



آزمون ۱۰ شهریور ۱۴۰۲

رقمی پیشخ

اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

پذیدآورندگان

نام درس	نام طراحان	لطفاً لطفاً
ریاضی پایه و حسابات ۲	محمدمصطفی ابراهیمی- کاظم اجلالی- سیدرضا اسلامی- عباس اشرفی- محمدسجاد پیشوایی- رضا توکلی- سعید جعفری کافی آباد فرشاد حسن زاده- عادل حسینی- سهیل ساسانی- یاسین سپهر- محمدحسن سلامی حسینی- فرشاد صدیقی- فر- پویان طهرانیان- سعید عالم پور عزیزالله علی اصغری- حمید علیراده- نیما کدیوریان- مصطفی کرمی- سعید مدیر خراسانی- رحیم مشتاق نظم- سروش موئینی- وهاب نادری محمد مهدی وزیری	
هندسه	محمد مهدی ابوبابی- امیرحسین ابومحبوب- علی ایمانی- جواد حاتمی- افشن خاصه خان- فرزانه خاکپاش- محمد خندان- حمید رضا دهقان سوگند روشنی- رضا عباسی اصل- احمد رضا فلاخ- سهام مجیدی پور- نوید مجیدی- رحیم مشتاق نظم- سرژ یقیازاریان تبریزی	
آمار و احتمال و ریاضیات گستته	امیرحسین ابومحبوب- سامان اسپهر- علی ایمانی- افشن خاصه خان- فرزانه خاکپاش- کیوان دارابی- سوگند روشنی علیرضا شریف خطیبی- علی اکبر علی زاده- فرشاد فرامرزی- محمدعلی کاظم نظری- علی منصف شکری- نیلوفر مهدوی- غلام رضا نیازی	
فیزیک	عبدالرضا امینی نسب- میثم دشتیان- هاشم زمانیان- محمد ساکی- مهدی سلطانی- معصومه شریعت ناصری- مریم شیخ مو- پوریا علاقه مند مسعود قره خانی- مصطفی کیانی- غلام رضا محبی- امیر احمد میر سعید- مصطفی واثقی	
شیمی	محمد رضا پور جاوید- امیر حاتمیان- ایمان حسین نژاد- روزبه رضوانی- امیرحسین طبی- امیرحسین مسلمی	

گزینشگران و ویراستاران

شیمی	فیزیک	آمار و احتمال و ریاضیات گستته	هندسه	ریاضی پایه و حسابات ۲	نام درس
امیر حاتمیان	مصطفی کیانی	امیرحسین ابومحبوب سوگند روشنی	امیرحسین ابومحبوب	عادل حسینی	گزینشگر
بهنام قازانچایی	زهرا آقامحمدی	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	سعید خان بابایی مهدی ملامضانی	گروه ویراستاری
ویراستار استاد: محمد حسن محمدزاده مقدم	حیدر زرین کفش				
امیرحسین مسلمی	محمد ساکی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	عادل حسینی	مسئول درس
سمیه اسکندری	احسان صادقی	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	سمیه اسکندری	مسئل سازی

گروه فنی و تولید

مهرداد ملوندی	مدیر گروه
نرگس غنیزاده	مسئول دفترچه
مسئول دفترچه: مهیا اصغری	گروه مستندسازی
مدیر گروه: الهه شهbazی	حروف نگار
سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون بنیاد علمی آموزشی قلمجی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۶۴۶۳ - ۰۶۱

(سیل ساسانی)

گزینه ۲

-۴

$$\sin 52^\circ = \sin(36^\circ + 16^\circ) = \sin(18^\circ - 2^\circ) = \sin 2^\circ$$

$$\cos 20^\circ = \cos(18^\circ + 2^\circ) = -\cos 2^\circ$$

$$\cos 11^\circ = \cos(9^\circ + 2^\circ) = -\sin 2^\circ$$

$$\sin 43^\circ = \sin(36^\circ + 7^\circ) = \sin(9^\circ - 2^\circ) = \cos 2^\circ$$

$$\frac{\sin 2^\circ + \cos 2^\circ}{-\sin 2^\circ + \cos 2^\circ} \xrightarrow{+ \cos 2^\circ} \frac{\tan 2^\circ + 1}{-\tan 2^\circ + 1}$$

$$\frac{\cot 2^\circ = \tan 2^\circ = 1/3}{-1/3 + 1} = \frac{1/3}{1/2} = \frac{12}{1}$$

(حسابان ا- مثالیات: صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۳)

(مفهومی کردن)

گزینه ۲

-۵

 در ابتدادقت می‌کنیم که برای x های قابل قبول:

$$\frac{\cos x}{1 + \sin x} = \frac{1 - \sin x}{\cos x}$$

 (جون با طرفین وسطین به عبارت $\cos^2 x = 1 - \sin^2 x$ می‌رسیم).

$$\text{حالا با جایگذاری } t = \frac{\cos x}{1 + \sin x} \text{ داریم:}$$

$$t + \frac{1}{t} = 1 \xrightarrow{x=t} t^2 - 4t + 4 = 0 \Rightarrow t = 2$$

$$\Rightarrow \frac{\cos x}{1 + \sin x} = 2 \Rightarrow \cos x = 2 + 2 \sin x$$

$$\Rightarrow \cos x - 2 \sin x = 2$$

از طرفی داریم:

$$\sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) + 2 \cos\left(\frac{\pi}{2} + x\right) = \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) + 2 \cos\left(\frac{\pi}{2} + x\right)$$

$$= \cos x - 2 \sin x = 2$$

(حسابان ا- مثالیات: صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۳)

(پیش‌انداخت)

گزینه ۴

-۶

$$\cot\left(-\frac{15\pi}{4}\right) = \cot\left(-4\pi + \frac{\pi}{4}\right) = \cot\frac{\pi}{4} = 1$$

$$\tan^2\left(\frac{15\pi}{4}\right) = \tan^2\left(4\pi + \frac{\pi}{4}\right) = \tan^2\frac{\pi}{4} = (\sqrt{3})^2 = 3$$

(عزیز الله علی اصغری)

حسابان ۱
گزینه ۴

 متمم زاویه 20° برابر 70° است. زاویه 70° را بر حسب رادیان می‌نویسیم.

$$\frac{R}{\pi} = \frac{D}{18^\circ}$$

$$\frac{R}{\pi} = \frac{70^\circ}{18^\circ} \Rightarrow R = \frac{7\pi}{18}$$

 اختلاف مکمل و متمم هر زاویه برابر $\frac{\pi}{2}$ است. بنابراین داریم:

$$\text{رادیان} \cdot \frac{7\pi}{18} + \frac{\pi}{2} = \frac{8\pi}{9}$$

(حسابان ا- مثالیات: صفحه‌های ۹۷ تا ۹۸)

(سیل ساسانی)

گزینه ۳

برای طول کمان و مساحت قطاع داریم:

$$S = \frac{1}{2} r^2 \theta$$

$$S = \frac{1}{2} \frac{\ell^2}{\theta}$$

حال در این سؤال مساحت برابر است با:

$$S = \frac{1}{2} \frac{12\pi}{\frac{3\pi}{4}} = 8$$

(حسابان ا- مثالیات: صفحه‌های ۹۷ تا ۹۸)

(پیش‌انداخت)

