



# آزمون «۱۴۰۲ مهر ۷»

## اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

### دفترچه اجباری

مدت پاسخ‌گویی: ۱۲۵ دقیقه

تعداد سوالات: ۹۰ سوال

نام درس	تعداد سوال	شماره سوال	زمان پاسخگویی
اجباری	۱	۱-۱۰	۱۵'
	۱	۱۱-۲۰	۱۵'
	۱	۲۱-۳۰	۱۵'
	۱	۳۱-۴۰	۱۵'
	۱	۴۱-۵۰	۱۰'
	۱	۵۱-۶۰	۱۵'
	۱	۶۱-۷۰	۱۵'
	۱	۷۱-۸۰	۱۵'
	۱	۸۱-۹۰	۱۰'
	۹۰	۱-۹۰	۱۲۵'
جمع کل			

جدیدآورندگان

نام طراحان	نام درس	نقش
امیرحسین ابومحبوب-محمدمرضا توجه-عادل حسینی-طاهر دادستانی-میلاد سجادی لاریجانی-حبيب شفیعی-علی شهرابی-رضا طاری حیدر علیزاده-مرضیه گورزری-جهانبخش نیکنام بیانیمین یعقوبی	ریاضی پایه و حسابات ۲	
امیرحسین ابومحبوب-اسحاق اسفندیار-علی ایمانی جواد حاتمی-فرزانه خاکپاش-امیرهوشنگ خمسه-کیوان دارابی-سوگند روشنی محمد صحت کار رضا فرامرزی-فرشاد فرامرزی-محمدابراهیم گنیزاده-سینا محمدپور-محمد هجری	هندسه	
امیرحسین ابومحبوب-علی ایمانی-رضا پورحسینی-افشین خاصه خان-فرزانه خاکپاش-کیوان دارابی-سوگند روشنی-علی سعیدی زاد فرشاد فرامرزی-احمدرضا فلاخ-تبلاور مهدوی محمد هجری	آمار و احتمال و ریاضیات گستره	
مهران اسماعیلی-زهرا آقامحمدی مهدی برآتی-امیرحسین برادران لاله بهادری-علیرضا چباری-امیرعلی حاتم خانی-معصومه شریعت‌ناصری مریم شیخ‌موشیلا شیرزادی-سیاوش فارسی-مصطفی کیانی مهدی میراب زاده-امیراحمد میرسعید-سیده ملیحه میرصالحی-مجتبی تکیان	فیزیک	
هدی بهاری پور-امیر حاتمیان-ازرنگ خانلاری-حمدی ذبیحی-امید رضوانی-روزبه رضوانی-امیرحسین طبی سود کلایی-رسول عابدینی زواره محمد عظیمیان زواره-روح الله علیزاده-حسین ناصری ثانی	شیمی	

کیزنشکران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه	ریاضی پایه و حسابات ۲	آمار و احتمال و ریاضیات گستره	فیزیک	شیمی
گرینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ایمانی	مهدی ملامضانی	سعید خان بابایی
گروه ویراستاری	سیده ملیحه میرصالحی	مهرداد ملوندی	مهرداد ملوندی	سیده ملیحه میرصالحی	سیده ملیحه میرصالحی
بازبینی نهایی (رقبه برتر)	بنیامین یعقوبی	کیارش صانعی	کیارش صانعی	کیارش صانعی	کیارش صانعی
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب
مستند سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنیزاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: مجید اصغری
حروفنگار	فرزانه فتح‌الهزاده
ناظر جاب	سوران نیمی

### گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین میا و فلسطین - پلاک ۹۷۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳ - ۰۶۱



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۱- به ازای چه مقداری از  $m$ ، نقاط  $(1, m)$ ،  $(m+1, 2)$  و  $(m, 0)$  بر روی یک خط راست قرار دارند؟

$$m = -1 \quad (2)$$

$$m = -1/2 \quad (1)$$

$$m = 2 \quad (4)$$

$$m = 2 \quad (3)$$

۲- عدد حقیقی  $a$ ، با  $\sqrt{a}$  و صفر تشکیل دنباله حسابی می‌دهد. مجموع مقادیر ممکن برای  $a$  کدام است؟

$$\frac{1}{3} \quad (2)$$

$$\frac{3}{2} \quad (1)$$

$$2 \quad (4)$$

$$\frac{17}{4} \quad (3)$$

۳- مساحت سطح محدود به خط  $x+y=3$ ، نمودار تابع  $y=x$  و محور  $y$  ها کدام است؟

$$f(x) = \begin{cases} 3x-1 & ; \quad x < 1 \\ \frac{x+3}{2} & ; \quad x \geq 1 \end{cases}$$

$$\frac{8}{3} \quad (2)$$

$$\frac{4}{3} \quad (1)$$

$$\frac{16}{3} \quad (4)$$

$$\frac{2}{3} \quad (3)$$

۴- اگر  $f(x) = \sqrt{4-x^2}$  و  $g(x) = -\sqrt{x+3}$  باشد، دامنه تابع  $fog$  شامل چند عدد صحیح است؟

$$4 \quad (2)$$

$$5 \quad (1)$$

$$4 \quad (4)$$

$$6 \quad (3)$$

۵- اگر نیم عمر یک ماده را بیاکتیو ۱۰ ثانیه باشد، بعد از یک دقیقه تقریباً چند درصد این ماده به انرژی تبدیل می‌شود؟

$$92 \quad (2)$$

$$88 \quad (1)$$

$$98 \quad (4)$$

$$95 \quad (3)$$



۶- جزء صحیح جواب بزرگ‌تر معادله  $\log(2^x - 1) + 3 = \log 8^x + 5\log 2$  کدام است؟

(۲) صفر

-۱ (۱)

۲ (۴)

۱ (۳)

۷- مقدار عبارت  $\frac{2\sin 20^\circ + \cos 29^\circ}{\sin 16^\circ + 2\cos 7^\circ}$  کدام است؟

 $\frac{2}{3}$  (۲) $-\frac{1}{3}$  (۱)

۱ (۴)

-۳ (۳)

۸- عبارت‌های  $\sin(2x + \frac{\pi}{14})$  و  $2\sin(x + \frac{2\pi}{7})$  هر دو برابر  $k$  هستند. مقدار  $k$  کدام است؟

 $\frac{2+\sqrt{3}}{4}$  (۲) $1-\sqrt{3}$  (۱) $-\frac{\sqrt{3}}{4}$  (۴) $\frac{2-\sqrt{2}}{2}$  (۳)

۹- اگر  $f$  تابعی خطی و گذرا از نقطه  $(-1, 2)$  باشد، حاصل  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{f(x)} - 2}{x^2 - 1}$  کدام می‌تواند باشد؟

 $\frac{1}{4}$  (۲) $\frac{1}{2}$  (۱) $\frac{1}{8}$  (۴) $\frac{1}{6}$  (۳)

۱۰- به ازای عدد صحیح  $k$ ، تابع  $f(x) = 2x[x] - k^x[-x]$  در  $x = k$  حد دارد. مجموع مقادیر قابل قبول برای  $k$  کدام است؟

۴ (۲)

(۱) صفر

۴) مقداری برای  $k$  نمی‌توان یافت.

-۲ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۴ ۲: کل کتاب

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۱۱- نقطه  $H$  وسط شعاع  $OA$  در دایره  $C(O, R)$  قرار دارد. نسبت طول کوتاه‌ترین وتر گذرنده از این نقطه به بلندترین وتر گذرنده از آن کدام است؟

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (2) \quad (1) \quad \frac{1}{2}$$

$$\frac{3}{4} \quad (4) \quad \frac{\sqrt{3}}{2} \quad (3)$$

۱۲- طول مماس مشترک خارجی دو دایره  $C'(O', r)$  و  $C(O, R)$  برابر ۱۲ واحد است. بیشترین فاصله نقاط این دو دایره از یکدیگر چند برابر کمترین فاصله آنها از یکدیگر است؟

$$10 \quad (2) \quad (1) \quad 12$$

$$6 \quad (4) \quad 8 \quad (3)$$

۱۳- مساحت ذوزنقه متساوی الساقینی با قاعده‌های ۶ و ۱۶ که محیط بر یک دایره باشد، کدام است؟

$$40 \quad (2) \quad (1) \quad 32$$

$$80 \quad (4) \quad 64 \quad (3)$$

۱۴- مثلث متساوی الاضلاعی به ضلع ۶ واحد را در نظر بگیرید. طول مماس مشترک خارجی دو دایره محاطی داخلی و خارجی این مثلث کدام است؟

$$4/5 \quad (2) \quad (1) \quad 3$$

$$7/5 \quad (4) \quad 6 \quad (3)$$

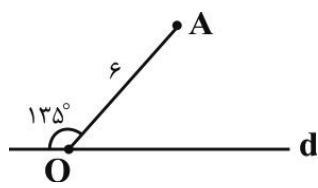
۱۵- اگر  $A'$  بازتاب نقطه  $A$  نسبت به خط  $d$  باشد، مساحت مثلث  $OAA'$  کدام است؟

$$12 \quad (1)$$

$$9 \quad (2)$$

$$36 \quad (3)$$

$$18 \quad (4)$$





۱۶- مثلث متساوی‌الاضلاع  $ABC$  به طول ضلع  $6\sqrt{3}$  را حول نقطه همرسی میانه‌های آن  $60^\circ$  دوران می‌دهیم تا مثلث  $A'B'C'$  حاصل شود. محیط شش ضلعی  $AA'BB'CC'$  کدام است؟

۱۲ $\sqrt{3}$  (۲)

(۱)

۳۶ (۴)

(۳)

۱۷- ذوزنقه  $ABCD$  با قاعده‌های  $CD = 8$  و  $AB = 5$  و مساحت  $39$  مفروض است. اگر  $M$  نقطه دلخواهی روی قاعده  $CD$  باشد، کمترین مقدار  $MA + MB$  کدام است؟

۱۳ (۲)

(۱)

۱۵ (۴)

(۳)

۱۸- در مثلث  $ABC$ ، اگر  $\cos(\hat{B} + \hat{C}) = -\frac{1}{2}$  و  $AC = 4$ ،  $AB = 6$  باشد، طول میانه وارد بر ضلع  $BC$  کدام است؟

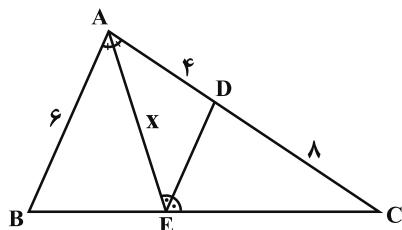
$\sqrt{12}$  (۲)

(۱)

$\sqrt{21}$  (۴)

(۳)

۱۹- در شکل زیر،  $AE$  نیمساز زاویه  $BAC$  و  $DE$  نیمساز زاویه  $AEC$  است. با توجه به اندازه‌های روی شکل، طول  $AE$  کدام است؟



$2\sqrt{5}$  (۱)

$2\sqrt{6}$  (۲)

$3\sqrt{3}$  (۳)

$4\sqrt{2}$  (۴)

۲۰- در مثلثی به طول اضلاع  $5$ ،  $6$  و  $7$ ، فاصله نقطه وسط ضلع متوسط از ضلع بزرگتر کدام است؟

$\frac{6\sqrt{6}}{7}$  (۲)

$\frac{3\sqrt{6}}{7}$  (۱)

$\frac{6\sqrt{6}}{5}$  (۴)

$\frac{3\sqrt{6}}{5}$  (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: کل کتاب

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش آموزان اجباری است.

