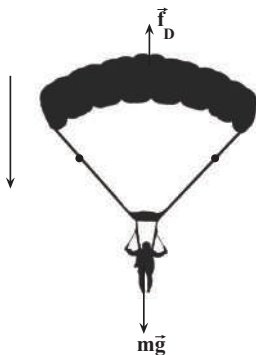
اکنون لحظه ای را که چتر شخص باز می شود، می یابیم:

$$v = at_1 + v_0 \rightarrow \begin{matrix} v=20 \frac{m}{s} \\ v_0=0 \frac{m}{s}, a=10 \frac{m}{s^2} \end{matrix} \rightarrow 20 = 10t_1 + 0 \Rightarrow t_1 = 2s$$

پس از باز شدن چتر، نیروی $f_D = 1000N$ به شخص وارد می شود. در این حالت، شتاب حرکت چتر و شخص را پیدا می کنیم:

$$F_{net} = ma \Rightarrow mg - f_D = ma \rightarrow \begin{matrix} m=50kg \\ f_D=1000N \end{matrix}$$

$$50 \times 10 - 1000 = 50a \Rightarrow a = -10 \frac{m}{s^2}$$



اکنون لحظه ای را که تندی چتر باز به $5 \frac{m}{s}$ می رسد، می یابیم. دقت کنید، در لحظه باز کردن چتر، تندی چتر باز $20 \frac{m}{s}$ بوده است.

$$v = at_2 + v_0 \rightarrow \begin{matrix} a=-10 \frac{m}{s^2} \\ v=5 \frac{m}{s}, v_0=20 \frac{m}{s} \end{matrix}$$

$$5 = -10t_2 + 20 \Rightarrow -15 = -10t_2 \Rightarrow t_2 = 1.5s$$

در آخر، زمان کل حرکت از لحظه پریدن چتر باز تا لحظه ای که تندی آن برای دومین بار به $5 \frac{m}{s}$ می رسد، برابر است با:

$$t_{کل} = t_1 + t_2 \rightarrow \begin{matrix} t_1=2s \\ t_2=1.5s \end{matrix} \rightarrow t_{کل} = 2 + 1.5 = 3.5s$$

(رینامیک) (فیزیک ۳، صفحه های ۳۳ و ۳۵)

۵۸- گزینه «۳»

(امسان مطلبی)

ابتدا در وضعیتی که بالون به صورت تندشونده به سمت پایین حرکت می کند، به کمک قانون دوم نیوتون، مقدار نیروی مقاومت هوا را به دست می آوریم، با فرض اینکه جهت حرکت مثبت به سمت پایین باشد، داریم:

$$F_{net} = ma \Rightarrow -mg + f_D = ma \text{ برگشت}$$

$$\Rightarrow a \text{ برگشت} = -g + \frac{f_D}{m}$$

می فهمیم در هر دو مسیر رفت و برگشت جهت شتاب به طرف پایین، یعنی منفی است و $|a \text{ برگشت}| > |a \text{ رفت}|$ می باشد. یعنی گزینه های (۳) و (۴) نمی توانند درست باشند.

اکنون زمان حرکت گلوله را در مسیر رفت و برگشت با هم مقایسه می کنیم:

$$\begin{cases} y = \frac{1}{2} a \text{ رفت} t_{\text{رفت}}^2 \\ y = \frac{1}{2} a \text{ برگشت} t_{\text{برگشت}}^2 \end{cases} \Rightarrow \frac{1}{2} a \text{ رفت} t_{\text{رفت}}^2 = \frac{1}{2} a \text{ برگشت} t_{\text{برگشت}}^2$$

$$\Rightarrow \frac{t_{\text{برگشت}}^2}{t_{\text{رفت}}^2} = \frac{a \text{ رفت}}{a \text{ برگشت}} \Rightarrow \frac{t_{\text{برگشت}}}{t_{\text{رفت}}} = \sqrt{\frac{a \text{ رفت}}{a \text{ برگشت}}}$$

$$\frac{t_{\text{برگشت}}}{t_{\text{رفت}}} > 1 \Rightarrow t_{\text{برگشت}} > t_{\text{رفت}}$$

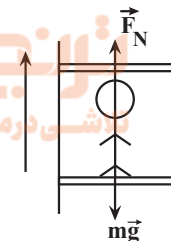
بنابراین، گزینه «۱» درست است.

(رینامیک) (فیزیک ۳، صفحه های ۳۰ تا ۳۵)

۵۶- گزینه «۲»

(مبیر میرزایی)

با توجه به این که ترازو، واکنش نیروی عمودی تکیه گاه را نشان می دهد، ابتدا نیروهای وارد بر شخص را رسم می کنیم و سپس با استفاده از قانون دوم نیوتون و جهت حرکت آسانسور که به طرف بالا است، می توان نوشت:



$$F_{net} = ma \Rightarrow F_N - mg = ma \Rightarrow F_N = m(g + a)$$

اکنون با توجه به رابطه بالا بیشترین عددی که ترازو نشان می دهد مربوط به شتاب رو به بالا و حرکت تندشونده و کمترین آن مربوط به شتاب رو به بالا و حرکت تندشونده است، شتاب حرکت آسانسور را در مرحله های تندشونده و کندشونده پیدا می کنیم. طبق نمودار سرعت - زمان داده شده، در بازه زمانی صفر تا $2s$ حرکت شتاب دار تندشونده و در بازه زمانی $4s$ تا $5s$ حرکت شتاب دار کندشونده است. بنابراین شتاب حرکت را در این بازه های زمانی که با شتاب متوسط آن بازه ها برابر است، به صورت زیر می یابیم:

$$a_{av} \text{ صفر تا } 2s = a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v - 0}{2 - 0} = \frac{v}{2}$$

$$a'_{av} \text{ } 4 \text{ تا } 5s = a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{0 - v}{5 - 4} = -v$$

در آخر، با استفاده از رابطه $F = m(g + a)$ به صورت زیر، v را می یابیم:

$$\frac{F_{N,max}}{F_{N,min}} = \frac{m(g + a)_{max}}{m(g + a)_{min}} \rightarrow \frac{13}{4} = \frac{10 + \frac{v}{2}}{10 - v} \Rightarrow \frac{13}{4} = \frac{20 + v}{20 - 2v}$$

$$\Rightarrow 130 - 13v = 40 + 2v \Rightarrow 90 = 15v \Rightarrow v = 6 \frac{m}{s}$$

(رینامیک) (فیزیک ۳، صفحه های ۳۵ تا ۳۷)



در بازه زمانی ۱۲s تا ۱۵s که حرکت متحرک به صورت تندشونده در جهت محور x است، شتاب حرکت و نیروی خالص وارد بر متحرک برابر است با:

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{6 - 0}{15 - 12} = 2 \frac{m}{s^2}$$

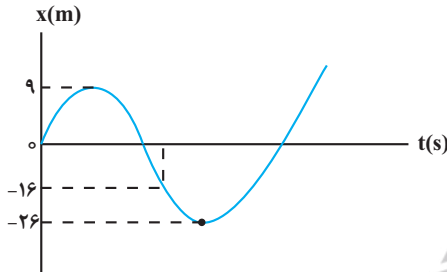
$$F_{net} = ma = 2 \frac{m}{s^2} \times 3kg = 6N \Rightarrow \vec{F}_{net} = (6N)\vec{i}$$

(دینامیک) (فیزیک ۳، صفحه‌های ۱۵ تا ۲۰ و ۳۰ و ۳۱)

(امپرسیون برادران)

۶۰- گزینه «۳»

حرکت متحرکی دارای دو مرحله است. در ابتدا دو نیروی \vec{F}_1 و \vec{F}_2 به جسم وارد می‌شوند و در ادامه فقط نیروی \vec{F}_2 به جسم وارد می‌شوند. بنابراین دو شتاب داریم با توجه به نمودار مکان - زمان ابتدا شتاب را در مرحله اول حرکت به دست می‌آوریم: با استفاده از رابطه مستقل از زمان داریم:



$$v^2 - v_0^2 = 2a_1 \Delta x_1 \Rightarrow \Delta x_1 = 9m$$

$$a_1 = -2 \frac{m}{s^2}$$

اکنون مکان متحرک را در لحظه‌ای که تندی آن به $10 \frac{m}{s}$ می‌رسد مشخص می‌کنیم. مجدداً با استفاده از رابطه مستقل از زمان داریم:

$$v'^2 - v^2 = 2a_1 \Delta x' \Rightarrow \Delta x' = -25m$$

$$\Delta x' = x - 9 \Rightarrow x = -16m$$

اکنون شتاب را در مرحله دوم به دست می‌آوریم، با استفاده از رابطه مستقل از زمان داریم:

$$v''^2 - v'^2 = 2a_2 \Delta x_2 \Rightarrow \Delta x_2 = -26 - (-16) = -10m$$

$$10^2 = 2 \times 10 \times a_2 \Rightarrow a_2 = 5 \frac{m}{s^2}$$

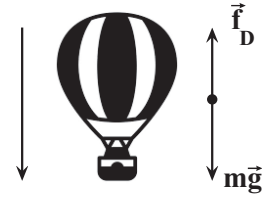
با داشتن شتاب‌های مرحله اول و دوم با استفاده از قانون دوم نیوتون داریم:

مرحله اول الف)

$$F_{net} = ma \Rightarrow F_1 - F_2 = ma_1$$

$$a_1 = 2 \frac{m}{s^2}$$

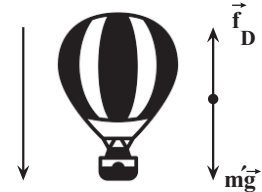
$$\frac{F_1}{m} - \frac{F_2}{m} = 2 \Rightarrow F_1 - F_2 = 6N \quad (I)$$



$$F_{net} = ma \Rightarrow mg - f_D = ma \Rightarrow a = 4 \frac{m}{s^2}$$

$$500 \times 10 - f_D = 500 \times 4 \Rightarrow f_D = 3000N$$

اکنون برای وضعیتی که بالون به صورت کندشونده به سمت پایین حرکت می‌کند، به کمک قانون دوم نیوتون، مقدار جرم جدید بالون را در این حالت، به دست می‌آوریم:



$$F_{net} = ma \Rightarrow m'g - f_D = m'a' \Rightarrow a' = -5 \frac{m}{s^2}$$

$$m' \times 10 - 3000 = m' \times (-5) \Rightarrow m' = 200kg$$

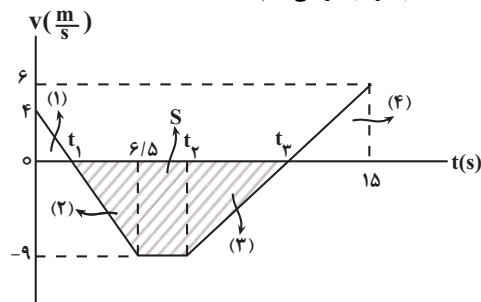
در آخر جرمی را که باید از بالون بیرون بیندازیم، محاسبه می‌کنیم این جرم برابر اختلاف جرم بالون در دو حالت است:

$$\Delta m = m - m' = \frac{m - 200}{m} = \frac{500 - 200}{500} \Rightarrow m = 500 - 200 = 300kg$$

(دینامیک) (فیزیک ۳، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)

۵۹- گزینه «۲»

مطابق شکل زیر و با توجه به تشابه دو مثلث (۱) و (۲) با یکدیگر و (۳) و (۴) با یکدیگر، لحظه‌های t_1 و t_3 را می‌یابیم:



$$\frac{9}{4} = \frac{6/5 - t_1}{t_1} \Rightarrow t_1 = 2s \quad (1)$$

$$\frac{9}{6} = \frac{t_3 - t_2}{15 - t_3} \Rightarrow t_3 = 9 + \frac{2}{5}t_2 \quad (2)$$

با توجه به این که مساحت سطح بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان، برابر با جابه‌جایی است برای بازه زمانی t_1 تا t_3 که متحرک در خلاف جهت محور x حرکت می‌کند، داریم:

$$\ell = |s| = \frac{\ell = 49/5m}{49/5} = \frac{(t_3 - t_1) + (t_2 - 6/5)}{2} \times 9 \quad (3)$$

$$\frac{(1), (2), (3)}{2} \rightarrow 49/5 = \frac{1}{2} \left(\frac{2}{5}t_2 + \frac{1}{5} \right) \times 9$$

$$\Rightarrow t_2 = 7/5s, t_3 = 12s$$



مرحله دوم ب)

خالی ظرف V + مایع سرریز V + ظرف V = واقعی مایع ΔV

$$\frac{\Delta V = \beta V_1 \Delta T}{V_{\text{مایع سرریز}} = 13/75 \text{ cm}^3}$$

$$\beta \text{ ظرف } V(1) \Delta T = \beta \text{ ظرف } V(1) \Delta T + 10 \text{ cm}^3 + 13/75 \text{ cm}^3$$

$$\beta \text{ ظرف } V(1) \Delta T = 3\alpha = 3 \times 10^{-5} \text{ K}^{-1} \text{ یا } \frac{1}{C}, V(1) \text{ ظرف} = 500 \text{ cm}^3$$

$$\frac{\beta \text{ مایع} = 10^{-3} \text{ K}^{-1} \text{ یا } \frac{1}{C}, V(1) \text{ مایع} = 490 \text{ cm}^3}{\beta \text{ مایع} = 10^{-3} \text{ K}^{-1} \text{ یا } \frac{1}{C}, V(1) \text{ مایع} = 490 \text{ cm}^3}$$

$$10^{-3} \times 490 \times \Delta T = 3 \times 10^{-5} \times 500 \times \Delta T + 23/75$$

$$\Rightarrow 490 \times 10^{-3} \Delta T - 15 \times 10^{-3} \Delta T = 23/75$$

$$\Rightarrow 475 \times 10^{-3} \Delta T = 23/75 \Rightarrow \Delta T = 50^\circ \text{C}$$

در آخر داریم:

$$\Delta T = T_2 - T_1 \quad T_1 = 20^\circ \text{C} \rightarrow 50 = T_2 - 20$$

$$\Rightarrow T_2 = 70^\circ \text{C}$$

(رما و کرما) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۸۸ تا ۹۳)

(مصطفی کیانی)

۶۴- گزینه «۴»

چون دمای جسم B با دمای تعادل برابر است، $Q_B = 0$ می‌باشد. بنابراین، قانون پایستگی انرژی را برای اجسام A و C می‌نویسیم.

$$Q_A + Q_C = 0 \rightarrow C_A \Delta \theta_A + C_C \Delta \theta_C = 0$$

$$\frac{\Delta \theta_A = 10 - 5 = 5^\circ \text{C}}{\Delta \theta_C = 10 - 30 = -20^\circ \text{C}} \rightarrow C_A \times 5 + C_C \times (-20) = 0$$

$$\Rightarrow C_C = \frac{1}{4} C_A$$

(رما و کرما) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۰)

(عسین عبودی نژاد)

۶۵- گزینه «۴»

ابتدا با استفاده از رابطه $F = \frac{9}{5}\theta + 32$ ، دمای جسم را برحسب درجه سلسیوس پیدا می‌کنیم. با توجه به این که دمای جسم برحسب درجه فارنهایت، ۲۵ درصد $(\frac{1}{4})$ کاهش یافته است، می‌توان نوشت:

$$F_2 = F_1 - \frac{1}{4} F_1 \Rightarrow F_2 = \frac{3}{4} F_1 \rightarrow \frac{9}{5}\theta_2 + 32 = \frac{3}{4} (\frac{9}{5}\theta_1 + 32)$$

$$\frac{9}{5}\theta_2 + 32 = \frac{3}{4} \times (\frac{9}{5}\theta_1 + 32) \Rightarrow \frac{36}{5}\theta_2 + 128 = \frac{27}{5}\theta_1 + 96$$

$$\theta_2 = \frac{7}{9}\theta_1 \rightarrow \frac{36}{5} \times \frac{7}{9}\theta_1 + 128 = \frac{27}{5}\theta_1 + 96$$

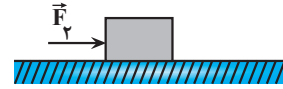
$$\Rightarrow \frac{28}{5}\theta_1 + 128 = \frac{27}{5}\theta_1 + 96 \Rightarrow \frac{1}{5}\theta_1 = -32$$

$$\Rightarrow \theta_1 = -160^\circ \text{C}$$

اکنون دمای جسم را برحسب کلون می‌یابیم:

$$T_1 = \theta_1 + 273 \quad \theta_1 = -160^\circ \text{C} \rightarrow T_1 = -160 + 273 = 113 \text{K}$$

(رما و کرما) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۸۴ و ۸۵)



$$a_y = \frac{\Delta v}{\Delta t} \rightarrow F_y = m a_y \rightarrow F_y = 15 \text{N} \quad (\text{II})$$

$$\rightarrow (\text{I}), (\text{II}) \quad F_1 \quad 21 \text{N}$$

$$\vec{F}_1 \quad \vec{F}_y$$

$$\vec{F}_1 = 21 \text{N}, \vec{F}_y = 15 \text{N} \rightarrow \vec{F}_1 + \vec{F}_y = 36 \text{N}$$

$$\Rightarrow |\vec{F}_1 - \vec{F}_y| = F_1 + F_y$$

(رینامیک) (فیزیک ۳، صفحه‌های ۱۵ تا ۲۰ و ۳۰ تا ۳۲)

فیزیک ۱

۶۱- گزینه «۲»

(فرزاد رضیعی)

ابتدا با استفاده از رابطه بین درجه بندی سلسیوس و درجه بندی کلون دما را برحسب درجه سلسیوس پیدا می‌کنیم:

$$T = \theta + 273 \quad T = 323 \text{K} \rightarrow 323 = \theta + 273 \Rightarrow \theta = 50^\circ \text{C}$$

اکنون با استفاده از رابطه بین درجه بندی سلسیوس و درجه بندی فارنهایت، دما را برحسب درجه فارنهایت می‌یابیم:

$$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \quad \theta = 50^\circ \text{C} \rightarrow F = \frac{9}{5} \times 50 + 32 = 122^\circ \text{F}$$

(رما و کرما) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۸۴ و ۸۵)

۶۲- گزینه «۲»

(فرزاد رضیعی)

با استفاده از رابطه بین دماسنجی که درجه بندی آن مشخص است و دماسنج با درجه بندی نامشخص، به صورت زیر، دمای آب 30°C را برحسب درجه بندی دماسنج نامشخص می‌یابیم، اگر دمای دماسنج نامشخص را با x نشان دهیم، با توجه به این که دمای ذوب یخ در فشار 1atm برابر $\theta_1 = 0^\circ \text{C}$ و دمای جوش آب در فشار 1atm برابر $\theta_2 = 100^\circ \text{C}$ است، می‌توان نوشت:

$$\begin{array}{c|c} \theta (^\circ \text{C}) & \\ \hline \theta_2 = 100 & \dots \dots \dots 90 = x_2 \\ \theta = 30 & \dots \dots \dots 55 = x \\ \theta_1 = 0 & \dots \dots \dots 40 = x_1 \end{array}$$

$$\frac{x - x_1}{x_2 - x_1} = \frac{\theta - \theta_1}{\theta_2 - \theta_1} \quad x_1 = 40, \theta_1 = 0^\circ \text{C}, \theta = 30^\circ$$

$$\frac{x - 40}{90 - 40} = \frac{30 - 0}{100 - 0} \Rightarrow \frac{x - 40}{50} = \frac{3}{10}$$

$$\Rightarrow x - 40 = 15 \Rightarrow x = 55$$

(رما و کرما) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۸۴ تا ۸۷)

(مریم شیخ‌موم)

۶۳- گزینه «۲»

می‌دانیم افزایش حجم واقعی مایع برابر افزایش حجم ظرف به اضافه مجموع حجم مایع سرریز شده و حجم فضای خالی ظرف است که در این جا برابر

$$V_{\text{خالی ظرف}} = 500 - 490 = 10 \text{ cm}^3$$



۶۶- گزینه ۳»

(مسئله عبوری نژاد)

با توجه به متن کتاب درسی، موارد (الف) و (ب) درست هستند. دلیل نادرستی سایر موارد:

(پ) کمترین دمای ممکن $273/15^{\circ}\text{C}$ - است که همان صفر کلوین می باشد.

(ت) دماسنج بیشینه - کمینه جزو دماسنج های معیار نیست.

(ث) دماسنج ترموکوپل به علت دقت پایین آن، از مجموعه دماسنج های معیار کنار گذاشته شد.

(رما و کرما) (فیزیک ۱، صفحه های ۸۴ تا ۸۷)

۶۷- گزینه ۲»

(مسئله الهی)

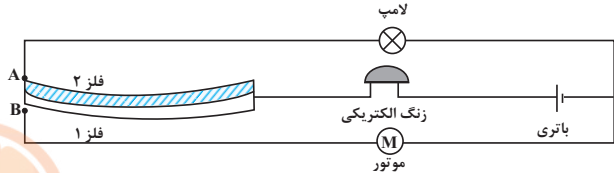
چون با افزایش دمای یکسان، فلز (۱) بیشتر منبسط می شود، لذا ضریب انبساط طولی

آن بیشتر می باشد $(\alpha_1 > \alpha_2)$ ؛ بنابراین، با گرم کردن نوار دوفلزه، فلز (۱) کمان

خارجی و فلز (۲) کمان داخلی را تشکیل می دهد، در نتیجه، نوار دوفلزه به طرف بالا

خم شده و به نقطه A متصل می گردد و جریان الکتریکی باتری علاوه بر زنگ

الکتریکی، از لامپ نیز عبور می کند و آن را روشن خواهد کرد.



(رما و کرما) (فیزیک ۱، صفحه های ۹۰ و ۹۱)

۶۸- گزینه ۲»

(مادر همشیران)

با استفاده از رابطه تغییر طول و با توجه به این که تغییر طول میله A دو برابر تغییر

طول میله B است، ΔT_B را پیدا می کنیم:

$$\Delta L_A = 2\Delta L_B \rightarrow \alpha_A L_A \Delta T_A = 2\alpha_B L_B \Delta T_B$$

$$\Delta T_A = 10^{\circ}\text{C}, \alpha_A = 1/2 \times 10^{-5} \frac{1}{\text{C}}, L_A = 50\text{cm},$$

$$\alpha_B = 1/5 \times 10^{-5} \frac{1}{\text{C}}, L_B = 20\text{cm}$$

$$1/2 \times 10^{-5} \times 50 \times 100 = 2 \times 1/5 \times 10^{-5} \times 20 \times \Delta T_B$$

$$\Rightarrow \Delta T_B = 10^{\circ}\text{C}$$

(رما و کرما) (فیزیک ۱، صفحه های ۸۸ تا ۹۲)

۶۹- گزینه ۳»

(مادر همشیران)

با استفاده از رابطه تغییر سطح داریم:

$$\text{درصد تغییر سطح} = \frac{\Delta A}{A_1} \times 100 = \frac{\Delta A = 2\alpha A_1 \Delta T}{A_1}$$

$$\text{درصد تغییر سطح} = \frac{2\alpha A_1 \Delta T}{A_1} \times 100 = 2\alpha \Delta T \times 100$$

$$2\alpha = 2/5 \times 10^{-5} \frac{1}{\text{C}}$$

$$\Delta T = 200^{\circ}\text{C}$$

$$\text{درصد تغییر سطح} = 2/5 \times 10^{-5} \times 200 \times 100 = 0.8\%$$

(رما و کرما) (فیزیک ۱، صفحه ۹۲)

۷۰- گزینه ۲»

(صالح فومنی بیهت)

با توجه به داده های روی نمودار، در مدت ۹۰ دقیقه دمای جسم از $\theta_1 = -29^{\circ}\text{C}$ به $\theta_2 = 31^{\circ}\text{C}$ می رسد. بنابراین، با توجه به این که در هر ساعت با آهنگ یکنواخت،

۶۰kJ گرما به جسم داده می شود، ابتدا باید مشخص کنیم، در مدت ۹۰ دقیقه

چقدر گرما به جسم داده شده است:

$$P = \frac{Q_1}{\Delta t_1} = \frac{Q_2}{\Delta t_2} \quad \frac{Q_1 = 60\text{kJ}, \Delta t_1 = 90\text{min}}{\Delta t_1 = 1\text{h} = 60\text{min}} \rightarrow$$

$$\frac{60}{60} = \frac{Q_2}{90} \Rightarrow Q_2 = 90\text{kJ} = 90 \times 1000\text{J} = 90000\text{J}$$

اکنون با استفاده از رابطه $Q = mc\Delta T$ ، گرمای ویژه جسم را می یابیم:

$$c = \frac{Q}{m\Delta T} \quad \frac{Q = 90000\text{J}, \Delta T = 31 - (-29) = 60^{\circ}\text{C}}{m = 2\text{kg}} \rightarrow$$

$$c = \frac{90000}{2 \times 60} = 750 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}$$

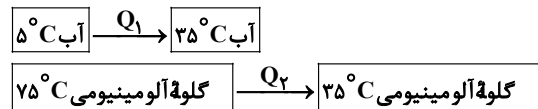
(رما و کرما) (فیزیک ۱، صفحه ۹۸)

۷۱- گزینه ۱»

(کافم بانان)

ابتدا مقدار گرمایی را که گلوله آلومینیومی از دست می دهد و مقدار گرمایی را که آب

می گیرد، می یابیم. با توجه به طرحواره زیر داریم:



$$Q_1 = m_1 c_1 \Delta \theta_1 \quad \frac{m_1 = 400\text{g} = 0.4\text{kg}}{c_1 = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}} \rightarrow Q_1 = 0.4 \times 4200 \times (35 - 5)$$

$$= 50400\text{J}$$

$$Q_2 = m_2 c_2 \Delta \theta_2 \quad \frac{m_2 = 1\text{kg}}{c_2 = 900 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}} \rightarrow$$

$$Q_2 = 1 \times 900 \times (35 - 75) = -36000\text{J}$$

می بینیم، ۴۰۰g آب، مقدار ۵۰۴۰۰J گرما دریافت کرده است و ۱kg گلوله

آلومینیومی، مقدار ۳۶۰۰۰J گرما از دست داده است. بنابراین در کل، مجموعه آب و

گلوله آلومینیومی، $Q = 50400 - 36000 = 14400\text{J}$ گرما دریافت کرده است.