گزینه ۲

-۳

$$\alpha = \frac{\ell}{r} \Rightarrow \alpha = \frac{12\pi}{9} = \frac{4\pi}{3}$$

حال خواهیم داشت:

$$\cos\left(\frac{4\pi}{3} - \alpha\right) = -\sin \alpha = -\sin \frac{4\pi}{3} = -\sin\left(\pi + \frac{\pi}{3}\right) = \sin \frac{\pi}{3}$$

$$\sin\left(3\pi - 2\alpha\right) = \sin 2\alpha = \sin 2\left(\frac{4\pi}{3}\right) = \sin\left(3\pi - \frac{\pi}{3}\right) = \sin \frac{\pi}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3}$$

(حسابان ا- مثالیات: صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۳)

حال طول MN را می‌یابیم:

$$|MN| = \tan 75^\circ - \tan 15^\circ = \frac{\sin 75^\circ}{\cos 75^\circ} - \frac{\sin 15^\circ}{\cos 15^\circ}$$

$$= \frac{\sin 75^\circ \cos 15^\circ - \cos 75^\circ \sin 15^\circ}{\cos 75^\circ \cos 15^\circ}$$

$$= \frac{\sin(75^\circ - 15^\circ)}{\cos 75^\circ \cos 15^\circ} = \frac{\sin 60^\circ}{\sin 15^\circ \cos 15^\circ}$$

$$= \frac{\sin 60^\circ}{\frac{1}{2} \sin 30^\circ} = \frac{\frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{1}{4}} = 2\sqrt{3}$$

و در نتیجه مساحت مثلث برابر است با:

$$S_{MON} = \frac{1}{2} |OA| \cdot |MN| = \frac{1}{2} (1)(2\sqrt{3}) = \sqrt{3}$$

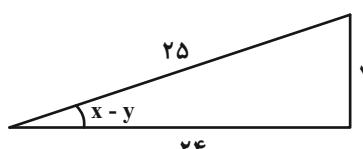
(مسابان ا - مثالات: صفحه‌های ۱۱۲ و ۱۱۳)

(محمد مهری وزیری)

گزینه ۱ - ۱۰

$$\sin(x-y) = \sin x \cos y - \cos x \sin y = \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{3}{2\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{3}}$$

حال با توجه به مثلث قائم‌الزاویه زیر داریم:



$$\sin(x-y) = \frac{y}{25} \Rightarrow \tan(x-y) = \frac{y}{24}$$

اما می‌دانیم که هر دو مقدار $\pm \frac{\sqrt{3}}{24}$ قابل قبول‌اند.

(مسابان ا - مثالات: صفحه‌های ۱۱۲ و ۱۱۳)

$$\cos\left(\frac{-13\pi}{3}\right) = \cos\left(\frac{13\pi}{3}\right) = \cos(4\pi + \frac{\pi}{3}) = \cos\frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$$

$$\sin^2\left(\frac{17\pi}{4}\right) = \sin^2(4\pi + \frac{\pi}{4}) = \sin^2\frac{\pi}{4} = \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2 = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow 1 \times 3 + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = 3 + \frac{1}{4} = \frac{13}{4}$$

(مسابان ا - مثالات: صفحه‌های ۹۸ و ۹۹)

(رضا نوکل)

گزینه ۱ - ۷

$$\text{می‌دانیم } \tan x + \cot x = \frac{2}{\sin 2x}$$

$$f(x) = \frac{\lambda \cos 2x \cos 4x}{\sin 2x} = \frac{\lambda}{\sin 2x} \underbrace{\cos 2x}_{\frac{1}{2} \sin 4x} \cos 4x$$

$$f(x) = \frac{\lambda}{4} \sin 4x \cos 4x = \frac{\lambda}{4} \times \frac{1}{2} \sin 8x = \sin \lambda x$$

$$f\left(\frac{\pi}{4\lambda}\right) = \sin(\lambda \times \frac{\pi}{4\lambda}) = \sin \frac{\pi}{4} = \frac{1}{2}$$

(مسابان ا - مثالات: صفحه‌های ۱۱۲ و ۱۱۳)

(سعید پغاضی کافی آبار)

گزینه ۳ - ۸

$$\tan \alpha + \cot \alpha = \frac{2}{\sin 2\alpha}$$

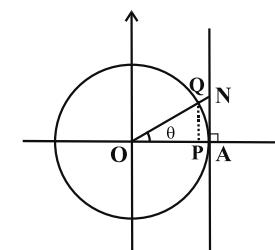
$$\Rightarrow \tan\left(\frac{\pi}{4} - x\right) + \cot\left(\frac{\pi}{4} - x\right) = \frac{2}{\sin\left(\frac{\pi}{4} - x\right)}$$

$$= \frac{2}{\sin\left(\frac{\pi}{4} - 2x\right)} = \frac{2}{\cos 2x} = b \Rightarrow \cos 2x = \frac{2}{b}$$

(مسابان ا - مثالات: صفحه‌های ۹۸ و ۹۹)

(عادل مسینی)

گزینه ۲ - ۹



$$|AN| = \tan \theta$$

مطابق شکل اگر از B به D وصل کنیم، در مثلث شبکه‌ای BCD ، تعداد نقاط مرزی برابر $4 = b$ و تعداد نقاط درونی برابر $2 = i$ است. در نتیجه طبق رابطه

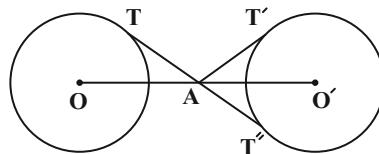
$$S_{\Delta} = \frac{b}{2} + i - 1 = 3$$

پیک داریم:

مقدار افزایش مساحت، دقیقاً دو برابر مساحت مثلث BCD ، یعنی برابر 6 است.
(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

گزینه «۲» - ۱۶ (علی ایمانی)

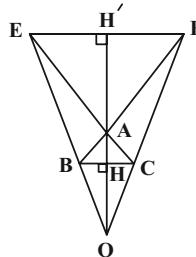
مرکز تجانس معکوس، محل برخورد مماس مشترک‌های داخلی و خط‌المرکزین دو دایره است.



$$\begin{aligned} AT + AT' &= AT + AT'' = TT'' = \sqrt{OO''^2 - (R + R')^2} \\ &= \sqrt{10^2 - (4+4)^2} = \sqrt{36} = 6 \end{aligned}$$

(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۴۵ تا ۴۸)

گزینه «۱» - ۱۷ (سوند روشن)



مرکز تجانس معکوس همان نقطه A است. برای یافتن مرکز تجانس مستقیم کافی است از E به B و از F به C وصل کرده و امتداد دهیم تا یکدیگر را در نقطه O قطع کنند. این نقطه مرکز تجانس مستقیم است.