۲۱- نقیض گزاره  $p \Rightarrow q$  هم ارز کدام گزاره است؟

$$p \wedge \sim q \quad (4)$$

$$\sim p \wedge \sim q \quad (3)$$

$$\sim p \vee q \quad (2)$$

$$p \vee q \quad (1)$$

۲۲- کدام یک از گزاره های سوری زیر نادرست است؟

$$\forall x \in \mathbb{R} - \{0\}; \left| \frac{1}{x} \right| \geq 2 \quad (2)$$

$$\forall x \in \mathbb{R}; -2x^2 + 2x - 7 < 0 \quad (1)$$

$$\exists x \in \mathbb{R}, \forall y \in \mathbb{Z}; x + y = 0 \quad (4)$$

$$\exists x \in \mathbb{R}; -5x^2 - 6x + 7 < 0 \quad (3)$$

۲۳- اگر A و B دو مجموعه دلخواه باشند، متمم مجموعه  $A' \cup B'$  همواره برابر کدام است؟

$$A' \cup B' \quad (4)$$

$$A \cup B \quad (3)$$

$$A' \cap B' \quad (2)$$

$$A \cap B \quad (1)$$

۲۴- اگر A = {2y, z-1, 5} و B = {x-2, 4, -2} باشد، بیشترین مقدار  $x+y+z$  کدام است؟

$$11 \quad (4)$$

$$10 \quad (3)$$

$$9 \quad (2)$$

$$8 \quad (1)$$

۲۵- در پرتاب دو تاس، اگر حداقل یکی از تاس ها ظاهر شود، احتمال اینکه عدد تاس دوم بزرگ تر از عدد تاس اول باشد، کدام است؟

$$\frac{4}{11} \quad (4)$$

$$\frac{3}{11} \quad (3)$$

$$\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{5}{11} \quad (1)$$

۲۶- در پرتاب یک تاس، احتمال وقوع هر عدد زوج دو برابر احتمال وقوع هر عدد فرد است. این تاس را پرتاب می کنیم. اگر زوج بیاید،

دو سکه و اگر فرد بیاید سه سکه پرتاب می کنیم. با کدام احتمال در پرتاب سکه ها، تعداد «رو» از تعداد «پشت» بیشتر است؟

$$\frac{3}{4} \quad (4)$$

$$\frac{5}{12} \quad (3)$$

$$\frac{3}{8} \quad (2)$$

$$\frac{1}{3} \quad (1)$$

۲۷- دو پیشامد A و B مستقل هستند. اگر  $P(A' | B') = P(B | A) = \frac{1}{3}$  باشد، آنگاه P(A-B) کدام است؟

$$\frac{2}{3} \quad (4)$$

$$\frac{1}{2} \quad (3)$$

$$\frac{5}{12} \quad (2)$$

$$\frac{7}{12} \quad (1)$$

۲۸- اگر ضریب تغییرات داده های  $-4, x_1 - 4, x_2 - 4, \dots, x_{10} + 4$  باشد،آنگاه مجموع داده های  $x_1, x_2, \dots, x_{10}$  کدام است؟

$$80 \quad (4)$$

$$70 \quad (3)$$

$$60 \quad (2)$$

$$50 \quad (1)$$

۲۹- اگر داده های ۱۳, ۱۶, ۱۸, ۱۲, ۹, ۱۵, ۲۳, ۲۵, ۸, ۱۳ را با نمودار جعبه ای نمایش دهیم، واریانس داده های داخل جعبه کدام است؟

$$4/8 \quad (4)$$

$$4/4 \quad (3)$$

$$4/2 \quad (2)$$

$$3/6 \quad (1)$$

۳۰- قرار است از میان دانش آموزان پایه دوازدهم یک دبیرستان که با شماره های ۱ تا ۲۴۰ مشخص گردیده اند، تعدادی به روش

نمونه گیری سامانمند برای انجام یک آزمون تستی انتخاب شوند. اگر شماره های اولین و چهارمین دانش آموز انتخاب شده

به ترتیب ۶ و ۴۲ باشد، آنگاه این دانش آموزان به چند طبقه تقسیم شده اند؟

$$20 \quad (4)$$

$$12 \quad (3)$$

$$18 \quad (2)$$

$$15 \quad (1)$$

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

**فیزیک ۲: کل کتاب**

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۳۱- نیروی رانشی بین دو بار الکتریکی هماندازه و همنام که در فاصله  $30\text{cm}$  از یکدیگر واقع شده باشد. اگر  $C = 2\mu\text{C}$  از یکی

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$

۰/۳ (۴)

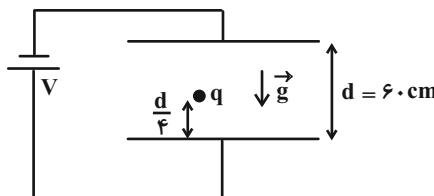
۰/۵ (۳)

۰/۷ (۲)

۱ (۱)

۳۲- مطابق شکل زیر، ذره بارداری با بار  $q$  و جرم  $m$ ، بین دو صفحه یک خازن تخت افقی در حالت تعادل قرار دارد. اگر اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو صفحه را دو برابر کرده و هر کدام از صفحات را به اندازه  $\frac{d}{4}$  از هم دور کنیم، ذره با تندی ..... متر

$$\text{بر ثانیه به صفحه ..... برشورد می‌کند. } (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, d = 60\text{cm})$$



۱) ۲ ، بالایی

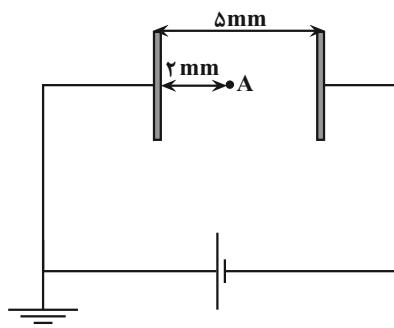
۲) ۲ ، پایینی

 ۳)  $2\sqrt{2}$  ، بالایی

 ۴)  $2\sqrt{2}$  ، پایینی

۳۳- در شکل زیر، اگر مساحت هریک از صفحات خازن برابر  $25\text{cm}^2$  و انرژی ذخیره شده در آن  $36\text{pJ}$  باشد، پتانسیل الکتریکی

$$\text{ نقطه A چند ولت است؟ (در بین صفحات خازن هوا است و } \epsilon_0 = 9 \times 10^{-12} \frac{\text{F}}{\text{m}} \text{ می‌باشد.)}$$



۱) ۲/۴

۲) -۲/۴

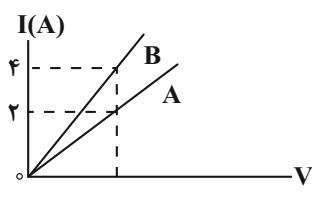
۳) ۱/۶

۴) -۱/۶

۳۴- نمودار جریان الکتریکی عبوری از دو سیم مسی A و B بر حسب اختلاف پتانسیل دو سر آنها، مطابق شکل زیر است. اگر طول

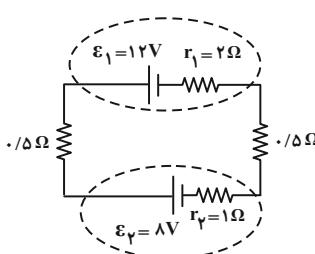
سیم A، چهار برابر طول سیم B باشد، قطر سطح مقطع سیم A چند برابر قطر سطح مقطع مقاومت B است؟

۱) ۲


 ۲)  $\frac{1}{2}$ 

 ۳)  $\sqrt{2}$ 

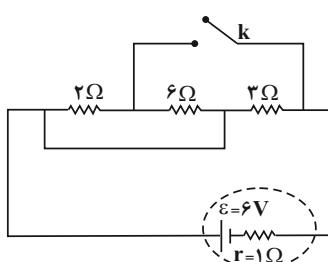
 ۴)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$



۳۵- در مدار شکل زیر، اختلاف پتانسیل دو سر باتری  $\epsilon_2$  چند ولت است؟

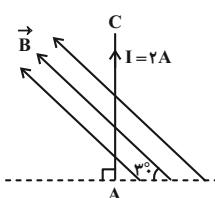
- (۱) ۱۰  
(۲) ۱۴  
(۳) ۹  
(۴) ۷

۳۶- در مدار شکل زیر، اگر کلید  $k$  را ببندیم، توان مصرفی مجموعه مقاومت‌های خارجی مدار چند برابر می‌شود؟



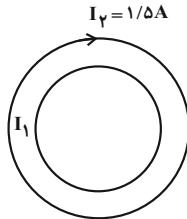
- (۱)  $\frac{4}{3}$   
(۲)  $\frac{3}{4}$   
(۳)  $\frac{2}{3}$   
(۴)  $\frac{3}{2}$

۳۷- مطابق شکل زیر، سیم AC به طول  $10\text{cm}$  که جریان  $2\text{A}$  از آن می‌گذرد، در میدان مغناطیسی یکنواخت  $4000 \text{ Gauss}$  قرار دارد. نیروی مغناطیسی وارد بر این سیم چند نیوتون است و سیم را چند درجه در جهت ساعتگرد بچرخانیم تا نیروی وارد بر آن بیشینه گردد؟



- (۱)  $30, 0/004\sqrt{3}$   
(۲)  $60, 0/004\sqrt{3}$   
(۳)  $30, 0/004$   
(۴)  $60, 0/004$

۳۸- در شکل زیر، دو حلقه دایره‌ای هم‌مرکز به شعاع‌های  $R_1 = 40\text{cm}$  و  $R_2 = 60\text{cm}$  در کدام سو باشد تا میدان مغناطیسی در مرکز حلقه‌ها صفر شود؟



- (۱)  $1/5$ ، پاد ساعتگرد  
(۲)  $1$ ، پاد ساعتگرد  
(۳)  $1/5$ ، ساعتگرد  
(۴)  $1$ ، ساعتگرد

۳۹- پیچه‌ای که  $50$  حلقه دارد و مساحت هر حلقه آن  $100\text{cm}^2$  است به صورت عمود بر یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی  $4000 \text{ G}$  قرار دارد. اگر مقاومت الکتریکی پیچه  $5\Omega$  باشد و در مدت  $2\text{s}$  پیچه را از میدان مغناطیسی خارج کنیم، چند آمپر جریان در آن القا می‌شود؟

- (۱)  $0/01$   
(۲)  $0/02$   
(۳)  $0/1$   
(۴)  $0/2$

۴۰- معادله جریان عبوری از سیم‌لوله‌ای در SI به صورت  $I = I_m \sin \frac{1}{120} \pi t$  است. اگر در لحظه  $t = \frac{1}{300} \text{ s}$  جریان عبوری از سیم‌لوله

$2\text{A}$  و بیشینه انرژی ذخیره شده در آن  $J = 16\text{J}$  باشد، در لحظه  $t = \frac{1}{300} \text{ s}$ ، چند ژول انرژی در سیم‌لوله ذخیره می‌شود؟

- (۱)  $0/08$   
(۲)  $0/12$   
(۳)  $0/06$   
(۴)  $0/24$



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیوه ۲: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۴۱- چند مورد از مطالب زیر، نادرست است؟

الف) ترکیب‌های حاصل از دو فلز سدیم و پتاسیم پایدارتر از خودشان است که این پایداری در مورد ترکیب‌های مشابه، در عنصر سدیم بیشتر از پتاسیم است.