(رما و کرما) (فیزیک ۱، صفحه های ۹۸ و ۹۹ و ۱۰۰)

۷۲- گزینه ۲»

(کافم بانان)

با توجه به طرحواره زیر و استفاده از شرط تعادل گرمایی، به صورت زیر، گرمای ویژه فلز

را می یابیم. دقت کنید، چون آب درون گرماسنج قرار دارد و با آن در حالت تعادل

گرمایی است، دمای اولیه آب و گرماسنج یکسان و برابر 18°C می باشد.

$$Q_1 = m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} \Delta \theta_{\text{آب}} \quad \text{آب } 18^{\circ}\text{C} \rightarrow \text{آب } 20^{\circ}\text{C}$$

$$Q_2 = C_{\text{گرماسنج}} \Delta \theta_{\text{گرماسنج}} \quad \text{گرماسنج } 18^{\circ}\text{C} \rightarrow \text{گرماسنج } 20^{\circ}\text{C}$$

$$Q_3 = m_{\text{فلز}} c_{\text{فلز}} \Delta \theta_{\text{فلز}} \quad \text{فلز } 100^{\circ}\text{C} \rightarrow \text{فلز } 20^{\circ}\text{C}$$

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0 \Rightarrow m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} \Delta \theta_{\text{آب}} + C_{\text{گرماسنج}} + m_{\text{فلز}} c_{\text{فلز}} \Delta \theta_{\text{فلز}}$$

$$m_{\text{آب}} = 500\text{g} = 0.5\text{kg}, m_{\text{فلز}} = 250\text{g} = 0.25\text{kg}$$

$$c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}, C_{\text{گرماسنج}} = 1800 \frac{\text{J}}{\text{K}}, c_{\text{فلز}} = 200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$$



$$۳۶۰۰۰ = ۰ / ۳ \times ۴۲۰۰ \times \Delta\theta + ۷۴۰ \times \Delta\theta$$

$$\Rightarrow ۳۶۰۰۰ = ۲۰۰۰ \Delta\theta \Rightarrow \Delta\theta = ۱۸^\circ\text{C}$$

$$\Delta\theta = \theta_2 - \theta_1 \xrightarrow{\theta_1 = 17^\circ\text{C}} 18 = \theta_2 - 17 \Rightarrow \theta_2 = 35^\circ\text{C}$$

در هنگام خروج فلز دمای مجموعه گرماسنج و آب برابر 35°C است. بنابراین با ریختن مایع و تعادل گرمایی دمای تعادل برابر است با:

$$Q_{\text{مایع}} + Q_{\text{آب}} + Q_{\text{گرماسنج}} = 0 \Rightarrow Q_{\text{مایع}}(\theta - 14) +$$

$$m_{\text{آب}}c_{\text{آب}}(\theta - 35) + C_{\text{گرماسنج}}(\theta - 35) = 0$$

$$\Rightarrow ۶۲۵ \times (\theta - 14) + ۰ / ۳ \times ۴۲۰۰ \times (\theta - 35)$$

$$+ ۷۴۰ \times (\theta - 35) = 0 \Rightarrow ۶۲۵ \times (\theta - 14) + ۲۰۰۰$$

$$\times (\theta - 35) = 0 \Rightarrow ۶۲۵\theta - ۶۲۵ \times ۱۴ + ۲۰۰۰\theta - ۲۰۰۰ \times ۳۵ = 0$$

$$\Rightarrow ۲۶۲۵\theta = ۶۲۵ \times ۱۴ + ۲۰۰۰ \times ۳۵ \xrightarrow{\div ۲۵} 105\theta = 25 \times 14 + 80 \times 35$$

$$\xrightarrow{\div 5} 21\theta + 70 = 560 \Rightarrow 21\theta = 490 \Rightarrow \theta = 23^\circ\text{C}$$

(دما و گرمی) (فیزیک، صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۲)

۷۵- گزینه «۳»

(مریم شیخ‌ممو)

با استفاده از رابطه چگالی جسم با دما به صورت زیر، ضریب انبساط طولی آلایز را پیدا می‌کنیم:

$$\rho_2 = \rho_1 - \frac{1}{100} \rho_1 = 0.99 \rho_1$$

$$\rho_2 = \rho_1(1 - \beta \Delta T) \xrightarrow{\beta = 3\alpha} \Delta T = 1000^\circ\text{C}$$

$$0.99 \rho_1 = \rho_1(1 - 3\alpha \times 1000) \Rightarrow 0.99 = 1 - 3 \times 10^3 \alpha$$

$$\Rightarrow 3 \times 10^3 \alpha = 0.01 \Rightarrow \alpha = \frac{10^{-1}}{3 \times 10^3} \Rightarrow \alpha = \frac{1}{3} \times 10^{-4} \frac{1}{\text{C}}$$

$$= \frac{1}{3} \times 10^{-4} \text{K}^{-1}$$

(دما و گرمی) (فیزیک، صفحه ۹۳)

۷۶- گزینه «۱»

(امیرمسین برادران)

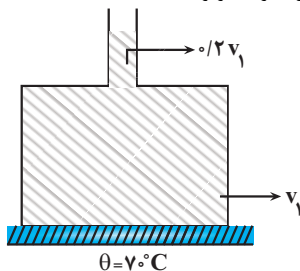
ابتدا افزایش حجم مایع را به دست می‌آوریم:

$$\Delta V = \beta V_1 \Delta\theta \xrightarrow{\Delta\theta = 70 - 20 = 50^\circ\text{C}} \Delta V = 0.2 V_1 \beta \times 50$$

$$\beta = 4 \times 10^{-3} \frac{1}{\text{C}}$$

با افزایش دمای مایع، حجم مایع در لوله باریک 0.2 برابر حجم مایع در قسمت پهن طرف می‌شود. بنابراین وزن مایع در لوله باریک 0.2 برابر وزن مایع در قسمت پایین طرف است.

بنابراین وزن مایع در لوله باریک برابر است با:



$$W_{\text{مایع بالای طرف}} = \frac{0.2}{1.2} \times 12 = 2\text{N}$$

$$\Rightarrow W_{\text{مایع پایین طرف}} = 12 - 2 = 10\text{N}$$

$$0.5 \times 4200 \times (20 - 18) + 1800 \times (20 - 18)$$

$$+ 0.25 \times c_{\text{فلز}} \times (20 - 10) = 0$$

$$\Rightarrow 4200 + 3600 - 20c_{\text{فلز}} = 0 \Rightarrow 7800 = 20c_{\text{فلز}}$$

$$\Rightarrow c_{\text{فلز}} = \frac{390 \text{ J}}{\text{kg} \cdot \text{C}} = \frac{390 \text{ J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$$

(دما و گرمی) (فیزیک، صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۲)

۷۳- گزینه «۱»

(پروام قلعه‌شانی)

چون ظرفیت گرمایی فلز معلوم است، با استفاده از رابطه $Q = C\Delta T$ ، تغییر دمای

جسم را می‌یابیم. دقت کنید، چون $C = 250 \frac{\text{J}}{\text{F}}$ است، تغییر دما را بر حسب درجه

فارنهایت می‌یابیم و سپس آن را به درجه سلسیوس تبدیل می‌کنیم:

$$\Delta F = \frac{Q}{C} \xrightarrow{C = 250 \frac{\text{J}}{\text{F}}} \Delta F = \frac{9450 \text{ J}}{250 \frac{\text{J}}{\text{F}}} = 37.8^\circ\text{F}$$

اکنون θ را بر حسب درجه سلسیوس می‌یابیم:

$$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \Rightarrow \Delta F = \frac{9}{5}\Delta\theta \xrightarrow{\Delta T = 189^\circ\text{F} \Rightarrow \Delta F = 189^\circ\text{F}}$$

$$\frac{189}{5} = \frac{9}{5}\Delta\theta \Rightarrow \Delta\theta = 21^\circ\text{C}$$

$$\Delta\theta = \theta_2 - \theta_1 \xrightarrow{\theta_1 = 15^\circ\text{C}} 21 = \theta - 15 \Rightarrow \theta = 36^\circ\text{C}$$

در آخر θ بر حسب کلون برابر است با:

$$T = \theta + 273 \xrightarrow{\theta = 36^\circ\text{C}} T = 36 + 273 = 309\text{K}$$

(دما و گرمی) (فیزیک، صفحه‌های ۸۴، ۸۵ و ۹۷)

۷۴- گزینه «۳»

(پروام قلعه‌شانی)

مقدار گرمایی که فلز از دست می‌دهد، برابر مقدار گرمایی است که مجموعه گرماسنج و آب می‌گیرند. بنابراین، ابتدا دمای گرماسنج و آب را پس از خارج کردن فلز می‌یابیم.

دقت کنید، چون یکای ظرفیت گرمایی ویژه فلز بر حسب $\frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{F}}$ است، تغییر دمای

فلز را که از 23°C به 13°C θ_2 رسیده است، به درجه فارنهایت تبدیل می‌کنیم:

$$\Delta F = \frac{9}{5}\Delta\theta \xrightarrow{\Delta\theta = 13 - 23 = -10^\circ\text{C}} \Delta F = \frac{9}{5} \times (-10) = -18^\circ\text{F}$$

$$Q_{\text{فلز}} = mc\Delta\theta \xrightarrow{m = 0.4 \text{ kg}, \Delta F = -18^\circ\text{F}} Q_{\text{فلز}} = 0.4 \times 500 \times (-180)$$

$$c = 500 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{F}}$$

$$= -36000\text{J}$$

می‌بینیم، آب و گرماسنج که در ابتدا دمای آن‌ها 17°C بوده است، 36000J گرما از فلز دریافت می‌کنند. بنابراین، در این قسمت دمای مجموعه آب و گرماسنج را پس از خارج کردن فلز می‌یابیم:

$$Q_{\text{گرماسنج}} + Q_{\text{آب}} + Q_{\text{گرماسنج}} = 0$$

$$Q_{\text{گرماسنج}} + Q_{\text{آب}} = -Q_{\text{فلز}} = 36000\text{J}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{C}}$$

$$\xrightarrow{m_{\text{آب}} = 0.3 \text{ kg}, C = 740 \frac{\text{J}}{\text{C}}}$$



اکنون با استفاده از رابطه انبساط حجمی داریم:

$$\Delta V = V\beta\Delta\theta \quad \frac{\beta = \alpha}{\Delta\theta_A = \Delta\theta_B} \rightarrow \frac{\Delta V_A}{\Delta V_B} = \frac{\alpha_A}{\alpha_B} \times \frac{V_A}{V_B}$$

$$\frac{\alpha_A = 1/2\alpha_B}{\frac{V_A = 5}{V_B = 3}} \times \frac{\Delta V_A}{\Delta V_B} \quad 1/2 \quad \frac{5}{3} \quad 2$$

(رما و کرما) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۹۳، ۹۴، ۹۷ و ۹۸)

۷۹- گزینه ۳»

(فخر از کشور ریاضی ۹۸)

با استفاده از رابطه تغییرات چگالی با دما، داریم:

$$\rho_2 = \rho_1(1 - \beta\Delta T) \Rightarrow \rho_2 - \rho_1 = -\rho_1\beta\Delta T$$

$$\Rightarrow \rho_2 - \rho_1 = -\frac{m}{V_1}\beta\Delta T \quad V_{\text{کره}} = \frac{4}{3}\pi r^3$$

$$\beta = \alpha$$

$$-\frac{44 \times 10^{-3}}{\frac{4}{3} \times 3 \times (10^{-2})^3} \times (3 \times 3 \times 10^{-5}) \times 100 \Rightarrow \rho_2 - \rho_1 = -99 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

(رما و کرما) (فیزیک ۱، صفحه ۹۴)

۸۰- گزینه ۴»

(سراسری ریاضی ۹۹)

رابطه تغییرات دمای یک جسم، با مقدار گرمای داده شده به آن $Q = mc\Delta\theta$ می‌باشد. از این رابطه برای مقایسه دو جسم A و B داریم:

$$\frac{Q_A}{Q_B} = \frac{m_A c_A \Delta\theta_A}{m_B c_B \Delta\theta_B} \quad Q_A = Q_B \quad m_A = m_B$$

$$c_A = \frac{1}{2} c_B$$

$$1 = 1 \times \frac{1}{2} \frac{\Delta\theta_A}{\Delta\theta_B} \Rightarrow \frac{\Delta\theta_A}{\Delta\theta_B} = 2 \quad (*)$$

حال از رابطه انبساط حجمی بر حسب تغییرات دما می‌توان نوشت:

$$\Delta V = V(\alpha\Delta\theta)$$

$$\frac{\Delta V_A}{\Delta V_B} = \frac{V_A(\alpha_A\Delta\theta_A)}{V_B(\alpha_B\Delta\theta_B)} \quad (*), V_A = \frac{1}{4}V_B$$

$$\alpha_A = \frac{1}{2}\alpha_B$$

$$\frac{\Delta V_A}{\Delta V_B} = \frac{V_A(\alpha_A\Delta\theta_A)}{(4V_A)(2\alpha_A) \times (\frac{1}{2}\Delta\theta_A)} = \frac{1}{4}$$

(رما و کرما) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۹۳ و ۹۴)

فیزیک ۲

۸۱- گزینه ۴»

(امیر صدیقی پور)

وقتی یک آهنربا را به چند قطعه تبدیل می‌کنیم، هر قطعه تبدیل به آهنربا می‌شود. بنابراین با توجه به شکل‌های زیر جهت عقربه‌های A و C به طرف راست می‌باشد.



(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

۸۲- گزینه ۲»

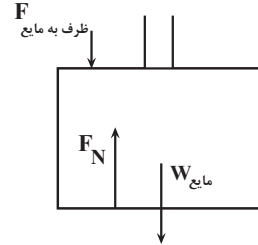
(میلاد ظاهرعزیزی)

با توجه به خطوط میدان مغناطیسی اطراف آهنربای میله‌ای و همچنین با تجزیه بردار میدان مغناطیسی خالص، می‌توان گفت که، C قطب N آهنربای A است. زیرا با توجه

اکنون نیرویی که مایع در این حالت به سطح افق وارد می‌کند را به دست می‌آوریم:

$$F_N = W_{\text{مایع بالای ظرف}} + F_{\text{مایع پایین ظرف}} = 10 + \frac{5}{10} \times 2 = 20 \text{ N}$$

نیرویی که به سطح وارد می‌کند مطابق شکل برابر است با:



$$F_N = F_{\text{ظرف به مایع}} + W_{\text{مایع}} \Rightarrow F_{\text{ظرف به مایع}} = 20 - 12 = 8 \text{ N}$$

چون در این حالت ظرف در آستانه جدا شدن از سطح افق قرار می‌گیرد بنابراین مطابق قانون سوم نیوتون نیرویی که مایع به سمت بالا به ظرف وارد می‌کند با نیرویی که ظرف به سمت پایین به مایع وارد می‌کند، برابر است. بنابراین جرم ظرف برابر است با:

$$F_{\text{ظرف به مایع}} = W_{\text{ظرف}} = \frac{W_{\text{ظرف}} = m_{\text{ظرف}} g}{g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}} \rightarrow 8 \quad 10 \text{ m}$$

$$\Rightarrow m_{\text{ظرف}} = 0.8 \text{ kg} = 800 \text{ g}$$

(رما و کرما) (فیزیک ۱، صفحه ۹۳)

۷۷- گزینه ۲»

(امیرصدیقین برادران)

در شکل چون جسم غوطه‌ور است بنابراین چگالی جسم با چگالی آب در دمای 2°C برابر است.

$$\rho_{\text{جسم}} = \rho_{2^\circ\text{C}} \text{ آب}$$

با افزایش دمای آب از 2°C تا 4°C چگالی آب افزایش می‌یابد. بنابراین با توجه به ثابت بودن چگالی جسم داریم:

$$\rho_{\text{جسم}} = \rho_{4^\circ\text{C}} \text{ آب} \rightarrow \rho_{\text{جسم}} < \rho_{4^\circ\text{C}} \text{ آب} < \rho_{2^\circ\text{C}} \text{ آب}$$

⇐ جسم در آب 4°C شناور می‌شود.

با کاهش دمای آب از 2°C تا 0°C چگالی آن کاهش می‌یابد.

$$\rho_{\text{جسم}} = \rho_{0^\circ\text{C}} \text{ آب} \rightarrow \rho_{\text{جسم}} > \rho_{0^\circ\text{C}} \text{ آب}$$

⇐ جسم در آب 0°C ته‌نشین می‌شود.

(رما و کرما) (فیزیک ۱، صفحه ۹۵)

۷۸- گزینه ۱»

(امیرصدیقین برادران)

شیب نمودار گرما بر حسب دما برابر ظرفیت گرمایی است. با توجه به نمودار نسبت ظرفیت گرمایی دو کره را به دست می‌آوریم:

$$Q = C\Delta\theta \Rightarrow \frac{C_A}{C_B} = \frac{\frac{2}{3}}{\frac{1}{4}} = \frac{8}{3} \quad \frac{C = mc}{m = \rho V}$$

$$\frac{\rho_A V_A c_A}{\rho_V V_B c_B} = \frac{8}{3} \quad \frac{\rho_A = 0.8 \rho_B}{c_A = 2 c_B} \rightarrow 2 \times 0.8 \times \frac{V_A}{V_B} = \frac{8}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{V_A}{V_B} = \frac{5}{3}$$



در آخر داریم:

$$\vec{F} = \vec{F}_x + \vec{F}_y \Rightarrow F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{6^2 + 36} \Rightarrow F = 6\text{N}$$

(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۷۳ تا ۷۶)

(ویرا عبیری بهاران)

۸۵- گزینه «۳»

طبق قاعده دست راست، در میدان مغناطیسی بر ذره باردار منفی نیروی مغناطیسی \vec{F}_B رو به پایین وارد می‌شود. با توجه به این که نیروی وزن و نیروی مغناطیسی رو به پایین بر ذره وارد می‌شود، برای آن که ذره از مسیر اولیه خود منحرف نشود و در همان امتداد محور x به حرکت خود ادامه دهد، باید نیروی الکتریکی رو به بالا و هم‌اندازه با مجموع نیروی وزن و نیروی مغناطیسی بر ذره اثر کند، بنابراین، با توجه به این که نیروی الکتریکی وارد بر بار منفی در خلاف جهت میدان الکتریکی است، لذا باید جهت میدان الکتریکی به طرف پایین باشد. برای محاسبه اندازه \vec{E} می‌توان نوشت:

$$F_E = mg + F_B$$

$$F_B = q|vB \sin 90^\circ$$

$$F_E = q|E$$

$$|q| |E| = mg + |q| |vB \sin 90^\circ$$

$$v = 1.0^4 \frac{\text{m}}{\text{s}}, B = 0.2\text{T}$$

$$|q| = 5 \times 10^{-6} \text{C}, m = 3 \times 10^{-3} \text{kg}$$

$$5 \times 10^{-6} \times E = 3 \times 10^{-3} \times 1.0^4 \times 0.2 + 5 \times 10^{-6} \times 1.0^4 \times 0.2$$

$$\Rightarrow 5 \times 10^{-6} \times E = 0.03 + 0.01 \Rightarrow 5 \times 10^{-6} E = 0.04$$

$$\Rightarrow E = \frac{4 \times 10^{-2}}{5 \times 10^{-6}} = 8000 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۷۱ و ۷۲)

(علیرضا آذری)

۸۶- گزینه «۲»

ابتدا تعداد دورهای سیمولوله را می‌یابیم:

$$N = \frac{L}{2\pi r} = \frac{L = 314\text{cm}}{\pi = 3.14, r = 0.5\text{cm}} \Rightarrow N = \frac{314}{2 \times 3.14 \times 0.5} = 100$$

اکنون، طول سیمولوله را حساب می‌کنیم:

$$B = \frac{\mu_0 NI}{\ell} \Rightarrow \ell = \frac{\mu_0 NI}{B}$$

$$\ell = \frac{12 \times 10^{-7} \times 100 \times 40}{0.05} \Rightarrow \ell = 0.096\text{m} = 9.6\text{cm}$$

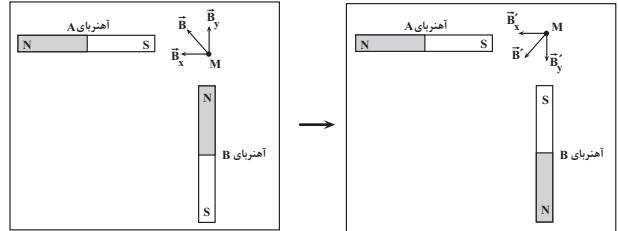
(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه ۸۳)

(امیرامهر میرسعید)

۸۷- گزینه «۲»

چون مولفه‌های افقی سرعت و میدان مغناطیسی، هم‌راستا و هم‌چنین مولفه‌های عمودی سرعت و میدان مغناطیسی نیز هم‌راستا می‌باشند، از طرف مولفه‌های افقی و عمودی میدان مغناطیسی به ترتیب بر مولفه‌های افقی و عمودی سرعت، نیرو وارد نمی‌شود. در این جا، \vec{B}_x بر \vec{v}_y و \vec{B}_y بر \vec{v}_x نیرو وارد می‌کند و نیروی مغناطیسی وارد بر ذره، برآیند دو نیروی \vec{F}_x و \vec{F}_y خواهد بود.

به بردار میدان مغناطیسی \vec{B}_x در نقطه M خطوط میدان به آهنربای افقی وارد شده است، لذا سر نزدیکتر آهنربا قطب S و سر دیگر آن قطب N می‌باشد. با عوض کردن جای قطب‌های آهنربای B میدان مغناطیسی خالص مطابق شکل زیر است:



(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۶۷ تا ۷۰)

۸۳- گزینه «۳»

(معمور منصوری)

ابتدا تعداد دورهای سیمولوله را محاسبه می‌کنیم:

$$N = \frac{\text{طول سیم}}{\text{محیط حلقه}} = \frac{L}{2\pi r} = \frac{L = 60\text{m}}{2\pi r = 1.0 \times 10^{-2} \text{m}}$$

$$N = \frac{60}{2 \times 3.14 \times 10^{-2}} = 1000$$

بیشینه مقدار میدان مغناطیسی را در حالتی داریم که طول سیمولوله کمترین مقدار باشد. از طرف دیگر، کمترین طول سیمولوله در حالتی است که حلقه‌های سیمولوله به یکدیگر چسبیده باشند، بنابراین داریم:

$$\ell_{\min} = N \times D \Rightarrow \ell_{\min} = 1000 \times 4 \times 10^{-3} = 4\text{m}$$

$$B_{\max} = \frac{\mu_0 NI}{\ell_{\min}} = \frac{12 \times 10^{-7} \times 1000 \times 40}{4} = 12 \times 10^{-5} \text{T} = 1.2 \times 10^{-4} \text{T}$$

$$B_{\max} = 12 \times 10^{-5} \times 100 \times 40 / 4 = 12 \times 10^{-5} \text{T} = 1.2 \times 10^{-4} \text{T}$$

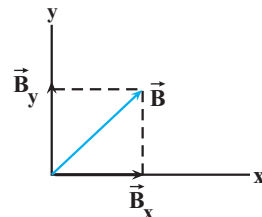
$$B_{\max} = 12 \times 10^{-5} \times 100 \times 40 / 4 = 12 \times 10^{-5} \text{T} = 1.2 \times 10^{-4} \text{T}$$

(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۸۱ تا ۸۲)

۸۴- گزینه «۴»

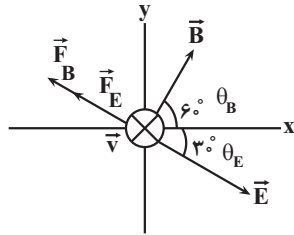
(آزاد سینی‌نژاد)

با توجه به شکل زیر، چون سیم در راستای محور x قرار دارد، زاویه بین \vec{B}_x و راستای سیم برابر $\theta_x = 0^\circ$ می‌باشد، لذا طبق رابطه $F = I\ell B \sin \theta$ ، مؤلفه \vec{B}_x میدان مغناطیسی به سیم نیرو وارد نمی‌کند. از طرف دیگر، زاویه بین \vec{B}_y و راستای سیم برابر $\theta_y = 90^\circ$ است، بنابراین نیرویی که مؤلفه \vec{B}_y بر سیم وارد می‌کند، برابر است با:



$$F_y = I\ell B_y \sin \theta_y = I\ell B_y \sin 90^\circ$$

$$F_y = 20 \times 1 \times 0.3 \times \sin 90^\circ = 6 \times 1 = 6\text{N}$$



از آن جایی که بار ذره منفی است، مطابق شکل، در لحظه ورود به میدان الکتریکی نیرویی در راستای میدان و خلاف جهت میدان به ذره وارد می‌گردد و اندازه نیروی الکتریکی برابر است با:

$$F_E = |q| E = \frac{E = 2.0 \cdot 10^{-6} \text{ N}}{|q| = 1.0 \times 10^{-6} \text{ C}} \rightarrow F_E = 2.0 \cdot 10^{-6} \text{ N}$$

$$= 2 \times 10^{-3} \text{ N} = 2 \text{ mN}$$

همچنین با توجه به این که جهت حرکت ذره درون سو است، طبق قاعده دست راست، مطابق شکل، نیروی مغناطیسی وارد بر ذره هم جهت با \vec{F}_E خواهد شد و اندازه نیروی مغناطیسی برابر است با:

$$F = |q| v B \sin \theta \quad |q| = 1.0 \times 10^{-6} \text{ C}, B = 2 \text{ T} \\ v = 15.0 \frac{\text{m}}{\text{s}}, \theta = 90^\circ$$

$$F = 1.0 \times 10^{-6} \times 15.0 \times 2 \times 1 = 3 \times 10^{-3} \text{ N} = 3 \text{ mN}$$

بنابراین اندازه برآیند نیروهای وارد بر ذره از طرف میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی برابر است با:

$$F_{\text{net}} = F_B + F_E = 3 + 2 = 5 \text{ mN}$$

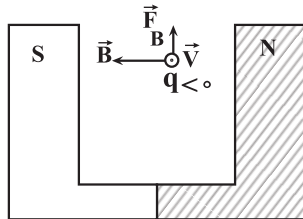
دقت کنید، چون \vec{E} و \vec{B} برهم عمودند و \vec{F}_B هم بر \vec{B} عمود است، لذا \vec{F}_B و \vec{F}_E هم راستا می‌شوند.

(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۷۱ تا ۷۳)

(علی اکبریان کیاسری)

۹۰- گزینه «۱»

در ابتدا ترازو نیروی وزن آهنربا را نشان می‌دهد. با عبور ذره باردار از میان قطب‌های آهنربا، با توجه به قطب‌های آهنربا و جهت حرکت ذره و با استفاده از قاعده دست راست، جهت نیروی مغناطیسی وارد بر ذره از طرف آهنربا به سمت بالا می‌باشد و اندازه آن برابر است با:



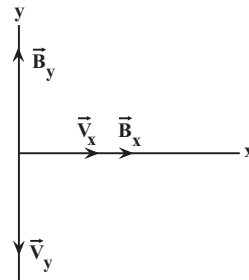
$$F_B = |q| v B \sin \theta \quad |q| = 2.0 \times 10^{-6} \text{ C}, \theta = 90^\circ \\ v = 5 \times 10^7 \frac{\text{m}}{\text{s}}, B = 0.2 \text{ T} = 0.2 \times 10^{-4} \text{ T}$$

$$F_B = 2.0 \times 10^{-6} \times 5 \times 10^7 \times 0.2 \times 10^{-4} \times \sin 90^\circ$$

$$\sin 90^\circ = 1 \rightarrow F_B = 0.2 \text{ N}$$

چون از طرف آهنربا بر ذره باردار، نیروی \vec{F}_B رو به بالا وارد می‌شود، طبق قانون سوم نیوتون، ذره باردار نیرویی هم‌اندازه با اندازه \vec{F}_B رو به پایین و در جهت نیروی وزن آهنربا بر آن وارد می‌کند. بنابراین، ترازو، مجموع اندازه‌های \vec{F}_B و \vec{W} را نشان می‌دهد که برابر است با:

بنابراین، ابتدا \vec{F}_x و \vec{F}_y را می‌یابیم:



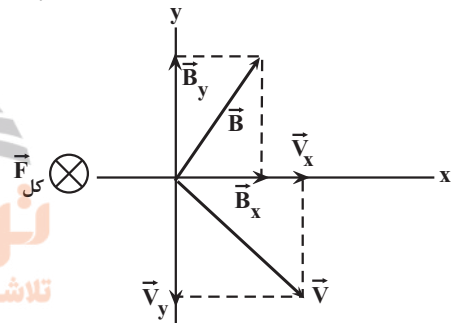
$$F_x = |q| v_y B_x \sin 90^\circ \quad |q| = 4 \times 10^{-6} \text{ C} \\ v_y = 4 \times 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}}, B_x = 2 \text{ T}$$

$$F_x = 4 \times 10^{-6} \times 4 \times 10^5 \times 2 \times 1 = 3.2 \text{ N} \text{ (درون سو)}$$

$$F_y = |q| v_x B_y \sin 90^\circ \quad v_x = 3 \times 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ B_y = 2 \text{ T}$$

$$F_y = 4 \times 10^{-6} \times 3 \times 10^5 \times 2 \times 1 = 2.4 \text{ N} \text{ (درون سو)}$$

با توجه به قاعده دست راست، چون جهت نیروهای \vec{F}_x و \vec{F}_y درون سو است، نیروی مغناطیسی کل وارد بر ذره، درون سو و اندازه آن برابر مجموع \vec{F}_x و \vec{F}_y خواهد بود.



$$F_{\text{کل}} = F_x + F_y = 3.2 + 2.4 = 5.6 \text{ N}$$

(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه ۷۱)

۸۸- گزینه «۳»

(فاج از کشور، تهری ۹۹)

اتم‌های مواد دیامغناطیسی به طور ذاتی فاقد خاصیت مغناطیسی اند. به عبارت دیگر، هیچ یک از اتم‌های این مواد، دارای دو قطبی مغناطیسی خالصی نیستند. با وجود این، حضور میدان مغناطیسی خارجی، می‌تواند سبب القای دو قطبی‌های مغناطیسی در خلاف سوی میدان خارجی، در مواد دیامغناطیسی شود.

(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه ۸۴)

۸۹- گزینه «۴»

(علی اکبریان کیاسری)

با رسم دستگاه مختصات و جهت حرکت ذره داریم:

$$\vec{E} = 100\sqrt{3} \vec{i} - 100 \vec{j} \Rightarrow E = \sqrt{(100\sqrt{3})^2 + (-100)^2} = 200 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

$$\vec{B} = \vec{i} + \sqrt{3} \vec{j}$$

$$B = \sqrt{(1)^2 + (\sqrt{3})^2} = 2 \text{ T}$$

$$\tan \theta_E = \frac{100}{100\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\Rightarrow \theta_E = 30^\circ$$

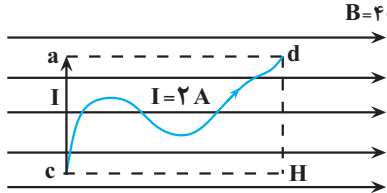
$$\tan \theta_B = \frac{\sqrt{3}}{1} = \sqrt{3} \Rightarrow \theta_B = 60^\circ$$



۹۳- گزینه «۲»

(مصطفی کیانی)

از ابتدای سیم (نقطه c)، محور عمود بر میدان مغناطیسی را رسم می‌کنیم و سپس از انتهای سیم (نقطه d)، بر این محور عمود می‌کنیم. نیرویی که بر طول **ca** وارد می‌شود، برابر نیرویی است که بر کل سیم وارد خواهد شد. زیرا، تنها بر طولی از سیم که عمود بر میدان مغناطیسی است، نیرو وارد می‌شود.