در مثلث متساوی‌الاضلاعی به طول ضلع a ، طول ارتفاع از رابطه

$$h_a = \frac{\sqrt{3}}{2}a \quad \text{به دست می‌آید، بنابراین داریم:}$$

$$AH = \frac{\sqrt{3}}{2} BC = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 1 = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$AH' = \frac{\sqrt{3}}{2} EF = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 4 = 2\sqrt{3}$$

$$HH' = AH + AH' = \frac{\sqrt{3}}{2} + 2\sqrt{3} = \frac{5\sqrt{3}}{2}$$

طبق قضیه اساسی تشابه، دو مثلث OEF و OBC متشابه هستند، پس نسبت ارتفاعها در این دو مثلث برابر نسبت تشابه دو مثلث است.

$$\frac{OH}{OH'} = \frac{BC}{EF} = \frac{1}{4} \quad \text{تفضیل نسبت در مخرج} \rightarrow \frac{OH}{HH'} = \frac{1}{3}$$

هندسه ۲

گزینه «۲» - ۱۱ (رضا عباسی اصل)

در یک تجانس غیر همانی ($k \neq 1$)، تنها مرکز تجانس تحت تبدیل، ثابت می‌ماند. بنابراین مرکز تجانس، تنها نقطه ثابت تبدیل در یک تجانس غیر همانی است.

(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۴۵ تا ۴۸)

گزینه «۳» - ۱۲ (نوید مهدی)

تجانس، در حالت کلی طولپا نیست، مگر اینکه $|k| = 1$ باشد.

(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۴۵ تا ۴۸)

گزینه «۲» - ۱۳ (احسین فامه خان)

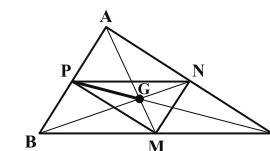
چون نسبت تجانس منفی است، نقطه O بین نقاط M و M' قرار می‌گیرد. اگر فاصله O تا M را برابر a فرض کنیم، آن‌گاه طبق شکل خواهیم داشت:

$$\frac{OM'}{MM'} = \frac{\frac{5}{3}a}{a + \frac{5}{3}a} = \frac{\frac{5}{3}a}{\frac{8}{3}a} = \frac{5}{8}$$

(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۴۵ تا ۴۸)

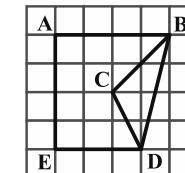
گزینه «۱» - ۱۴ (محمد فخران)

طبق تعریف تجانس، اگر نقطه A' تصویر نقطه A در تجانس به مرکز O و نسبت تجانس k باشد، آنگاه سه نقطه O ، A و A' روی یک خط راست قرار دارند. بنابراین اگر نقاط M ، N و P به ترتیب مجانت نقاط A ، B و C در یک تجانس باشند، مرکز تجانس قطعاً بر روی خط‌های AM ، BN و CP قرار دارد. چون این سه پاره‌خط شامل پاره‌خط‌های AM ، BN و CP هستند، پس نقطه تقاطع آنها همان نقطه همسی میانه‌های مثلث ABC است.



(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۴۵ تا ۴۸)

گزینه «۳» - ۱۵ (محمد فخران)





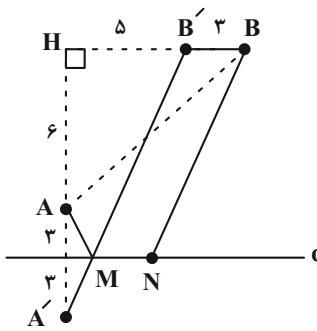
$$MA + MB \quad MA = MA' \quad MA' + MB = A'B$$

$$A'B = \sqrt{(6-1)^2 + (2-3)^2} = \sqrt{25+1} = \sqrt{26}$$

(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه ۵۵)

(امیرحسین ابومهوب)

گزینه ۳ - ۲۰



$$\Delta AHB: AB^2 = AH^2 + BH^2 \Rightarrow 10^2 = 6^2 + BH^2$$

$$\Rightarrow BH^2 = 100 - 36 = 64 \Rightarrow BH = 8$$

از نقطه B ، خطی به طول ۳ کیلومتر موازی با خط d (ساحل دریا) رسم

می‌کنیم تا نقطه B' حاصل شود. سپس از نقطه A' (بازتاب نقطه A)

نسبت به خط d به B' وصل می‌کنیم تا خط d را در نقطه‌ای مانند M

قطع کند. اگر N نقطه‌ای به فاصله ۳ کیلومتر از M روی خط d باشد،

آن‌گاه مسیر $AMNB$ کوتاه‌ترین مسیر ممکن است.

$$AMNB = AM + MN + NB$$

$$= A'M + BB' + MB' = (A'M + MB') + BB' = A'B' + BB'$$

$$\Delta A'H B': A'B'^2 = A'H^2 + B'H^2$$

$$= 12^2 + 5^2 = 169 \Rightarrow A'B' = 13$$

بنابراین طول جاده بین A و B ، برابر $16 + 3 = 19$ است.

(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه ۵۵)

$$\Rightarrow \frac{OH}{\frac{5\sqrt{3}}{2}} = \frac{1}{3} \Rightarrow OH = \frac{5\sqrt{3}}{6}$$

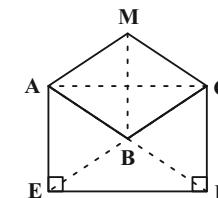
$$OA = OH + AH = \frac{5\sqrt{3}}{6} + \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$= \frac{5\sqrt{3} + 3\sqrt{3}}{6} = \frac{8\sqrt{3}}{6} = \frac{4\sqrt{3}}{3}$$

(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۴۵ تا ۴۷)

(اخشین فاضه‌فان)

گزینه ۴ - ۱۸



برای افزایش مساحت چندضلعی بدون تغییر محیط و تعداد اضلاع، کافی است

با زتاب نقطه B را نسبت به خط گذرنده از نقاط A و C به دست آوریم.

مطابق شکل چهارضلعی $ACDE$ مستطیل است و مساحت مثلث‌های

BDE ، BCD ، ABC ، ABE برابر یکدیگر است.

از طرفی دو مثلث ABC و AMC همنهشت هستند و مساحت آنها

برابر یکدیگر است. اگر مساحت هر کدام از این مثلث‌ها را با S نمایش

دهیم، داریم:

$$\frac{S_{ABCDE}}{S_{AMCDE}} = \frac{3S}{5S} = \frac{3}{5}$$

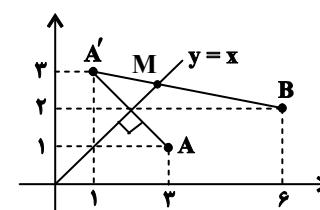
(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۵۳ و ۵۵)

(علی ایمانی)

گزینه ۴ - ۱۹

ابتدا قرینه A را نسبت به خط $y = x$ پیدا می‌کنیم و آن را A' می‌نامیم.