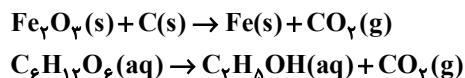
ب) در فولاد مبارکه اصفهان برای استخراج آهن، از واکنش آهن (III) اکسید با کربن یا سدیم استفاده می‌شود.

پ) مقدار عملی، مقدار فراورده‌ای است که در عمل به دست می‌آید و کمیتی است که کارایی یک واکنش را نشان می‌دهد.

ت) در واکنش ترمیت که در صنعت جوشکاری استفاده می‌شود، پایداری فلز واسطه حاضر در واکنش، کمتر از واکنش دهنده فلزی است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۴۲- اگر جرم گاز تولیدی از واکنش استخراج آهن به وسیله کربن، از ۲ تن سنگ معدن هماتیت ۷۰ درصد خالص، با جرم گاز تولیدی از واکنش تخمیر بی‌هوایی مقداری گلوکز برابر باشد؛ از تخمیر بی‌هوایی این مقدار گلوکز، چند مترمکعب محلول  $\frac{4}{2}$  مولار سوخت سبز، به دست خواهد آمد؟ (بازده درصدی واکنش استخراج آهن و تخمیر بی‌هوایی گلوکز را به ترتیب ۶۴ و ۵۰ درصد در نظر بگیرید. معادله واکنش‌ها موازن شود؛  $(Fe = 56, O = 16, C = 12, H = 1 : g \cdot mol^{-1})$



(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۴۳- همه مطالب زیر درست‌اند، به جز ...  $(H = 1, C = 12, O = 16 : g \cdot mol^{-1})$

(۱) تفاوت جرم مولی آلکان موجود در سوخت فندرک با جرم مولی اتانول، برابر ۱۲ گرم بر مول است.

(۲) هرگاه به جای اتم‌های هیدروژن در متان، گروه‌های اتیل قرار گیرد، هیدروکربنی با نام آیوباك «۳-۳-دی‌اتیل پنتان» به وجود می‌آید.

(۳) تفاوت شمار اتم‌های کربن در فرمول‌های تقریبی گریس و واژلين، برابر ۷ است.

(۴) نام درست ۳-۲-۲-اتیل هپتان، به روش آیوباك، ۲-اتیل-۳-متیل هپتان است.

۴۴- کدام مطلب در مورد ظرفیت گرمایی ویژه، درست است؟

(۱) مقایسه ظرفیت گرمایی ویژه سه فلز آلومینیم، نقره و طلا به صورت «Al > Au > Ag» است.

(۲) هر چه ظرفیت گرمایی ویژه ماده‌ای بزرگ‌تر باشد، ظرفیت گرمایی یک مول از آن نیز بزرگ‌تر است.

(۳) گاز هیدروژن تنها ماده‌ای است که ظرفیت گرمایی یک مول از آن با گرمایی ویژه آن برابر است.

(۴) گرمایی ویژه در دما و فشار ثابت، تنها به نوع ماده بستگی دارد.

۴۵- گرمای آزاد شده از سوختن کامل  $\frac{1}{8}$  مول ..... نسبت به  $\frac{1}{8}$  مول ..... دمای ۸ کیلوگرم آب  $2^{\circ}C$  را به میزان کمتری

افزایش می‌دهد و اگر ارزش سوختی ساده‌ترین آلکین برابر  $50 \text{ kJ \cdot g}^{-1}$  باشد، آنتالپی سوختن آن برابر ..... کیلوژول بر مول

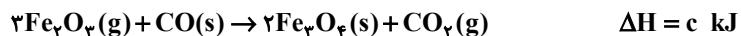
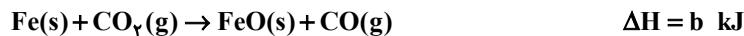
خواهد بود.  $(H = 1, C = 12 : g \cdot mol^{-1})$

(۱) میزان، اتان،  $+1300$  مترمکعب  $-1400$

(۲) اتانول، اتان،  $+1400$  مترمکعب  $-1300$



۴۶- با توجه به واکنش‌های زیر، برای تشکیل  $\frac{2}{3}$  مول فراورده جامد طبق واکنش  $Fe_3O_4(s) + 3CO(g) \rightarrow 2Fe(s) + 3CO_2(g)$  چند کیلوژول گرما مبادله می‌شود؟

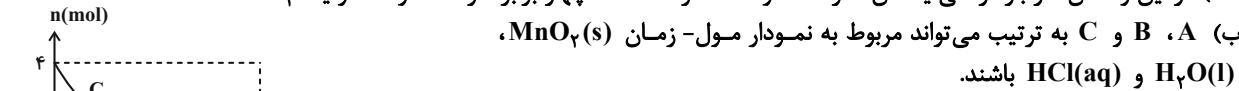


$$\frac{a+c-3b}{9} \quad \frac{2}{3}a - 2b + \frac{c}{3} \quad \frac{2a}{9} - \frac{2}{3}b + \frac{c}{9} \quad \frac{4a}{6} - b + 2c \quad (1)$$

۴۷- در واکنش زیر، پس از موازنی، چند مورد از عبارت‌های داده شده درست است؟ (نمودار به صورت تقریبی رسم شده است.)



(الف) در این واکنش، در بازه زمانی یکسان، سرعت متوسط مصرف  $HCl$  چهار برابر سرعت متوسط تولید  $Cl_2$  است.



(ب) به ترتیب می‌تواند مربوط به نمودار مول-زمان  $MnO_2(s)$ ,  $HCl(aq)$  و  $H_2O(l)$  باشند.

(پ) سرعت متوسط تولید یا مصرف مواد مشخص شده در نمودار در بازه زمانی  $\Delta t_2$  بیشتر از  $\Delta t_1$  است.

(ت) سرعت متوسط واکنش، در زمان انجام واکنش برابر  $4/0 \text{ mol/s}$  است.

$$\frac{-\Delta n(HCl)}{\Delta t} = \frac{+4\Delta n(Cl_2)}{\Delta t} = \frac{+2\Delta n(H_2O)}{\Delta t} \quad (2)$$

۲

۴۸- کدام موارد از مطالب بیان شده درباره مولکول درست‌اند؟ (C = 12, O = 16, H = 1: g.mol⁻¹)

(الف) این ترکیب محلول در آب و با استیک اسید ایزومر است.

(ب) تفاوت جرم مولی اسید و الکل سازنده آن ۱۶ گرم بر مول است.

(پ) الکل سازنده آن با الکل سازنده استر موجود در انگور یکسان است.

(ت) از آبکافت آن الکلی حاصل می‌شود که نمی‌توان از آن محلول سیرشده در آب تهیه کرد.

(۱) الف، ب (۲) ب، پ (۳) پ، ت (۴) الف، ت

۴۹- با توجه به ساختار زیر که مربوط به ویتامین D می‌باشد، چه تعداد از مطالب زیر، به درستی بیان شده است؟

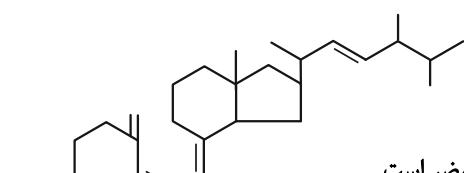
\* در این مولکول، همانند کلسترول، بخش ناقطبی بر بخش قطبی غلبه کرده و برخلاف کلسترول دارای گروه عاملی هیدروکسیل است.

\* ساختاری سیرنشده و آروماتیک داشته و با جذب ۴ مولکول هیدروژن به ساختاری سیرشده تبدیل می‌شود.

\* فرمول مولکولی این ترکیب  $C_{28}H_{44}O$  بوده و مصرف بیش از اندازه آن برای بدن مضر است.

\* در ساختار این ترکیب ۳ اتم کربن وجود دارد که به هیچ اتم هیدروژنی متصل نیست.