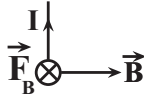


$$F = I l_{ca} B \sin \theta \quad \begin{matrix} l_{ca} = l_{dH} = 0.25 \text{ m}, \theta = 90^\circ \\ B = 400 \text{ G} = 400 \times 10^{-4} \text{ T}, I = 2 \text{ A} \end{matrix}$$

$$F = 2 \times 0.25 \times 400 \times 10^{-4} \times \sin 90^\circ \quad \frac{\sin 90^\circ}{1} = 1$$

$$F = 0.2 \text{ N}$$

با استفاده از قاعده دست راست جهت نیروی وارد بر سیم را تعیین می‌کنیم:

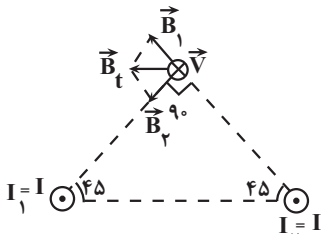


(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۷۳ تا ۷۵)

۹۴- گزینه «۲»

(سید علی شیرازی)

ابتدا جهت میدان مغناطیسی هریک از سیم‌ها را در رأس قائمه مثلث تعیین می‌کنیم و سپس برابری آن‌ها را به دست می‌آوریم.



$$B_t = \sqrt{B_1^2 + B_2^2} \quad B_1 = B_2 = 4G \rightarrow B_t = \sqrt{4^2 + 4^2} = \sqrt{2 \times 4^2}$$

$$\Rightarrow B_t = 4\sqrt{2}G = 4\sqrt{2} \times 10^{-4} \text{ T}$$

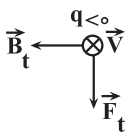
اکنون اندازه نیروی وارد بر ذره باردار که از رأس قائمه مثلث عبور می‌کند، می‌یابیم:

$$F = |q| v B \sin \theta \quad \begin{matrix} \theta = 90^\circ, v = 1.4 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ |q| = 2 \times 10^{-6} \text{ C}, B = 4\sqrt{2} \times 10^{-4} \text{ T} \end{matrix}$$

$$F = 2 \times 10^{-6} \times 1.4 \times 4\sqrt{2} \times 10^{-4} \times \sin 90^\circ$$

$$\frac{\sin 90^\circ}{1} \rightarrow F = 8\sqrt{2} \times 10^{-6} \text{ N} = 8\sqrt{2} \mu\text{N}$$

با توجه به جهت \vec{B} و \vec{V} و استفاده از قاعده دست راست، جهت نیروی مغناطیسی به طرف پایین است.



(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۷۱ تا ۷۵)

$$F_N = F_B + W \quad \begin{matrix} W = 1 \text{ N} \\ F_B = 0.2 \text{ N} \end{matrix}$$

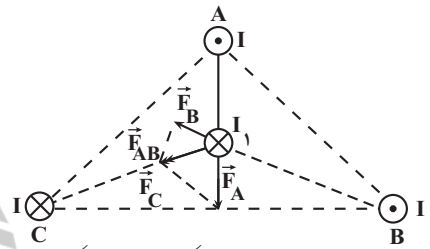
$$F_N = 0.2 + 1 = 1.2 \text{ N}$$

(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه ۷۹)

۹۱- گزینه «۴»

(امیرمهر مفسن‌زاده)

می‌دانیم نیروی بین دو سیم راست و موازی با جریان‌های هم‌جهت، به‌صورت رپایشی (جاذبه) و نیروی بین دو سیم راست و موازی با جریان‌های خلاف جهت یکدیگر، رانشی (دافعه) است. از طرف دیگر، چون فاصله سیم‌ها از مرکز مثلث و جریان الکتریکی آن‌ها، هم‌اندازه است، لذا نیرویی که به سیم I_1 واقع در مرکز مثلث وارد می‌کنند، یکسان خواهد بود. با توجه به این‌که، جهت جریان سیم‌های **A** و **B** مخالف جهت جریان سیم I_1 است، این دو سیم، سیم I_1 را می‌رانند، اما چون جریان سیم **C** هم‌جهت با جریان سیم I_1 است، آن را می‌باید. بنابراین، چون نیروهای \vec{F}_B و \vec{F}_A هم‌اندازه‌اند، برابری آن‌ها (\vec{F}_{AB}) هم‌راستا و هم‌جهت با \vec{F}_C است، لذا، برابری نیروی \vec{F}_A ، \vec{F}_B و \vec{F}_C هم‌جهت با \vec{F}_C ، یعنی به‌صورت زیر است.



(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۷۶ تا ۸۱)

۹۲- گزینه «۱»

(سید علی شیرازی)

ابتدا نیروی وزن سیم را می‌یابیم:

$$W = mg \quad m = 16 \times 10^{-3} \text{ kg} \rightarrow W = 16 \times 10^{-3} \times 10$$

$$= 160 \times 10^{-3} \text{ N} = 160 \text{ mN}$$

چون نیروی وزن سیم از مجموع نیروهایی که نیروسنج‌ها نشان می‌دهند (20 mN) بیشتر است، لذا، باید برای تعادل سیم، نیروی مغناطیسی \vec{F}_B به طرف بالا باشد. بنابراین، با توجه به جهت جریان الکتریکی و جهت \vec{F}_B و استفاده از قاعده دست راست، جهت میدان مغناطیسی \vec{B} ، درون سو خواهد بود و اندازه آن برابر است با:

$$F_e = 10 \text{ mN} \quad F_e = 10 \text{ mN}$$

$$F_{net} = 0 \Rightarrow 2F_e + F_B = W \quad \begin{matrix} F_e = 10 \text{ mN} = 10 \times 10^{-3} \text{ N} \\ W = 160 \times 10^{-3} \text{ N} \end{matrix}$$

$$2 \times 10 \times 10^{-3} + F_B = 160 \times 10^{-3} \Rightarrow F_B = 160 \times 10^{-3} - 20 \times 10^{-3}$$

$$= 140 \times 10^{-3} \text{ N} = 0.14 \text{ N}$$

در آخر داریم:

$$F_B = I l B \sin \theta \quad \begin{matrix} \theta = 90^\circ, l = 0.7 \text{ m} \\ I = 2 \text{ A}, F_B = 0.14 \text{ N} \end{matrix}$$

$$0.14 = 2 \times 0.7 \times B \times \sin 90^\circ \quad \frac{\sin 90^\circ}{1} = 1$$

$$0.14 = 1.4 B \Rightarrow B = 0.1 \text{ T}$$

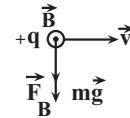
(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۷۳ تا ۷۵)



۹۵- گزینه «۳»

(سعیر شرق)

در لحظه ورود بار الکتریکی به میدان مغناطیسی، دو نیروی وزن و نیروی مغناطیسی به ذره وارد شده و به آن شتاب می‌دهند. بنابراین، با توجه به این که $a = 2g$ و از شتاب گرانشی بزرگتر می‌باشد، لذا، باید نیروی \vec{F}_B در جهت نیروی وزن؛ یعنی روبه پایین بر ذره باردار وارد شود. بنابراین، با توجه به جهت \vec{V} و \vec{F}_B باید جهت \vec{B} برون‌سو باشد و اندازه آن، با استفاده از قانون دوم نیوتون برابر است با:



$$F_{net} = ma \Rightarrow F_B + mg = ma \quad \begin{matrix} a=2g, \theta=90^\circ \\ F_B = qvB \sin \theta \end{matrix}$$

$$|q| vB \sin 90^\circ + mg = m \times 2g \quad \begin{matrix} |q| = q \\ \sin 90^\circ = 1 \end{matrix}$$

$$qvB \times 1 = mg \Rightarrow B = \frac{mg}{qv}$$

(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه ۷۱)

۹۶- گزینه «۴»

(ریاضی ۱۳۰۰)

طبق قاعده دست راست، چون میدان مغناطیسی برآیند در نقطه A برابر با صفر است و میدان مغناطیسی ناشی از سیم حامل جریان (۱) در نقطه A درون‌سو است، بنابراین میدان مغناطیسی ناشی از سیم حامل جریان (۲) در نقطه A باید برون‌سو باشد و در نتیجه طبق قاعده دست راست، جهت جریان در سیم حامل جریان (۲) به سمت راست و هم‌جهت با I_1 خواهد بود.

چون نقطه A به سیم حامل جریان (۲) نزدیک‌تر است، بنابراین جریان I_2 باید از جریان I_1 کوچک‌تر باشد.

(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۷۶ تا ۷۹)

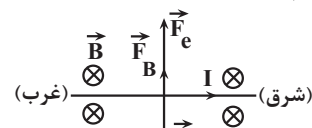
۹۷- گزینه «۴»

(معمرا مین سلمان)

ابتدا نیروی وزن سیم را می‌یابیم و سپس با عدد نیروسنج مقایسه می‌کنیم. اگر نیروی وزن بزرگتر از عدد نیروسنج باشد، برای تعادل سیم، \vec{F}_B رو به بالا و اگر کمتر باشد، \vec{F}_B رو به پایین خواهد بود.

$$W = mg = \frac{m = 2 \cdot g = 2 \cdot 10^{-2} \text{ kg}}{W = 20 \cdot 10^{-2} \times 10 = 0.2 \text{ N}}$$

چون $W > F_e = 0.16 \text{ N}$ است، \vec{F}_B رو به بالا می‌باشد. بنابراین، با توجه به جهت میدان مغناطیسی زمین که رو به شمال (درون‌سو) است و با توجه به شکل زیر، باید جریان الکتریکی در سیم از غرب به شرق باشد و اندازه آن به صورت زیر به دست می‌آید.



$$F_{net} = 0 \Rightarrow F_e + F_B - W = 0 \quad \begin{matrix} F_B = ILB \sin 90^\circ \\ \sin 90^\circ = 1 \end{matrix}$$

$$F_e + ILB - W = 0$$

$$\begin{matrix} B = 0.5 \text{ G} = 0.5 \times 10^{-4} \text{ T}, W = 0.2 \text{ N} \\ \ell = 80 \text{ cm} = 0.8 \text{ m}, F_e = 0.16 \text{ N} \end{matrix}$$

$$0.16 + I \times 0.8 \times 0.5 \times 10^{-4} - 0.2 = 0$$

$$\Rightarrow 4 \times 10^{-5} I = 0.04 \Rightarrow I = 1000 \text{ A}$$

(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۷۱ تا ۷۵)

۹۸- گزینه «۲»

(غلامرضا موی)

الف) نادرست است. دو قطبی‌های مغناطیسی در مواد پارامغناطیسی به‌طور کاتوره‌ای سمت‌گیری کرده‌اند و میدان مغناطیسی خالصی ایجاد نمی‌کنند.

(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۸۳ و ۸۴)

۹۹- گزینه «۲»

(حامد جمشیدیان)

با توجه به متن کتاب درسی، پاراگراف اول از صفحه ۸۴، گزینه ۲ درست است.

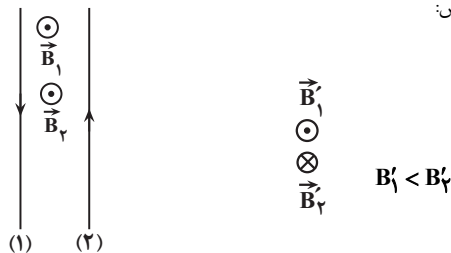
(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه ۸۴)

۱۰۰- گزینه «۴»

(امیرسین برادران)

چون میدان برآیند در نقطه M صفر است، پس میدان حاصل از سیم‌های (۱) و (۲) در این نقطه هم اندازه و خلاف جهت یکدیگرند. بنابراین جریان عبوری از سیم‌ها خلاف جهت یکدیگرند. در این حالت، میدان برآیند در خارج از فاصله دو سیم و نزدیک به سیم با جریان کوچکتر صفر می‌شود لذا $I_1 < I_2$. همچنین میدان هر یک از دو سیم در فاصله بین دو سیم با یکدیگر هم‌جهت است. بنابراین با استفاده از قاعده دست راست برای تعیین جهت میدان مغناطیسی سیم حامل، جریان سیم (۱) به سمت پایین و جریان سیم (۲) به سمت بالا است.

اکنون جهت میدان مغناطیسی هر یک از دو سیم را در محل سیم (۳) مشخص می‌کنیم: از طرفی چون $I_2 > I_1$ است و همچنین فاصله سیم (۳) تا سیم (۲) کمتر از فاصله آن تا سیم (۱) است پس:



بنابراین میدان برآیند در محل سیم (۳) درون‌سو است:

$$B_T = B'_2 - B'_1 = \frac{B_2 = 60 \cdot G}{B'_1 = 40 \cdot G}$$

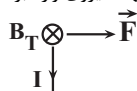
$$B_T = 60 - 40 = 20 \cdot G$$

اکنون نیروی وارد بر 50 سانتی‌متر از سیم را به دست می‌آوریم:

$$F = BIL \sin \theta \quad \begin{matrix} \theta = 90^\circ, I = 2 \text{ A}, L = 50 \text{ cm} = 0.5 \text{ m} \\ B = 20 \cdot G = 2 \times 10^{-2} \text{ T} \end{matrix}$$

$$F = 2 \times 10^{-2} \times 2 \times 0.5 = 0.02 \text{ N}$$

با استفاده از قاعده دست راست، جهت نیروی وارد بر سیم (۳) را مشخص می‌کنیم:



(مغناطیس و القای الکترومغناطیسی) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۷۱ تا ۷۹)

شیمی ۳

۱۰۱- گزینه ۲

(موردی سوامی)

بررسی گزینه‌ها:
گزینه ۱: نادرست - تولید انرژی الکتریکی پاک و ارزان دستاوردی از دانش الکتروشیمی است.
گزینه ۲: درست - طبق شکل ۱ صفحه ۳۸ کتاب شیمی ۳ صحیح است.
گزینه ۳: نادرست - دو رکن اساسی تحقق این فناوری‌ها، دستیابی به مواد مناسب و تأمین انرژی است.
گزینه ۴: نادرست - هر سه مورد این شاخه‌ها، به تولید مواد کمک می‌کند.
(آسایش و رفاه در سایه شیمی) (شیمی ۳، صفحه‌های ۳۷ و ۳۸)

۱۰۲- گزینه ۲

(مکران یاری)

بررسی موارد نادرست:
مورد الف) نادرست - یکی از راه‌های بهره‌گیری از انرژی ذخیره شده در فلزها، اتصال آن‌ها در شرایط مناسب به یکدیگر است.
مورد ب) نادرست - در فناوری‌هایی که الکتروشیمی در آسایش و رفاه آن نقش دارد، پرکاربردترین شکل انرژی، انرژی الکتریکی است.
(آسایش و رفاه در سایه شیمی) (شیمی ۳، صفحه‌های ۳۷ و ۳۹)

۱۰۳- گزینه ۱

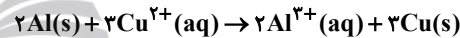
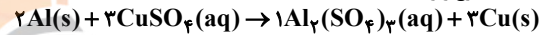
(عین‌الله ابوالفتی)

اکسند ماده‌ای است که با گرفتن الکترون (الکترون گیرنده است) از گونه‌های دیگر خودش کاهش می‌یابد. (خودش کاهش می‌دهد) تأیید موارد I و III
کاهش ماده‌ای است که با دادن الکترون به گونه‌های دیگر خودش اکسایش می‌یابد (مواد دیگر را کاهش می‌دهد) تأیید مورد II
عدد اکسایش گونه کاهشنده به دلیل اکسید شدن و از دست دادن الکترون افزایش می‌یابد. تأیید مورد IV. کاهشنده می‌تواند فلز یا نافلز باشد. رد مورد V
(آسایش و رفاه در سایه شیمی) (شیمی ۳، صفحه‌های ۳۹ و ۴۲)

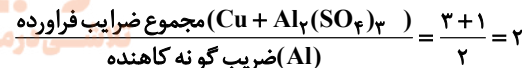
۱۰۴- گزینه ۲

(ارژنگ قانلری)

معادله موازنه شده به شرح زیر است:



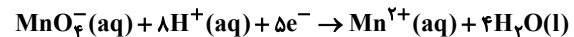
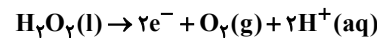
واکنش‌هایی نظیر واکنش بالا با آزاد شدن گرما همراه هستند و دمای محلول پس از مدتی افزایش می‌یابد. در این واکنش هر اتم آلومینیوم با از دست دادن ۳ الکترون اکسایش پیدا می‌کند و هر یون مس (نه اتم) با گرفتن ۲ الکترون کاهش می‌یابد. به این ترتیب اتم Al گونه کاهشنده و یون مس اکسند محسوب می‌شود!



۱۰۵- گزینه ۴

(پوریا معمری)

موازنه‌ها را باید با توجه به پایستگی جرم و بار انجام دهید. واکنش اول را ابتدا با موازنه عناصر H و O آغاز می‌کنیم و در نهایت الکترون را با یون H^+ موازنه می‌کنیم.
واکنش دوم را با موازنه عناصر O, Mn, H آغاز می‌کنیم.



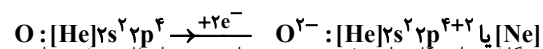
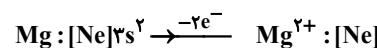
$$\begin{cases} a=2 & \frac{a}{b} = \frac{2}{5} \\ b=5 \end{cases}$$

(آسایش و رفاه در سایه شیمی) (شیمی ۳، صفحه‌های ۴۰ و ۴۲)

۱۰۶- گزینه ۱

(مسعود یفتری)

فقط عبارت اول درست است. بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: فرایند تبدیل اتم‌های Mg و O به یون‌های Mg^{2+} و O^{2-} به صورت زیر است:

عبارت دوم: در گذشته برای سوختن منیزیم به عنوان منبع نور استفاده می‌شد. در این واکنش Mg(s) با نور خیره‌کننده‌ای در $O_2(g)$ می‌سوزد و به $MgO(s)$ تبدیل می‌شود. (نادرستی عبارت دوم)
عبارت سوم: اکسیژن نافلزی فعال است که با اغلب فلزها واکنش می‌دهد و آنها را به اکسید فلز تبدیل می‌کند. در حالی که با برخی فلزها مانند طلا و پلاتین واکنش نمی‌دهد.
عبارت چهارم: جواسمان باشد که منیزیم با آب واکنش می‌دهد و در نتیجه دمای هر دو محلول افزایش می‌یابد.
(آسایش و رفاه در سایه شیمی) (شیمی ۳، صفحه‌های ۴۱ و ۴۳)

۱۰۷- گزینه ۴

(امیر عیسونر)

بررسی گزینه‌ها:

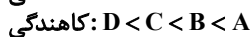
گزینه ۱: از آنجایی که فلز روی کاهشدهنده قوی‌تری نسبت به آهن می‌باشد، واکنش صورت نمی‌گیرد.
گزینه ۲: با توجه به اینکه روی کاهشدهنده قوی‌تری نسبت به آهن می‌باشد، در واکنش روی با محلول مس (II) سولفات، گرما بیشتر آزاد می‌شود و در نتیجه فرآورده‌ها پایدارتر هستند.
گزینه ۳: با توجه به کاهشدهنده بودن فلز آهن، بین فلز مس و محلول آهن (II) سولفات واکنش صورت نمی‌گیرد و در نتیجه افزایش دمایی وجود نخواهد داشت.
گزینه ۴: در واکنش فلز آلومینیوم با محلول مس (II) سولفات، تغییر دمای واکنش نسبت به عنصرهای آهن و روی بیشتر است و در نتیجه کاهشدهنده قوی‌تری نسبت به آهن و روی است. پس می‌تواند با محلول دارای یون‌های آهن و روی واکنش دهد.
(آسایش و رفاه در سایه شیمی) (شیمی ۳، صفحه‌های ۴۲ و ۴۴)

۱۰۸- گزینه ۴

(امیر هاتمیان)

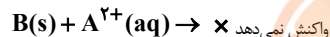
فقط مورد ب درست است.

هرچقدر یون مثبت حاصل از فلزی اکسندتر باشد خود آن فلز کاهشدهنده ضعیف‌تری است.



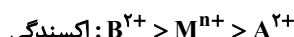
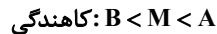
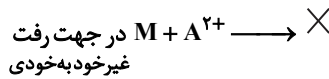
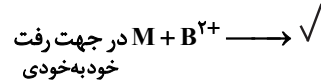
بررسی عبارت‌ها:

الف) نادرست - اگر B فلز روی باشد آنگاه قدرت کاهشدهنده بیشتر نسبت به آهن دارد و A نمی‌تواند فلز آهن باشد.
ب) نادرست - در واکنش‌های اکسایش-کاهش، فلزها اغلب کاهشنده و نافلزها اغلب اکسند هستند.
پ) درست - فلز A قدرت کاهشدهنده بیشتر نسبت به فلز B دارد بنابراین فلز B نمی‌تواند باعث کاهش یافتن یون‌های A^{2+} شود و هیچ واکنشی انجام نمی‌شود و دمای محلول تغییری نمی‌کند.



واکنش نمی‌دهد

(ت نادرست -

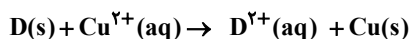
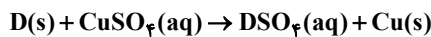


(آسایش و رفاه در سایه شیمی) (شیمی ۳، صفحه‌های ۴۲ و ۴۴)

۱۰۹- گزینه ۴

(ارژنگ قانلری)

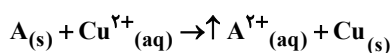
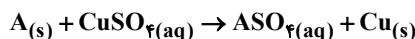
هرچه تیغه فلزی کاهشدهنده باشد، شدت واکنش بیشتر تر و تولید فرآورده آن گرمای بیش‌تری آزاد می‌کند و تغییرات دمایی واکنش بیشتر تر است. بنا به ترتیب افزایش واکنش‌پذیری چون تیغه A در واکنش با محلول $CuSO_4$ تغییر دمایی بیش‌تری داشته در نتیجه می‌توان گفت تیغه A از میان فلزات، فلز روی است و بعد از آن تیغه D در مرتبه دوم قرار دارد. پس می‌توان فلز آهن را به آن نسبت داد. همچنین تیغه‌های B و C چون نتوانستند دمای انجام واکنش را تغییر دهند، می‌توان گفت اصلاً با محلول $CuSO_4$ واکنش ندادند و می‌توان فلزات مس و طلا را به آن‌ها نسبت داد.
بهترین روش برای حل سوال حذف گزینه است. از آنجا که تیغه B و C نمی‌توانند با محلول $CuSO_4$ وارد واکنش شوند، در نتیجه کاتیون B^{2+} اصلاً تولید نمی‌شود. (رد گزینه ۱ و ۲)
همچنین در واکنش تیغه D با محلول $CuSO_4$:



غلظت آن روبه

افزایش است

مشاهده می‌کنیم غلظت کاتیون فلز D روبه افزایش است که در گزینه «۳» در نمودار روبه کاهش است. (رد گزینه ۳)

در گزینه ۴ نیز غلظت یون SO_4^{2-} که بین تماشاچی است ثابت است و غلظت A^{2+} رو به افزایش است و غلظت آن از صفر باید شروع به افزایش کند.

(آسایش و رفاه در سایه شیمی) (شیمی ۳، صفحه‌های ۴۲ و ۴۴)



۱۱۰- گزینه «۴»

(مسعود پتفری)

معادله موازنه شده واکنش انجام شده به صورت زیر است:



در این واکنش به ازای اکسایش ۳ مول Mg، ۲ مول Al تولید می شود که نصف (۵۰ درصد) آن به سطح تیغه می چسبند. بنابراین به ازای مبادله ۶ مول الکترون بین اکسند و کاهشنده، جرم ۳ مول Mg از تیغه کاسته شده و جرم یک مول Al به آن افزوده می شود.

$$mole \sim 6 \Delta g = -4 \Delta g + 2 \Delta g = -3 \Delta g \rightarrow \Delta g = \frac{3}{2} \Delta g = 45$$

اکنون با توجه به کاهش جرم تیغه ۴۰ گرمی داریم:

$$\text{جرم کاهش یافته} = \frac{\text{جرم اولیه}}{\text{جرم کاهش یافته}} \times 100 \Rightarrow 45 = \frac{m}{40} \times 100$$

$$\Rightarrow m = 18g$$

در نهایت می توان تعداد e های مبادله شده را محاسبه کرد:

$$n(e^-) = \frac{m}{M} \times n \times \nu = \frac{18g}{45g \cdot mole^{-1}} \times 6 \times 2 = 4.8 \times 10^{-2} mole$$

$$= 1.4 / 448 \times 10^{-23} e^-$$

(آمایش و رخه در سایه شیمی) (شیمی ۳، صفحه های ۴۱ تا ۴۳)

شیمی ۱

۱۱۱- گزینه «۴»

(مسن بابگیری)

بررسی گزینه ها:

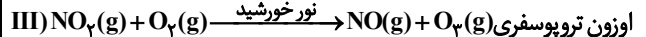
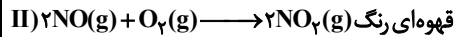
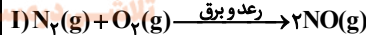
گزینه «۱»: نادرست. در شیمی سبز تلاش برای مصرف یا تولید نکردن مواد شیمیایی مضر است.
گزینه «۲»: نادرست. نشاسته منبعی برای تولید پلاستیک سبز است نه سوخت سبز.
گزینه «۳»: نادرست. پلاستیک های دارای پایه نفتی دارای اثرات زیست محیطی بیشتری هستند و در راستای توسعه پایدار نیستند.
گزینه «۴»: درست. گاز طبیعی با وجود تولید انرژی بیشتر، قیمت کمتری دارد در نتیجه به صرفه تر است.
(رد پای گازها در زندگی) (شیمی ۱، صفحه های ۷۰ تا ۷۳)

۱۱۲- گزینه «۴»

(علی امینی)

بررسی گزینه های نادرست:

گزینه «۱»: مولکول های اوزون خمیده اند. (نه خطی!)
گزینه «۲»: تابش فرسوخ نسبت به فرابنفش، انرژی کمتر و طول موج بیشتری دارند.
گزینه «۳»: لفظ اکسید(های) نادرست است؛ زیرا تنها NO_۲ (نیتروژن دی اکسید) عامل رنگ قهوه ای روشن هوای آلوده کلان شهرها می باشد.



(رد پای گازها در زندگی) (شیمی ۱، صفحه های ۷۴ تا ۷۶)

۱۱۳- گزینه «۱»

(حسن رمضانی لکنده)

فراوان ترین عنصر در جهان هیدروژن است که به شکل ترکیب های گوناگون مثل H_۲O یافت می شود. بررسی گزینه های نادرست:

گزینه «۲»: کارخانه قیمت تمام شده یک کالا را با حساب کردن کل هزینه های تولید و با در نظر گرفتن سود آن شرکت مشخص می کند. در این حالت برای حساب کردن قیمت تمام شده فقط ملاحظات اقتصادی در نظر گرفته شده است، اما هر کالایی به اقتصاد کشور هزینه هایی را تحمیل می کند که به قیمت تمام شده، اضافه نشده است.
گزینه «۳»: تولید، حمل و نقل و نگهداری هیدروژن بسیار پرهزینه است و فقط از دیدگاه اقتصادی به صرفه نیست.
گزینه «۴»: طراحان و متخصصان در شرکت های بزرگ تولید خودرو و هواپیما، هزینه های هنگفتی (نه کم) صرف می کنند تا موتورهایی با انتشار کمترین مقدار CO_۲ بسازند.

(رد پای گازها در زندگی) (شیمی ۱، صفحه های ۷۲ و ۷۳)

۱۱۴- گزینه «۱»

(صلاح الدین ابراهیمی)

بررسی گزینه ها:

گزینه «۱»: نحوه اتصال اتم ها به هم ساختار ماده، خواص و رفتار آن را تعیین می کند.

ساختار اوزون به صورت $\ddot{O}=\overset{\cdot\cdot}{O}-\ddot{O}$ و ساختار مولکول اکسیژن $\ddot{O}=\ddot{O}$ است.

گزینه «۲»: این نسبت در هر دو برابر $\frac{1}{2}$ است.

گزینه «۳»: نسبت جرم مولی اوزون به اکسیژن و نسبت تعداد جفت الکترون پیوندی و ناپیوندی اوزون به اکسیژن برابر $\frac{1}{5}$ است و در هر دو یکسان است.

گزینه «۴»: از گاز اوزون برای از بین بردن جانداران ذره بینی درون آب استفاده می شود.

(رد پای گازها در زندگی) (شیمی ۱، صفحه ۷۴)

۱۱۵- گزینه «۲»

(امیرحسین طیبی)

بررسی همه موارد:

الف) درست - با افزودن وزنه بر وزنه های پیستون فشار گاز افزایش یافته و در نتیجه برخوردهای مولکول ها با یکدیگر و دیواره ظرف افزایش می یابد.