طبق ویژگی بازتاب $MA = MA'$ است و داریم:



(علی ایمانی)

گزینه «۴» - ۲۴

با توجه به داده‌های ۲۸، ۲۷، ۲۶، ۲۵، ۲۴، ۲۳، ۲۲، ۲۱ و ۱۵ معلوم می‌شود که

نما (مُد) عدد ۲۴ است، بنابراین میانگین هم برابر ۲۴ است، از آنجایی که

مجموع اختلاف از میانگین داده‌ها برابر صفر است، خواهیم داشت:

$$-9 + 0 - 10 + 0 + 0 + a - 24 + 3 + 4 = 0 \Rightarrow a = 36$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۸۴ تا ۸۵)

(علی اکبر علیزاده)

گزینه «۳» - ۲۵

با فرض $x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_{12} = A$ خواهیم داشت:

$$= \frac{x_1 + 2 + x_2 + 4 + \dots + x_{12} + 24}{12} = \text{میانگین داده‌های سری اول}$$

$$= \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_{12} + 2(1+2+3+\dots+12)}{12}$$

$$= \frac{A + 2(\frac{12 \times 13}{2})}{12} = \frac{A}{12} + 13$$

$$= \frac{3x_1 + 5 + 3x_2 + 5 + \dots + 3x_{12} + 5}{12} = \text{میانگین داده‌های سری دوم}$$

$$= \frac{3(x_1 + x_2 + \dots + x_{12}) + 60}{12} = \frac{A}{4} + 5$$

$$\Rightarrow \frac{A}{12} + 13 = 2(\frac{A}{4} + 5) - 17 \Rightarrow \frac{A}{12} + 13 = \frac{A}{2} - 7 \Rightarrow A = 48$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۸۴ تا ۸۵)

(علیرضا شریف‌ظبیین)

گزینه «۳» - ۲۶

می‌دانیم اگر تعدادی داده برابر یکدیگر باشند، واریانس آنها برابر صفر است

و بالعکس، بنابراین داریم:

$$\begin{cases} 3x - 9 = 6 \Rightarrow x = 5 \\ 5y + 1 = 6 \Rightarrow y = 1 \\ 4z - 2 = 6 \Rightarrow z = 2 \end{cases}$$

آمار و احتمال
گزینه «۲» - ۲۱

(اخشین فاضه‌فان)

$$80^\circ + 60^\circ + 105^\circ + 25^\circ + \alpha = 360^\circ \Rightarrow \alpha = 90^\circ$$

$$\text{تعداد دیپلم‌ها} = \frac{90^\circ}{360^\circ} \times 144 = 36$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۷۱ تا ۷۲)

گزینه «۴» - ۲۲

(ممدر علی کاظم نظری)

نمودارهای میله‌ای و دایره‌ای برای متغیرهای کمی گستته و کیفی و نمودار بافت نگاشت برای متغیرهای کمی پیوسته مناسب‌اند.

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۷۱ تا ۷۲)

گزینه «۳» - ۲۳

(خرشید فرامرزی)

تعداد دانش‌آموزان کلاس در ابتدا برابر است با:

$$2 + 4 + 6 + 5 + 3 = 20$$

در این حالت فراوانی نسبی دسته وسط برابر $\frac{6}{20}$ است. با افزوده شدن یک

دانش‌آموز جدید با قدر ۱۶۴، تعداد دانش‌آموزان کلاس برابر ۲۱ می‌شود.

ولی چون این دانش‌آموز به دسته چهارم تعلق دارد، فراوانی دسته وسط تغییر

نکرده و فراوانی نسبی این دسته برابر $\frac{6}{21}$ خواهد شد.

تفاضل فراوانی نسبی در این دو حالت برابر است با:

$$\frac{6}{21} - \frac{6}{20} = \frac{2}{7} - \frac{3}{10} = \frac{20-21}{70} = -\frac{1}{70}$$

بنابراین فراوانی نسبی دسته وسط $\frac{1}{70}$ کم می‌شود.

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۷۱ تا ۷۲)



(فرزانه ٹاکلپش)

گزینه «۳» - ۲۹

تعداد داده‌ها برابر ۱۵ و در نتیجه عددی فرد است، پس داده هشتم میانه داده‌ها است. میانه هفت داده اول، یعنی داده چهارم، چارک اول و میانه هفت داده آخر، یعنی داده دوازدهم، چارک سوم است، یعنی داریم:

$$Q_2 = ۱۷, Q_1 = ۹, Q_3 = ۲۴$$

طول‌های دو بخش جعبه که توسط میانه از هم جدا می‌شوند، برابرند با:

$$\text{طول بخش سمت چپ جعبه} = Q_2 - Q_1 = ۱۷ - ۹ = ۸$$

$$\text{طول بخش سمت راست جعبه} = Q_3 - Q_2 = ۲۴ - ۱۷ = ۷$$

بنابراین اختلاف طول دو بخش جعبه برابر $۸ - ۷ = ۱$ است.

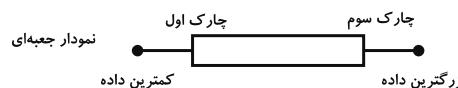
(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۹۷ و ۹۸)

(غلامرضا نیازی)

گزینه «۲» - ۳۰

در نمودار جعبه‌ای نمرات این دانش‌آموز، ۶ نمره داخل جعبه، سه نمره قبل و

سه نمره بعد از جعبه قرار دارد.



$$\frac{\sum_{i=1}^3 x_i}{3} = 10 \Rightarrow \sum_{i=1}^3 x_i = 30$$

$$\frac{\sum_{i=10}^{12} x_i}{3} = 17 \Rightarrow \sum_{i=10}^{12} x_i = 51$$

$$\frac{\sum_{i=4}^9 x_i}{6} = 15 \Rightarrow \sum_{i=4}^9 x_i = 6(15) = 90$$

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{12} x_i}{12} = \frac{30 + 51 + 90}{12} = \frac{171}{12} = 14.25$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی، صفحه‌های ۹۷، ۹۸ و ۹۹)

پس داده‌های $y^2, x+1, 2z-3$ و $x-y$ به ترتیب عبارتند از: ۱، ۶، ۱، ۱

داده‌ها را از کوچک به بزرگ مرتب می‌کنیم. چون تعداد داده‌ها زوج است،

میانه برابر میانگین دو داده وسط است:

$$1, 1, 4, 6 \Rightarrow \text{میانه} = \frac{1+4}{2} = 2.5$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۹۳ و ۹۴)

گزینه «۲» - ۲۷

(نیلوفر مهدوی)

$$\sigma^2 = \frac{\sum(x_i - \bar{x})^2}{n}$$

$$\sigma_1^2 = 6 \Rightarrow \frac{\sum(x_i - \bar{x})^2}{n} = 6 \Rightarrow \sum(x_i - \bar{x})^2 = 6n$$

با حذف ۴ داده مساوی با میانگین، میانگین و \bar{x}_j ثابت مانده اما

تعداد داده‌ها برابر $n-4$ می‌شود.

$$\sigma_2^2 = 14 \Rightarrow \frac{\sum(x_i - \bar{x})^2}{n-4} = 14 \Rightarrow \frac{6n}{n-4} = 14$$

$$\Rightarrow 14n - 56 = 6n \Rightarrow 8n = 56 \Rightarrow n = 7$$

تعداد داده‌های اولیه برابر ۷ است.

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۹۳ تا ۹۵)

گزینه «۲» - ۲۸

(سوکندر روشن)

اگر داده‌های اولیه x_i و داده‌های جدید x'_i باشند. خواهیم داشت:

$$x'_i = 3x_i + 2 \Rightarrow \begin{cases} \bar{x}' = 3\bar{x} + 2 \\ \sigma' = 3\sigma \end{cases}$$

$$CV = \frac{\sigma}{\bar{x}} = \frac{2}{5}, (CV)' = \frac{\sigma'}{\bar{x}'} = \frac{1}{10}$$

$$\Rightarrow \frac{\frac{\sigma}{\bar{x}}}{\frac{3\sigma}{\bar{x}}} = \frac{\frac{2}{5}}{\frac{1}{10}} \Rightarrow \frac{\frac{3\bar{x}+2}{3\bar{x}}}{10} = \frac{4}{1}$$

$$\Rightarrow 3\bar{x} + 2 = 12\bar{x}$$

$$\Rightarrow 9\bar{x} = 2 \Rightarrow \bar{x} = \frac{2}{9}$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۸۴، ۸۵ و ۹۳ تا ۹۷)



$$F_B = |q| v B \sin \theta = |q| \times 4 \times 10^{-5} \times 6 \times 10^{-2} \times \sin 90^\circ$$

$$= 24 \times 10^{-3} |q|$$

$$F_E = |q| E = 1 / 6 \times 10^{-3} |q|$$

چون $|\vec{F}_B| > |\vec{F}_E|$ است، بار در جهت نیروی \vec{F}_B یعنی رو به پایین منحرف می‌شود.