۱

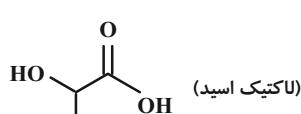


(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۵۰- برای تهیه ۱۹۲ گرم پلی‌لاکتیک اسید در دمای اتاق، ۲۰۰ میلی‌لیتر لاکتیک اسید خالص لازم است. چگالی لاکتیک اسید در این

دما بر حسب  $\text{g.mL}^{-1}$  کدام است؟ (O = 16, C = 12, H = 1: g.mol⁻¹)

(۱) ۰/۸ (۲) ۱ (۳) ۱/۲ (۴) ۱/۴



(لاکتیک اسید)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۵۱- بین دو عدد  $\frac{1}{3}$  و ۹، پنج واسطه هندسی درج کرده‌ایم. جمله چهارم دنباله حاصل کدام است؟

۳ (۴)

 $\sqrt{3}$  (۳)

۱ (۲)

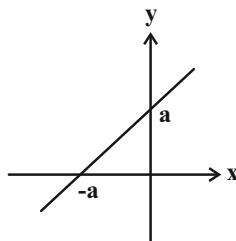
 $\frac{\sqrt{3}}{3}$  (۱)۵۲- اگر  $a \neq b$  باشد، حاصل  $(\frac{a+b}{a-b})^2 = a^2 + b^2 - ab$  کدام است؟

۴ (۲)

۲ (۱)

۸ (۴)

۶ (۳)

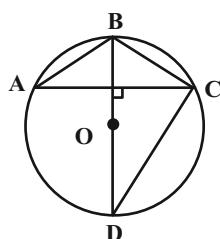
۵۳- نمودار تابع خطی  $f(x) = bx + 3$  در شکل زیر رسم شده است. حاصل  $f(a+b)$  کدام است؟

۵ (۱)

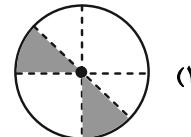
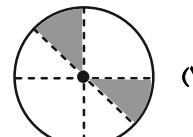
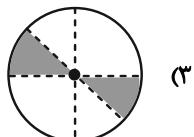
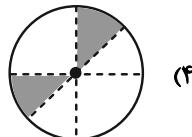
۱ (۲)

۷ (۳)

-۵ (۴)

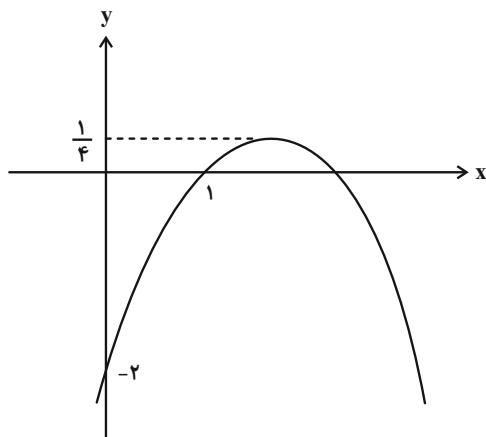
۵۴- در دایره زیر  $O$  مرکز دایره است و  $AC$  برابر شعاع دایره است. مساحت مثلث  $BCD$  چند برابر مساحت مثلث  $ABC$  است؟ $2 + \sqrt{3}$  (۱) $4 + 2\sqrt{3}$  (۲) $1 + \sqrt{2}$  (۳) $2 + 2\sqrt{2}$  (۴)۵۵- برای کمان  $\theta$  در دایره مثلثاتی، روابط  $\sin \theta + \cos \theta < 0$  و  $\sin \theta - \tan \theta > 0$  برقرار است. وضعیت انتهای کمان  $\theta$  مطابق کدام

شکل است؟





۵۶- نمودار زیر مربوط به سهمی  $y = ax^2 + bx + c$  کدام است؟



۱) ۶

۲) ۱

۳) ۴

۴) ۳

۵۷- مجموعه جواب‌های نامعادله  $\frac{2x-3}{|x-1|-4} < 2$  به صورت  $(a, b)$  است. حاصل  $b-a$  کدام است؟

۱)  $\frac{3}{4}$

۲)  $\frac{5}{4}$

۳)  $\frac{3}{4}$

۴)  $\frac{3}{2}$

۵۸- قرینه نمودار  $|x+1| = y$  نسبت به محور  $x$  ها را واحد به سمت  $x$  های مثبت انتقال می‌دهیم. نمودار حاصل نیمساز ناحیه

چهارم را با کدام عرض قطع می‌کند؟

۱)  $\frac{1}{2}$

۲)  $-\frac{1}{2}$

۳)  $-1$

۴)  $\frac{1}{2}$

۵۹- چند عدد سه رقمی با ارقام متمایز و غیرصفر وجود دارد به گونه‌ای که مجموع ارقام هر یک از آنها عددی فرد باشد؟

۱) ۴۸۰

۲) ۲۴۰

۳) ۱۲۰

۴) ۴۰

۶۰- کیسه‌ای محتوی ۴ مهره آبی، ۴ مهره قرمز و ۲ مهره سفید است. اگر به تصادف ۶ مهره از این کیسه خارج کنیم، احتمال آنکه

تعداد مهره‌های آبی خارج شده، دو برابر تعداد مهره‌های سفید خارج شده باشد، کدام است؟

۱)  $\frac{2}{15}$

۲)  $\frac{1}{5}$

۳)  $\frac{7}{30}$

۴)  $\frac{3}{10}$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

## فیزیک ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۶۱- دقت یک خطکش مدرج  $1\text{mm}$  و یک کولیس رقمی  $1/1000\text{mm}$  است. به ترتیب کدامیک از طول‌های زیر توسط این خطکش و

کولیس اندازه‌گیری شده‌اند؟

(۱)  $0/20\text{cm} - 1/0004\text{m}$

(۲)  $0/0040\text{m} - 2/4\text{cm}$

(۳)  $0/24\text{m} - 0/16\text{m}$

(۴)  $0/003\text{m} - 1/2\text{cm}$

۶۲- درون یک ظرف استوانه‌ای مدرج به حجم  $1/4 \text{ cm}^3$ ، مایعی به چگالی  $400\text{cm}^3/\text{g}$  ریخته‌ایم و ۲۵ درصد از حجم ظرف خالی مانده است. اگر یک جسم فلزی هم‌جرم با جرم مایع را درون مایع غوطه‌ور کنیم، ۱۵ درصد از حجم ظرف خالی می‌ماند. چگالی فلز

سازنده جسم چند کیلوگرم بر مترمکعب است؟

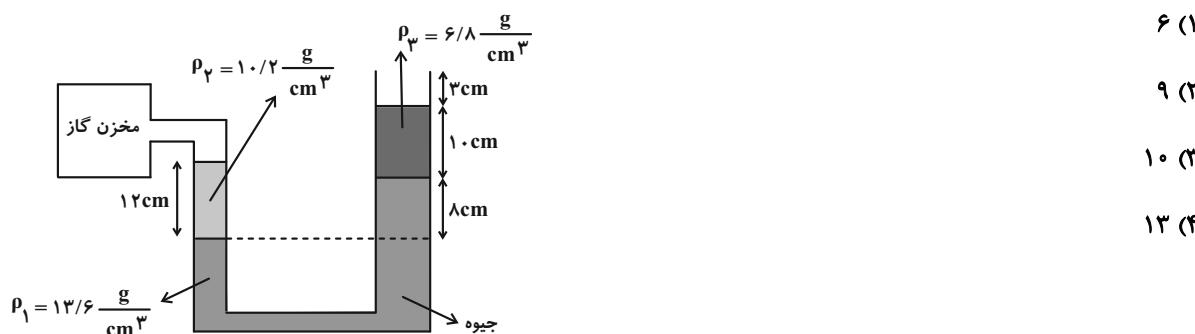
(۱)  $11250\text{kg/m}^3$

(۲)  $10500\text{kg/m}^3$

(۳)  $17500\text{kg/m}^3$

(۴)  $9200\text{kg/m}^3$

۶۳- در شکل زیر، سطح مقطع شاخه سمت راست، دو برابر سطح مقطع شاخه سمت چپ است. فشار پیمانه‌ای گاز درون مخزن

حداکثر چند سانتی‌متر جیوه افزایش یابد تا مایع  $p_2$  از شاخه سمت راست سرریز نشود؟۶۴- درون ظرفی استوانه‌ای به مساحت قاعده  $5\text{cm}^2$  تا ارتفاع  $25\text{cm}$  مایعی به چگالی  $55\text{cm}^3/\text{g}$  وجود دارد. اگر از مایعی به

$$\left( P_0 = 1.0^5 \text{ Pa}, g = 1.0 \frac{\text{N}}{\text{kg}\cdot\text{s}^2} \right)$$

چگالی  $2 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  اضافه کنیم، فشار کل وارد بر کف ظرف چند درصد افزایش می‌یابد؟

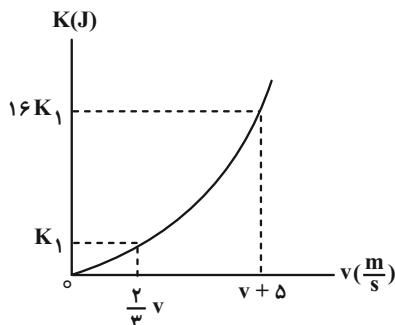
(۱)  $0/02$

(۲)  $2/2$

(۳)  $5/5$

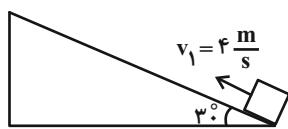
(۴)  $0/05$

۶۵- نمودار تغییرات انرژی جنبشی بر حسب تندي جسمی به جرم  $m$  به صورت زیر است. تندي  $v$  چند متر بر ثانیه است؟



- ۳) ۱  
۴) ۲  
۵) ۳  
۶) ۴

۶۶- مطابق شکل، جسمی به جرم  $1/5 \text{ kg}$  را از پایین سطح شیبداری با تندي  $\frac{m}{s}$  به طرف بالا پرتاپ می‌کنیم. اگر نیروی اصطکاک در طول مسیر ثابت و برابر  $15 \text{ N}$  باشد، جسم حداقل چند متر روی سطح شیبدار بالا می‌رود؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )



- $\frac{15}{2}$  (۱)  
 $\frac{8}{15}$  (۲)  
 $\frac{18}{5}$  (۳)

۶۷- دمای جسمی  $50^\circ \text{ F}$  است. دمای این جسم چند کلوین است؟

- ۳۷۳ (۴) ۳۲۳ (۳) ۳۸۳ (۲) ۲۸۳ (۱)

۶۸- یک گرمکن الکتریکی با توان  $1011 \text{ W}$  در اختیار داریم. چند گرم یخ  $10^\circ \text{ C}$ - داخل آن قرار دهیم تا پس از ۲ دقیقه، آن را به

$$(L_v = 2256 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, L_f = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} = 2100 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ \text{C}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ \text{C}})$$

- ۶۰ (۴) ۴۰ (۳) ۳۰ (۲) ۲۰ (۱)

۶۹- مطابق شکل مقداری گاز آرامانی از طریق دو مسیر، از حالت  $A$  به حالت  $C$  رسیده است. اگر انرژی درونی گاز در مسیر  $AC$  به اندازه  $J$  افزایش یافته باشد، گرمایی که گاز در مسیر  $ABC$  دریافت کرده است، چند زول است؟



۷۰- یک ماشین گرمایی در هر چرخه  $J = 1000 \text{ J}$  گرما از منبع دما بالا می‌گیرد و  $J = 600 \text{ J}$  گرما به منبع دما پایین می‌دهد و بقیه آن تبدیل به کار می‌شود. اگر هر چرخه این ماشین  $88 / 0$  طول بکشد، توان خروجی آن چند وات است؟

- ۸۰۰ (۴) ۴۰۰ (۳) ۵۰۰ (۲) ۷۵۰ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۷۱- در مثلث  $ABC$ ، عمودمنصف ضلع  $BC$ ، ضلع  $AC$  را در نقطه  $D$  قطع می‌کند. اگر  $\hat{C} = 30^\circ$  باشد، اندازه زاویه  $ADB$  کدام(۱)  $\hat{B} > \hat{C}$ 