ب) درست - تعداد اتم های هر مولکول CO_۲ از یک اتم Ar بیشتر است. در نتیجه اگر دو نمونه از این دو گاز دارای تعداد اتم های برابر باشند، باید مول های گاز CO_۲ از Ar کمتر باشد. چون حجم و فشار دو نمونه یکسان است، در نتیجه باید دمای محفظه CO_۲ از Ar بیشتر باشد تا این دو نمونه حجم برابر داشته باشند. در نتیجه جنب و جوش ذرات در محفظه Ar کمتر است. دما و مول گاز رابطه عکس دارند.

$$\frac{P_1 V_1}{n_1 T_1} = \frac{P_2 V_2}{n_2 T_2}$$

پ) نادرست - چگالی یک گاز با حجم آن گاز رابطه عکس دارد و حجم یک گاز با دما رابطه مستقیم دارد. در نتیجه چگالی یک گاز با دمای آن رابطه معکوس دارد. بنابراین نمودار نادرست است، چون یک ارتباط مستقیم را نمایش می دهد.

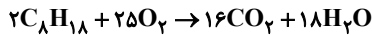
ت) نادرست - چگالی یک گاز از رابطه $d = \frac{\text{جرم مولی}}{\text{حجم مولی}}$ بدست می آید.

از آنجایی که در شرایط یکسان حجم مولی گازها با یکدیگر برابر است، در نتیجه برای مقایسه چگالی دو گاز تنها به جرم مولی آنها دقت می کنیم. جرم مولی گازهای N_۲ و CO با یکدیگر برابر است، در نتیجه چگالی این دو گاز با یکدیگر برابر خواهد بود و به مقادیر مول نمونه ها و یا تعداد پیوندهای اشتراکی این دو نمونه هیچ ارتباطی ندارد.

(رد پای گازها در زندگی) (شیمی ۱، صفحه های ۷۷ تا ۸۰)

۱۱۶- گزینه «۱»

(حامد الوهیریان)



جرم CO_۲ حاصل به ازای ۱۰۰ کیلو متر با بهدست می آوریم:

$$100 km \times \frac{135 kg CO_2}{120 km} = 11 / 25 kg CO_2$$

حالا C_۸H_{۱۸} مصرفی را در ۱۰۰ کیلومتر، برحسب kg محاسبه می کنیم:

$$11 / 25 kg CO_2 \times \frac{1 mol}{44 g CO_2} \times \frac{2 mol C_8H_{18}}{16 mol CO_2} \times \frac{114 g C_8H_{18}}{1 mol C_8H_{18}} = 3 / 64 kg C_8H_{18}$$

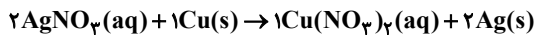
در مرحله آخر با تقسیم جرم C_۸H_{۱۸} به حجم آن چگالی به دست می آید:

$$d = \frac{m}{V} \rightarrow d = \frac{3 / 64 kg}{0.7 L} = 0.7$$

(رد پای گازها در زندگی) (شیمی ۱، صفحه ۸۴)

۱۱۷- گزینه «۳»

(معمدرضا میشاری)



ابتدا مقدار مس مصرفی را حساب می کنیم و سپس از مقدار مس اولیه کم می کنیم تا مقدار مس باقی مانده در ظرف به دست آوریم:

$$0.216 g Ag \times \frac{1 mol Ag}{108 g Ag} \times \frac{1 mol Cu}{2 mol Ag} \times \frac{64 g Cu}{1 mol Cu} = 0.064 g Cu$$

مقدار Cu باقی مانده $1 / 2 g - 0.064 g = 0.936 g$ / ۲۱۶۰ = ۰ / ۲۱۶۰ = ۰ / ۲۱۶۰
حال مقدار مس باقی مانده را با ۰ / ۲۱۶۰ = ۰ / ۲۱۶۰ = ۰ / ۲۱۶۰ نفره تولید شده جمع می کنیم تا جرم جامدی که در ظرف جمع می شود به دست آید.

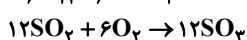
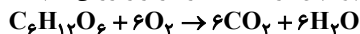
$$1 / 136 g + 0.216 g = 1.382 g$$

(رد پای گازها در زندگی) (شیمی ۱، صفحه های ۸۰ و ۸۱)

۱۱۸- گزینه «۴»

(امیرحسین طیبی)

ابتدا دو واکنش را نوشته و موازنه می کنیم و سپس ضرب ماده مشترک را برابر قرار می دهیم:



سپس مقادیر خواسته شده را محاسبه می کنیم:

$$SO_3 \text{ مولکول} = 1 / 806 \times 10^{24}$$

$$\times \frac{1 mol SO_3}{6 \times 10^{23} \text{ مولکول } SO_2} \times \frac{1 mol C_6H_{12}O_6}{12 mol SO_2}$$

$$\times \frac{180 g C_6H_{12}O_6}{1 mol C_6H_{12}O_6} = 45 g C_6H_{12}O_6$$

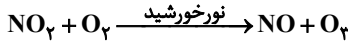


(مسعود یغفری)

۱۲۴ - گزینه ۱»

همه عبارتها نادرست هستند. بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: ضد یخ محلول اتیلن‌گلیکول در آب بوده و به رنگ سبز دیده می‌شود. عبارت دوم: واکنش نهایی تولید اوزون تروپوسفری به صورت زیر است:



همانطور که ملاحظه می‌کنید این واکنش در حضور نور خورشید انجام می‌شود و هنگام شب متوقف می‌شود.

عبارت سوم: گاز شهری به‌طور عمده از متان تشکیل شده و در محیطی که اکسیژن کم است به‌صورت ناقص می‌سوزد.

عبارت چهارم: هر گاه $0/5$ گرم مس (II) سولفات را در $99/5$ گرم آب حل کنید، محلولی زینبا به رنگ آبی به‌دست می‌آید. حال اگر این محلول را با افزودن آب، چندین مرتبه رقیق‌تر کنیم، محلولی بسیار کم‌رنگ پدید می‌آید که گویی رنگ ندارد. ظاهر بی‌رنگ آن نشان می‌دهد که محلول بسیار رقیق بوده و مقدار حل‌شونده در آن بسیار کم است.

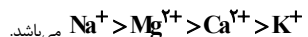
(تربیتی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۷۶، ۸۴ و ۹۳)

(های موری زاره)

۱۲۵ - گزینه ۴»

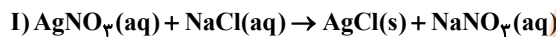
عبارت‌های الف) و ب) درست‌اند. بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت ب): مقایسه مقدار فراوانی کاتیون‌های موجود در آب دریا به‌صورت

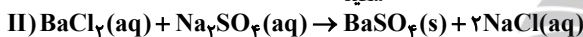
عبارت ت): 75% سطح زمین را آب تشکیل می‌دهد نه جرم آن.

(آب، آهنگ زنگی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۸۶ و ۸۷)

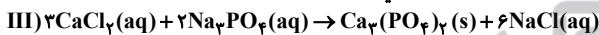
(مهمربوار صارقی)

۱۲۶ - گزینه ۳»

سفید



سفید



سفید

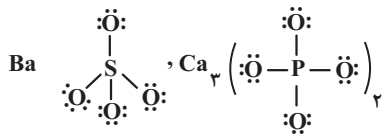
بررسی گزینه‌ها:

گزینه ۱»: مجموع ضریب رسوب‌ها ۳ می‌باشد و ضریب CaCl_2 نیز ۳ می‌باشد.

گزینه ۲»: رسوب تشکیل شده در هر ۳ واکنش سفیدرنگ می‌باشد.

گزینه ۳»: یون‌های Na^+ و Cl^- در این واکنش نقش یون ناظر دارند و هیچ واکنشی بین آن‌ها رخ نمی‌دهد.

گزینه ۴»:

در هر واحد $\text{Ca}_3(\text{PO}_4)_2$ ، ۸ پیوند کووالانسی و در هر واحد BaSO_4 ، ۴ پیوند کووالانسی وجود دارد.

(آب، آهنگ زنگی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۸۹ و ۹۰)

(میرفسن حسینی)

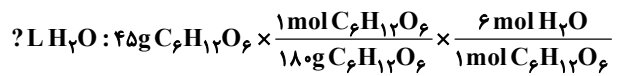
۱۲۷ - گزینه ۲»

تنها مورد اول صحیح است.

درستی مورد اول: در مرحله پایانی با استفاده از جریان برق، منیزیم کلرید مذاب را به عنصرهای سازنده آن تجزیه می‌کنند.

نادرستی مورد دوم: نمک $\text{Mg}(\text{OH})_2$ یک رسوب و نامحلول در آب است.نادرستی مورد سوم: از تجزیه منیزیم کلرید مذاب (نه $\text{Mg}(\text{OH})_2$) با جریان برق عنصر منیزیم مذاب ایجاد می‌شود.نادرستی مورد چهارم: MgCl_2 از افزودن یک ماده شیمیایی (هیدروکلریک اسید HCl)، به $\text{Mg}(\text{OH})_2$ و تبخیر کامل آب موجود به‌دست می‌آید گاز کلر آزاد شده در این واکنش ربطی به یون‌های کلر دریا ندارد.نادرستی مورد پنجم: در مرحله پایانی در (واکنش تجزیه MgCl_2 به کمک جریان برق) حالت‌های فیزیکی مایع و گاز وجود دارند.

(آب، آهنگ زنگی) (شیمی، ۱، صفحه ۹۸)



$$\times \frac{24 \text{ L H}_2\text{O}}{1 \text{ mol H}_2\text{O}} = 36 \text{ L H}_2\text{O}$$

(رد پای گزها در زنگی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

(علی امینی)

۱۱۹ - گزینه ۲»طبق قانون پایستگی جرم نه اتمی به وجود می‌آید و نه از بین می‌رود. بنابراین باید ببینیم در $14/14$ گرم اوزون چند اتم اکسیژن وجود دارد.

$$14 / 48 \text{ g O}_3 \times \frac{3 \text{ mol O}}{48 \text{ g O}_3} \times \frac{3 \text{ mol O}}{1 \text{ mol O}} \times$$

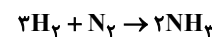
$$\frac{6}{0.2 \times 10^{23} \text{ atom O}} = 5 / 418 \times 10^{23}$$

(رد پای گزها در زنگی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۷۵ و ۸۰)

(آرمان اکبری)

۱۲۰ - گزینه ۳»

می‌دانیم که واکنش موازنه‌شده هابر به‌صورت زیر است:

از طرفی می‌دانیم که فراوان‌ترین گاز موجود در هوای پاک و خشک نیز N_2 است. پس کافیاست در کسرهای خود مقدار N_2 را برحسب لیتر به‌دست آورده و سپس از طریق آن حجم هوا را محاسبه کنیم:

$$20 / 48 \text{ g NH}_3 \times \frac{1 \text{ mol NH}_3}{17 \text{ g NH}_3} \times \frac{1 \text{ mol N}_2}{2 \text{ mol NH}_3} \times \frac{22.4 \text{ L N}_2}{1 \text{ mol N}_2}$$

$$= 13 / 44 \text{ L N}_2$$

حالا کافی است حجم هوا را از طریق زیر حساب کنیم:

$$13 / 44 \text{ L N}_2 \times \frac{100 \text{ L هوا}}{78 \text{ L N}_2} \approx 17 / 23 \text{ L هوا}$$

روش دوم: کسر پیش ساخته:

$$\frac{78}{100} \times \frac{V_{\text{هوا}}}{V_{\text{هوا}}} = \frac{20 / 48 \text{ g N}_2}{2 \times 17} \rightarrow V_{\text{هوا}} = 17 / 23 \text{ L}$$

(رد پای گزها در زنگی) (شیمی، ۱، صفحه ۸۲)

(امین دراپی)

۱۲۱ - گزینه ۴»

بررسی عبارت‌های نادرست:

مورد ۱) سرد کردن مخلوط واکنش تا مایع شدن آمونیاک یعنی کمی کم‌تر از نقطه جوش آمونیاک (-34°C)

مورد ۲) آمونیاک جدا شده به حالت مایع است.

مورد ۳) جمع‌آوری هیدروژن و نیتروژن و بازگرداندن آنها به محفظه واکنش (رد پای گزها در زنگی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۸۱ و ۸۲)

(مادر پویان‌نظر)

۱۲۲ - گزینه ۴»

بررسی گزینه‌ها:

گزینه ۱): گاز نیتروژن در مقایسه با گاز اکسیژن واکنش‌ناپذیر است در حالی که به‌طور کلی واکنش‌پذیری ناچیزی دارد.

گزینه ۲): حالت فیزیکی H_2O در واکنش (I) در دمای اتاق، مایع است.گزینه ۳): درصد حجمی N_2 در هوا 78% و در تایر خودرو 95% است که نسبت آنها برابر $82/0$ می‌باشد.گزینه ۴): با کاهش دما به -50°C ، به‌صورت مایع و H_2 و NH_3 به‌صورت گاز است.

(رد پای گزها در زنگی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

(رسول زمیوی)

۱۲۳ - گزینه ۳»

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه ۱): نزدیک به 75 درصد سطح زمین را آب تشکیل می‌دهد نه حجم آن.گزینه ۲): برآوردها نشان می‌دهند که 5×10^{16} تن نمک در آب اقیانوس‌ها و دریاها وجود دارد که به کیلوگرم می‌شود $5 \times 10^{19} \text{ kg}$.

گزینه ۴): آب اقیانوس‌ها و دریاها مخلوطی همگن است نه ناهمگن. (آب، آهنگ زنگی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۸۵ تا ۸۸)

۱۲۸- گزینه ۳

بررسی گزینه‌ها:

گزینه ۱: نادرست - آلومینیوم نیترات $Al(NO_3)_3$ دارای ۱۳ اتم و آمونیوم سولفات $(NH_4)_2SO_4$ دارای ۱۵ اتم سازنده است.

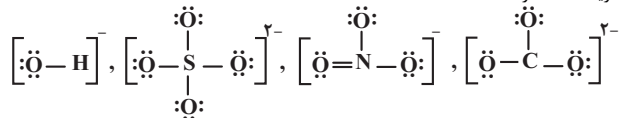
گزینه ۲: نادرست - نسبت شمار آنیون به کاتیون در لیتیم کربنات $\frac{1}{2}$ و در آمونیوم سولفات

نیز $\frac{1}{2}$ بوده و یکسان هستند.

گزینه ۳: درست - چهار ترکیب Li_2CO_3 و $Al(NO_3)_3$ و $(NH_4)_2SO_4$ و $Fe(OH)_3$ در مجموع ۶ کاتیون و ۸ آنیون دارند که نسبت آنها برابر $\frac{6}{8} = 0.75$

می‌شود.

گزینه ۴: نادرست



(آب، آهنگ زنگی) (شیمی ۱، صفحه‌های ۹۱ و ۹۲)

۱۲۹- گزینه ۳

درصد جرمی، جرم ماده حل‌شونده در ۱۰۰ گرم از محلول است.

$$\frac{9}{5\%} \frac{w}{w} \Rightarrow \begin{cases} \text{جرم حل‌شونده} = (MgCl_2) = 9 / 5g \\ \text{جرم محلول} = 100g \end{cases}$$

$$? \text{ mol } Cl^- = 9 / 5g MgCl_2 \times \frac{1 \text{ mol } MgCl_2}{95g MgCl_2} \times \frac{2 \text{ mol } Cl^-}{1 \text{ mol } MgCl_2}$$

$$= 0.2 \text{ mol } Cl^-$$

پس در ۱۰۰ گرم محلول ۰/۲ مول Cl^- وجود دارد. حالا باید محاسبه کنیم ۰/۶ مول Cl^- در چند گرم محلول $MgCl_2$ وجود دارد.

$$? g MgCl_2(aq) = 0.2 \text{ mol } Cl^- \times \frac{100g \text{ محلول}}{0.2 \text{ mol } Cl^-} = 300g \text{ محلول}$$

(آب، آهنگ زنگی) (شیمی ۱، صفحه ۹۶)

۱۳۰- گزینه ۱

ابتدا جرم K را در دو محلول را تعیین می‌کنیم:

$$\frac{28g KOH}{100g \text{ محلول}} \times \frac{1 \text{ mol KOH}}{56g KOH} \times \frac{1 \text{ mol K}}{1 \text{ mol KOH}}$$

$$\times \frac{39g K}{1 \text{ mol K}} = 9.75g K$$

$$\frac{80g KNO_3}{100g \text{ محلول}} \times \frac{1 \text{ mol KNO}_3}{101g KNO_3}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol K}}{1 \text{ mol KNO}_3} \times \frac{39g K}{1 \text{ mol K}} = 62.4g K$$

پس مجموعاً ۷۲/۱۵ گرم پتاسیم در ۲۵۰ گرم محلول وجود دارد پس در ۱۰ گرم محلول جرم پتاسیم برابر است با:

$$\frac{72.15}{250} = \frac{2.886g K}{10g \text{ محلول}}$$

با توجه به حجم بسیار بالای آب در رابطه محاسبه ppm از افزایش جرم محلول بعد رقیق شدن صرف نظر می‌کنیم.

$$ppm = \frac{2.886}{150 \times 10^3} \times 10^6 = 19.24$$

(آب، آهنگ زنگی) (شیمی ۱، صفحه‌های ۹۵ و ۹۶)

شیمی ۲

۱۳۱- گزینه ۳

گزینه ۳: نادرست است.

(علی رفیعی)

تهیه قاووت از مغز آفتابگردان و پسته باعث افزایش سطح تماس ماده غذایی با گاز اکسیژن شده و سبب افزایش سرعت واکنش و افزایش روند فساد ماده غذایی است.

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه ۷۶)

۱۳۲- گزینه ۲

(رضا سلیمانی)

در شکل (ت)، محلول پتاسیم یدید که کاتالیزگر واکنش است به محلول هیدروژن پراکسید اضافه می‌شود و باعث افزایش سرعت تولید گاز اکسیژن می‌گردد. توجه داشته باشید که کاتالیزگر، سرعت واکنش را افزایش می‌دهد، اما در واکنش مصرف نمی‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: در شکل‌های (الف) و (ب) به ترتیب لیاف و گرد آهن در حال واکنش سریع با گاز O_2 هستند.

گزینه ۴: واکنش فلزات قلیایی و آب گرماده بوده و با ساطع شدن نور همراه است. در اثر انجام این واکنش، محلول‌هایی با خاصیت بازی تولید می‌شود که همان هیدروکسید فلزات قلیایی، مانند KOH و NaOH می‌باشد.

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۷۸ تا ۷۹)

۱۳۳- گزینه ۳

(سید مهدی غفوری)

این ماده بنزوئیک‌اسید است. دارای گروه کربوکسیل بوده و یک حلقه آروماتیک دارد. عبارت (ب) و (پ) نادرست است.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت (آ) درست است.

عبارت (ب) بنزوئیک‌اسید یک نگهدارنده است نه بازدارنده.

عبارت (پ) این ترکیب را می‌توان جزء کربوکسیلیک‌اسیدها دانست که آشناترین عضو خانواده آن‌ها استیک‌اسید می‌باشد. CH_3COOH دارای ۸ جفت الکترون پیوندی و ۴ جفت الکترون ناپیوندی است و نسبت آن‌ها ۲ است.

به دلیل داشتن حلقه بنزی، این ترکیب جزء خانواده آروماتیک‌ها نیز می‌تواند باشد که آشناترین عضو آن بنزن می‌باشد. C_6H_6 الکترون ناپیوندی ندارد.

$$\text{عبارت (ت) در } (C_7H_6O_2) \text{ بنزوئیک‌اسید: } \frac{C}{O} = \frac{7 \times 12}{2 \times 16} = \frac{2}{625}$$

$$\text{فرمیک‌اسید (HCOOH): } \frac{C}{O} = \frac{1 \times 12}{2 \times 16} = \frac{0.375}{}$$

عبارت (ث) با این تغییر به C_7H_6O یا همان بنز آلدهید تبدیل می‌شود که در ساختار بادام قرار دارد.

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه ۸۲)

۱۳۴- گزینه ۳

(سید رفیع هاشمی‌دهکردی)

بررسی گزینه‌ها:

گزینه ۱: نماد شیمیایی شامل یون، ترکیب یونی یا مولکول روی پیکان، نشانه کاتالیزگر است.

گزینه ۲: بلور هم در آب حل می‌شود و به شکل محلول در می‌آید.

گزینه ۳: از تجزیه مول‌های برابر از هیدروژن پراکسید مول‌ها و در نتیجه حجم‌های برابر از اکسیژن تولید می‌شود با این تفاوت که در حضور کاتالیزگر این مقدار اکسیژن در زمان کوتاه‌تری آزاد می‌شود. (رد گزینه ۳)

$$\text{گزینه ۴: } 1 \text{ mol } H_2O_2 \times \frac{1 \text{ mol } O_2}{2 \text{ mol } H_2O_2} \times \frac{32g O_2}{1 \text{ mol } O_2} = 16g O_2$$

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۷۷ تا ۸۳)

۱۳۵- گزینه ۳

(عرفان علیزاده)

(الف) درست - قاووت (سوغات کرمان) که گردی مغزی تهیه شده از مغز پسته و ... است؛ نسبت به مغز این خوراکی‌ها زودتر فاسد می‌شود چون سطح تماس آنها با اکسیژن هوا بیشتر است.

(ب) درست - با توجه به متن کتاب، موارد مطرح شده در سنتتیک شیمیایی بررسی می‌شوند.

(پ) درست - اشیای آهنی در هوای مرطوب به کندی زنگ می‌زنند در حالی که واکنش تجزیه شدن سلولز کاغذ بسیار کند رخ می‌دهد.

(ت) نادرست - محلول بنفش رنگ پتاسیم پرمنگنات ($KMnO_4$) (نه پتاسیم منگنات!)

(ث) درست - برخی افراد با مصرف کلم و حبوبات دچار نفع می‌شوند زیرا فاقد آنزیمی هستند که آنها را کامل و سریع هضم کند.

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۷۶ تا ۸۱)

۱۳۶- گزینه ۴

(رضا سلیمانی)

عبارت‌های (الف) و (ب) و (ت) درست هستند.

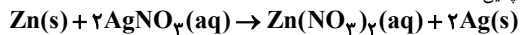
بررسی عبارت (ب): اشیاء آهنی در هوای مرطوب به کندی زنگ می‌زنند و فرو می‌ریزند.

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۷۷ و ۷۸)

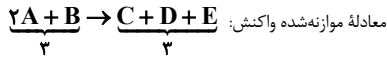
۱۳۷- گزینه ۳

(عبدالرضا دارفواہ)

معادله واکنش چنین است:

در محلولی با حجم یک لیتر، تغییر شمار مول‌های Ag^+ برابر 0.02 مول می‌باشد.

$$\Delta n(Ag^+) = -(0.08 - 0.1) = 0.02 \text{ mol}$$



معادله موازنه شده واکنش:

بررسی عبارت‌ها:

(ا) مجموع ضرایب استوکیومتری واکنش دهنده‌ها و فراورده‌ها با هم برابر است (۳) (درستی عبارت آ)
(ب) هر سه فراورده ضریب یکسانی دارند پس نمودار مول - زمان برای آنها یکسان است. (درستی عبارت ب)

$$\bar{R}_A = \frac{\Delta n_A}{\Delta t} = \frac{0 / 2 \text{ mol}}{2 \text{ s}} \times \frac{6 \text{ s}}{1 \text{ min}} = 0 / 6 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1} \quad (\text{پ})$$

$$\bar{R}_E = \frac{\bar{R}_A}{2} = 0 / 3 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1} \quad (\text{نادرستی عبارت پ})$$

(ت) زمان مصرف مواد واکنش دهنده با هم برابر نیست (به دلیل نابرابر بودن ضرایب استوکیومتری آنها) ماده A زودتر به اتمام می‌رسد. (نادرستی عبارت ت)

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۸۵ تا ۸۸)

(مسعود طبرسا)

۱۴۳- گزینه «۳»

$$\frac{\bar{R}_{N_2O_5}}{2} = \frac{\bar{R}_{NO_2}}{4} \Rightarrow \bar{R}_{NO_2} = 2\bar{R}_{N_2O_5}$$

$$\bar{R}_{N_2O_5} + \bar{R}_{NO_2} = 3 \Rightarrow \bar{R}_{N_2O_5} + 2\bar{R}_{N_2O_5} = 3 \frac{\text{mol}}{\text{min}}$$

$$\Rightarrow \bar{R}_{N_2O_5} = 1 \frac{\text{mol}}{\text{min}}$$

$$\bar{R}_{\text{واکنش}} = \frac{\bar{R}_{N_2O_5}}{2} = \frac{1 \text{ mol}}{2 \text{ min}}$$

$$\bar{R}_{\text{واکنش}} = \frac{1 \text{ mol}}{2 \text{ min}} \times \frac{1}{4 \text{ L}} = \frac{1}{8} \frac{\text{mol}}{\text{L} \cdot \text{min}} = 0 / 125 \frac{\text{mol}}{\text{L} \cdot \text{min}}$$

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۸۶ تا ۸۸)

(فرزاد فتمی‌پور)

۱۴۴- گزینه «۲»

ما دانییم که کاهش جرم مخلوط به علت خروج گازهای CO_2 و H_2O می‌باشد پس در بازه (۵-۰) داریم:

$$(220 - 158)g = a \text{ mol } H_2O \times \frac{18g}{1 \text{ mol } H_2O} +$$

$$a \text{ mol } CO_2 \times \frac{44g}{1 \text{ mol } CO_2}$$

$$62a = 62 \Rightarrow a = 1 \text{ mol } H_2O, 1 \text{ mol } CO_2$$

$$2 \text{ mol } NaHCO_3$$

منظور از پنج ثانیه آخر بازه زمانی (۱۵-۱۰) ← که در اینجا هم با کمک اختلاف جرم که

همان جرم مجموع گازهای CO_2 و H_2O می‌باشد می‌توان مقدار Na_2CO_3 را محاسبه کرد:

$$(110 - 91 / 4)g = b \text{ mol } H_2O \times \frac{18g}{1 \text{ mol}} + b \text{ mol } CO_2 \times \frac{44g}{1 \text{ mol}}$$

$$\Rightarrow 18 / 6 = 62b \Rightarrow b = 0 / 3 \text{ mol } H_2O, 0 / 3 \text{ mol } CO_2$$

$$0 / 3 \text{ mol } H_2O, 0 / 3 \text{ mol } Na_2CO_3$$

$$\Rightarrow \frac{\bar{R}_{NaHCO_3}}{\bar{R}_{Na_2CO_3}} = \frac{2 \text{ mol } NaHCO_3}{0 / 3 \text{ mol } Na_2CO_3} = \frac{20}{3}$$

بعد از ثانیه ۱۵ به دلیل ثبت ملدن جرم مخلوط واکنش، متوجه می‌شویم واکنش تمام شده است.

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۹۱ تا ۹۳)

(مسین ناصرینی)

۱۴۵- گزینه «۱»

مقدار آلومینیوم شرکت کننده، همان مقدار مصرفی آن است:

$$? g Al = 67 / 2 LH_2 \times \frac{1 \text{ mol } H_2}{22 / 4 LH_2} \times \frac{2 \text{ mol } Al}{3 \text{ mol } H_2} \times \frac{27g Al}{1 \text{ mol } Al} = 54g Al$$

از آن جایی که در ابتدا مقدار کاتیون روی برابر صفر است بنابراین مقدار Zn^{2+} در پایان بازه معین زمان چنین است:

$$? g Zn^{2+} = 0 / 2 \text{ mol } Ag^+ \times \frac{1 \text{ mol } Zn^{2+}}{2 \text{ mol } Ag^+} \times \frac{65g Zn^{2+}}{1 \text{ mol } Zn^{2+}} = 0 / 65g Zn^{2+}$$

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: بالاتر بودن سطح انرژی فراورده‌ها نسبت به واکنش دهنده‌ها نشانگر گرماگیر بودن واکنش است. در حالی که می‌دانیم واکنش رخ داده خودبه‌خودی بوده و گرماده است.

گزینه «۲»: به ازای مصرف هر مول روی (۶۵g)، دو مول نقره (۲×۱۰۸g) تولید می‌شود. بنابراین بر جرم مواد جامد افزوده می‌شود. اما در این فرایند یون نقره در حال مصرف شدن است.

گزینه «۴»: به ازای مصرف ۲ مول واکنش دهنده تنها یک مول محلول فراورده به دست می‌آید. پس آهنگ مصرف واکنش دهنده بیشتر از آهنگ مصرف فراورده است.

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه ۸۴)

(مسعود طبرسا)

۱۳۸- گزینه «۳»

$$\frac{\Delta[NO]}{2\Delta t} = \frac{\Delta[NO]}{2} = \frac{\bar{R}_{NO}}{2} = 0 / 2 \Rightarrow \bar{R}_{NO} = 0 / 4$$

چون ضریب NO و NO_2 برابر است می‌توان نتیجه گرفت $\bar{R}_{NO_2} = \bar{R}_{NO}$

$$\bar{R}_{NO_2} = -\frac{\Delta \bar{M}_{NO_2}}{\Delta t} \Rightarrow 0 / 4 = -\frac{(3 / 1 - X)}{5}$$

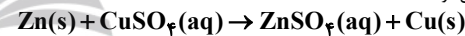
$$2 = -3 / 1 + X \Rightarrow X = 5 / 1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۸۶ تا ۸۸)

(میثم کیانی)

۱۳۹- گزینه «۲»

با قرار دادن تیغه روی درون محلول مس (II) سولفات به دلیل واکنش پذیری بیشتر روی نسبت به مس واکنش زیر انجام می‌شود:



با گذشت زمان غلظت Cu^{2+} کاهش می‌یابد. از طرفی هرچه زمان بگذرد، سرعت واکنش (واکنش دهنده‌ها و فراورده‌ها) کاهش می‌یابد.