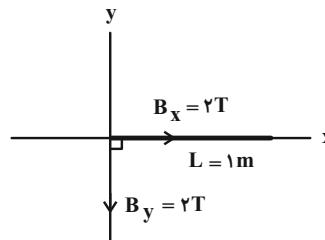
(فیزیک ۲ - الکتریسته ساکن: صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

مغناطیسی: صفحه‌های ۸۹ و ۹۰)

(ممطوفی کیانی)

«گزینه ۴» -۳۵

با توجه به شکل زیر، فقط مؤلفه B_y میدان مغناطیسی بر سیم نیرو وارد می‌کند. زیرا مؤلفه B_x در راستای سیم است و نیروی وارد بر آن برابر باشد. بنابراین نیروی وارد بر سیم برابر $F_x = ILB_x \sin(0) = 0$ است با:



$$F_y = ILB_y \sin 90^\circ = \frac{I = 2A, L = 1m}{B_y = 2T} \rightarrow$$

$$F_y = 2 \times 1 \times 2 \times 1 = 4 N$$

$$F = F_x + F_y = 0 + 4 = 4 N$$

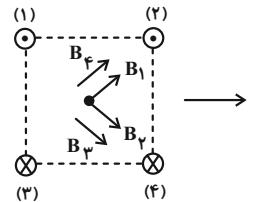
(فیزیک ۲ - مغناطیسی: صفحه‌های ۹۱ تا ۹۳)

(مسعود قره‌فانی)

«گزینه ۱» -۳۶

مطابق قاعده دست ابتدا جهت میدان مغناطیسی هر سیم را در مرکز مربع پیدا می‌کنیم. از آنجا که جریان گذرنده از سیم‌ها یکسان است، میدان

مغناطیسی که هر سیم ایجاد می‌کند برابر مقدار \vec{B} است و داریم:



بردار میدان مغناطیسی برایند:

(مریم شیخ‌ممو)

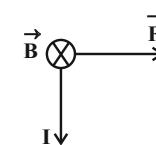
«گزینه ۲» -۳۱

با شکستن یک آهنربای میله‌ای به دو بخش، هر بخش یک آهنربای کامل است که دو قطب دارد. بنابراین نمی‌توان قطب‌های N و S یک آهنربا را از هم جدا کرد.

(فیزیک ۲ - مغناطیسی: صفحه‌های ۸۵ و ۸۶)

«گزینه ۴» -۳۲

با توجه به قانون دست راست، گزینه «۴» جواب صحیح خواهد بود.



(فیزیک ۲ - مغناطیسی: صفحه‌های ۹۱ تا ۹۳)

«گزینه ۱» -۳۳

نیروی وارد بر بار در میدان مغناطیسی همواره عمود بر سرعت می‌باشد، پس:

$$\vec{F} \perp \vec{v} \Rightarrow \vec{F} \perp \vec{d}$$

نیرو همواره بر مسیر حرکت عمود است:

$$W = F d \cos \theta = F d \cos 90^\circ = 0$$

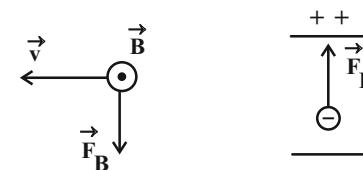
یعنی نیروی میدان مغناطیسی هرگز کار انجام نمی‌دهد و گزینه «۱» صحیح است.

(فیزیک ۲ - کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۵۵ تا ۵۸)

مغناطیسی: صفحه‌های ۸۹ و ۹۰)

«گزینه ۳» -۳۴

ابتدا جهت نیروی مغناطیسی و نیروی الکتریکی وارد بر بار را رسم می‌کنیم:



اکنون چون نیروها در خلاف جهت یکدیگرند، اندازه هر کدام را حساب می‌کنیم:

با توجه به قاعدة دست راست، جهت میدان مغناطیسی نیم حلقه در نقطه O درون سو \otimes و جهت میدان مغناطیسی سیم راست حامل جریان برون سو \odot است. بنابراین، چون اندازه میدان مغناطیسی سیم راست بزرگ‌تر است، جهت برایند میدان‌های مغناطیسی در جهت میدان سیم راست و برون سو خواهد بود.

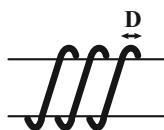
$$B_{\text{کل}} = B_2 - B_1 = 0/1 - 0/0.9 = 0/0.1 \text{ G} \quad \odot$$

(فیزیک ۲- مغناطیسی: صفحه‌های ۹۱، ۹۷، ۹۵، ۹۳ و ۹۶)

(امیر احمد میرسعید)

گزینه «۳»

اگر قطر مقطع سیم را با D نمایش دهیم:



$$L_{\text{سیم‌لوه}} = ND$$

$$B = \mu_0 \frac{N}{L} I = \mu_0 \frac{N}{ND} I = \mu_0 \frac{I}{D}$$

D : قطر مقطع سیم

$$B = 4\pi \times 10^{-7} \times \frac{\frac{100}{\pi}}{1 \times 10^{-3}} = 4\pi \times 10^{-7} \times \frac{100}{\pi \times 10^{-3}}$$

$$B = 4 \times 10^{-3} \text{ T} = 400 \text{ G}$$

(فیزیک ۲- مغناطیسی: صفحه‌های ۹۹ و ۱۰۰)

(همطفرو کیانی)

گزینه «۴»

بررسی موارد:

الف) درست

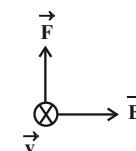
ب) درست؛ هیچ یک از اتم‌های مواد دیامغناطیسی دارای دوقطبی مغناطیسی خالصی نیستند.

پ) نادرست؛ در آهنربای الکتریکی از مواد فرومغناطیسی نرم استفاده می‌شود.

ت) نادرست؛ حضور میدان مغناطیسی خارجی، می‌تواند سبب القای دوقطبی‌های مغناطیسی در خلاف سوی میدان خارجی، در مواد دیامغناطیسی شود.

(فیزیک ۲- مغناطیسی: صفحه‌های ۱۱۱ تا ۱۱۳)

حال به کمک قاعده دست راست (البته چون الکترون بار منفی دارد از دست جپ استفاده می‌کنیم). جهت نیروی وارد بر الکترون را بیندا می‌کنیم:

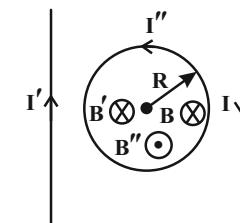


(فیزیک ۲- مغناطیسی: صفحه‌های ۸۹ و ۹۰ و ۹۶ تا ۹۷)

گزینه «۲»

(مفهومه شریعت‌ناصری)

برای این که میدان مغناطیسی برایند در مرکز حلقه صفر شود، میدان حاصل از دو سیم باشد هم‌جهت باشند و این میدان‌ها با میدان حاصل از حلقه خلاف جهت باشند تا میدان مغناطیسی کل در مرکز حلقه برابر صفر شود. پس جریان سیم سمت چپ باید به سمت بالا باشد و جریان حلقه باد ساعتگرد باشد.