۶۰° (۲)

۴۵° (۱)

۹۰° (۴)

۷۵° (۳)

۷۲- در متوازی‌الاضلاع  $ABCD$ ، نقاط  $B$  و  $C$  ثابت هستند و ضلع  $BA$  طول ثابت  $a$  دارد. با تغییر اندازه زاویه  $B$ ، محل برخورد دو قطر

متوازی‌الاضلاع روی کدام یک از اشکال هندسی زیر قرار می‌گیرد؟

۲) دایره‌ای به مرکز  $O$  نقطه وسط ضلع  $BC$  و به شعاع  $\frac{a}{2}$ ۱) دو خط به فاصله  $\frac{a}{2}$  از ضلع  $BC$ ۴) دو خط به فاصله  $a$  از ضلع  $BC$ ۳) دایره‌ای به مرکز  $O$  نقطه وسط ضلع  $BC$  و به شعاع  $a$ ۷۳- مثلث  $ABC$  به طول اضلاع ۵، ۱۲ و ۱۳ با مثلث  $A'B'C'$  متشابه است. اگر طول کوچکترین ارتفاع مثلث دوم برابر  $\frac{2}{3}$  باشد،

محیط مثلث دوم کدام است؟

۲۰ (۴)

۱۲ (۳)

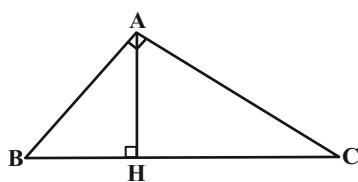
۱۰ (۲)

۵ (۱)

۷۴- در شکل زیر، در مثلث قائم‌الزاویه  $ABC$ ،  $AB = 2\sqrt{3}$  و  $BH = 2$  باشد، طول میانه وارد بر ضلع  $AB$  کدام است؟

۵ (۱)

۶ (۲)

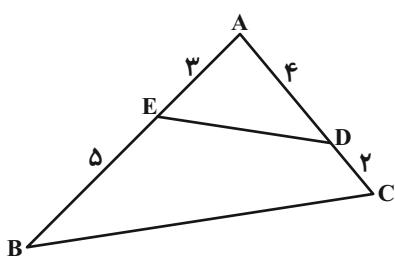
 $\sqrt{30}$  (۳) $3\sqrt{3}$  (۴)۷۵- در شکل زیر مساحت چهارضلعی  $BCDE$  برابر ۱۲ است. با توجه به اندازه‌های روی شکل، مساحت مثلث  $ABC$  کدام است؟

۱۵ (۱)

۱۶ (۲)

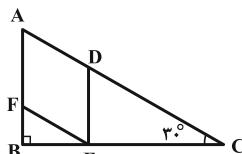
۱۸ (۳)

۲۴ (۴)





۷۶- در شکل زیر، چهارضلعی  $ADEF$  لوزی است. اگر  $AB = 3$  باشد، طول قطر کوچکتر این لوزی کدام است؟

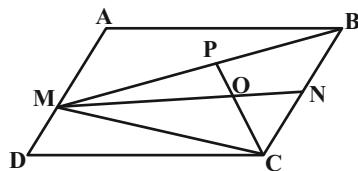


۱)

 $2\sqrt{3}$  ۲) $2\sqrt{2}$  ۳) $\sqrt{3}$  ۴)

۷۷- در شکل زیر، چهارضلعی  $ABCD$  متوازی‌الاضلاع است. اگر نقاط  $N$  و  $P$  به ترتیب وسط  $BC$  و  $BM$  بوده و مساحت

مثلث  $ONC$  برابر ۳ باشد، مساحت متوازی‌الاضلاع کدام است؟



۱۸)

۲۴)

۳۶)

۴۸)

۷۸- در مثلث متساوی‌الساقین  $\hat{A} = 45^\circ$ ,  $(AB = AC)ABC$  است. اگر مجموع فواصل هر نقطه دلخواه واقع بر قاعده این مثلث از

دو ساق آن برابر  $2\sqrt{2}$  باشد، مساحت مثلث  $ABC$  کدام است؟

 $8\sqrt{2}$  ۴)

۸ (۳)

 $4\sqrt{2}$  ۲)

۴)

۷۹- خطوط  $d$  و  $d'$  به ترتیب موازی و متقاطع با صفحه  $P$  هستند. چند خط در فضا وجود دارد که با صفحه  $P$  موازی بوده و هر دو خط  $d$  و  $d'$  را قطع می‌کند؟

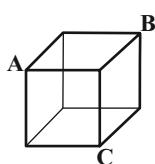
۴) بی شمار

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) هیچ

۸۰- در مکعب شکل زیر، مساحت سطح مقطع حاصل از برخورد صفحه گذرنده از نقاط  $A$ ,  $B$  و  $C$  با مکعب، چند برابر مساحت کل مکعب است؟

 $\frac{\sqrt{3}}{12}$  ۱) $\frac{\sqrt{3}}{6}$  ۲) $\frac{\sqrt{3}}{4}$  ۳) $\frac{\sqrt{3}}{2}$  ۴)



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

## شیوه ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۸۱- کدام یک از مطالب زیر در مورد رادیوایزوتوپ‌ها، درست است؟

الف) یون تکنسیم با یون یدید هم اندازه بوده و کاربرد پزشکی دارد.

ب) نیم عمر  $^{99}\text{Tc}$  بسیار کم است؛ بنابراین نمی‌توان آن را برای مدت طولانی نگهداری کرد.

پ) یکی از ایزوتوپ‌های شناخته شده‌ترین فلز پرتوزا اغلب به عنوان سوخت در راکتور اتمی کاربرد دارد.

ت) رادیوایزوتوپی از عنصر گروه ۱۵ جدول تناوبی در ایران تولید می‌شود.

(۱) الف و ب (۲) الف، پ و ت (۳) پ و ت (۴) ب و پ

۸۲- اگر جرم مولکولی ترکیب  $\text{AX}_4$  برابر  $156\text{ amu}$  باشد، مقدار  $x$  در جدول زیر، کدام است؟ (عدد جرمی و جرم اتمی را تقریباً یکسان در نظر بگیرید. نمادهای عناصر فرضی هستند).

$^{32}\text{X}$	$^{35}\text{X}$	$^{47}\text{A}$	$^{45}\text{A}$	ایزوتوپ
۸۰	۲۰	x	y	درصد فراوانی

۹۰ (۲)

۴۰ (۴)

۱۰ (۱)

۶۰ (۳)

۸۳- همه گزینه‌های زیر درست‌اند، به جز ...

(۱) طول موج فروسخ از امواج رادیویی کوتاه‌تر و از امواج ایکس بلندتر است.

(۲) حداکثر گنجایش الکترونی هر زیرلایه از  $4^{\circ}$  برابر عدد کوانتمی فرعی آن،  $2^{\circ}$  واحد بیشتر است.(۳) اگر  $n+1$  برای دو یا چند زیرلایه یکسان باشد، زیرلایه با  $1^{\circ}$  کوچک‌تر، انرژی بیشتری دارد.

(۴) در طیف نشری خطی اتم هیدروژن، با حرکت از سمت نوار قرمز به بنفس، اختلاف بین طول موج نوارها، افزایش می‌یابد.

۸۴- چند مورد از مطالب زیر، درست است؟

\* عنصری که اتم آن دارای شمار الکترون‌های ظرفیت کمتری است، واکنش پذیری بیشتری دارد.

\* در اتم  $X_{24}$ ، نسبت شمار الکترون‌های دارای  $=0$  به  $=1=2$  برابر  $1/4$  است.\* آرایش الکترونی لایه آخر اتم  $A_{27}$  مشابه آرایش الکترونی لایه ظرفیت اتم  $B_{20}$  است.\* در مولکول  $\text{COCl}_4$ ، شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی دو برابر شمار جفت الکترون‌های پیوندی است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۸۵- کدام موارد از عبارت‌های زیر، نادرست است؟

(آ) با افزایش ارتفاع از سطح زمین، دما و فشار هوا به طور پیوسته کاهش می‌یابد.

ب) در فرایند تقطیر جزء‌به‌جزء هوا مایع، با کاهش دما در دمای  $195\text{ K}$ ، گاز کربن دی‌اکسید هوا به حالت جامد درمی‌آید.

پ) سومین گاز از نظر درصد حجمی در هوای پاک و خشک، به عنوان محیط بی‌اثر در جوشکاری و برش فلزات به کار می‌رود.

ت) حدود ۷ درصد حجمی از مخلوط گاز طبیعی را هلیم تشکیل می‌دهد، در نتیجه هواکره برای تولید هلیم در مقیاس صنعتی نسبت به منابع زمینی، مناسب‌تر است.

(۱) آ و ب (۲) آ و ت (۳) ب و پ (۴) ب و ت



-۸۶- پس از موازنۀ واکنش‌های زیر، اختلاف مجموع ضرایب استوکیومتری مواد واکنش‌دهنده و فراورده در کدام واکنش از دیگر واکنش‌ها بیشتر است و در کدام واکنش ضریب استوکیومتری آب با دیگر واکنش‌ها متفاوت است؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

- a)  $\text{NH}_3 + \text{O}_2 \rightarrow \text{NO} + \text{H}_2\text{O}$   
 b)  $\text{Fe} + \text{O}_2 + \text{H}_2\text{O} \rightarrow \text{Fe(OH)}_3$   
 c)  $\text{CH}_4 + \text{NH}_3 + \text{O}_2 \rightarrow \text{HCN} + \text{H}_2\text{O}$   
 d)  $\text{CaSiO}_3 + \text{HF} \rightarrow \text{CaF}_3 + \text{SiF}_4 + \text{H}_2\text{O}$

c ، a (۴)

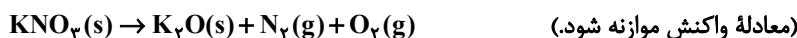
d ، a (۳)

c ، b (۲)

d ، b (۱)

-۸۷- مقداری پتاسیم نیترات را در ظرفی دربار حرارت داده‌ایم. اگر کاهش جرم ظرف در پایان واکنش برابر  $43/2$  گرم باشد، حجم گاز نیتروژن تولید شده در شرایط STP کدام است و از واکنش اکسیژن تولید شده با مقدار کافی هیدروژن در شرایط مناسب چند

$$\text{گرم آب تولید می‌شود؟ } (\text{H} = 1, \text{N} = 14, \text{O} = 16, \text{K} = 39 : \text{g.mol}^{-1})$$



۱۸ ، ۸/۹۶ (۴)

۳۶ ، ۴/۴۸ (۳)

۳۶ ، ۸/۹۶ (۲)

۱۸ ، ۴/۴۸ (۱)

-۸۸- چند مورد از عبارت‌های زیر، نادرست است؟

الف) سرکه خوارکی محلول ۵ درصد جرمی استیک اسید در آب است، که خاصیت اسیدی ملایمی دارد.