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه ۸۴)

(مسعود طبرسا)

۱۴۰- گزینه «۲»

$$\frac{\Delta n}{\Delta t} = \bar{R}$$

$$4\bar{R}_X = 2\bar{R}_Y = \bar{R}_Z \xrightarrow{+4} \frac{\bar{R}_X}{1} = \frac{\bar{R}_Y}{2} = \frac{\bar{R}_Z}{4}$$

علامت منفی کنار عبارت X نشان می‌دهد که X با Y یا Z در دو طرف متفاوت معادله واکنش قرار دارند. پس معادله به شکل زیر است:

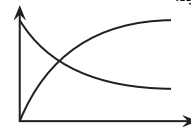


(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۸۶ تا ۸۸)

(کیارش معرینی)

۱۴۱- گزینه «۳»

با نزدیک شدن به پایان واکنش، قدر مطلق شیب برای هر دو گونه کاهش می‌یابد و به سمت صفر نزدیک می‌شود تا واکنش پایان یابد. زیرا با گذشت زمان هم سرعت مصرف واکنش دهنده‌ها و هم سرعت تولید فراورده‌ها کاهش می‌یابد.



بررسی سایر گزینه‌ها:
گزینه «۲»:

$$\bar{R}(\text{واکنش}) = \frac{\Delta n \text{ ماده}}{\Delta t \times 1} = \bar{R}(\text{فراورده})$$

گزینه «۴»: فقط برای گازها و محلول‌ها می‌توان تغییرات را با غلظت بیان کرد. نکته مهم: غلظت جامدات و مایعات ثابت است.

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۹۰ و ۹۱)

(رسول عابدینی زواره)

۱۴۲- گزینه «۳»

با توجه به اینکه سرعت متوسط A دو برابر سرعت واکنش است استوکیومتری A برابر ۲ می‌باشد و سرعت متوسط واکنش با سرعت تولید یا مصرف موادی که ضریب استوکیومتری ۱ دارند برابر است.



در رابطه با قسمت دوم مسئله باید ابتدا مقدار گاز N_2 تولید شده را بدست آوریم سپس سرعتش را حساب کنیم.

$$n_{\text{mol } N_2} = \frac{37}{\text{Ag}(\text{NH}_4)_2\text{Cr}_2\text{O}_7} \times \frac{1 \text{ mol } (\text{NH}_4)_2\text{Cr}_2\text{O}_7}{252 \text{g} (\text{NH}_4)_2\text{Cr}_2\text{O}_7} \times \frac{1 \text{ mol } N_2}{1 \text{ mol } (\text{NH}_4)_2\text{Cr}_2\text{O}_7} = 0.15 \text{ mol } N_2 \Rightarrow R_{N_2} = \frac{\Delta N_2}{\Delta t} = \frac{0.15}{0.05} = 3 \text{ mol} \cdot \text{h}^{-1}$$

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۹۰ و ۹۱)

(پواد سوری نکی)

۱۴۸- گزینه «۳»

فقط مورد سوم نادرست است.

چهره آشکار غذا نشان می‌دهد که سالانه حدود ۳۰٪ غذایی که در جهان فراهم می‌شود به مصرف نمی‌رسد و به زباله تبدیل می‌شود و یا از بین می‌رود.

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه ۹۲)

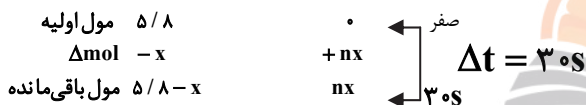
(عالم پرزیکر)

۱۴۹- گزینه «۳»

مواد موجود در واکنش به نسبت ضریب استوکیومتری مصرف یا تولید می‌شوند مثلاً از آنجا که

ضریب AB_n برابر ۱ و ضریب B برابر n است پس اگر x مول از AB_n مصرف شود nx مول از B تولید می‌شود.

با توجه به اطلاعات داده شده، جدول زیر را تشکیل می‌دهیم:



ابتدا با توجه به اینکه ۳۵ درصد از AB_n تجزیه شده، مقدار x را می‌یابیم:

$$x = \frac{5}{8} \times \frac{35}{100} \Rightarrow x = 2/0.3$$

حالا با داشتن x و نیز سرعت متوسط تولید B(g) می‌توان n را بدست آورد:

توجه داریم که مقدار تولید B برابر nx مول است که بیانگر تغییرات B بر حسب مول است:

$$\bar{R}_B = \frac{\Delta \text{mol}}{\Delta t(s)} \Rightarrow \frac{n \times 2/0.3}{30} = 0.203 \Rightarrow n = 3$$

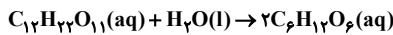
(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۸۳ تا ۸۶)

(کیارش معربی)

۱۵۰- گزینه «۲»

با توجه به ضرایب استوکیومتری اگر x مول مالتوز مصرف شود ۲x مول گلوکز تولید می‌شود و مقدار نهایی

(باقی مانده) مالتوز برابر ۶-x و مقدار موجود گلوکز برابر ۲x مول است.



حواسمان هست که ممکن است غلظت مالتوز ۰/۶ بیشتر از گلوکز باشد یا برعکس: در نتیجه هر دو حالت را محاسبه می‌کنیم:

$$1) \frac{6-x}{5} - \frac{2x}{5} = \frac{6}{10} \Rightarrow 12 - 2x - 4x = 6 \Rightarrow x = 1 \text{ mol مصرفی مالتوز}$$

$$R = \frac{-\Delta n}{b} \Rightarrow 0.5 = \frac{1}{t} \Rightarrow t = 2 \text{ min}$$

$$2) \frac{2x}{5} - \frac{6-x}{5} = \frac{6}{10} \Rightarrow 4x - 12 + 2x = 6 \Rightarrow x = 3 \text{ mol مصرفی مالتوز}$$

$$R = \frac{-\Delta n}{b} \Rightarrow 0.5 = \frac{3}{t} \Rightarrow t = 6 \text{ min}$$

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۹۰ و ۹۱)

چون ۶ گرم آلومینیوم باقی مانده است، پس مقدار آلومینیوم اولیه برابر $(54+6)$ گرم بوده است.

درصد جرمی آلومینیوم شرکت کننده در واکنش:

$$Al \text{ درصد جرمی} = \frac{54g}{(54+6)g} \times 100 = 90$$

برای محاسبه سرعت متوسط واکنش می‌توانیم مول تولیدی H_2 را محاسبه کرده و سپس

سرعت تولید هیدروژن را بر ضریب H_2 تقسیم کنیم.

$$? \text{ mol } H_2 = 67 / 2LH_2 \times \frac{1 \text{ mol } H_2}{22 / 4LH_2} = 3 \text{ mol } H_2 \Rightarrow (\Delta n_{H_2} = 3 \text{ mol})$$

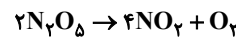
$$R(H_2) = \frac{\Delta n(H_2)}{\Delta t} = \frac{3 \text{ mol}}{10 \text{ min}} = 0.3 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$$

$$\Rightarrow R \text{ واکنش} = \frac{R(H_2)}{3} = \frac{0.3}{3} = 0.1 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$$

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۹۰ و ۹۱)

(سید علی اشرفی)

۱۴۶- گزینه «۳»



ابتدا مول‌های مصرفی N_2O_5 را به دست می‌آوریم:

مراحل به دست آوردن molهای مصرفی N_2O_5 :

$$\Rightarrow 9/0.3 \times 10^{22} - 3/0.1 \times 10^{22} = 6/0.2 \times 10^{22}$$

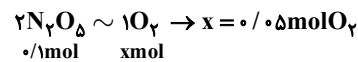
$$\Rightarrow \frac{6/0.2 \times 10^{22}}{6/0.2 \times 10^{22}} = 0.1 \text{ mol } N_2O_5$$

سپس molهای تولیدی O_2 را با توجه به مول مصرفی N_2O_5 را محاسبه می‌کنیم:

$$0.1 \text{ mol } N_2O_5 \times \frac{1 \text{ mol } O_2}{2 \text{ mol } N_2O_5} = 0.05 \text{ mol } O_2$$

روش کتاب درسی:

روش تناسب:



۰/۱mol xmol

در نهایت سرعت متوسط تولید O_2 را به دست می‌آوریم.

$$\bar{R}_{O_2} = \frac{\Delta n[O_2]}{\Delta t} = \frac{0.05}{5 \times \frac{3}{4}} = \frac{1}{75} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$$

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه ۸۶)

(امین نوروزی)

۱۴۷- گزینه «۴»



چون حجم ظرف واکنش برابر ۱۰L است پس سرعت متوسط تولید بخار آب برابر ۰/۲ مول

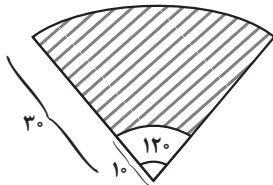
بر دقیقه است یعنی در هر دقیقه ۰/۲ مول H_2O تولید می‌شود.

$$\bar{R}_{H_2O} = 0.2 \times 10 = 0.2 \frac{\text{mol}}{\text{min}}$$

حالا با توجه به مقدار مصرف آمونیوم دی کرومات زمان مصرف را محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{37}{\text{Ag}(\text{NH}_4)_2\text{Cr}_2\text{O}_7} \times \frac{1 \text{ mol } (\text{NH}_4)_2\text{Cr}_2\text{O}_7}{252 \text{g} (\text{NH}_4)_2\text{Cr}_2\text{O}_7}$$

$$\times \frac{4 \text{ mol } H_2O}{1 \text{ mol } (\text{NH}_4)_2\text{Cr}_2\text{O}_7} \times \frac{1 \text{ min}}{0.2 \text{ mol } H_2O} \times \frac{60 \text{ s}}{1 \text{ min}} = 18 \text{ s}$$



نکته: مساحت قطاع دایره به زاویه θ رادیان برابر است با:

$$S = \frac{1}{2} \theta r^2$$

$$120^\circ = \frac{2\pi}{3} \text{ rad}$$

$$S = \frac{1}{2} \times \frac{2\pi}{3} \times 1600 = \frac{1600\pi}{3}$$

$$S = \frac{1}{2} \times \frac{2\pi}{3} \times 100 = \frac{100\pi}{3}$$

$$\Rightarrow S = \frac{1600\pi}{3} - \frac{100\pi}{3} = 500\pi$$

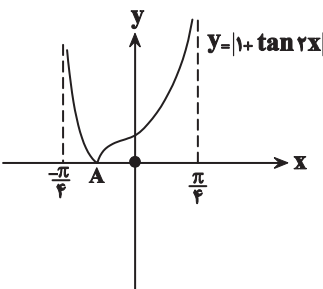
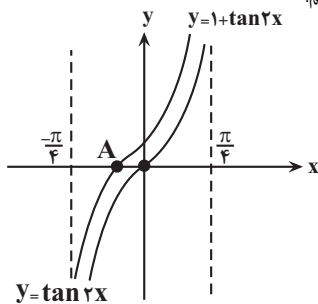
(مثلثات) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۷۲ تا ۷۶)

حال داریم:

(سروش موثینی)

۱۵۵- گزینه «۳»

نمودار را رسم می‌کنیم:



$$y_A = 0 \Rightarrow \tan 2x = -1$$

$$\Rightarrow 2x = \frac{-\pi}{4} \Rightarrow x = \frac{-\pi}{8}$$

$$\frac{\pi}{4} - \left(\frac{-\pi}{8}\right) = \frac{3\pi}{8}$$

پس طول بازه می‌شود:

(مثلثات) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۳۷ تا ۴۱)

(نیما کدیوریان)

۱۵۶- گزینه «۲»

در ابتدا زاویه‌ها را براساس زاویه مرجع $\frac{\pi}{8}$ می‌نویسیم:

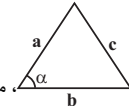
$$\frac{\cos(56^\circ / \frac{\pi}{8}) - \sin(112^\circ / \frac{\pi}{8})}{\cos(67^\circ / \frac{\pi}{8}) + \cos(337^\circ / \frac{\pi}{8})} = \frac{\cos(54^\circ + 22^\circ / \frac{\pi}{8}) - \sin(90^\circ + 22^\circ / \frac{\pi}{8})}{\cos(90^\circ - 22^\circ / \frac{\pi}{8}) + \cos(36^\circ - 22^\circ / \frac{\pi}{8})}$$

$$= \frac{-\cos(22^\circ / \frac{\pi}{8}) - \cos(22^\circ / \frac{\pi}{8})}{\sin(22^\circ / \frac{\pi}{8}) + \cos(22^\circ / \frac{\pi}{8})}$$

ریاضی ۳ + پایه مرتبط

۱۵۱- گزینه «۴»

(امیرمسین نیلان)



حل: در مثلث $\frac{1}{2} a \cdot b \cdot \sin \alpha$ مساحت مثلث برابر خواهد بود.

$$S = \frac{1}{2} \times 4 \times 3 \times \sin \alpha \rightarrow 6 \sin \alpha = 5 \rightarrow \sin \alpha = \frac{5}{6}$$

$$\left(\frac{5}{6}\right)^2 + \cos^2 \alpha = 1 \quad \text{طبق رابطه } \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \text{ داریم}$$

$$\frac{25}{36} + \cos^2 \alpha = 1 \Rightarrow \cos \alpha = \pm \frac{\sqrt{11}}{6}$$

که فقط $+\frac{\sqrt{11}}{6}$ در گزینه‌ها داده شده است.

(مثلثات) (ریاضی ۱، صفحه‌های ۳۳ تا ۳۵، ۴۲ و ۴۳)

۱۵۲- گزینه «۴»

(فرهاد رهبران رهبر)

کافی است تمام کمان‌ها را به فرم $(k\pi + \alpha)$ به صورتی که α کوچکترین اندازه را داشته باشد، بازنویسی کنیم. سپس با استفاده از روابط تبدیل کمان، مقدار عددی نسبت‌های مثلثاتی را محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{7\pi}{6} = \frac{6\pi + \pi}{6} = \pi + \frac{\pi}{6} \rightarrow \tan\left(\pi + \frac{\pi}{6}\right) = \tan \frac{\pi}{6} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\frac{17\pi}{3} = \frac{18\pi - \pi}{3} = 6\pi - \frac{\pi}{3} \rightarrow \sin\left(6\pi - \frac{\pi}{3}\right) = -\sin \frac{\pi}{3} = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\frac{17\pi}{4} = \frac{16\pi + \pi}{4} = 4\pi + \frac{\pi}{4} \rightarrow \tan\left(4\pi + \frac{\pi}{4}\right) = \tan\left(\frac{\pi}{4}\right) = 1$$

$$\frac{22\pi}{3} = \frac{21\pi + \pi}{3} = 7\pi + \frac{\pi}{3} \rightarrow \cos\left(7\pi + \frac{\pi}{3}\right) = \cos\left(\pi + \frac{\pi}{3}\right)$$

$$= -\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) = -\frac{1}{2}$$

پس در حاصل عبارت خواسته شده داریم:

$$\tan\left(\frac{7\pi}{6}\right) \sin\left(\frac{17\pi}{3}\right) - \tan\left(\frac{17\pi}{4}\right) \cos\left(\frac{22\pi}{3}\right)$$

$$= \left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right) \times \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) - (1) \times \left(-\frac{1}{2}\right) = -\frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 0$$

(مثلثات) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۷۸ تا ۸۷)

۱۵۳- گزینه «۳»

(سعد ولی زاده)

$$\frac{1}{\cos x} - \frac{\sin x}{\cos x} = \Delta \cos x \rightarrow \frac{1 - \sin x}{\cos x}$$

$$1 - \sin x = \Delta \cos^2 x \rightarrow 1 - \sin x = \Delta(1 - \sin^2 x)$$

$$1 - \sin x = \Delta(1 - \sin x)(1 + \sin x)$$

اگر $\sin x = 1$ باشد، آنگاه $\cos x = 0$ خواهد بود که ریشه مخرج است، بنابراین با توجه به اینکه $\sin x \neq 1$ داریم:

$$\Delta + \Delta \sin x = 1 \rightarrow \sin x = \frac{-\Delta \tan x < 0}{\Delta} \rightarrow \cos x = \frac{3}{\Delta}$$

توجه داشته باشید که $\tan x < 0$ و $\sin x < 0$ ، بنابراین x در ناحیه چهارم قرار داشته و $\cos x > 0$ است.

(مثلثات) (ریاضی ۱، صفحه‌های ۳۶ تا ۴۶) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۷۷ و ۷۸)

۱۵۴- گزینه «۱»

(بهرام سلاج)

ناحیه پاک‌شده مورد نظر چنین شکلی خواهد داشت:



۱۶۰- گزینه ۲»

(سعیل مسن فان پور)

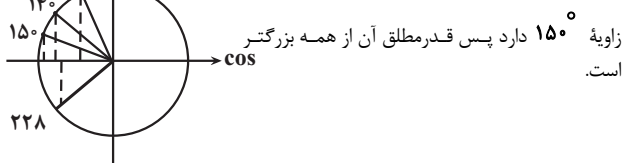
ابتدا تمام زوایا را به درجه تبدیل می‌کنیم. (هر ۱ رادیان، حدود ۵۷ درجه است.)

$$2 \text{ rad} \approx 2 \times 57^\circ = 114^\circ$$

$$4 \text{ rad} \approx 4 \times 57^\circ = 228^\circ$$

$$\frac{7\pi}{9} \text{ rad} = \frac{7\pi}{9} \times \frac{18^\circ}{\pi \text{ rad}} = 140^\circ$$

هر ۴ زاویه را در دایره مثلثاتی مشخص می‌کنیم.

از دایره مقابل مشخص است که منفی‌ترین \cos را

(مثلثات) (ریاضی ۱، صفحه‌های ۳۶ تا ۴۱) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۷۲ تا ۷۶)

۱۶۱- گزینه ۴»

(سعیل سراج)

عبارت P را به صورت زیر می‌نویسیم:

$$P = \frac{2(\cos x + 2) - 7}{\cos x + 2} = 2 - \frac{7}{\cos x + 2}$$

حال دقت کنید که:

$$-1 \leq \cos x \leq 1 \Rightarrow 1 \leq \cos x + 2 \leq 3 \Rightarrow 1 \geq \frac{1}{\cos x + 2} \geq \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow -7 \leq \frac{-7}{\cos x + 2} \leq \frac{-7}{3} \Rightarrow -4 \leq 2 - \frac{7}{\cos x + 2} \leq \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow P \in \left[-4, \frac{2}{3}\right]$$

پس: $P_{\min} = -4$

(مثلثات) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۷۷ و ۷۸)

۱۶۲- گزینه ۲»

(مسن اسماعیل پور)

$$y = a - \cos\left(\frac{1}{4} + bx\right)\pi = a - \cos\left(\frac{\pi}{4} + b\pi x\right)$$

$$y = a + \sin b\pi x \quad (1)$$

طبق نمودار min تابع صفر است پس:

$$0 = -1 + a \rightarrow a = 1$$

از طرفی طبق نمودار دوره تناوب تابع داده شده ۸ است پس:

$$T = \frac{2\pi}{|b\pi|} = 8 \rightarrow \begin{cases} b = \frac{1}{4} \\ b = -\frac{1}{4} \end{cases}$$

در نقطه شروع تابع روی محور y ها تابع نزولی است پس یا باید ضریب \sin منفی باشدیا ضریب کمان. پس چون ضریب \sin در (۱) مثبت است پس $b = -\frac{1}{4}$ درست است.

$$y = 1 + \sin\left(-\frac{\pi}{4}x\right)$$

$$f(15) = 1 + \sin\left(-\frac{15\pi}{4}\right) = 1 + \sin\left(-4\pi + \frac{\pi}{4}\right) = 1 + \sin\left(\frac{\pi}{4}\right) = 1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$$

(مثلثات) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۸۸ تا ۹۴) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۶، ۴۰ و ۴۱)

(علیرضا خیفیان)

۱۶۳- گزینه ۱»

ابتدا دو خط را رسم می‌کنیم:

سپس صورت و مخرج را بر $\cos(22/5^\circ)$ تقسیم می‌کنیم که رابطه داده شده بر حسب $\tan(22/5^\circ)$ مرتب شود:

$$= \frac{-2}{\tan(22/5^\circ) + 1} = \frac{-2}{\sqrt{2-1+1} + 1} = \frac{-2}{\sqrt{2} + 1} = -\sqrt{2}$$

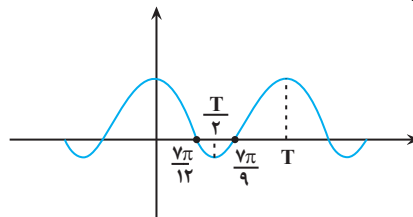
(مثلثات) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۷۷ تا ۸۷)

۱۵۷- گزینه ۲»

(توفیر اسدی)

مطابق شکل تابع در فاصله $[0, T]$ تکرار می‌شود (دوره تناوب) همچنین درمقدار تابع از ماکزیمم به مینیمم خود می‌رسد، پس $\frac{T}{4}$ میانگین ریشه‌های

تابع است یعنی:



$$\frac{T}{2} = \frac{7\pi}{12} + \frac{7\pi}{9} \rightarrow T = \frac{49\pi}{36}$$

(مثلثات) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۸۸ تا ۹۴) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۶، ۴۰ و ۴۱)

۱۵۸- گزینه ۴»

(علی غریبی)

$$x = \frac{5\pi}{8} \Rightarrow y = 2 \tan\left(2 \times \frac{5\pi}{8}\right) = 2 \tan\left(\frac{5\pi}{4}\right) = 2 \times 1 = 2$$

$$\Rightarrow \begin{cases} DC = T = \frac{\pi}{2} \Rightarrow S = 2 \times \frac{\pi}{2} = \pi \\ \text{ارتفاع} = 2 \end{cases}$$

(مثلثات) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۳۷ تا ۴۱)

۱۵۹- گزینه ۴»

(بورا ملاج)

با رسم موارد گفته شده خواهیم دید که در گزینه «۴» نمودار به دست آمده منطبق نیست اما بررسی جبری راهکار مناسب‌تری می‌باشد، به طوری که داریم:

$$1) \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right) \xrightarrow{\text{چپ } \frac{3\pi}{4}} \sin\left(x + \frac{3\pi}{4} - \frac{\pi}{4}\right)$$

$$= \sin\left(x + \frac{\pi}{2}\right) = \cos x \xrightarrow{\text{قرینه نسبت به X ها}} -\cos x \quad \checkmark$$

$$2) \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right) \xrightarrow{\text{قرینه نسبت به Y ها}} \sin\left(-x - \frac{\pi}{4}\right)$$

$$= -\sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right) \xrightarrow{\text{چپ } \frac{\pi}{4}} -\sin\left(x + \frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{4}\right)$$

$$= -\sin\left(x + \frac{\pi}{2}\right) = -\cos x \quad \checkmark$$

$$3) \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right) \xrightarrow{\text{راست } \frac{\pi}{4}} \sin\left(x - \frac{\pi}{4} - \frac{\pi}{4}\right)$$

$$= \sin\left(x - \frac{\pi}{2}\right) = -\cos x \quad \checkmark$$

$$4) \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right) \xrightarrow{\text{راست } \frac{3\pi}{4}} \sin\left(x - \frac{3\pi}{4} - \frac{\pi}{4}\right)$$

$$= \sin\left(x - \pi\right) \xrightarrow{\text{قرینه نسبت به X ها}} -\sin\left(x - \pi\right)$$

$$= \sin(\pi - x) = \sin x \quad \times$$

(مثلثات) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۸۸ تا ۹۴) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۶، ۴۰ و ۴۱)



بنابراین کافی است حاصل $(1 + 2 \tan^2 x)$ را به دست آوریم. برای این کار، صورت و مخرج کسر داده شده را بر $\cos^2 x$ تقسیم می‌کنیم، داریم:

$$\frac{\sin^2 x}{\cos^2 x} - \frac{2 \cos^2 x}{\cos^2 x} + \frac{1}{\cos^2 x} = \frac{\sin^2 x + 1 - 2 \cos^2 x}{\cos^2 x} = \frac{\tan^2 x - 2 + (1 + \tan^2 x)}{\tan^2 x + 2 - (1 + \tan^2 x)} = 3$$

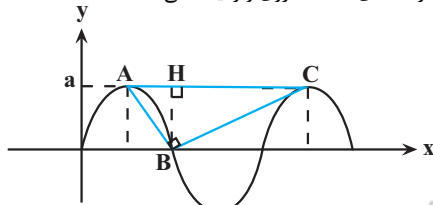
$$\Rightarrow \frac{2 \tan^2 x - 1}{1} = 3 \Rightarrow \tan^2 x = 2 \Rightarrow 1 + 2 \tan^2 x = 1 + 2(2) = 5$$

(مثلثات) (ریاضی، ۱، صفحه‌های ۴۲ تا ۴۶) (ریاضی، ۲، صفحه‌های ۷۷ و ۷۸)

۱۶۶- گزینه «۳»

(سوار داوطلب)

دوره تناوب برابر $\frac{2\pi}{\omega} = 4$ است. در مثلث قائم‌الزاویه، ارتفاع وارد بر وتر، واسطه هندسی بین دو قطعه‌ای است که روی وتر ایجاد می‌کند.



$$BH = AH \times CH, AH = \frac{T}{4} = 1, CH = \frac{3T}{4} = 3$$

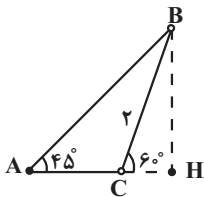
$$a^2 = 1 \times 3 \Rightarrow a = \sqrt{3}$$

(مثلثات) (ریاضی، ۳، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۶، ۳۰ و ۳۱)

(بابک سادات)

۱۶۷- گزینه «۳»

ابتدا باید مثلث را با توجه به اطلاعات صورت سوال رسم کنیم. چون شیب خط AB برابر یک بوده و AC یک خط افقی است پس $\hat{A} = 45^\circ$ و $\hat{C} = 120^\circ$. حال از B به امتداد AC عمود کرده و پای عمود را H می‌نامیم. سپس براساس شکل در مثلث BCH داریم:



$$\sin 60^\circ = \frac{BH}{2} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow BH = \sqrt{3}$$

$$\cos 60^\circ = \frac{CH}{2} = \frac{1}{2} \Rightarrow CH = 1$$

$$AH = BH = \sqrt{3} \quad \text{حال با توجه به اینکه } \hat{A} = 45^\circ \text{ است:}$$

$$\Rightarrow AC = AH - CH = \sqrt{3} - 1$$

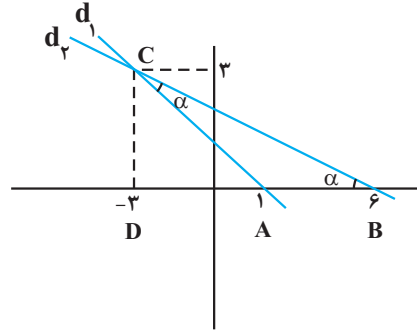
(مثلثات) (ریاضی، ۱، صفحه‌های ۲۹ تا ۳۵)

۱۶۸- گزینه «۱»

(مصطفی گرمی)

در ابتدا دو طرف $\sin x - \cos x = \frac{1}{3}$ را به توان ۲ می‌رسانیم:

باید حاصل $\frac{\tan \alpha}{\frac{md_1}{md_2}}$ را به دست بیاوریم:



$$\Delta ACD \text{ در مثلث } AC^2 = DC^2 + AD^2 \Rightarrow AC^2 = 9 + 16 \Rightarrow AC = 5$$

همچنین با توجه به شکل، $AB = 5$ می‌باشد. بنابراین مثلث ABC، متساوی‌الساقین است و $\hat{B} = \hat{C}$. لذا:

$$\tan \hat{C} = \tan \hat{B}, \tan \hat{B} = \frac{CD}{BD} = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$$

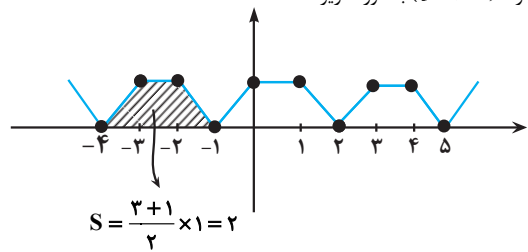
$$\text{از طرفی: } \frac{\text{شیب خط } d_1}{\text{شیب خط } d_2} = \frac{-3}{-1} = \frac{9}{4} \Rightarrow \text{جواب نهایی} = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{9}{4}} = \frac{4}{27}$$

(مثلثات) (ریاضی، ۱، صفحه‌های ۳۰ و ۳۱)

۱۶۴- گزینه «۱»

(مهمربن سلامی‌فسینی)

نمودار تابع را رسم می‌کنیم. (در بازه‌های داده شده) با توجه به اینکه تابع تناوب و با دوره تناوب برابر ۳ است و بازه $[8, 14]$ دو دوره تناوب تابع است و با توجه به اینکه مساحت در هر دوره تناوب مقدار ثابتی است لذا نمودار تابع را در یک دوره تناوب رسم و مساحت را محاسبه و مقدار را دو برابر می‌کنیم. با توجه به نمودار زیر و اینکه $T = 3$ است، شکل تابع در یک دوره تناوب (مثلاً بازه $[-4, -1]$) به صورت زیر است:



$$S_{\text{خواسته شده}} = 2 \times 2 = 4$$

(مثلثات) (ریاضی، ۳، صفحه‌های ۳۲ تا ۴۱)

۱۶۵- گزینه «۴»

(دانیال ابراهیمی)

ابتدا عبارت خواسته شده را ساده می‌کنیم: (دقت کنید که:

$$\left(\frac{1}{\cos^2 x} = 1 + \tan^2 x \right)$$

$$\frac{1 + \sin^2 x}{\cos^2 x} = \frac{1}{\cos^2 x} + \tan^2 x = (1 + \tan^2 x) + \tan^2 x = 1 + 2 \tan^2 x$$



$$a^{-2} = \frac{1}{a^2}$$

با توجه به صورت سؤال داریم:
طبق ویژگی‌های لگاریتم:

$$4 \log_2^y = \sqrt{\log_2^4} = \sqrt{\log_2^2} = \sqrt{2} = 49$$

(توابع نمایی و لگاریتمی) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۱۲، ۱۱۳ و ۱۱۴)

۱۷۲- گزینه «۴»

(یاسین سپهر)

توجه داشته باشید که اگر $a > 1$ و $x, y > 0$ باشند داریم:

$$\log_a^x < \log_a^y \rightarrow x < y$$

$$2x + 1 > 0 \rightarrow x > \frac{-1}{2}$$

$$2 \leq \log_4^{(2x+1)} < 3 \rightarrow \log_4^2 \leq \log_4^{(2x+1)} < \log_4^3$$

$$\rightarrow 2^2 \leq 2x+1 < 2^3 \rightarrow 9 \leq 2x+1 < 2^7 \rightarrow 8 \leq 2x < 2^6$$

$$\rightarrow 4 \leq x < 127$$

که در این بازه ۹ عدد صحیح وجود دارد.