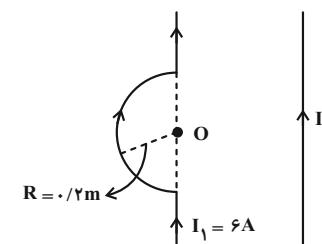


(فیزیک ۲- مغناطیسی: صفحه‌های ۹۱، ۹۷، ۹۵، ۹۳ و ۹۶)

گزینه «۲»

(مسئله کیانی)

ابتدا اندازه و جهت میدان مغناطیسی نیم حلقه را در نقطه O تعیین می‌کنیم:



$$B_1 = \frac{\mu_0 NI}{2R} \quad N = \frac{1}{2}, \quad I = 6 \text{ A} \\ R = 1/2 \text{ m}, \quad \mu_0 = 12 \times 10^{-6} \frac{\text{T.m}}{\text{A}}$$

$$B_1 = \frac{12 \times 10^{-6} \times \frac{1}{2} \times 6}{2 \times 1/2} = 9 \times 10^{-6} \text{ T} \quad 1 \text{ T} = 10^4 \text{ G} \\ B_1 = 9 \times 10^{-6} \times 10^4 = 0.09 \text{ G}$$

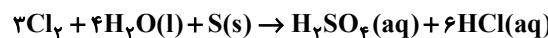
$$R_{Br_2} = \frac{1}{2} R_{NOBr}$$

$$R_{Br_2} = \frac{1}{2} (4 \times 10^{-4}) = 2 \times 10^{-4}$$

(شیمی ۲ - صفحه های ۹۰ و ۹۱)

(امیرحسین طیبی)

گزینه «۲» - ۴۵



$$\Delta V(Cl_2) = 2L Cl_2 \Rightarrow \Delta n(Cl_2) = 2L Cl_2 \times \frac{1\text{ mol } Cl_2}{20\text{ L } Cl_2}$$

$$= 0 / 1\text{ mol } Cl_2$$

$$\bar{R}_{Cl_2} = \frac{\Delta n}{\Delta t} = \frac{0 / 1\text{ mol}}{(30 - 20)\text{ s}} \times \frac{60\text{ s}}{1\text{ min}} = 0 / 6 \frac{\text{mol}}{\text{min}}$$

$$\Rightarrow \bar{R} = \frac{\bar{R}_{Cl_2}}{3} = \frac{0 / 6}{3} = 0 / 2 \frac{\text{mol}}{\text{min}}$$

$$\bar{R}_{HCl} = \frac{\bar{R}_{Cl_2}}{6} \Rightarrow \bar{R}_{HCl} = 2 \times \bar{R}_{Cl_2} = 2 \times 0 / 6 = 1 / 2 \frac{\text{mol}}{\text{min}}$$

$$\Delta n(HCl) = \bar{R}_{HCl} \times \Delta t = 1 / 2 \frac{\text{mol}}{\text{min}} \times 10\text{ s} \times \frac{1\text{ min}}{60\text{ s}}$$

$$= 0 / 2 \text{ mol}$$

$$?g HCl = 0 / 2 \text{ mol } HCl \times \frac{36 / 5 \text{ g } HCl}{1 \text{ mol } HCl} = 7 / 3 \text{ g } HCl$$

(شیمی ۲ - صفحه های ۸۳ تا ۸۵)

(ممدرخت پور جاوید)

گزینه «۱» - ۴۶

گزینه «۱»: واکنش انجام شده طبق معادله زیر با آزاد شدن گاز همراه است.



اما از آنجا که ظرف سربسته است، خروج گاز از ظرف امکان پذیر نبوده و جرم مخلوط واکنش با گذشت زمان تغییری نخواهد کرد.

گزینه «۲»: با گذشت زمان از سرعت انجام واکنش ها کاسته می شود.

بنابراین قطعاً همواره $\bar{R}_1 > \bar{R}_2$ خواهد بود. اما سرعت کل واکنش $R_{total} = \bar{R}_1 + \bar{R}_2$ میانگین این دو مقدار است. بنابراین:

شیمی ۲

گزینه «۳» - ۴۱

عبارت (آ) و (ت) نادرست هستند.

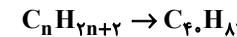
بررسی عبارت های نادرست:

آ) تمامی فلزات به یک اندازه و به یک شدت واکنش نمی دهند.

ت) نگهدارندها در مواد غذایی باعث کاهش سرعت واکنش می شوند و کاتالیز گرها باعث افزایش سرعت واکنش می شوند.

(شیمی ۲ - صفحه های ۸۷ تا ۸۹)

گزینه «۳» - ۴۲

بررسی گزینه های نادرست:
۱) ۱۳ پیوند دوگانه دارد.

$$82 - 56 = 26$$

$$\frac{26}{2} = 13$$

نکته: به ازای هر پیوند دوگانه، ۲ هیدروژن از فرمول آلکان کم می شود.

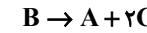
۲) لیکوین فعالیت رادیکال ها را کاهش می دهد.

۴) از واکنش های ناخواسته جلوگیری می کند.

(شیمی ۲ - صفحه ۱۹)

گزینه «۱» - ۴۳

بررسی موارد:



الف) نادرست:

ب) نادرست: سرعت مصرف B با سرعت تولید A برابر است.

پ) به ازای تولید ۲ مول ماده C، ۱ مول ماده B مصرف شده است.

(شیمی ۲ - صفحه های ۸۶ تا ۸۸)

گزینه «۲» - ۴۴

(ایمان سیبر نژاد)

$$t_1 = 20 \Rightarrow t_2 = 30$$

$$\bar{R}_{NOBr} = \frac{-\Delta [NOBr]}{\Delta t}$$

$$= \frac{-(0 / 02 - 0 / 024)}{10} = \frac{+0 / 004}{10} = 0 / 0004 = 4 \times 10^{-4} \frac{\text{mol}}{\text{L.s}}$$



$$\bar{R}_{\text{Cu}(\text{NO}_3)_2} = \frac{\Delta[\text{Cu}(\text{NO}_3)_2]}{\Delta t}$$

$$= \frac{(4/7 \times 10^{-2} - 1/2 \times 10^{-2}) \text{ mol.L}^{-1}}{(260 - 10) \text{ s}}$$

$$= \frac{3/5 \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}}{250 \text{ s}} = 1/4 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$$

با توجه به ضرایب مولی مواد موجود در واکنش می‌توان گفت:

$$\bar{R}_{\text{NO}_3} = 2\bar{R}_{\text{Cu}(\text{NO}_3)_2} = 2 \times 1/4 \times 10^{-4}$$

$$= 2/8 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۸۲ و ۸۰)

(امیرحسین طیب)

گزینه ۴

همه موارد به درستی بیان شده‌اند؛ ترکیب (الف) بنزوئیک اسید و ترکیب (ب) لیکوپن می‌باشد.