ب) دستگاه گلوکومتر، جرم گلوکز را بر حسب میلی‌گرم گلوکز در هر دسی لیتر از خون نشان می‌دهد.

پ) کلسیم سولفات همانند کلسیم فسفات، در آب نامحلول است.

ت) اگر ۲۰ گرم باریم سولفات را با ۱۰۰ گرم آب مخلوط کنیم، محلول ۱۶ درصد جرمی به دست می‌آید.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

-۸۹- با توجه به داده‌های جدول، اگر ۴۰۰ گرم محلول سیرشده سدیم نیترات را از دمای  $35^\circ\text{C}$  تا  $15^\circ\text{C}$  سرد کنیم، چند گرم رسوب تشکیل می‌شود؟

$\theta(^{\circ}\text{C})$	۰	۱۰	۲۰	۳۰	
$S(\frac{\text{g NaNO}_3}{100\text{ g H}_2\text{O}})$	۷۲	۸۰	۸۸	۹۶	
			۱۶ (۲)		۸ (۱)
			۶۴ (۴)		۳۲ (۳)

-۹۰- اگر گشتاور دوقطبی مولکول  $\text{XO}_2$  بزرگ‌تر از صفر باشد، چند مورد از مطالع زیر، در رابطه با مولکول مورد نظر و عناصر سازنده آن درست است؟

(همه اتم‌های مولکول  $\text{XO}_2$  از قاعده هشت‌تایی پیروی می‌کنند. عنصر X در یکی از دوره‌های سوم و چهارم جدول تناوبی جای دارد.)

الف) اتم X می‌تواند با اکسیژن در یک گروه قرار داشته باشد.

ب) عدد اتمی X نمی‌تواند برابر ۶ باشد.

پ) شمار الکترون‌های ناپیوندی در مولکول  $\text{XO}_2$  می‌تواند دو برابر شمار الکترون‌های پیوندی باشد.

ت) در میدان الکتریکی اتم‌های اکسیژن به سمت صفحه با بار مثبت، جهت‌گیری می‌کنند.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)



## آزمون «۷ مهر ۱۴۰۲» اختصاصی دوازدهم ریاضی (دفترچه اختیاری)

**نحوه کلی سوال**

مدت پاسخ‌گویی: ۷۰ دقیقه

تعداد کل سؤالات: ۵۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ‌گویی
حسابان	۱۰	۹۱-۱۰۰	۱۵'
هندسه	۱۰	۱۰۱-۱۱۰	۱۵'
ریاضیات گستته	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۱۵'
فیزیک	۱۰	۱۲۱-۱۳۰	۱۵'
شیمی	۱۰	۱۳۱-۱۴۰	۱۰'

**کریشنگران و ویراستاران**

نام درس	حسابان ۲		هندسه	ریاضیات گستته	فیزیک	شیمی	متصفحی کیانی	امیر حاتمیان
گرینشگر	عادل حسینی		امیرحسین ابومحوب	سوگند روشنی	مصطفی کیانی	امیر حاتمیان		
گروه ویراستاری	سعید خان بابایی مهدی ملامضانی		مهرداد ملوندی	مهرداد ملوندی	زهره آقامحمدی حمید زرین کفش	بهنام قازانچایی محمدحسن محمدزاده مقدم امیرحسین مسلمی		
پاژینی نهایی (وتبه برتر)	بنیامن یعقوبی		کیارش صانعی	کیارش صانعی	ماهان زواری	ماهان زواری		
مسئول درس	عادل حسینی		امیرحسین ابومحوب	امیرحسین ابومحوب	محمد ساکی	ایمان حسین نژاد		
مسئند سازی	سمیه اسکندری		سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسکندری		

**گروه فنی و تولید**

ناظر چاپ	سوران نعیمی	فرزانه فتح‌اله‌زاده	حروف‌نگار	مدیر گروه
مهدی اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	محمد ساکی	مسئول دفترچه
سعید خان بابایی مهدی ملامضانی	مهرداد ملوندی	زهره آقامحمدی حمید زرین کفش	مصطفی کیانی	نرگس غنی‌زاده
عادل حسینی	امیرحسین ابومحوب	کیارش صانعی	کیارش صانعی	مدیر گروه، محیا اصغری
بنیامن یعقوبی	امیرحسین ابومحوب	ماهان زواری	ماهان زواری	گروه مستندسازی

**گروه آزمون**

**بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی «وقف عام»**

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۲۱



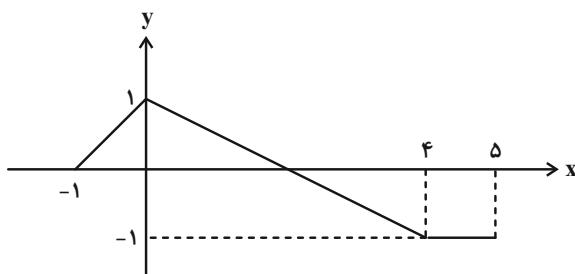
وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۲: تابع، مثلثات: صفحه‌های ۱ تا ۴۴

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۹۱- با کدام ترتیب انتقال‌ها می‌توان از نمودار تابع  $f(x) = x^3 - 4x + 7$  به نمودار تابع  $g(x) = x^2 - 4x + 1$  رسید؟

- (۱) ۲ واحد به راست و ۸ واحد به پایین  
 (۲) ۲ واحد به چپ و ۸ واحد به پایین  
 (۳) ۲ واحد به راست و ۴ واحد به پایین  
 (۴) ۲ واحد به چپ و ۴ واحد به پایین

۹۲- نمودار تابع  $y = f(x+1) - \frac{x}{2}$  در شکل زیر رسم شده است. مساحت سطح محصور بین نمودار تابع  $y = f(x+1)$  و محور  $x$ ‌ها کدام است؟

- (۱)  $\frac{3}{4}$   
 (۲) ۱  
 (۳)  $\frac{1}{2}$   
 (۴)  $\frac{7}{4}$

۹۳- نمودار تابع  $f(x) = |x-1| - |2x-2| - |x+1|$  در بازه‌ای که اکیداً نزولی است، چند نقطه مشترک با نمودار تابع  $y = x^3 - 2x^2 - 2x + 1$  دارد؟

- (۱) صفر  
 (۲) ۱  
 (۳) ۲  
 (۴) ۳

۹۴- کدام تابع اکیداً صعودی است؟ ( $[ ]$ ، نماد جزء صحیح است).

$$y = x + |x-1| \quad (۲)$$

$$y = [x] + [-x] \quad (۱)$$

$$y = \left(x - \frac{1}{x}\right) |x| \quad (۴)$$

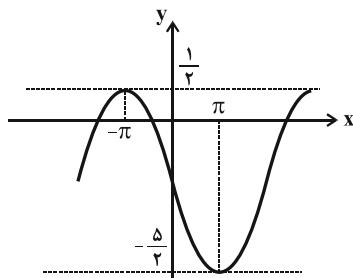
$$y = x + [x] \quad (۳)$$

۹۵- خارج قسمت تقسیم چندجمله‌ای  $-x^4 - 5x^3 - x^2 + 1$  بر  $x+1$  چندجمله‌ای  $q(x)$  است. باقی‌مانده تقسیم  $q(x)$  بر  $x+1$  کدام است؟

- (۱) -۶  
 (۲) -۱۱  
 (۳) ۲۹  
 (۴) ۴

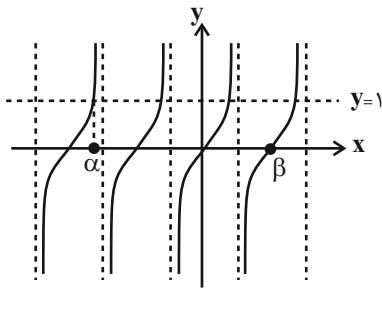


۹۶- شکل زیر، قسمتی از نمودار تابع  $f(x) = a \sin bx + c$  را نشان می‌دهد. مقدار  $f\left(\frac{\pi}{3}\right)$  کدام است؟



- $-\frac{1}{4}$  (۱)  
 $-\frac{5}{4}$  (۲)  
 $-\frac{7}{4}$  (۳)  
 $-\frac{9}{4}$  (۴)

۹۷- شکل مقابل مربوط به تابع  $y = \tan 2x$  است. حاصل  $\alpha - \beta$  کدام است؟



- $\frac{11\pi}{8}$  (۱)  
 $\frac{13\pi}{8}$  (۲)  
 $\frac{9\pi}{8}$  (۳)  
 $\frac{5\pi}{4}$  (۴)

۹۸- جواب کلی معادله  $\sin^4 x + \cos^4 x = \cos \frac{5\pi}{3}$  کدام است؟ ( $k \in \mathbb{Z}$ )

$$k\pi - \frac{\pi}{4}$$

$$k\pi + \frac{\pi}{4}$$

$$\frac{k\pi}{2}$$

$$\frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{4}$$

۹۹- تعداد جواب‌های معادله مثلثاتی  $\frac{1 - \cos x}{\sin x} = \tan 2x$  در بازه  $[0, 2\pi]$  کدام است؟

۳ (۲)

۴ (۱)

۱ (۴)

۲ (۳)

۱۰۰- برای کمان  $x$ ،  $\tan x$  یک واحد از  $\sin x$  بزرگ‌تر است. مقدار  $\sin 2x$  کدام است؟

$$\sqrt{6} - 2$$

$$2\sqrt{2} - 2$$

$$\sqrt{2} - 1$$

$$2\sqrt{6} - 4$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندهسه ۳: ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۹ تا ۲۱

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۰۱- اگر ماتریس  $A = \begin{bmatrix} p+2 & m-2 \\ n+1 & 2p-1 \end{bmatrix}$  ماتریس اسکالر باشد، دترمینان ماتریس  $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ m & 0 & n \\ p & -1 & 2 \end{bmatrix}$  کدام است؟

-۱ (۲)

۱ (۱)

۱۱ (۴)

-۱۱ (۳)

۱۰۲- اگر  $b_{ij} = \begin{cases} ij & ; i > j \\ i+j & ; i = j \\ j & ; i < j \end{cases}$  باشند، مجموع درایه‌های ماتریس  $BA$  کدام است؟

-۳۱ (۲)

-۲۰ (۱)

۴۱ (۴)

۲۵ (۳)