(توابع نمایی و لگاریتمی) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۴)

۱۷۳- گزینه «۲»

(رضا علی‌نواز)

از روی نمودار واضح است که نمودار تابع نمایی دو واحد پایین‌تر آمده است پس $b = -2$ می‌باشد از طرفی نقطه $(4, 0)$ روی نمودار قرار دارد با جایگذاری این نقطه روی تابع داریم:

$$f(x) = -2 + \left(\frac{1}{2}\right)^{-(x+a)} \rightarrow 0 = -2 + \left(\frac{1}{2}\right)^{-(4+a)}$$

$$\rightarrow 2 = \left(\frac{1}{2}\right)^{-(4+a)} = 2^{4+a}$$

$$1 = 4 + a \rightarrow a = -3$$

$$f(x) = -2 + \left(\frac{1}{2}\right)^{-(x-3)}$$

$$\Rightarrow f(a-b) = f(-1) = -2 + \left(\frac{1}{2}\right)^4$$

$$= -2 + \frac{1}{16} = -\frac{31}{16}$$

(توابع نمایی و لگاریتمی) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۱۵ تا ۱۱۸)

۱۷۴- گزینه «۲»

(سویل حسن‌فان‌پور)

با توجه به نرخ رشد و زوال و همچنین جمعیت اولیه شهرهای A و B، رابطه‌های جمعیت شهرها را در سال nم به‌دست می‌آوریم:

$$A \text{ شهر} \rightarrow (1/1)^n \times 2x$$

$$B \text{ شهر} \rightarrow (0/8)^n \times x$$

حال نسبت جمعیت شهر A به B برابر ۳ قرار می‌دهیم:

$$\frac{(1/1)^n \times 2x}{(0/8)^n \times x} = 3 \rightarrow \left(\frac{11}{8}\right)^n = \frac{3}{2} \rightarrow \log_{11}^{\frac{3}{2}} = n$$

$$= \frac{\log 3 - \log 2}{\log 11 - 3 \log 2} = \frac{0/48 - 0/3}{1/05 - 0/9} = \frac{18}{15} = 1/2 \text{ سال}$$

$$1/2 \times 365 = 182 \text{ روز}$$

(توابع نمایی و لگاریتمی) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۸)

۱۷۵- گزینه «۱»

(امیر هوشنگ انصاری)

اول باید سمت راست را ساده کنیم:

$$\rightarrow \sin^2 x + \cos^2 x - 2 \sin x \cos x = \frac{1}{9}$$

$$\rightarrow \sin^2 x + \cos^2 x = \frac{10}{9}$$

حالا با توجه به اتحادها داریم:

$$\frac{\sin^6 x + \cos^6 x}{\sin^4 x + \cos^4 x} = \frac{1 - 2 \sin^2 x \cos^2 x}{1 - 2 \sin^2 x \cos^2 x} = \frac{1 - 2 \times \frac{16}{81}}{1 - 2 \times \frac{16}{81}}$$

$$= \frac{81 - 64}{81 - 64} = \frac{17}{17} = 1$$

$$= \frac{81 - 64}{81 - 64} = \frac{17}{17} = 1$$

(مثلثات) (ریاضی ۱، صفحه‌های ۴۲ تا ۴۶) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۷۷ و ۷۸)

۱۶۹- گزینه «۳»

(عباس اشرفی)

دوره تناوب تانژانت و سینوس برابر هستند.

$$\frac{2\pi}{|a|} = \frac{\pi}{|b|} \rightarrow |a| = 2|b| \xrightarrow{a, b > 0} a = 2b$$

مقدار تابعها در $x = 0$ برابرند پس:

$$f(0) = g(0) \rightarrow m = n$$

از طرفی در نمودار تابع سینوس مقدار مینیمم تابع صفر است پس:

$$y_{\min} = -|2| + m = 0 \rightarrow m = 2 \rightarrow n = 2$$

حاصل $\frac{(2m-n)a}{b}$ برابر است با:

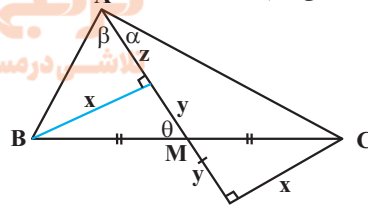
$$\frac{(2(2) - 2)2b}{b} = 4$$

(مثلثات) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۸۸ تا ۹۴) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۳۳ تا ۳۶)

۱۷۰- گزینه «۴»

(علی‌اصغر شریفی)

از نقاط B و C بر AM (و امتداد آن) عمود می‌کشیم تا شکل زیر به‌دست آید:



در شکل بالا داریم:

$$\tan \alpha = \frac{x}{2y+z} \Rightarrow \frac{x}{2y+z} = \frac{2}{3} \Rightarrow 3x = 4y + 2z$$

$$\Rightarrow 15x = 20y + 10z \quad (1)$$

$$\tan \beta = \frac{x}{z} \Rightarrow \frac{x}{z} = \frac{5}{4} \Rightarrow 4x = 5z \Rightarrow 8x = 10z \quad (2)$$

اگر رابطه (۲) را از (۱) کم کنیم، به رابطه زیر می‌رسیم:

$$7x = 20y \Rightarrow \tan \theta = \frac{x}{y} = \frac{20}{7}$$

(مثلثات) (ریاضی ۱، صفحه‌های ۲۹ تا ۳۵)

ریاضی پایه

۱۷۱- گزینه «۲»

(شیوا امینی)

$$\log_4^4 = 2 \text{ پس } a - 2 = \log_4^8 - 2 \text{ می‌دانیم } a = \log_4^8$$

$$a - 2 = \log_4^8 - \log_4^4$$

پس می‌شود:

$$a - 2 = \log_4^4$$

طبق خواص لگاریتم داریم: $\log_b^a - \log_b^c = \log_b^{\frac{a}{c}}$ پس:



بنابراین:

$$\rightarrow 4a = 36 \rightarrow a = 9$$

(توابع نمایی و کلاریتمی) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۴)

(سوال حسن‌فان‌پور)

۱۷۹- گزینه «۴»

$$27^x = (3^3)^x = (3^x)^3$$

$$9^x = (3^2)^x = (3^x)^2$$

حال $3^x = t$ در نظر می‌گیریم:

$$9t^3 - 15t^2 - 8t + 4 = 0$$

اگر $t = 2$ را در معادله قرار دهیم، در آن صدق می‌کند:

$$9 \times 2^3 - 15 \times 2^2 - 8 \times 2 + 4 = 72 - 60 - 16 + 4 = 76 - 76 = 0$$

پس عامل $t - 2$ در عبارت داریم، عبارت را بر $t - 2$ تقسیم می‌کنیم:

$$9t^3 - 15t^2 - 8t + 4 = (t - 2)(9t^2 + 3t - 2) = 0$$

عبارت $9t^2 + 3t - 2 = 0$ به صورت $(3t - 1)(3t + 2)$ تجزیه می‌شود.

$$(t - 2)(3t - 1)(3t + 2) = 0 \rightarrow \begin{cases} t = 2 \rightarrow 3^x = 2 \rightarrow x = \log_3 2 \\ t = \frac{1}{3} \rightarrow 3^x = \frac{1}{3} = 3^{-1} \rightarrow x = -1 \\ t = \frac{-2}{3} \rightarrow 3^x = \frac{-2}{3} \rightarrow \text{غ ق ق} \end{cases}$$

$$\rightarrow \text{مجموع ریشه‌ها} = \log_3 2 - 1 = \log_3 2 - \log_3 3 = \log_3 \frac{2}{3}$$

(توابع نمایی و کلاریتمی) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۴)

(علی‌اصغر شریفی)

۱۸۰- گزینه «۳»

ابتدا گزینه «۱» و «۲» را با هم مقایسه می‌کنیم:

$$\left. \begin{aligned} \log_3 3 &= \frac{1}{3} \log_3 9 > \frac{1}{3} \log_3 8 = \frac{1}{3} \times 3 = 1 \\ \log_3 5 &= \frac{1}{3} \log_3 25 < \frac{1}{3} \log_3 27 = \frac{1}{3} \times 3 = 1 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \log_3 3 > \log_3 5$$

حال گزینه «۲» و «۴» را با هم مقایسه می‌کنیم:

$$\left. \begin{aligned} \frac{1 + \sqrt{5}}{2} &= \frac{1 + \sqrt{25}}{2} > \frac{1 + \sqrt{21}}{2} = \frac{1 + 11}{2} = 6 \\ \log_3 3 &= \frac{\Delta \log 3}{\Delta \log 2} = \frac{\log 243}{\Delta \log 2} < \frac{\log 256}{\Delta \log 2} = \frac{8 \log 2}{\Delta \log 2} = 8 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{1 + \sqrt{5}}{2} > \log_3 3$$

در نهایت گزینه «۳» و «۴» را مقایسه می‌کنیم:

$$1 / \frac{1}{4} / 5 = \left(\frac{3}{5}\right)^2 = \frac{9}{25} > \frac{7}{5} \times \sqrt{\frac{7}{5}} = \frac{7}{5} \times \sqrt{\frac{49}{35}} > \frac{7}{5} \times \sqrt{\frac{49}{36}}$$

$$= \frac{7}{5} \times \frac{7}{6} = \frac{49}{30}$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{1 + \sqrt{5}}{2} < \frac{49}{30} &\Leftrightarrow 15(1 + \sqrt{5}) < 49 \Leftrightarrow 15\sqrt{5} < 34 \\ \Leftrightarrow 225 \times 5 < 1156 &\Leftrightarrow 1125 < 1156 \end{aligned} \right\} \Rightarrow 1 / \frac{1}{4} / 5 > \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$$

به‌طور خلاصه خواهیم داشت:

$$\log_3 5 < \frac{3}{2} < \log_3 3 < \frac{1}{5} < \frac{1 + \sqrt{5}}{2} < \frac{49}{30} < 1 / \frac{1}{4} / 5$$

(توابع نمایی و کلاریتمی) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۰۵ تا ۱۱۴)

۴

$$2 - \frac{\log 9}{\log 4} = 2 - \frac{2 \log 3}{2 \log 2} = 2 - \frac{\log 3}{\log 2} = \log_2 4 - \log_2 3 = \log_2 \frac{4}{3}$$

حالا معادله اصلی را می‌نویسیم:

$$\log_2 (1 - \log_2 \frac{4}{3}) = \log_2 \frac{4}{3} \Rightarrow 1 - \log_2 \frac{4}{3} = \frac{4}{3}$$

$$\log_2 \frac{4}{3} = \frac{-1}{3} \rightarrow x = 2^{\frac{-1}{3}} \rightarrow 2x = 2^{\frac{2}{3}}$$

$$\log_2 (2x) = \log_2 2^{\frac{2}{3}} = \frac{1}{3}$$

(توابع نمایی و کلاریتمی) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۴)

۱۷۶- گزینه «۲»

برای هر عدد طبیعی $x \in \mathbb{N}$ ، نامساوی $10^n \leq x < 10^{n+1}$ برقرار است ($n \in \mathbb{W}$) و آنگاه عدد x ، $n+1$ رقمی است، پس می‌توان نوشت:

$$\Rightarrow 10^n \leq 3^{100} < 10^{n+1}$$

حال از طرفین نامعادله فوق، لگاریتم در مبنای 10 می‌گیریم و چون مبنای لگاریتم بزرگتر از یک است، جهت‌های نامعادله عوض نمی‌شود.

$$\Rightarrow n \leq \log_{10} 3^{100} < n+1 \Rightarrow n \leq 100 \log_{10} 3 < n+1$$

$$\Rightarrow n \leq 47.7 < n+1 \Rightarrow n = 47, n+1 = 48$$

پس عدد 3^{100} ، عددی ۴۸ رقمی است.

(توابع نمایی و کلاریتمی) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۴)

۱۷۷- گزینه «۴»

(دانیال ابراهیمی)

دقت کنید که: $\log_c ab = \log_c a + \log_c b$ و $\log_b a = \frac{\log_c a}{\log_c b}$

با توجه به اتحادهای لگاریتمی بالا، داریم:

$$\log_2^3 4 = \log_2^2 4 + \log_2 4 = \frac{3}{2} + \log_2 4 = m$$

$$\Rightarrow \log_2 4 = m - \frac{3}{2}$$

حالا به سراغ عبارت خواسته شده می‌رویم:

$$\log_{1/8}^{\lambda} = \frac{\log_2^{\lambda} 1/8}{\log_2^{\lambda} 1/8} = \frac{\frac{3}{2}}{\frac{3}{2} + 2 \log_2^3 4} = \frac{\frac{3}{2}}{\frac{3}{2} + 2m - 3} = \frac{\frac{3}{2}}{2m - \frac{5}{2}} = \frac{3}{4m - 5}$$

(توابع نمایی و کلاریتمی) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۴)

۱۷۸- گزینه «۲»

(مصطفی کرمی)

در ابتدا با توجه به خاصیت $\log_a^x + \log_a^y = \log_a^{xy}$ و $\log_b^a = \frac{1}{\log_a^b}$

عبارت‌ها را ساده می‌کنیم:

$$\left\{ \begin{aligned} \frac{2}{\log_2^2 7 + 1} &= \frac{2}{\log_2^2 7 + \log_2^3 7} = \frac{2}{\log_2^3 7} = 2 \log_2^3 7 = \log_2^6 7 \\ \frac{1}{\log_2^4 7 + 1} &= \frac{1}{\log_2^4 7 + \log_2^4 7} = \frac{1}{2 \log_2^4 7} = \log_2^8 7 \end{aligned} \right.$$

حالا داریم:

$$\log_2^6 7 + \log_2^8 7 = 1 = \log_2^3 7 \rightarrow \log_2^4 7 = \log_2^3 7 - \log_2^6 7 = \log_2^9 7 = \log_2^6 7$$

زمین شناسی

۱۸۱- گزینه «۱»

(سریرا نیف پور)

$$Q = A \cdot V \Rightarrow 18 = 8 \times V \Rightarrow V = 2 / 25$$

$$(A = \text{عمق} \times \text{عرض} \Rightarrow 2 \times 4 = 8 \text{ m}^2)$$

دیواره A محدب است و سرعت آب نسبت به دیواره D که مقعر است، کمتر می باشد بنابراین سرعت آب در D باید بیشتر از A باشد.

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه های ۴۳ و ۴۴)

۱۸۲- گزینه «۳»

(روزبه اسحاقیان)

تراز آب در یک آبخوان تحت فشار با سطح پیزومتریک مشخص می شود. اگر سطح پیزومتریک بالاتر از سطح زمین باشد، آب خودبه خود از دهانه چاه خارج می شود (چاه آرتزین) و اگر سطح پیزومتریک پایین تر از سطح زمین باشد، آب می بایست از طریق پمپاژ خارج گردد.

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه ۴۷)

۱۸۳- گزینه «۴»

(عرفان هاشمی)

با حفر چاه و استخراج بی رویه آب از آن، سطح ایستابی یا سطح پیزومتریک در اطراف چاه کم کم پایین می رود و فرورفتگی مخروطی شکل به نام مخروط افت ایجاد می شود. قاعده مخروط افت در سطح ایستابی یا پیزومتریک و رأس آن در سطح آب داخل چاه است. بررسی گزینه ها:

گزینه «۱»، «۲» و «۳» صحیح

گزینه «۴»: مخروط افت در ابتدا متقارن است ولی در اثر برخورد با یک رود یا یک لایه نفوذناپذیر (ریزدانه مثل رس) نامتقارن شده و در سمتی که با لایه رس برخورد کرده، افت سطح ایستابی بیشتر شده است.

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه ۵۰)

۱۸۴- گزینه «۴»

(سیر مصطفی دهنوی)

در علم رسوب شناسی مواد حاصل از فرسایش کوه ها که توسط عوامل فرسایشی مانند آب و باد و یخ به مناطق پست یا حوضه های رسوبی منتقل می شوند و به سنگ های رسوبی تبدیل می شوند در رسوب شناسی و سنگ شناسی رسوبی، فرایندهای انتقال ته نشینی و تبدیل رسوبات به سنگ های رسوبی مطالعه می شود.

در کشاورزی خاکی را حاصلخیز می نامند که موجب رشد بیشتر گیاه شود، مانند مناطق گرم و مرطوب که هوازدگی شیمیایی اهمیت بیشتری دارد. شکل الف هوازدگی فیزیکی و شکل ب هوازدگی شیمیایی را نشان می دهد.

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه های ۵۲، ۵۴ و ۵۷)

۱۸۵- گزینه «۴»

(فرشید مشعری پور)

در مناطق مرطوب که مقدار بارندگی زیاد و تبخیر کم است، رودها از نوع دائمی هستند. در این رودها، بخشی از آب که همیشه جریان دارد، آبدهی پایه را تشکیل می دهد.

نکته: رودهایی که در تمام طول سال، آب در آنها جریان دارد از نوع دائمی هستند. کمترین مقدار آبی که در طول یک سال، در رودهای دائمی جریان دارد، بیانگر آبدهی پایه رود است.

با توجه به شکل داده شده در سوال، رود «الف» فصلی و رود «ب» دائمی است. کمترین آبدهی رود «ب» در طول سال، یعنی مقدار ۲۵ متر مکعب بر ثانیه، نشانگر آبدهی پایه این رود است.

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه ۴۴)

۱۸۶- گزینه «۴»

(کلنوش شمس)

هرچه سرعت رواناب، جرم و میزان مواد معلق بیشتر باشد، انرژی جنبشی آب، و در نتیجه، قدرت فرساینده گی آن بیشتر می شود.

فرمول انرژی جنبشی:

$$\frac{1}{2} \times m \times v^2$$

$$\frac{\text{قدرت فرساینده گی نقطه ب}}{\text{قدرت فرساینده گی نقطه الف}} = \frac{v^2}{v^2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$$

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه ۵۶)

۱۸۷- گزینه «۲»

(بغداد سلطانی)

شکل صورت سوال، پدیده فرورفتست ناگهانی زمین را نشان می دهد. اگر مقدار آب ورودی به آبخوان (I) کمتر از مقدار آب خروجی (O) باشد، بیلان منفی است.

(O > I). فرورفتست زمین در مناطقی که با بیلان منفی آب زیرزمینی روبه رو هستند، بیشتر است. برای کاهش میزان فرورفتست زمین، باید بهره برداری از منابع آب

زیرزمینی کاهش یابد و با تغذیه مصنوعی آبخوانها تقویت شوند.

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه های ۳۹ و ۵۱)

۱۸۸- گزینه «۳»

(منصور هاروق زین)

ذرات تشکیل دهنده خاک، برحسب اندازه، به سه دسته اصلی درشت دانه مثل خاک های شنی، متوسط دانه مثل ماسه و لای، ریزدانه مثل خاک های رسی تقسیم می شوند. معمولاً خاک های طبیعی، ترکیبی از آنها است.

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه ۵۳)

۱۸۹- گزینه «۳»

(بغداد سلطانی)

هرچه میزان بهره برداری از آبخوان بیشتر باشد، عمق سطح ایستابی آب بیشتر خواهد شد. (رابطه مستقیم)

بررسی سایر گزینه ها:

گزینه «۱»: میزان تغذیه آبخوان (آب نفوذی) بیشتر = عمق سطح ایستابی کمتر (رابطه معکوس)

گزینه «۲»: میزان بارندگی بیشتر = ضخامت منطقه تپویه کمتر (رابطه معکوس)

گزینه «۴»: اندازه ذرات خاک بیشتر درشت تر عمق سطح ایستابی کمتر (رابطه معکوس)

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه های ۴۵ و ۴۶)

۱۹۰- گزینه «۳»

(علی وهالی مسموم)

با رسیدن فصل تابستان به علت افزایش تبخیر، معمولاً میزان حجم آب عبور کرده از مقطع عرضی یک رودخانه در واحد زمان کمتر می شود.

بررسی سایر گزینه ها:

گزینه «۱»: ماده معروف به «نماد زندگی»، آب است. سفر پایان ناپذیر (نه پایان پذیر!!) آب بین سنگ کره و هواکره سبب می شود تا پوسته زمین، تغییر کند.

گزینه «۲»: افزایش حاصلخیزی یک منطقه، را نمی توان با افزایش آب مناطق پست تر حوضه آبریز مقایسه کرد و ذکر واژه همواره اشتباه است.

گزینه «۴»: بخش عمده ای از روانابی که به داخل زمین نفوذ می کند و منابع آب زیرزمینی را تغذیه می کند سرانجام از طریق چشمه، چاه یا قنات مجدد به سطح زمین راه می یابد.

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه های ۴۱ تا ۴۴)



درسنامه آزمون ۱۷ آذر ۱۴۰۲

مؤلفان

نام و نام خانوادگی	نام درس
امیر محمد طباطبایی	زیست‌شناسی
مبین مغانلو	فیزیک
کوثر گلیج	شیمی
نریمان فتح‌اللهی	ریاضی

مدیر گروه	مسئول دفترچه	حروفچین و صفحه‌آرا
زهراسادات غیائی	علی رفیعیان بروجنی	سیده صدیقه میرغیائی

ویژگی دفترچه درسنامه

دانش‌آموزان عزیز رشته تجربی

کانون فرهنگی آموزش هر ساله در جهت بالا بردن خدمات آموزشی به دانش‌آموزان سراسر کشور، نوآوری جدیدی دارد. در سال تحصیلی پیش رو همراه با دفترچه پاسخ‌نامه تشریحی، دفترچه درسنامه از مباحث آزمون بعد برای شما تدارک دیده شده است. این درسنامه به دانش‌آموزانی که در درسی خاص نیاز به مطلب کمک آموزشی دارند و همه دانش‌آموزان که سه روز قبل از آزمون اصلی به تورق سریع مطالب آزمون می‌پردازند، می‌تواند کمک کند.

این درسنامه شامل دو قسمت است:

۱- آزمون هدف‌گذاری مشابه پارسال برای آمادگی و تمرین تستی شما در منزل

۲- درسنامه بودجه‌بندی درس‌های دوازدهم آزمون ۱۷ آذرماه



اینستاگرام دوازدهم تجربی ۱۴۰۲ _ kanoonir



کانال دوازدهم تجربی @zistkanoon۲

انتقال اطلاعات در نسل‌ها

زیست‌شناسی ۳: صفحه‌های ۴۲ تا ۴۶

صفت: ویژگی‌های ارثی جانداران

(۱) غیرجنسی (مستقل از جنس): ژن مربوط به این صفات روی یکی از جفت کروموزوم‌های ۱ تا ۲۲ قرار گرفته است. مانند:

گروه خونی (ABO) ← فام‌تن شماره ۹

گروه خونی RH ← فام‌تن شماره ۱

بیماری فنیل‌کتونوری (PKU)

کم‌خونی داسی‌شکل

مثال:

(۲) جنسی (وابسته به X)

• ژن مربوط به این صفات روی جفت کروموزوم ۲۳ (کروموزوم X) قرار گرفته است مانند ← هموفیلی

در این بیماری فرآیند لخته شدن خون دچار اختلال می‌شود و شایع‌ترین نوع بیماری فقدان عامل انعقادی VIII (هشت) است.

- فنیل‌کتونوری (PKU): در این بیماری آنزیم تجزیه‌کننده فنیل‌آلانین وجود ندارد ← تجمع فنیل‌آلانین منجر به ایجاد ترکیبات خطرناک و آسیب مغز نوزاد می‌شود.

الل (دگره): از آن‌جا که انسان جاننداری دیپلوئید (۲n) است، برای بروز هر صفت ۲ جایگاه ژنی یکسان دارد که الل‌های مختلف تعیین‌کننده آن صفت، دو جایگاه را پر می‌کنند.

مثال: D و d، الل مربوط به صفت گروه خونی Rh هستند

+	DD	خالص
-	dd	خالص
+	Dd	ناخالص

که روی فام‌تن شماره ۱ جایگاه داشته و به ۳ حالت مختلف، ۲ جایگاه را پر می‌کنند.

الل D ← وجود پروتئین D روی گلبول قرمز

الل d ← نبودن پروتئین D روی گلبول قرمز

(۱) بارز نهفتگی: طبق قرارداد دگره بارز با حرف بزرگ و دگره نهفته با حرف کوچک نشان

داده می‌شود و در حالت ناخالص دگره بارز صفت مربوط به خود را بروز می‌کند. Dd ←

گلبول قرمز دارای پروتئین D می‌شود.

هم‌توانی: ۲ دگره نسبت به یکدیگر هم‌توان بوده و اثر آن‌ها همراه با هم ظاهر می‌شود.

سه نوع رابطه بین

الل‌ها وجود دارد.

$I^A I^B$ ← گروه خونی AB ← گلبول‌های قرمز هم‌کربوهیدرات A را دارند هم B

(۳) بارزیت ناقص: در حالت ناخالص، حد واسط ۲ الل مشاهده می‌شود. مثال:

۲ دگره رنگ گل میمونی ← R قرمز W سفید ← (RW ← صورتی ← حد واسط

سفید و قرمز

• ژنوتیپ (ژن نمود): ترکیب ال‌ها در فرد را گویند (آرایش ال‌ها در ماده ژنتیک هر فرد)

• فنوتیپ (رخ نمود): شکل ظاهری، حالت بروز یافته صفت که حاصل ترکیب ال‌ها است.

• تعداد ژنوتیپ هر صفت که تعداد فنوتیپ آن صفت

• گروه خونی ABO که یک صفتی مستقل از جنس و تک جایگاهی است روی فام تن ۹ قرار داشته، توسط ۳ آلل I^A ، I^B و i^O

کنترل می‌شود که I^A و I^B بارز و هم‌توان هستند و i^O نهفته است.

این صفت تعیین‌کننده نوع کربوهیدرات روی گلبول‌های قرمز در صورت وجود است. (افراد دارای گروه خونی O هیچ

کربوهیدراتی روی گلبول‌های قرمز خود ندارند.)

نکات: (۱) هرگاه والد A فرزند با گروه خونی B یا O داشت A_O است نه AA

(۲) هرگاه در خانواده احتمال ایجاد هر ۴ نوع گروه خونی در فرزندان وجود دارد \Leftarrow ژنوتیپ پدر و مادر $(AO \times BO)$

(۳) هرگاه بگویند احتمال یکسان شدن گروه خونی فرزندان به والدین وجود ندارد \Leftarrow ژنوتیپ پدر و مادر: $AA \times BB$ یا $AB \times OO$

در بیماری هموفیلی: یک صفت وابسته به جنس بوده که روی فام تن x قرار دارد.

میزان بروز و نحوه ظاهر شدن در ژنوتیپ زنان و مردان متفاوت است. موفقیت

مرد بیمار $x^h Y$ مرد سالم $x^H Y$ زن سالم و $x^H x^H$ یا $x^H x^h$

نکته بسیار مهم: در مسائل این فصل به کمک صورت سوال به ژنوتیپ باید بروید از تک تک اطلاعات گفته شده استفاده

کنید، که به دقیق‌ترین ژنوتیپ ممکن برسید \Leftarrow در ۹۹٪ مواقع اگر ژنوتیپ را به درستی تشخیص دهید، سوال را حل

می‌کنید.