بررسی همه موارد:

مورد اول: بنزوئیک اسید در تمشک و توت فرنگی و لیکوپن در هندوانه و گوجه فرنگی یافت می‌شود.

مورد دوم: بنزوئیک اسید یک نگهدارنده و لیکوپن یک بازدارنده است؛ در

نتیجه هر دوی آن‌ها می‌توانند سرعت واکنش‌های خاصی را کاهش دهند و در

نتیجه مدت زمان انجام همان واکنش‌ها را افزایش دهند.

مورد سوم: در ساختار لیکوپن، ۱۳ پیوند دوگانه یافت می‌شود؛ فرمول

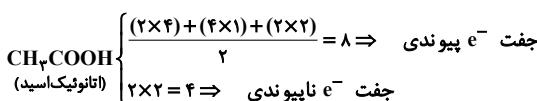
مولکولی بنزوئیک اسید ($\text{C}_7\text{H}_6\text{O}_2$) می‌باشد.

مورد چهارم: فرمول مولکولی لیکوپن $\text{C}_{40}\text{H}_{56}$ است و ۲۶ پیوند

$56 - 26 = 30$ در ساختار هر مولکول از خود دارد.

مورد پنجم: بنزوئیک اسید به خانواده کربوکسیلیک اسیدها تعلق دارد؛

آشناترین عضو این خانواده اتانوئیک اسید می‌باشد.



$$\Rightarrow 8 + 4 = 12$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

گزینه ۳: فرمول مولکولی بنزوئیک اسید $\text{C}_7\text{H}_6\text{O}_2$ بوده که دارای ۱۵ اتم و ۱۹ پیوند اشتراکی است. بنابراین نسبت تعداد پیوندهای اشتراکی به تعداد اتم‌ها $\frac{19}{15}$ بزرگ‌تر از یک خواهد بود.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۸۲ تا ۸۰)

گزینه ۴: درست

(امیرحسین طیب)

گزینه ۲

بررسی همه موارد:

الف) نادرست؛ KI کاتالیزگر این واکنش می‌باشد، در نتیجه با افزایش سرعت واکنش، مدت زمان انجام واکنش را کاهش می‌دهد.

ب) درست؛ اگر در این واکنش از آب گرم استفاده کنیم؛ انحلال پذیری گاز در آب کاهش می‌یابد و حجم گاز بیشتری جمع آوری می‌شود.

پ) نادرست؛ کاهش فشار تنها سرعت واکنش‌هایی را کاهش می‌دهد که واکنش‌دهنده گازی داشته باشد؛ واکنش مطرح شده واکنش‌دهنده گازی ندارد.

ت) درست؛ در همه واکنش‌ها با گذر زمان سرعت انجام واکنش کاهش می‌یابد؛ در نتیجه در این واکنش که ملاک پیشرفت آن تغییر رنگ محلول است قطعاً میزان تغییر شدت رنگ محلول در دقیقه اول نسبت به دقیقه دوم بیشتر است.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۷۷ تا ۷۵)

(محمد رضا پور جاوید)

گزینه ۲

افزایش فشار تنها بر روی سرعت واکنش‌هایی موثر است که حداقل یکی از واکنش‌دهنده‌های آن گازی شکل باشند. با افزایش فشار، غلظت مواد گازی زیاد شده و سرعت واکنش نیز افزایش می‌یابد. چنین شرایطی فقط در واکنش آخر وجود دارد.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

(محمد رضا پور جاوید)

گزینه ۴

واکنش موازن شده عبارت است از:



در ابتدا با استفاده از اطلاعات داده شده، سرعت تولید محلول مس (II)

نیترات را در بازه زمانی مشخص شده به دست می‌آوریم:

(سعید علم پور)

گزینه ۳

-۵۳

ابتدا مقادیر a و تابع ثابت f را می‌یابیم:

$$f(x) = \frac{(2a+1)x + \delta}{3x - 1} = k \quad ; x \neq \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow (2a+1)x + \delta = 3kx - k \Rightarrow \begin{cases} 2a+1 = 3k \\ \delta = -k \end{cases} \Rightarrow k = -\delta, a = -\frac{\delta}{2}$$

حال با توجه به مقدار a داریم:«۱» : $g = \{(1, 1), (10, -6)\}$ همانی نیست.«۲» : $g(x) = -\lambda x$ همانی نیست.«۳» : $g = \{(0, 0), (3, 3)\}$ همانی است.«۴» : $g = \{(-8, 64), (64, -8)\}$ همانی نیست.

(ریاضی - تابع: صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۷)

(محمد علیزاده)

گزینه ۲

-۵۴

تابع همانی f را به صورت $x = f(y)$ و تابع ثابت g را به صورت $g(x) = c$ تعریف می‌کنیم. داریم:

$$\begin{cases} \frac{f(3)}{g(3)} + \frac{1}{2}g(3) = \frac{3}{c} + \frac{1}{2}c \\ \frac{5}{f(2)} = \frac{5}{2} \end{cases} \Rightarrow \frac{3}{c} + \frac{1}{2}c = \frac{5}{2}$$

$$\Rightarrow c^2 - 5c + 6 = (c-2)(c-3) = 0$$

$$\begin{cases} c=2 \\ \text{یا} \\ c=3 \end{cases} \Rightarrow \left|c - \frac{5}{2}\right| = \left|\pm \frac{1}{2}\right| = \frac{1}{2}$$

(ریاضی - تابع: صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۷)

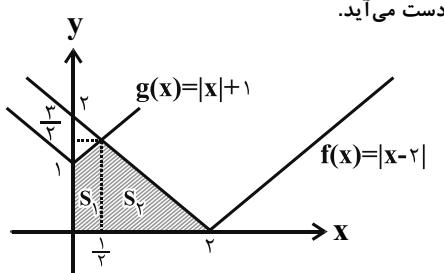
(کاظم اجلالی)

گزینه ۴

-۵۵

نمودار تابع f از انتقال دو واحدی نمودار تابع $y = |x|$ به سمت راستبه دست می‌آید و نمودار تابع g از انتقال یک واحدی نمودار تابع $y = |x|$.

به بالا به دست می‌آید.



(محمدرسان پیشوایی)

ریاضی ۱

-۵۱

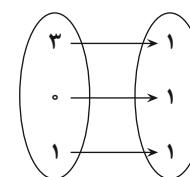
می‌دانیم تابع همانی دارای ضابطه $x = f(x)$ است. پس:

@AzmonVIP

$$f(x) = ax^4 + (b-2)x^3 + (3+c)x = x$$

$$\begin{cases} a = 0 \\ b-2 = 0 \Rightarrow b = 2 \\ 3+c = 1 \Rightarrow c = -2 \end{cases}$$

پس تابع مورد نظر به صورت زیر می‌باشد:

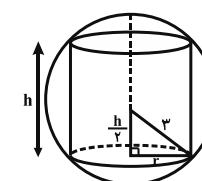


که یک تابع ثابت است.