۱۰۳- اگر دستگاه معادلات خطی  $\begin{cases} (m-1)x + 2y = n \\ (n+2)x + 4y = m \end{cases}$  بی‌شمار جواب داشته باشد، حاصل  $m+n$  کدام است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۱۰۴- اگر  $A = \begin{bmatrix} -2|A| & 0 & 0 \\ 0 & -3|A| & 0 \\ -5|A| & 0 & |A| \end{bmatrix}$  ماتریسی وارون‌پذیر باشد، حاصل  $|A| A$  کدام است؟

$\frac{1}{36}$  (۲)

$\frac{1}{6}$  (۱)

۶ (۴)

$\frac{1}{216}$  (۳)

۱۰۵- اگر  $B = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$  باشد، حاصل  $A^{99} + B^{100}$  کدام است؟

$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -2 & -1 \end{bmatrix}$  (۲)

$\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$  (۱)

$\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$  (۴)

$\begin{bmatrix} -2 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$  (۳)



۱۰۶- در تساوی ماتریسی  $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$  و  $B = \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 7 & 3 \end{bmatrix}$  ، مجموع درایه‌های ماتریس  $A$  کدام است؟

۷ (۲)

۵ (۱)

۱۳ (۴)

۱۱ (۳)

۱۰۷- اگر  $A^2B^2 = B$  باشد، آنگاه درایه سطر دوم و ستون سوم ماتریس  $A^2B^2$  کدام است؟

$$A = \begin{bmatrix} 2 & -1 & 3 \\ 3 & 1 & 0 \\ 1 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

۳۷ (۲)

۲۶ (۱)

-۳۷ (۴)

-۲۶ (۳)

۱۰۸- اگر  $A = \begin{bmatrix} m \\ 1 \\ -1 \end{bmatrix}$  و  $B = \begin{bmatrix} -1 & m & 1 \end{bmatrix}$  آنگاه حاصل  $|AB| + |BA|$  کدام است؟

-۱ (۲)

۱ (۱)

۲ (۴)

۰ (۳)

۱۰۹- اگر  $A$  یک ماتریس  $2 \times 2$  و دترمینان ماتریس  $2A$  از دترمینان وارون ماتریس  $A$ ، ۳ واحد بیشتر باشد، حاصل  $|4A^{-1}|$

(۰ ≠ |A|) کدام می‌تواند باشد؟

-۴ (۲)

۱ (۱)

۲ (۴)

-۱۶ (۳)

۱۱۰- اگر  $(A+B)^{-1} = A^{-1} + B^{-1}$  باشد، آنگاه حاصل  $A^{-1}B + B^{-1}A$  کدام است؟

I (۲)

O (۱)

A + B (۴)

-I (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گستره: آشنایی با نظریه اعداد: صفحه‌های ۱ تا ۳۰

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۱۱- کدام یک از گزاره‌های زیر مثال نقض ندارد؟

(۱) مجموع مربعات هر دو عدد اول، عددی زوج است.

(۲) هر عدد اول را به یکی از صورت‌های  $6k+1$  یا  $6k+5$  می‌توان نوشت ( $k$  عدد صحیح است).

(۳) حاصل ضرب هر عدد گویا در هر عدد گنگ، عددی گنگ است.

(۴) مجموع مربع و مکعب هر عدد فرد، عددی زوج است.

۱۱۲- اگر  $x$ ،  $y$  و  $z$  سه عدد حقیقی باشند، در اثبات نامساوی  $(x-y)^2 + (x-z)^2 \geq 2(x-y)(x-z)$  به روش بازگشتی، کدام رابطه بدیهی است؟

حاصل می‌شود؟

$$(x+y)^2 + (x-z)^2 \geq 0 \quad (۲)$$

$$(x+y)^2 + (x+z)^2 \geq 0 \quad (۱)$$

$$(x-y)^2 + (x-z)^2 \geq 0 \quad (۴)$$

$$(x-y)^2 + (x+z)^2 \geq 0 \quad (۳)$$

۱۱۳- اگر دوازدهم اردیبهشت سالی روز شنبه باشد، اولین روز کدام یک از ماه‌های زیر در آن سال نیز روز شنبه است؟

(۱) دی  
(۲) بهمن

(۳) اسفند  
(۴) هیچ کدام

۱۱۴- اگر  $a$  عددی طبیعی باشد به‌طوری که  $a|15k+7$  و  $a|15k+17$ ، آن‌گاه مجموع مقادیر ممکن برای  $a$  کدام است؟ ( $k \in \mathbb{Z}$ )

۱ (۱)

۸ (۳)

۳ (۲)

۱۸ (۴)



۱۱۵- باقی‌مانده تقسیم عدد  $1402^{1402}$  بر عدد ۱۵ کدام است؟

۲) ۲

۱) ۱

۴) ۴

۳) ۳

۱۱۶- اگر رقم یکان دو عدد  $a^2 + 9$  و  $4a + 16$  یکسان باشد، عدد  $a^4$  عضو کدام دسته هم‌نهشتی به پیمانه ۱۰ است؟

۲) ۲

۱) ۱

۴) ۴

۳) ۳

۱۱۷- مجموع ارقام بزرگ‌ترین عدد سه رقمی  $x$  که در معادله  $x + 21y = 15 = 1! + 2! + \dots + 1402!$  صدق می‌کند، کدام است؟

۲۵) ۲

۲۴) ۱

۲۷) ۴

۲۶) ۳

۱۱۸- اگر  $(a, 1000) = 125$  باشد، آنگاه  $(a^3 - 1, 40)$  کدام است؟

۵) ۲

۱) ۱

۴۰) ۴

۸) ۳

۱۱۹- مجموع باقی‌مانده و خارج قسمت تقسیم عدد طبیعی  $a$  بر ۱۱، برابر ۱۵ است. احتمال اینکه  $a - 5$  مضرب ۴۰ باشد، کدام است؟

 $\frac{5}{11}$  ۲ $\frac{6}{11}$  ۱ $\frac{3}{11}$  ۴ $\frac{4}{11}$  ۳

۱۲۰- اگر باقی‌مانده تقسیم  $2a^3b$  بر ۹ برابر ۴ باشد، باقی مانده تقسیم عدد  $4a^3b^2$  بر ۱۱ کدام است؟

۸) صفر یا ۲

۱) صفر یا ۲

۹) ۳ یا ۶

۳ یا ۱) ۳



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: حرکت بر خط راست / دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۱ تا ۴۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۲۱- متحرکی بر خط راست، ابتدا مسافت  $50\text{m}$  را در مدت  $8\text{s}$  و سپس مسافت  $40\text{m}$  را در خلاف جهت اولیه در مدت  $10\text{s}$  طی می‌کند. تندی متوسط در کل زمان حرکت، چند برابر بزرگی سرعت متوسط در این مدت بوده است؟

(۱)  $\frac{9}{25}$

(۲)  $\frac{9}{3}$

(۳)  $\frac{5}{2}$

(۴)  $\frac{5}{9}$

۱۲۲- متحرکی بر روی خط راست در حال حرکت است، کدامیک از گزاره‌های زیر نادرست است؟

(آ) در هر لحظه بزرگی سرعت لحظه‌ای و تندی لحظه‌ای متحرک با هم برابر است.

(ب) در هر بازه زمانی دلخواه بدار جایی هم‌جهت با بردار سرعت متوسط است.

(پ) اگر در یک بازه زمانی تندی لحظه‌ای متحرک صفر نشود بزرگی سرعت متوسط با تندی متوسط در این بازه زمانی برابر است.

(ت) بردار مکان و بردار سرعت لحظه‌ای در هر لحظه هم‌جهت هستند.

(۱) ب، پ، ت

(۲) آ، پ

(۳) فقط ت

(۴) پ، ت

۱۲۳- دو خودروی A و B که روی محور x به فاصله  $1\text{km}$  از هم قرار دارند، به ترتیب با تندی‌های ثابت  $\frac{m}{s^2}$  و  $\frac{30}{s}$  به طرف یکدیگر حرکت می‌کنند. پس از چند ثانیه فاصله آن‌ها از یکدیگر برای دومین بار به  $300\text{m}$  می‌رسد؟

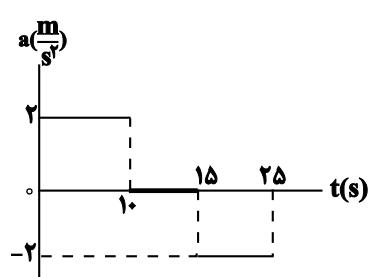
(۱) ۴۰

(۲) ۲۶

(۳) ۲۰

(۴) ۱۴

۱۲۴- در شکل زیر، نمودار شتاب - زمان متحرکی که از حال سکون روی محور x شروع به حرکت می‌کند، نشان داده شده است. تندی متوسط این متحرک در بازه زمانی صفر تا  $25\text{s}$ ، چند متر بر ثانیه است؟



۱۲۵- در شرایط خلاء، گلوله‌ای از ارتفاع  $180\text{m}$  از سطح زمین رها می‌شود و به زمین می‌رسد. پس از طی چه مسافتی بر حسب متر از لحظه رها شدن گلوله، تندی آن نصف تندی در لحظه برخورد به زمین است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

(۱) ۸۰

(۲) ۴۵

(۳) ۲۵

(۴) ۱۵

۱۲۶- دو نیروی  $\vec{J} = (2\text{N})\hat{i} - (2\text{N})\hat{j}$  و  $\vec{F}_1 = (1/5\text{N})\hat{i} - 3\hat{F}_1$  به جسمی به جرم  $2\text{kg}$  اثر می‌کنند. بزرگی شتاب حرکت این جسم چند متر بر مربع ثانیه است؟