• برای هر صفت ترجیحاً یک پانت جداگانه رسم کنید تا در هر سوال، سوالات راحت‌تر شود.

(اما باید بگویم مدل حرفه‌ای حل این سوالات که مطمئنم با تکرار و تمرین و حل قسمت مناسب، به آن می‌رسید، رسم مربع پانت

در ذهن است.)

علاوه بر مستقل از جنس یا وابسته به X بودن صفات از ۲ منظر دیگر نیز طبقه‌بندی خواهیم کرد.

صفات } پیوسته: میزان مربوط به بروز این صفت هر عددی می‌تواند باشد. (قد)
گسسته: نحوه بروز این صفت تنها به ۲ شکل پنهان یا بارز دیده می‌شود.

صفات } تک‌جایگاهی: صفاتی که ۱ جایگاه ژن در فام‌تن دارند. مثل گروه خونی ABO
چندجایگاهی: صفاتی که بروز آنها بیش از یک جایگاه ژن دارد. مثل رنگ مو / رنگ گیاه ذرت

در مورد صفت رنگ گیاه ذرت ۲۷ ژنوتیپ دیده می‌شود که ۷ تا از آنها فراوان‌ترین نمود را دارا می‌باشند.

مثال خارج ۹۹: در خانواده‌ای که والدین هر ۲ سالم هستند. دختری فاقد آنزیم تجزیه‌کننده فنیل‌آلانین با گروه خونی B و پسری فاقد عامل انعقاد خون با گروه خونی A متولد گردید. با فرض یکسان بودن گروه خونی والدین، تولد کدام مورد زیر در این خانواده ممکن است؟

پاسخ گزینه «۲»

۱) دختری با گروه خونی AB و فاقد عامل انعقادی شماره ۸ و دارای آنزیم تجزیه‌کننده فنیل‌آلانین

۲) پسری با گروه خونی AB و دارای عامل انعقادی شماره ۸ و فاقد آنزیم تجزیه‌کننده فنیل‌آلانین

۳) دختری با گروه خونی O و فاقد آنزیم تجزیه‌کننده فنیل‌آلانین و دارای عامل انعقادی شماره ۸

۴) پسری با گروه خونی O و فاقد عامل انعقادی شماره ۸ و دارای آنزیم تجزیه‌کننده فنیل‌آلانین

دینامیک

فیزیک ۳: صفحه‌های ۳۷ تا ۴۴

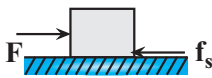
نیروی اصطکاک

نیروی اصطکاک: نیرویی است که در برابر حرکت یک جسم مخالفت می‌کند. دو عامل ناهمواری سطوح و چسبندگی در ایجاد اصطکاک مؤثرند پس این نیرو و به جنس سطح دو جسم، زبری و نرمی سطح آنها و ... بستگی دارد.

نیروی اصطکاک ۲ نوع ایستایی (f_s) و جنبشی (f_k) دارد.

وقتی جسمی را هل می‌دهیم و حرکت نمی‌کند، نیرویی که با حرکت جسم مخالفت می‌کند اصطکاک ایستایی نام دارد. (اصطکاک قبل از شروع حرکت یا زمانی که نسبت به هم ساکن‌اند.)

در شکل مقابل، تا زمانی که جسم ساکن است، $f_s = F$ است. اما f_s از یک مقداری نمی‌تواند بیشتر بشود. این مقدار که «اصطکاک ایستایی آستانه حرکت» نام دارد، از رابطه $f_{s,max} = F_N \mu_s$ به دست می‌آید.



(ضریب اصطکاک ایستایی = μ_s) (نیروی عمود تکیه‌گاه = F_N)

$$f_s \leq F_N \mu_s$$

اصطکاک جنبشی: این نوع از نیروی اصطکاک به جسم در حال حرکت وارد می‌شود و موازی با سطح آن مخالفت جهت حرکت آن جسم است. اندازه این نیرو از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$f_k = \mu_k F_N$$

توجه: معمولاً $\mu_k \geq \mu_s$ است. زیرا در هنگام حرکت، جنبش مولکول‌های هوا میان سطح ۲ جسم باعث کاهش برخورد می‌شود.

مثال: جعبه مقابل روی سطحی به ضریب اصطکاک ایستایی $\mu_s = 0/6$ و ضریب اصطکاک جنبشی $\mu_k = 0/5$ قرار دارد. با

نیروی F می‌خواهیم این جعبه را حرکت دهیم. در ابتدا نیروی F_1 برابر 20N است: ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

$$F_1 \rightarrow \boxed{5\text{kg}} \leftarrow f_s \quad F_N = W = 5 \times 10 = 50\text{N}$$

$$f_{s,max} = F_N \times \mu_s = W \times 0/6 = 30\text{N}$$

$$f_k = F_N \times \mu_k = W \times 0/5 = 25\text{N}$$

در حالت اول چون $F_1 < f_{s,max}$ است، پس جعبه حرکت نمی‌کند. یعنی باید نیرویی مخالف جهت F_1 و هم‌اندازه با آن به جسم وارد شود. پس نیروی اصطکاک ایستایی در این حالت 20N است. (به یاد داشته باشیم که f_s ، لزومی ندارد همواره برابر $f_{s,max}$ باشد.) در این مثال، به ازای جميع مقادیر $F < 30\text{N}$ نیز همین اتفاق رخ می‌دهد.

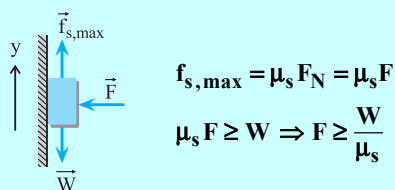
با رسیدن F_1 به $F_1 = f_{s,max} = 30\text{N}$ می‌شود و جسم در آستانه حرکت قرار می‌گیرد ولی همچنان ساکن است. به ازای هر نیروی $F_1 > 30\text{N}$ ، جسم شروع به حرکت می‌کند. حال نیروی اصطکاکی که به جسم وارد می‌شود، چون جسم در حال حرکت است از نوع اصطکاک جنبشی است. حرکت جسم تندشونده است تا زمانی که $F_1 = 25\text{N}$ بشود و در این حالت چون $F_1 = f_k$ ، پس حرکت یکنواخت می‌شود. به ازای $F_1 < 25\text{N}$ ، سرعت حرکت جسم کند می‌شود تا زمانی که جسم دوباره ساکن شود. زمانی که دوباره می‌ایستد، باید $F_1 > 30\text{N}$ به آن وارد شود تا دوباره شروع به حرکت کند.

تست: جسمی به وزن W را با نیروی افقی \vec{F} به دیوار قائمی ثابت نگه داشته‌ایم. اگر ضریب اصطکاک ایستایی بین جسم و دیوار برابر با μ_s باشد، اندازهٔ نیروی \vec{F} برای آن که جسم در آستانه لغزش به سمت پایین قرار گیرد، کدام است؟

$$\frac{W}{\mu_s} \quad (1) \qquad W\sqrt{1+\mu_s^2} \quad (2) \qquad \mu_s W \quad (3) \qquad \frac{W}{\sqrt{1+\mu_s^2}} \quad (4)$$

☞ پاسخ: گزینهٔ «۱»

شرط آن که جسم به پایین نلغزد آن است که $f_{s,max} \geq W$ باشد، بنابراین داریم:



$$f_{s,max} = \mu_s F_N = \mu_s F$$

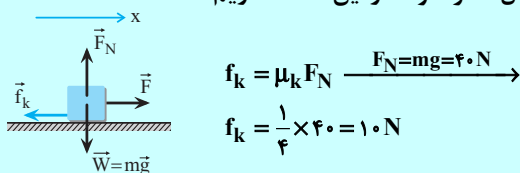
$$\mu_s F \geq W \Rightarrow F \geq \frac{W}{\mu_s}$$

تست: جسمی به جرم 4kg روی سطح افقی با ضریب اصطکاک جنبشی $\frac{1}{4}$ قرار دارد. جسم را با نیروی افقی 40 نیوتون می‌کشیم و جسم در جهت نیرو حرکت می‌کند. این نیرو را حداکثر چند نیوتون می‌توانیم کاهش دهیم بدون این که سرعت جسم کاهش یابد؟ ($g = 10\text{m/s}^2$) (سراسری ریاضی - ۸۹)

$$30 \quad (4) \qquad 20 \quad (3) \qquad 10 \quad (2) \qquad 5 \quad (1)$$

☞ پاسخ: گزینهٔ «۴»

برای آن که سرعت جسم کم نشود بایستی شتاب حرکت مثبت بماند یا حداقل صفر شود. در این حالت داریم:



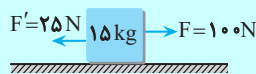
$$f_k = \mu_k F_N \quad \xrightarrow{F_N = mg = 40\text{N}}$$

$$f_k = \frac{1}{4} \times 40 = 10\text{N}$$

$$F_{net} = 0 \Rightarrow F - f_k = 0 \Rightarrow F = f_k = 10\text{N}$$

پس حداکثر تغییرات F برابر است با: $\Delta F = 40 - 10 = 30\text{N}$

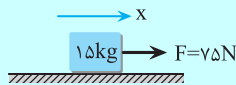
تست: مطابق شکل جسم با شتاب ۱ m/s^2 در امتداد سطح افقی حرکت می‌کند. نیرویی که سطح تکیه‌گاه به وزنه وارد می‌کند چند نیوتون است؟ ($g = ۱۰\text{ N/kg}$)



(۲) ۶۰
(۴) $۳۰\sqrt{۲۱}$

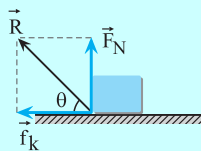
(۱) ۱۵۰
(۳) $۳۰\sqrt{۲۹}$

☞ پاسخ: گزینه «۳»



اگر برابند نیروها در راستای افقی را به دست آوریم شکل زیر را خواهیم داشت:

نیروی سطح برابند دو نیروی F_N و f_k خواهد بود و داریم: (در این شکل فقط نیروهای سطح بر جسم رسم شده‌اند.)



$$R = \sqrt{f_k^2 + F_N^2}$$

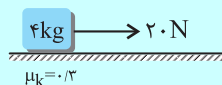
حال f_k و F_N را می‌یابیم: (دقت کنید در این مسئله سطح دارای اصطکاک است.)

$$\vec{F}_{net\ x} = m\vec{a} \Rightarrow F - f_k = ma \Rightarrow 75 - f_k = 15 \Rightarrow f_k = 60\text{ N}$$

$$F_{net\ y} = 0 \Rightarrow F_N = W = mg = 150\text{ N}$$

$$R = \sqrt{f_k^2 + W^2} = \sqrt{60^2 + 150^2} = \sqrt{(30 \times 2)^2 + (30 \times 5)^2} = \sqrt{30^2(4 + 25)} = 30\sqrt{29}\text{ N}$$

تست: در شکل زیر، جسم از حال سکون، در مسیر افقی و در لحظه $t = 0$ تحت نیروی ثابت به حرکت درمی‌آید و بعد از ۳ ثانیه نخ بسته شده به جسم پاره می‌شود. کل مسافتی که جسم از شروع حرکت تا لحظه ایستادن طی می‌کند، چند متر است؟ ($g = ۱۰\text{ m/s}^2$) (سراسری خارج از کشور ریاضی - ۸۷)



(۲) ۱۲

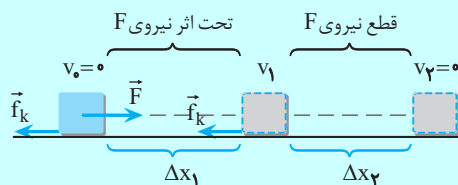
(۱) ۹

(۴) ۱۸

(۳) ۱۵

☞ پاسخ: گزینه «۳»

متحرک ابتدا تحت اثر نیروی F حرکت شتابدار تندشونده دارد و مسافت Δx_1 را طی می‌کند پس از حذف نیروی F ، صرفاً بر اثر نیروی اصطکاک f_k پس از طی مسافت Δx_2 می‌ایستد، بنابراین Δx_1 و Δx_2 را یافته و جمع می‌کنیم. در مرحله اول داریم:



$$F_{net} = ma \Rightarrow F - f_k = ma \Rightarrow F - \mu_k mg = ma$$

$F = 20\text{ N}, \mu_k = 0.3, m = 4\text{ kg} \rightarrow$

$$20 - 0.3 \times 4 \times 10 = 4a \Rightarrow a = 2\text{ m/s}^2$$

$$\Delta x_1 = \frac{1}{2}at^2 = \frac{1}{2} \times (2) \times (3)^2 = 9\text{ m}$$

پس از پاره شدن نخ شتاب حرکت $a = -\mu_k g$ خواهد بود.

$$F_{net} = ma \Rightarrow -f_k = ma \Rightarrow -\mu_k mg = ma$$

$$\Rightarrow a = -\mu_k g = -0.3 \times 10 = -3 \text{ m/s}^2$$

برای یافتن Δx_2 به سرعت اولیه در مرحله دوم نیاز داریم که همان سرعت پایانی مرحله اول است و داریم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = 2(3) = 6 \text{ m/s}$$

$$\Delta x_2 = \frac{v_0^2}{2|a|} \xrightarrow{v_0=6 \text{ m/s}, |a|=3 \text{ m/s}^2} \Delta x_2 = \frac{6^2}{2 \times 3} = 6 \text{ m}$$

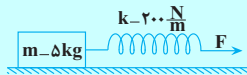
$$\Delta x = \Delta x_1 + \Delta x_2 = 9 + 6 = 15 \text{ m}$$

نیروی کشسانی فنر: وقتی یک فنر را می کشیم یا فشرده می کنیم، نیرویی به ما وارد می کند تا به حالت اولیه برگردد و این نیرو، نیروی کشسانی فنر نام دارد. این نیرو مطابق رابطه زیر که قانون هوک نام دارد به دست می آید:

$$\left(\frac{\text{N}}{\text{m}}\right) \text{ ثابت فنر}$$

$$\text{میزان تغییر طول (m)} \xrightarrow{F = kx} \text{نیروی کشسانی فنر}$$

تست: جسمی روی یک سطح افقی تحت تأثیر نیروی افقی F با سرعت ثابت کشیده می شود. اگر افزایش طول فنر در ضمن حرکت ۵ سانتی متر باشد، ضریب اصطکاک جنبشی بین جسم و سطح کدام است؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$)



۰/۲۵ (۲)

۰/۴ (۴)

۰/۲ (۱)

۰/۳ (۳)

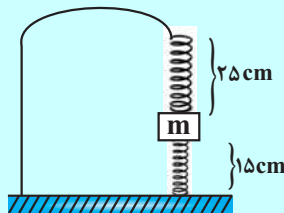
☞ پاسخ: گزینه «۱»

چون سرعت جسم ثابت است، بنابراین:

$$F_{net} = 0 \Rightarrow f_k = kx \Rightarrow \mu_k mg = kx \Rightarrow \mu_k \times 5 \times 10 = 200 \times \frac{5}{100} \Rightarrow 50 \mu_k = 10 \Rightarrow \mu_k = \frac{1}{5} = 0.2$$

تست: جسمی به جرم m توسط دو فنر متصل به جسم که طول آن‌ها در حالت طبیعی 20 cm است مطابق شکل زیر نگه

داشته شده است. اگر k در هر دو فنر برابر $2 \frac{\text{N}}{\text{cm}}$ باشد، جرم جسم کدام است؟ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$)



۲kg (۱)

۱kg (۲)

۳kg (۳)

۸kg (۴)

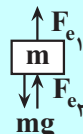
☞ پاسخ: گزینه «۱»

$$F = kx$$

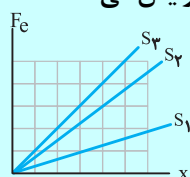
$$F_{e1} = kx_1 = k(25 - 20) = 5 \times 2 = 10 \text{ N}$$

$$F_{e2} = kx_2 = k |15 - 20| = 5 \times 2 = 10 \text{ N}$$

$$F_{e1} + F_{e2} = mg = 20 \text{ N} = 10 \times m \Rightarrow m = 2 \text{ kg}$$



تست: شکل زیر، تغییرات نیروی کشسانی سه فنر را بر حسب تغییر طول آنها نشان می‌دهد. اگر نیروی کشسانی $F_e = 30\text{N}$ طول فنر S_2 را ۴ سانتی‌متر افزایش دهد، طول فنرهای S_1 و S_3 را به ترتیب چند سانتی‌متر افزایش می‌دهد؟

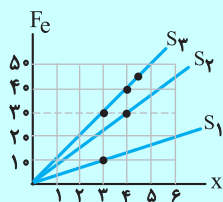


۲ و ۶ (۲)
۳ و ۹ (۴)

۶ و ۳ (۱)
۲ و ۸ (۳)

☞ پاسخ: گزینه «۴»

با توجه به رابطه $F_e = kx$ شیب نمودار $F_e - x$ معادل ثابت فنر است. بنابراین ثابت فنرها متناسب با اعداد زیر هستند:



$$k_1 \propto \frac{1}{3}, \quad k_2 \propto \frac{3}{4}, \quad k_3 \propto 1$$

از طرف دیگر به ازای F_e یکسان، تغییر

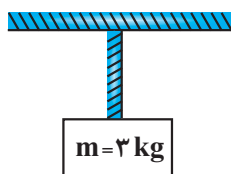
طول فنر با ثابت فنر نسبت عکس دارد بنابراین برای فنرهای S_1 و S_3 داریم:

$$F_{e1} = F_{e3} \Rightarrow k_1 x_1 = k_3 x_3 \xrightarrow{x_3 = 4\text{cm}} \frac{1}{3} \times x_1 = \frac{3}{4} \times 4 \Rightarrow x_1 = 9\text{cm}$$

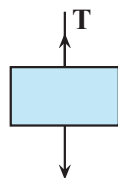
$$F_{e2} = F_{e3} \Rightarrow k_2 x_2 = k_3 x_3 \xrightarrow{x_3 = 4\text{cm}} 1 \times x_2 = \frac{3}{4} \times 4 \Rightarrow x_2 = 3\text{cm}$$

نیروی کشش طناب (T): وقتی طناب متصل به جسمی را می‌کشیم، طناب نیز جسم را با نیرویی می‌کشد که جهت آن از جسم به سمت بیرون و در راستای طناب است. به این نیرویی که طناب تحت کشش به جسم وارد می‌کند، نیروی کشش طناب می‌گوییم.

مثال: در شکل زیر، نیروی کشش طناب را محاسبه کنید؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)



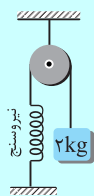
حل: ابتدا نیروهای وارد بر جسم را رسم می‌کنیم:



$$mg = 3 \times 10 = 30\text{N}$$

چون جسم ساکن است، پس باید $T = 30\text{N}$ باشد تا برآیند نیروهای وارد بر جسم، صفر شود.

تست: دستگاه شکل مقابل به حال تعادل قرار دارد و جرم قرقه ۱ kg و اصطکاک و جرم نیروسنج ناچیز است. نیروسنج چه نیرویی را نشان می‌دهد؟ ($g = 10 \text{ N/kg}$)



(۱) ۲۰ نیوتون

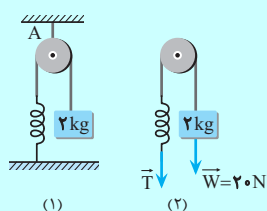
(۲) ۲۵ نیوتون

(۳) ۱۰ نیوتون

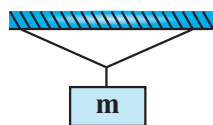
(۴) ۳۵ نیوتون

پاسخ: گزینه «۱»

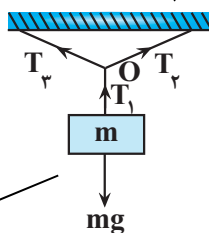
در حالت تعادل داریم: $F_{\text{net}} = 0$. برای تعیین عدد نیروسنج، دستگاه را به طور فرضی از نقطه A برش می‌زنیم و نیروهای وارد بر این بخش جدا شده را در شکل (۲) رسم کردیم. در شکل (۲) برای حفظ تعادل داریم: $T = 20 \text{ N}$



تعادل: در شکل زیر، جسم ثابت است و حرکت نمی‌کند، یعنی بنابر قوانین نیوتون، $\sum F = 0$ است و جسم متعادل است. در این حالت، اگر نیروهای وارد بر جسم را به دو راستای افقی و عمودی تجزیه کنیم، باید برآیند نیروها در هر دو راستا برابر صفر باشد.



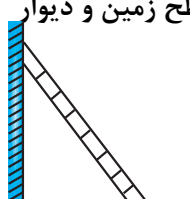
تعادل در گره O: $\vec{T}_1 + \vec{T}_2 + \vec{T}_3 = 0$



تعادل جسم: $\vec{W} + \vec{T}_1 = 0$

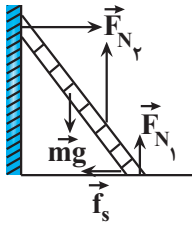
بررسی یک مثال مهم:

در شکل زیر نردبانی به جرم ۱۵ kg به دیوار قائم بدون اصطکاکی تکیه داده شده است. ضریب اصطکاک ایستایی بین زمین و پای نردبان ۰/۵ است و نردبان در آستانه سر خوردن قرار دارد. چه نیرویی از طرف سطح زمین و دیوار



به نردبان وارد می‌شود؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)

پاسخ: نردبان ساکن است یعنی نیروهای وارد بر آن متعادل هستند. نیروهای وارد بر آن را رسم می‌کنیم:



برآیند نیروها در هر دو راستای افقی و عمودی باید صفر باشد.

$$\vec{F}_{N_l} + \vec{mg} = 0$$

$$\vec{F}_{N_l} = -\vec{mg} \Rightarrow mg = F_{N_l}$$

$$15 \times 10 = F_{N_l} = 150 \text{ N}$$

$$\vec{f}_s + \vec{F}_{N_v} = 0 \Rightarrow f_s = F_{N_v} = f_{s,\max}$$

$$F_{N_v} = f_{s,\max} = F_{N_l} \times \mu_s = 0.5 \times 150 = 75 \text{ N}$$

حال داریم:

افقی:

$$F_{N_v} = 75 \text{ N} : \text{نیروی وارد از طرف دیوار به نردبان}$$

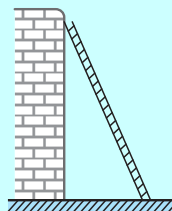
نکته مهم این سوالات در این است که نیروهایی که سطح زمین به جسم وارد می‌کند، F_{N_l} و f_s هستند و برای بیان این نیروی وارده، باید از این ۲ نیرو برآیند گرفت. چون برهم عمودند، برآیند آنها از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$F_{\text{net}}^2 = F_{N_l}^2 + f_s^2$$

$$F_{\text{net}} = \sqrt{150^2 + 75^2} = 75\sqrt{5} = \text{نیروی وارد از طرف سطح زمین به نردبان}$$

تست: نردبانی همگن به جرم 40 kg مطابق شکل، روی دیوار قائمی با اصطکاک ناچیز قرار دارد. اگر نیرویی که دیوار قائم به نردبان وارد می‌کند 300 N باشد، نیرویی که سطح افقی به نردبان وارد می‌کند، چند نیوتون است؟

($g = 10 \text{ N/kg}$) (سراسری ریاضی ۹۸)



(۱) ۴۰۰

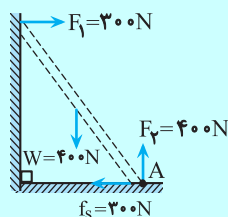
(۲) ۵۰۰

(۳) ۶۰۰

(۴) $250\sqrt{3}$

پاسخ: گزینه «۲»

چون نردبان در حال تعادل است، پس برآیند نیروهای وارد بر آن در تمام راستاها از جمله راستای افقی و عمودی صفر است. بنابراین مطابق شکل داریم:



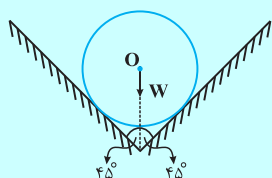
$$\text{در راستای قائم: } F_v = W = 400 \text{ N}$$

$$\text{در راستای افقی: } f_s = F_1 = 300 \text{ N}$$

نیروی سطح افقی بر نردبان برآیند این دو نیرو خواهد بود، یعنی خواهیم داشت:

$$R = \sqrt{F_v^2 + f_s^2} = \sqrt{400^2 + 300^2} = 500 \text{ N}$$

تست: در شکل زیر، کره‌ای همگن به جرم 5 kg درون یک ناوه بدون اصطکاک قرار دارد. این جسم به هر یک از



دیواره‌ها، نیروی چند نیوتون را وارد می‌کند؟ ($g = 10\text{ m/s}^2$)

(۱) ۲۰

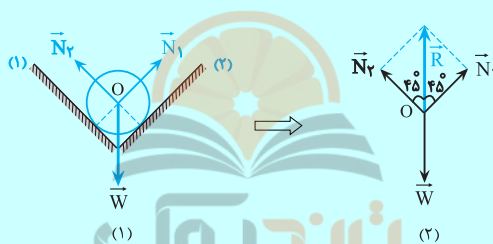
(۲) ۲۵

(۳) $25\sqrt{2}$

(۴) $50\sqrt{2}$

پاسخ: گزینه «۳»

طبق قانون سوم نیوتون، نیروی وارد از طرف جسم بر یک دیوار با نیروی وارد از طرف دیوار بر جسم هم‌اندازه است. ما برای حل آسان‌تر مسئله، مطابق شکل نیروهای وارد بر کره را رسم می‌کنیم.



نیروی هر دیوار بر کره، بر سطح تماس آن‌ها عمود است و نیروی وزن (W) به طرف پایین است. با توجه به شکل و تقارن دستگاه \vec{N}_1 بر \vec{N}_2 عمود و $N_1 = N_2$ است. با توجه به تعادل دستگاه، برآیند دو نیروی \vec{N}_1 و \vec{N}_2 وزن جسم

$$F_{\text{net}} = 0 \Rightarrow R = W$$

(\vec{W}) را خنثی خواهد کرد، یعنی:

$$R = \sqrt{N_1^2 + N_2^2} \xrightarrow{N_1 = N_2} R = \sqrt{2} N$$

$$\Rightarrow R = W \Rightarrow \sqrt{2} N = W \Rightarrow N = \frac{\sqrt{2}}{2} W$$

$$\xrightarrow{W = 50\text{ N}} N = 25\sqrt{2}\text{ N}$$

آسایش و رفاه در سایه شیمی

شیمی ۳: صفحه‌های ۴۴ تا ۵۰

رسیدیم به یکی از مهم‌ترین بخش‌های این فصل، سلول گالوانی.

چطوری می‌توانیم یک سلول گالوانی بسازیم؟ برای جواب این سؤال باید با چند ابزار آشنا شویم:

- نیم‌سلول: هرگاه یک تیغه فلزی که بهش الکتروند می‌گوییم را در محلولی از کاتیون‌های خودش که بهش الکترولیت می‌گوییم قرار بدهیم، مجموعه‌ای به اسم نیم‌سلول به وجود می‌آید.

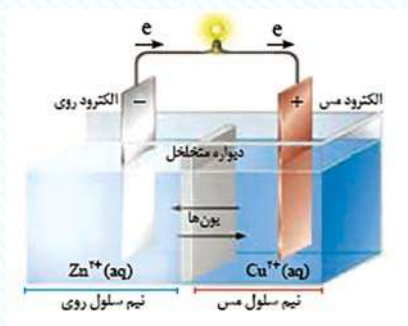
اگر همین نیم‌سلول در شرایط 25°C باشد \Leftarrow نیم‌سلول استاندارد نام دارد
غلظت محلول الکترولیت یک مولار

- **رسانای یونی:** به محلول الکترولیت به خاطر وجود کاتیون‌های فلزی رسانای یونی می‌گویند.
- **رسانای الکترونی:** به تیغه فلزی به دلیل وجود الکترون‌های آزاد شده توسط اتم‌ها بر روی آن رسانای الکترونی می‌گویند.
- **ص / غ:** محلول الکترولیت، یک محلول خنثی می‌باشد.

ص: چون علاوه بر کاتیون، کنار خود آنیون هم دارد. مثلاً تیغه فلزی روی را در محلول ZnSO_4 قرار می‌دهند.

حالا بیاید سلول گالوانی بسازیم: (پیشنهاد: حتماً چند بار یک سلول گالوانی را به طور شماتیک برای خود بکشید.)

- الکترودهای دو فلز را با یک سیم به هم وصل می‌کنیم و آنها را در الکترولیت‌های خود قرار می‌دهیم و این دو محلول را توسط یک دیواره متخلخل از هم جدا می‌کنیم. به این وسیله سلول گالوانی می‌گوییم که این سلول، انرژی الکتریکی تولید می‌کنند.



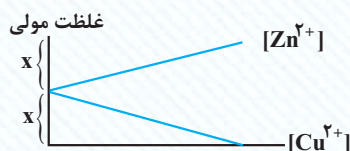
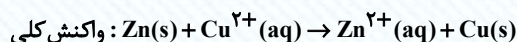
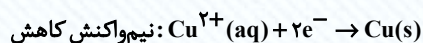
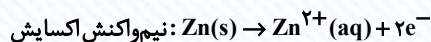
الکترون‌ها در مدار بیرونی جابه‌جا می‌شوند.

یون‌ها توسط دیواره متخلخل

سلول گالوانی روی - مس

• در شیمی یازدهم یاد گرفتید که واکنش پذیری فلز روی برای از دست دادن الکترون بیشتر از فلز مس است، پس این جا هم فلز روی اکسایش می یابد و به عنوان کاهنده، الکترون آزاد می کند و به صورت یون های Zn^{2+} وارد محلول می شود. الکترون های آزاد شده هم از سیم به سمت الکتروود مس می روند و روی تیغه قرار می گیرند و Cu^{2+} درون الکتروولیت کاهش می یابند و به عنوان اکسنده الکترون می خورند و به همین ترتیب تیغه مسی چاق و چاق تر و تیغه روی لاغر و لاغر تر می شود. چون از وجود خودش الکترون می کند و مس از الکترون آن تغذیه می کند.

سپس در سلول گالوانی روی - مس:



◀ نکته طلایی برای تست ها

نمودار مقابل را به خاطر بسپارید!

با گذشت زمان غلظت یون های Zn^{2+} ↑ و چون ضریب تغییر غلظت این دو یون در یک بازه معین با هم برابر در واکنش کلی برابر است
 با گذشت زمان غلظت یون های Cu^{2+} ↓

آند ← اکسایش ← منفی

الکتروودی که در آن نیم واکنش اکسایش صورت بگیرد: آند

به دلیل اینکه آند منبع تولید الکترون است: قطب منفی

تعریف آند و کاتد:

کاتد ← کاهش ← مثبت

الکتروودی که در آن نیم واکنش کاهش صورت بگیرد: کاتد

به دلیل اینکه کاتد گیرنده الکترون است: قطب مثبت

ص / غ) در همه سلول های الکتروشیمیای آند قطب منفی و کاتد قطب مثبت است.

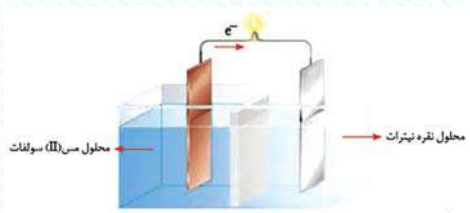
غ) جلوتر متوجه می شوید چرا. در همین حد بدانید که این قانون فقط برای سلول گالوانی صادق است.

ص / غ) واکنش های شیمیایی اکسایش و کاهش در سلول گالوانی به طور خود به خودی رخ می دهد.

ص) چون بر اساس قدرت کاهندگی فلزها است که می خواهند در نهایت به پایداری بیشتر و انرژی کمتر برسند. (گرمادهی)

• به صورت یک نکته یادتان بماند که آند، لاغر و لاغر تر می شود و کاتد، چاق و چاق تر می شود و جرم آن ↑ می یابد.

- یادگیری جهت حرکت هر جزء سلول گالوانی: (خیلی مهم است به خاطر بسپارید).



جهت حرکت الکترون‌ها: از آند ← به کاتد

جهت حرکت کاتیون‌های الکترولیت: از آند ← به کاتد

جهت حرکت آنیون‌های: از کاتد ← به آند

دیواره متخلخل دقیق چی کاره است؟

- چون با گذشت زمان تیغه آندی اکسایش می‌یابد و کاتیون‌های فلزی وارد محلول می‌شوند. پس از مدتی کاتیون‌ها انباشته می‌شوند و الکترون‌ها به جای حرکت در مدار خارجی، جذب بارهای مثبت زیاد در محلول آندی می‌شوند. در نتیجه جریان قطع می‌شود، پس دیواره متخلخل وارد کار می‌شود تا از این اتفاق جلوگیری می‌کند.

(۱) از مخلوط شدن مستقیم دو الکترولیت جلوگیری می‌کند.

(۲) به یون‌های موجود در محلول اجازه عبور می‌دهد تا بار الکتریکی محلول‌ها خنثی شود.

- سلول گالوانی به خاطر تولید انرژی الکتریکی مثل باتری عمل می‌کند. پس ولتاژ خاصی دارد.

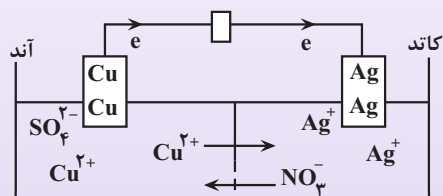
چگونه ولتاژ آنها را محاسبه می‌کنیم؟ اختلاف پتانسیل میان دو نیم‌سلول را حساب می‌کنیم که به آن نیروی الکتروموتوری می‌گوییم و نماد آن emf می‌باشد و با E° نشان می‌دهند.

$$E^\circ_{\text{آند}} - E^\circ_{\text{کاتد}} = E^\circ_{\text{سلول}}$$

❖ **نکته:** نمی‌توانیم بگوییم همواره در پیرامون الکتروود آند، غلظت کاتیون آن تیغه از آنیون‌ها بیشتر و پیرامون الکتروود کاتد، غلظت آنیون آن بیشتر است، چون با عبور یون‌ها از دیواره متخلخل همواره دو طرف از نظر بار الکتریکی خنثی می‌باشند.

❖ **نکته:** به عنوان تمرین سلول گالوانی مس - نقره را بکشید و در آن آند و کاتد و جهت حرکت الکترون‌ها و آنیون‌ها و کاتیون‌ها را معین کنید، واکنش کلی سلول را بنویسید. (راهنمایی: برای نوشتن واکنش کلی، کاتیون نقره را با حالت خنثی مس واکنش دهید).

سؤال ویژه ۱: نمودار تغییر غلظت یون‌ها را هم رسم کنید.



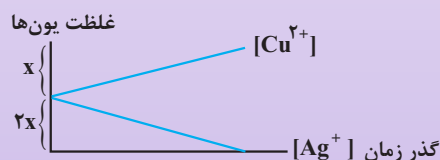
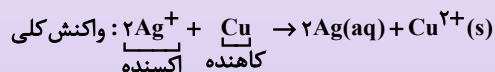
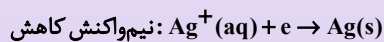
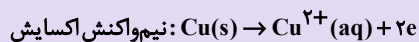
کاتد: نقره

آند: مس

جهت حرکت الکترون‌ها از آند به کاتد

جهت حرکت کاتیون‌ها از آند به کاتد

جهت حرکت آنیون‌ها از کاتد به آند



سؤال ویژه ۲: کدام تیغه افزایش جرم دارد و کدام کاهش جرم؟

- آند لاغر می‌شود پس مس کاهش جرم و کاتد چاق می‌شود پس نقره افزایش جرم دارد.



نیم‌سلول استاندارد:

• هر وقت یک تیغه فلزی (۱) در محلول ۱ مولار کاتیون‌های خویش قرار گیرد و (۲) در دمای 25°C باشد، مجموعه حاصل نیم‌سلول استاندارد می‌باشد.

• اندازه‌گیری پتانسیل یک نیم‌سلول به‌طور جداگانه ممکن نیست و باید این کمیت به‌طور نسبی اندازه‌گیری شود.

پس نیاز به یک مبنا دارد و شیمی‌دان‌ها این مبنا را نیم‌سلول هیدروژن انتخاب کردند و پتانسیل آن را برابر صفر قرار دادند.

ص / غ) pH نیم‌سلول استاندارد هیدروژن در دمای 298K و فشار 760mmHg صفر است.

ص) چون 298K همان 25°C و فشار 760mmHg همان فشار 1atm می‌باشد.

به نیم‌سلول استاندارد H_2 ، SHE می‌گویند. غلظت الکترولیت آن ۱ مولار می‌باشد پس:

$$\text{pH} = -\log[\text{H}^+] \rightarrow \text{pH} = -\log 1 = 0$$

• با ساختن سلول گالوانی که نیم سلول آن SHE(H₂) بود و نیم سلول دیگر آن فلز دیگر بود و اندازه گیری emf آن یک E^o برای هر فلز در شرایط استاندارد در جدولی معین کردند. جدولی که به آن سری الکتروشیمیایی گفته می شود و اساس آن پتانسیل کاهش فلزهاست.

هر چه E^o مثبت تر و بزرگتر } تمایل نیم سلول برای کاهش یافتن ↑ تر
 اکسندگی ↑ تر } یعنی
 هر چه E^o منفی تر و کوچک تر } تمایل نیم سلول برای اکسایش ↑ تر
 کاهشندگی ↑ تر }

• در جدول E^o از پایین به بالا (با ↑ مقدار E^o) قدرت اکسندگی یعنی الکترون گیری سمت چپ نیم واکنش ↑ می یابد یعنی تمایل به الکترون دهی کمتر و خاصیت نافلزی بیشتری می شود.

نیم واکنش کاهش	E ^o (V)
Au ³⁺ (aq) + 3e ⁻ → Au (s)	+1/50
Pt ²⁺ (aq) + 2e ⁻ → Pt (s)	+1/20
Ag ⁺ (aq) + e ⁻ → Ag (s)	+0/80
Cu ²⁺ (aq) + 2e ⁻ → Cu (s)	+0/34
2H ⁺ (aq) + 2e ⁻ → H ₂ (g)	0/00
Sn ²⁺ (aq) + 2e ⁻ → Sn (s)	-0/14
Fe ²⁺ (aq) + 2e ⁻ → Fe (s)	-0/44
Zn ²⁺ (aq) + 2e ⁻ → Zn (s)	-0/76
Mn ²⁺ (aq) + 2e ⁻ → Mn (s)	-1/18
Al ³⁺ (aq) + 3e ⁻ → Al (s)	-1/66
Mg ²⁺ (aq) + 2e ⁻ → Mg (s)	-2/37

↑ اکسندگی قوی تر
 ↓ کاهشندگی قوی تر

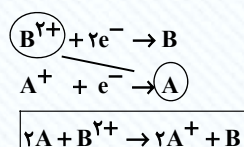
تلاشی در مسیر موفقیت

• E^o هر نیم واکنش که بالای نیم واکنش 2H⁺(aq) + 2e⁻ → H₂(g) قرار داشته باشد، مثبت است و اکسندگی قوی تری می باشد.

گونه کاهشندگی سمت راست } در این جدول
 گونه اکسندگی سمت چپ }

⚡ نکته خیلی مهم: هرگاه بخواهیم با دو نیم سلول یک سلول گالوانی درست کنیم، الکترون با E^o کوچک تر، آند یا قطب منفی سلول و نیم سلول E^o بزرگتر کاتد یا قطب مثبت می باشد.

یعنی پایین سمت راست و بالا سمت چپ ←



جمع‌بندی نکات سراسری الکتروشیمیایی:

هر چه E° مثبت‌تر } گونه سمت چپ: اکسندۀ قوی‌تر
 گونه سمت راست: کاهندۀ ضعیف‌تر
 هر چه E° منفی‌تر } گونه سمت چپ: اکسندۀ ضعیف‌تر
 گونه سمت راست: کاهندۀ قوی‌تر

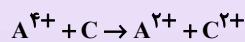
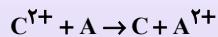
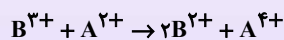
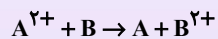
ص / غ) قوی‌ترین عناصر اکسندۀ در سمت راست جدول تناوبی قرار دارند.

ص) نافلزهای سمت راست جدول

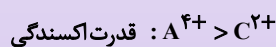
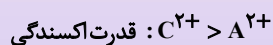
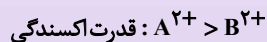
ص / غ) همه فلزات اصلی جدول در سری از فلزات واسطه پایین‌تراند.

غ) Sn (قلع) نقض می‌کند.

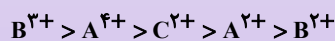
سؤال: اگر بدانیم واکنش‌های زیر خودبه‌خود هستند، گونه‌ها را به ترتیب قدرت اکسندگی از زیاد به کم مرتب کنید.



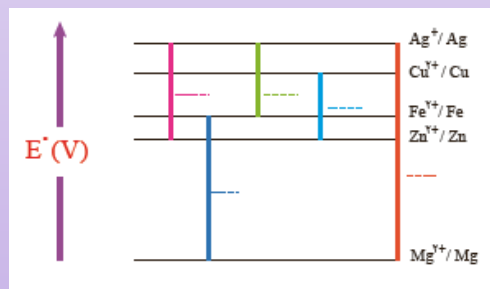
قدم اول:

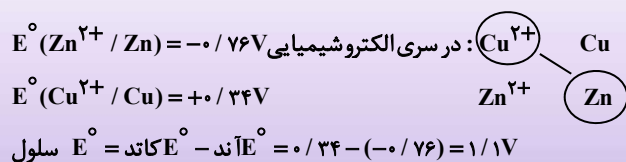


قدم دوم:



سؤال محاسبه emf:





❖ نکته طلایی: اگر n نیم سلول داشته باشیم، می توانیم $\frac{n(n-1)}{2}$ سلول گالوانی با آند و کاتد متفاوت بسازیم.

❖ نکته طلایی: بیشترین emf و بیشترین ولتاژ، اختلاف بیشترین فاصله عناصر در جدول سری الکتروشیمیایی است.

نگهداری محلولی در ظرف فلزی:

• محلول نمک یا کاتیون فلزی را می توان از ظرفی از جنس فلزی با E° بزرگ تر و مثبت تر در سری الکتروشیمیایی نگهداری کرد. چون فلز بالاتر در جدول سری الکتروشیمیایی نمی تواند با کاتیون فلز پایین تر واکنش دهد.

• محلول کاتیون روی را می توان در ظرفی از جنس Pt (پلاتین) نگهداری کرد و محلول هیدروکلریک اسید را در ظرف مسی می توان نگهداری کرد.

• در باتری ها ← با انجام نیم واکنش های آندی و کاتدی، جریان الکتریکی در مدار بیرونی برقرار می شود. پس سازوکار باتری ها مثل سلول گالوانی می باشد.

لیتیم ویژگی های کاربردی در ساخت باتری دارد. }
 کم ترین چگالی ← سبک تر، کوچکتر
 قوی ترین کاهنده ← کم ترین E° ← تولید ولتاژ بالا و توانایی ذخیره انرژی

معمولی }
 قابل شارژ } Li }
 غیر قابل شارژ }
 غیر لیتیمی }
 باتری ها }

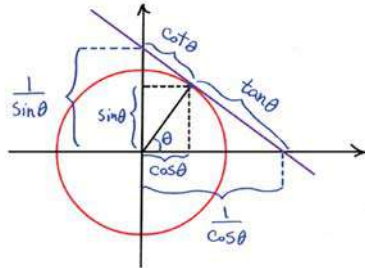
ص / غ) پسماندهای حاوی وسایل الکتریکی به دلیل داشتن مواد شیمیایی گوناگون، همگی سمی هستند و همگی دارای مقدار قابل توجهی فلزهای ارزشمند و گران قیمت منبعی برای بازیافت این مواد هستند.

غ) قسمت اول جمله صحیح است، اما برخی از پسماندهای الکتریکی دارای مواد ارزشمند هستند، نه همگی آنها.

تابع + مثلثات + حد بی نهایت و حد در بی نهایت

صفحه‌های: ۱ تا ۵۷

معادلات مثلثاتی:



یادآوری روابط مثلثاتی:

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1 \rightarrow \begin{aligned} 1 + \tan^2 \theta &= \frac{1}{\cos^2 \theta} \\ 1 + \cot^2 \theta &= \frac{1}{\sin^2 \theta} \end{aligned}$$

$$\tan \theta \times \cot \theta = 1$$

$$\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cos \theta$$

$$\sin 2\theta = \frac{2 \tan \theta}{1 + \tan^2 \theta}$$

$$\begin{aligned} \cos 2\theta &= \cos^2 \theta - \sin^2 \theta & \cos 2\theta &= \frac{1 - \tan^2 \theta}{1 + \tan^2 \theta} \\ \cos 2\theta &= \cos^2 \theta - \sin^2 \theta \end{aligned}$$

$$\cos 2\theta = 2 \cos^2 \theta - 1 \rightarrow \cos^2 \theta = \frac{1 + \cos 2\theta}{2}$$

$$\cos 2\theta = 1 - 2 \sin^2 \theta \rightarrow \sin^2 \theta = \frac{1 - \cos 2\theta}{2}$$

$$\tan^2 \theta = \frac{1 - \cos 2\theta}{1 + \cos 2\theta} \quad \tan 2\theta = \frac{2 \tan \theta}{1 - \tan^2 \theta}$$

$$\begin{aligned} \sin^2 \theta &= 1 - \cos^2 \theta & \cos^2 \theta &= 1 - \sin^2 \theta \\ \frac{\sin \theta}{1 - \cos \theta} &= \frac{1 + \cos \theta}{\sin \theta} & \frac{\cos \theta}{1 - \sin \theta} &= \frac{1 + \sin \theta}{\cos \theta} \\ \frac{\sin \theta}{1 + \cos \theta} &= \frac{1 - \cos \theta}{\sin \theta} & \frac{\cos \theta}{1 + \sin \theta} &= \frac{1 - \sin \theta}{\cos \theta} \end{aligned}$$

$$\tan \frac{\theta}{2} = \frac{1 - \cos \theta}{\sin \theta}$$

$$\cot \frac{\theta}{2} = \frac{1 + \cos \theta}{\sin \theta}$$

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1 - \frac{1}{2} \sin^2 2\theta \quad 1 + \sin 2x = (\sin x + \cos x)^2$$

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1 - \frac{1}{2} \sin^2 2\theta \quad 1 - \sin 2x = (\sin x - \cos x)^2$$

$$\sin^2 15^\circ = \frac{1 - \cos 30^\circ}{2} = \frac{2 - \sqrt{3}}{4} \rightarrow \sin 15^\circ = \frac{\sqrt{2 - \sqrt{3}}}{2}$$

$$\cos^2 15^\circ = \frac{1 + \cos 30^\circ}{2} = \frac{2 + \sqrt{3}}{4} \rightarrow \cos 15^\circ = \frac{\sqrt{2 + \sqrt{3}}}{2}$$

$$\tan 15^\circ = \frac{\sin 15^\circ}{\cos 15^\circ} = \frac{\sqrt{2 - \sqrt{3}}}{\sqrt{2 + \sqrt{3}}} = 2 - \sqrt{3} \rightarrow \cot 15^\circ = 2 + \sqrt{3}$$

$$\tan \theta + \cot \theta = \frac{2}{\sin 2\theta} \quad \tan \theta - \cot \theta = -2 \cot 2\theta$$

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = (\sin \theta + \cos \theta)(1 - \sin \theta \cos \theta)$$

$$\sin^2 \theta - \cos^2 \theta = (\sin \theta - \cos \theta)(1 + \sin \theta \cos \theta)$$



حالت‌های خاص معادلات مثلثاتی:

$$\sin x = 0 \rightarrow x = k\pi$$

$$\sin x = 1 \rightarrow x = 2k\pi + \frac{\pi}{2}$$

$$\sin x = -1 \rightarrow x = 2k\pi - \frac{\pi}{2}$$

مثال:

$$\sin 3x = 1$$

$$3x = 2k\pi + \frac{\pi}{2} \rightarrow x = \frac{2k\pi}{3} + \frac{\pi}{6}$$

$$\cos x = 0 \rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{2}$$

$$\cos x = 1 \rightarrow x = 2k\pi$$

$$\cos x = -1 \rightarrow x = (2k + 1)\pi$$

مثال:

$$\cos\left(2x + \frac{\pi}{3}\right) = 1$$

$$2x + \frac{\pi}{3} = 2k\pi \rightarrow 2x = 2k\pi - \frac{\pi}{3} \rightarrow x = k\pi - \frac{\pi}{6}$$

$$\sin x = \cos x \rightarrow \tan x = 1 \rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{4}$$

$$\sin x = -\cos x \rightarrow \tan x = -1 \rightarrow x = k\pi - \frac{\pi}{4}$$

جواب‌های کلی معادلات مثلثاتی:

$$\sin x = \sin \alpha \rightarrow \begin{cases} x = 2k\pi + \alpha \\ x = 2k\pi + \pi - \alpha \end{cases}$$

$$\sin x = -\sin \alpha \rightarrow \sin x = \sin(-\alpha)$$

مثال: معادله $\sin 2x = -\frac{1}{2}$ را حل کنید.

$$\sin 2x = \frac{-1}{2} = -\sin \frac{\pi}{6} = \sin\left(-\frac{\pi}{6}\right)$$

$$\begin{cases} 2x = 2k\pi - \frac{\pi}{6} \rightarrow x = k\pi - \frac{\pi}{12} \\ 2x = 2k\pi + \pi + \frac{\pi}{6} \rightarrow x = k\pi + \frac{7\pi}{12} \end{cases}$$



$$\cos x = \cos \alpha \rightarrow x = 2k\pi \pm \alpha$$

$$\cos x = -\cos \alpha \rightarrow \cos x = \cos(\pi - \alpha)$$

حد بی‌نهایت و حد در بی‌نهایت:

- تقسیم چندجمله‌ای‌ها: (۱) درجهٔ مقسوم و مقسوم‌علیه را به صورت نزولی مرتب می‌کنیم. (۲) اولین جمله از مقسوم را به اولین جملهٔ مقسوم‌علیه تقسیم کرده و در خارج‌قسمت می‌نویسیم. (۳) عبارت خارج‌قسمت را به مقسوم‌علیه ضرب کرده و حاصل را در زیر مقسوم نوشته و از هم کم می‌کنیم. (۴) این عمل تا جایی تکرار می‌شود که درجهٔ باقی‌مانده از درجهٔ مقسوم‌علیه کمتر باشد.

مثال:

$$\begin{array}{r|l} 3x^2 + 10x + 8 & x + 2 \\ - 3x^2 + 6x & \\ \hline 4x + 8 & \\ - 4x + 8 & \\ \hline 0 & \end{array}$$

بخش پذیری چندجمله‌ای‌ها بر $x - a$:

$$\begin{array}{r|l} f(x) & p(x) \\ & q(x) \\ \hline & r(x) \end{array} \quad f(x) = p(x) \times q(x) + r(x)$$

باقی‌مانده تقسیم $f(x)$ بر $x - a$ برابر $f(a)$ است. اگر $f(a)$ برابر صفر باشد، آنگاه $f(x)$ بر $x - a$ بخش پذیر است.

مثال: باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای $f(x)$ بر $x - 3$ برابر ۲ است باقی‌مانده تقسیم $f(x^2 + 2)$ بر $x - 1$ را به دست آورید.

$$x - 3 = 0 \rightarrow x = 3 \rightarrow f(3) = 2$$

$$x - 1 = 0 \rightarrow x = 1 \rightarrow f(1^2 + 2) = f(3) = 2$$

نکته: اگر مقسوم بر مقسوم‌علیه بخش پذیر باشد باقی‌مانده صفر می‌شود و مقسوم بر عامل‌های مقسوم‌علیه نیز بخش پذیر است.

نکته: اگر مقسوم‌علیه چندجمله‌ای درجه دوم باشد، باقی‌مانده حداکثر از درجه اول است. پس باقی‌مانده را به صورت $ax + b$ در نظر می‌گیریم.

تست: فرض کنید چندجمله‌ای $p(z)$ بر $x^2 - 1$ بخش پذیر باشد. اگر $Q(x) = p(x-1) + p(1-x)$ ، آنگاه باقی‌مانده تقسیم $Q(x)$ بر $x - 2$ کدام است؟ (کنکور ۱۳۹۹)

$$-1 \quad 1 \quad 2 \quad 4$$

پاسخ: گزینه «۲»

چندجمله‌ای $p(x)$ بر $x^2 - 1$ بخش پذیر است، بنابراین $p(x)$ به ازای ریشه‌های $x^2 - 1$ برابر صفر است.

$$x^2 - 1 = 0 \Rightarrow x^2 = 1 \Rightarrow x = 1, -1$$

بنابراین داریم:

$$p(1) = 0, p(-1) = 0 \quad (*)$$

اکنون باقی‌مانده تقسیم $Q(x)$ بر $x - 2$ را می‌خواهیم، یعنی باید $Q(2)$ را محاسبه کنیم.

$$Q(x) = p(x-1) + p(1-x)$$

$$\xrightarrow{x=2} Q(2) = p(2-1) + p(1-2) = p(1) + p(-1)$$

$$\xrightarrow{(*)} Q(2) = 0 + 0 = 0$$

همسایگی: هر بازه باز شامل عدد حقیقی x_0 را یک همسایگی x_0 می‌نامیم. به عبارت دیگر اگر $x_0 \in (a, b)$ باشد، آنگاه بازه (a, b) یک همسایگی x_0 می‌باشد.

مثال: بازه $(1, 5)$ یک همسایگی 2 است.

همسایگی محذوف: اگر بازه (a, b) یک همسایگی عدد حقیقی x_0 باشد، آنگاه مجموعه $\{x_0\} - (a, b)$ یک همسایگی محذوف x_0 نامیده می‌شود.

مثال: مجموعه $\{6\} - (2, 8)$ یک همسایگی محذوف 6 می‌باشد.

همسایگی چپ و راست: اگر 2 عددی مثبت باشد آنگاه $(x_0, x_0 + 2)$ یک همسایگی راست x_0 نامیده می‌شود و همچنین $(x_0 - 2, x_0)$ را یک همسایگی چپ x_0 می‌نامیم.

مثال: بازه $(3, 6)$ همسایگی راست 3 و بازه $(2, 3)$ همسایگی چپ 3 است.

تست: به ازای کدام مجموعه مقادیر x ، بازه $(x+1, 2x-1)$ یک همسایگی عدد 3 می‌باشد؟ (کنکور ۱۳۹۸)

(۱) \emptyset (۲) $\{2\}$ (۳) $2 < x < 2/5$ (۴) $1/5 < x < 2$

☞ پاسخ: گزینه «۱»

$$x+1 < 3 < 2x-1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x+1 < 3 \Rightarrow x < 2 \\ 2x-1 > 3 \Rightarrow 2x > 4 \Rightarrow x > 2 \end{cases} \rightarrow \emptyset$$

تست: دامنه تابع $f(x) = \frac{\sqrt{4-x^2}}{(x-1)(x^2-4)}$ یک همسایگی محذوف کدام نقطه است؟

(۱) 0 (۲) 1 (۳) 2 (۴) -1

☞ پاسخ: گزینه «۲»

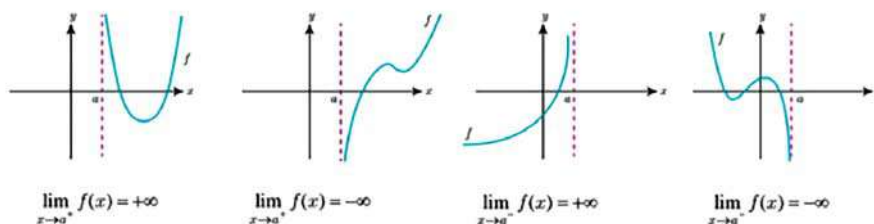
$$4 - x^2 \geq 0 \rightarrow x^2 \leq 4 \rightarrow -2 \leq x \leq 2$$

$$(x-1)(x^2-4) \neq 0 \rightarrow \begin{cases} x-1 \neq 0 \rightarrow x \neq 1 \\ x^2-4 \neq 0 \rightarrow x \neq \pm 2 \end{cases}$$

$$D_{f(x)} = (-2, 2) - \{1\}$$

بنابراین دامنه تابع $f(x)$ یک همسایگی محذوف 1 است.

حد بی نهایت:



مثال: حاصل $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{|x|-3}{|2x-1|}$ را محاسبه کنید.

حل: مخرج در نزدیکی $\frac{1}{2}$ با مقادیر مثبت به صفر میل می‌کند و حد صورت هم در $\frac{1}{2}$ برابر -3 است، بنابراین داریم:

$$\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{|x|-3}{|2x-1|} = \frac{|\frac{1}{2}|-3}{0^+} = \frac{0-3}{0^+} = \frac{-3}{0^+} = -\infty$$

تست: اگر $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x-5}{x^2+ax+b} = -\infty$ باشد، $a+b$ کدام است؟ (کنکور ۱۳۹۸)

۲ (۴)

۱ (۳)

صفر (۲)

-۱ (۱)

پاسخ:

چون $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x-5}{x^2+ax+b} = -\infty$ است، پس باید مخرج کسر در همسایگی $x=2$ مثبت و به ازای $x=2$ صفر شود.

یعنی معادله $x^2+ax+b=0$ باید ریشه مضاعف $x=2$ داشته باشد و در نتیجه:

$$x^2+ax+b=(x-2)^2=x^2-4x+4$$

با مقایسه دو عبارت x^2+ax+b ، x^2-4x+4 نتیجه می‌شود $a=-4$ و $b=4$ ، پس $a+b=0$