(۱) ۲۵

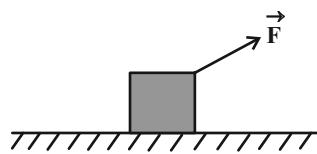
(۲) ۲/۵

(۳) ۱۰

(۴) ۵

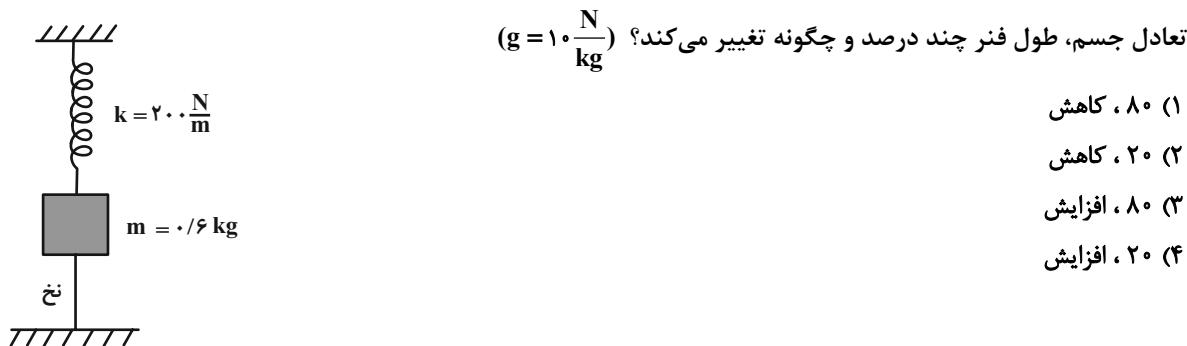
۱۲۷- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم  $2\text{kg}$  با شتاب  $5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$  تحت تاثیر نیروی  $\vec{F} = (13\text{N})\hat{i} + (16\text{N})\hat{j}$  روی سطح افقی در جهت محور

x حرکت می‌کند. بزرگی نیرویی که سطح افقی به جسم وارد می‌کند، چند نیوتون است؟  $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$



- ۵) ۱  
۴) ۲  
۹) ۳  
۳) ۴

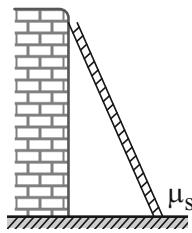
۱۲۸- مطابق شکل زیر وزنه در حال تعادل است و نیرویی کشش نخ که جرم آن ناچیز است برابر  $24\text{N}$  می‌باشد. اگر نخ پاره شود، پس از



۱۲۹- مطابق شکل یک نرdban یکنواخت به جرم  $m$  به دیوار قائم بدون اصطکاکی تکیه داده شده و نرdban در آستانه لغزش است. اگر

نیرویی که دیوار بر نرdban وارد می‌کند،  $\frac{F_{N_2}}{F_{N_1}}$  و نیروی عمودی که سطح زمین بر آن وارد می‌کند،  $\vec{F}_{N_2}$  باشد، نسبت کدام

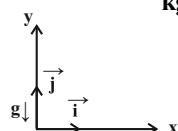
است؟ (ضریب اصطکاک ایستایی نرdban و سطح زمین  $\mu_s$  است).



- ۱)  $\mu_s$   
۲)  $\frac{1}{\mu_s}$   
۳)  $1$   
۴) به جرم نرdban بستگی دارد.

۱۳۰- جسمی روی سطحی افقی با تنیدی اولیه  $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  در جهت محور x پرتاپ می‌شود. اگر نیرویی که سطح افقی به جسم وارد می‌کند

در SI به صورت  $\vec{R} = -3\hat{i} + 12\hat{j} \text{ N}$  باشد، جسم پس از پیمودن چه مسافتی بر حسب متر متوقف می‌شود؟  $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$



- ۵) ۴  
۱۰) ۳  
۲) ۲  
۲۰) ۱



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیوه ۳: مولکول‌ها در خدمت تقدیرستی: صفحه‌های ۱ تا ۲۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۱۳۱- چند مورد از عبارت‌های زیر، درست است؟

آ) شربت معده با مخلوط آب و روغن و صابون، از نظر رفتار در برابر نور مشابه است.

ب) قدرت پاک‌کنندگی صابون‌ها به دلیل ایجاد رسوب با یون‌های منگنز و کلسیم در آب سخت، کاهش می‌یابد.

پ) افودن کلر به صابون‌ها، باعث افزایش خاصیت ضدغونی‌کنندگی و میکروب‌کشی آن‌ها می‌شود.

ت) پاک‌کننده‌های خورنده، همانند پاک‌کننده‌های صابونی و غیرصابونی، با آلانینده‌ها برهم‌کنش بین ذرهای نیز برقرار می‌کنند.

۱) ۴                    ۲) ۳                    ۳) ۲                    ۴) ۱

۱۳۲- مقداری صابون در آبی که حاوی یون کلسیم است، استفاده می‌شود. اگر  $80\text{ g}$  درصد از صابون با یون کلسیم موجود در آب (مطابق معادلهزیر) واکنش داده و  $121/2 \text{ g}$  رسوب تولید کند، چند گرم از صابون خاصیت پاک‌کنندگی خود را حفظ می‌کند؟ (بخش هیدروکربنی(  $\text{Ca} = 40, \text{Na} = 23, \text{C} = 12, \text{O} = 16, \text{H} = 1: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$  ) اتم کربن است:

۱) ۱۵۳                    ۲) ۲۰/۶                    ۳) ۲۴/۴۸                    ۴) ۱۲۲/۴

۱۳۳- همه عبارت‌های زیر نادرست‌اند، به جز ...

۱) اگر در محلول هیدروسیانیک اسید در دمای معین، از هر هزار مولکول، ۳۶ یون تولید شود، درجه یونش آن برابر  $36/100$  است.

۲) باران اسیدی شامل نیترو اسید و سولفوریک اسید است؛ در حالی که باران معمولی شامل کربنیک اسید است.

۳) در واکنش فلز آلومینیم با محلول هیدروکلریک اسید، گاز  $\text{H}_2$  تولید شده و غلظت یون هیدرونیوم و  $\text{pH}$  محلول کاهش می‌یابد.

۴) از واکنش هر مول سدیم اکسید و دی نیتروژن پنتا اکسید به طور جداگانه با مقدار کافی آب به ترتیب دو مول یون هیدروکسید و دو مول یون هیدرونیوم تولید می‌شود.

۱۳۴- در محلولی از استیک اسید، اگر ثابت یونش و درصد یونش به ترتیب برابر با  $10^{-1}/8$  و ۳ باشد، برای تهییه  $500 \text{ ml}$  لیتر ازاین محلول، چند میلی‌لیتر از استیک اسید ( $\text{d} = 1/25 \text{ g} \cdot \text{mL}^{-1}$ ) با خلوص  $80\%$  درصد لازم است و  $\text{pH}$  محلول آن کدام است؟(  $\log 2 = 0.3, \log 3 = 0.5, \text{H} = 1, \text{O} = 16, \text{C} = 12: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$  )

۱) ۲/۸ ، ۱/۲                    ۲) ۲/۸ ، ۰/۶                    ۳) ۳/۲ ، ۱/۲                    ۴) ۳/۲ ، ۰/۶

۱۳۵- چند مورد از مقایسه‌های زیر را براساس نظریه آرنیوس برای اسیدها و بازها، می‌توان انجام داد؟

\* در شرایط یکسان، غلظت یون هیدروکسید در محلول آبی آمونیاک از محلول آبی نیترواسید بیشتر است.

\* رسانایی الکتریکی محلول آبی هیدروکلریک اسید و هیدروبرمیک اسید با غلظت اولیه یکسان، نابرابر است.

\* رنگ کاغذ  $\text{pH}$  در تماس با محلول پتاسیم هیدروکسید و محلول سدیم هیدروکسید، متفاوت است.\*  $\text{pH}$  محلول یک مولار کربنیک اسید و هیدروفلوئوریک اسید یکسان نیست.

۱) ۳                    ۲) ۱                    ۳) ۴                    ۴) ۲



ویژگی	محلول
(۲۵°C pH = ۸	a
K <sub>a</sub> بسیار بزرگ	b
رنگ کاغذ pH در محلول : آبی	c
باز ضعیف	d

۱۳۶- با توجه به جدول مقابل، چند مورد از مطالب بیان شده، درست است؟

الف) فرایند یونش b در آب به صورت یک طرفه است.

ب) در محلول a غلظت یون هیدروکسید ۱۰<sup>-۱۰</sup> برابر غلظت یون هیدرونیوم است.

پ) غلظت یون هیدرونیوم در محلول c کمتر از غلظت یون هیدروکسید است.

ت) محلول d در آب از نوع غیرالکتروولیت است.

۴ (۴)

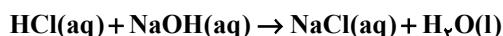
۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۳۷- به ۷ میلی لیتر محلول ۱/۰ مولار HCl، ۴۰۰ میلی لیتر محلول ۰/۰۲ مولار NaOH می افزاییم تا پس از انجام واکنش زیر،

محلولی با pH = ۱/۷ به دست آید. V کدام است؟ ( $\log ۲ \approx ۰/۳$ )



۲۰۰ (۴)

۱۵۰ (۳)

۱۰۰ (۲)

۵۰ (۱)

۱۳۸- کدام موارد از عبارت های زیر، درست است؟

الف) اندک یون های حاصل از یونش اسیدهای ضعیف می توانند با مولکول های یونیده نشده در تعادل باشند.

ب) ثابت یونش اسیدهای قوی، به عدد یک و ثابت یونش اسیدهای ضعیف به عدد صفر نزدیک است.

پ) با حل شدن ۰/۰۵ مول سدیم اکسید در یک لیتر آب در دمای ۲۵°C pH محلول به ۱۳ می رسد.

ت) نام علمی جوش شیرین، سدیم هیدروژن کربنات است که به تنهایی نمی تواند به عنوان ماده موثر در ضد اسیدها مورد استفاده قرار گیرد.

۴ (۴)

۳ پ و ت

۲) الف و پ

۱) ب و ت

۱۳۹- pH محلول هیدروسیانیک اسید در دمای اتاق با ثابت یونش ۱۰<sup>-۱۰/۴</sup> و درصد یونش ۰/۰۷ کدام است و در ۲۰۰ میلی لیتر

از این محلول به تقریب چند مول یون هیدروکسید وجود دارد؟ ( $\log ۷ = ۰/۸۵$ ) (از یون هیدرونیوم حاصل از یونش آب در

محلول آبی صرف نظر کنید).

۱) ۶/۱۵، ۱۰<sup>-۹</sup> ۲/۸×۱۰<sup>-۹</sup> ۲/۸×۱۰<sup>-۸</sup> ۲/۸×۱۰<sup>-۸</sup> ۲/۸×۱۰<sup>-۹</sup>

۱۴۰- چند مورد از داده های جدول زیر درباره مقایسه صابون جامد و پاک کننده غیرصابونی، با زنجیر آلکیل سیرشده نادرست است؟

نوع پاک کننده	فرمول عمومی	تعداد C بدون H اتصال به	قدرت پاک کنندگی در آب دریا	منشأ تهییه	بار سطحی قطره مخلوط چربی و پاک کننده
صابون جامد	C <sub>n</sub> H <sub>۲n</sub> O <sub>۲</sub> Na	۱	کم	طبیعی	منفی
پاک کننده غیرصابونی	C <sub>n</sub> H <sub>۲n-۲</sub> SO <sub>۴</sub> Na	۰	خوب	غیرطبیعی	خنثی

۲ (۴)

۴ (۳)

۱ (۲)

۳ (۱)