(ریاضی - تابع: صفحه ۱۰)

گزینه ۳

-۵۲

شعاع استوانه را r در نظر می‌گیریم.

$$V = \pi r^2 h$$

ابتدا حجم استوانه را بر حسب r و h می‌نویسیم:برای به دست آوردن رابطه‌ای بر حسب r و h ، در مثلث قائم الزاویه

رسم شده، از قاعده فیثاغورس کمک می‌گیریم:

$$r^2 + \frac{h^2}{4} = 9 \Rightarrow r^2 = 9 - \frac{h^2}{4}$$

$$\Rightarrow V = \pi r^2 h = \pi(9 - \frac{h^2}{4})h$$

(ریاضی - تابع: صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۷)



(وهاب نادری)

گزینه «۲» -۵۸

متهم حداقل یک حرف بین دو حرف «T» فاصله وجود داشته باشد این است که حروف «T» در کنار هم باشند.

$$\begin{array}{c} \text{کل} \quad \text{حروف «T» کنار هم} \\ \hline 7! \quad \quad \quad 6! \\ \frac{2! \times 2!}{\text{دو حرف تکراری}} \quad \frac{2! \times 2!}{\text{دو حرف تکراری}} \\ = 1260 - 360 = 900 \end{array}$$

(ریاضی - شمارش بدون شمردن: صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۳۲)

(سروش موئین)

گزینه «۴» -۵۹

یک بار رقم یکان را ۵ بار دیگر صفر در نظر می‌گیریم،
 $4 \times 4 \times 3 \times 1 + 5 \times 4 \times 3 \times 1 = 48 + 60 = 108$ چهار رقمی

$$\begin{array}{cc} \text{یکان} & \text{صفر} \\ 5 & \\ 216 + 216 + 108 & = 540 \end{array}$$

(ریاضی - شمارش بدون شمردن: صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۱۶)

(فرشاد صدیقی فر)

گزینه «۳» -۶۰

سه حالت مطلوب وجود دارد:

$$\begin{aligned} \frac{1 \ 2 \ 1 \ 3 \ 2 \ 4 \ 3}{F \ F \ I \ F \ I \ F} &= 4! \ 3! \\ \frac{1 \ 1 \ 2 \ 2 \ 3 \ 3 \ 4}{F \ I \ F \ I \ F \ I \ F} &= 4! \ 3! \\ \frac{1 \ 1 \ 2 \ 2 \ 3 \ 3 \ 4}{I \ F \ I \ F \ I \ F \ F} &= 4! \ 3! \end{aligned}$$

$$4! \ 3! \times 2 = 432$$

(ریاضی - شمارش بدون شمردن: صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۳۲)

$$0 \leq x \leq 2 \Rightarrow \begin{cases} g(x) = x+1 \\ f(x) = -x+2 \end{cases} \Rightarrow x+1 = -x+2$$

$$\Rightarrow 2x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{2} \Rightarrow y = f\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{3}{2}$$

مقدار $S_1 + S_2$ مورد نظر سؤال است.

$$S_2 = \frac{1}{2} \times \frac{3}{2} \times \frac{3}{2} = \frac{9}{8} \text{ و } S_1 = \frac{\left(1 + \frac{3}{2}\right) \times \frac{1}{2}}{2} = \frac{5}{8}$$

$$S_1 + S_2 = \frac{14}{8} = \frac{7}{4}$$

(ریاضی - تابع: صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۱۷)

گزینه «۱» -۵۶

سه حالت داریم:

(الف) حرف اول با «ی» شروع شده و حرف آخر یکی از حروف (و، ا، ل) باشد:

$$3 \times 5 \times 1$$

(ب) حرف اول با یکی از حروف «ف، ت، ب» شروع شده و حرف آخر «ی» باشد:

$$1 \times 5 \times 3$$

(پ) حرف اول با یکی از حروف «ف، ت، ب» شروع شده و حرف آخر یکی از حروف «ا، ل، و» باشد:

$$3 \times 5 \times 3 = 15 \times 5! : \text{مجموع حالات}$$

(ریاضی - شمارش بدون شمردن: صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۱۶)

گزینه «۱» -۵۷

(ریاضی مسئنگ نظم)

حالاتی که برای سخنرانی این دو نفر درین افراد رخ می‌دهد به صورت زیر است:

ترتیب سخنرانی‌ها و تعداد حالات:

$$\begin{array}{cccccccc} 7 & 6 & 5 & 4 & 3 & 2 & 1 & \rightarrow \\ \bigcirc & \end{array} = 21 \times 5!$$

$$\begin{array}{cccccccc} \bigcirc & \end{array} = 21 \times 5!$$

$$\begin{array}{cccccccc} \bigcirc & \end{array} = 21 \times 5!$$

$$3 \times 2! \times 5! = 6 \times 5! = 6! : \text{تعداد کل حالات}$$

(ریاضی - شمارش بدون شمردن: صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۱۶)



$$\Delta V = V_0 \alpha \Delta \theta$$

$$100 = (1900 \times 5 \times 10^{-4} - 2000 \times 2 / 5 \times 10^{-4}) \Delta \theta$$

$$\Rightarrow \Delta \theta = 125^\circ C$$

(فیزیک ا- دما و گرمای صفحه‌های ۷۲ تا ۹۴)

(عبدالرضا امینی نسب)

گزینه ۲

قسمت ابتدایی نمودار، مربوط به حالتی است که جسم گرمای دریافت کرده و فقط دمای آن افزایش یافته است. بنابراین داریم:

$$Q_1 = mc\Delta\theta = P \cdot t_1$$

$$\Rightarrow 0 / 5 \times c \times (70 - 20) = 200 \times 100 \Rightarrow c = 800 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$$

قسمت دوم نمودار که موازی محور زمان است، یعنی در بازه زمانی ۱۰۰S تا

۳۰S گرمای دریافتی توسط جسم صرف تغییر حالت آن (ذوب شدن) می‌شود. داریم:

$$Q_2 = mL_F = Pt_2 \Rightarrow 0 / 5 \times L_F = 200 \times (300 - 100)$$

$$\Rightarrow L_F = 80000 \frac{J}{kg}$$

در نهایت داریم:

$$\frac{c}{L_F} = \frac{800}{80000} = \frac{1}{100}$$

(فیزیک ا- دما و گرمای صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۳)

(غلامرضا ممین)

گزینه ۱

ابتدا تعادل گرمایی را بین m گرم آب $0^\circ C$ با m' گرم آب

$80^\circ C$ در نظر بگیرید و سپس در حالت دوم می‌توان فرض کرد که دمای

تعادل بین $4m$ گرم آب $0^\circ C$ و m' گرم آب $80^\circ C$ برابر $40^\circ C$

شده است. ابتدا تعادل جرم m با m' گرم آب $80^\circ C$ در نظر

بگیرید.

$$\Rightarrow mc(50 - \theta) = m'c(\lambda_0 - 50)$$

فیزیک ۱

گزینه ۳

-۶۱ با استفاده از رابطه $F = \frac{9}{5}\theta + 32$ و با توجه به این که $\theta = F - 8$ می‌باشد، به صورت زیر دما بر حسب درجه فارنهایت را پیدا می‌کنیم:

$$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \xrightarrow{\theta = F - 8} F = \frac{9}{5}(F - 8) + 32$$

$$\Rightarrow F = \frac{9}{5}F - \frac{72}{5} + 32 \Rightarrow F - \frac{9}{5}F = -\frac{72}{5} + 32$$

$$\Rightarrow -\frac{4F}{5} = \frac{-72 + 160}{5} \Rightarrow -4F = 88 \Rightarrow F = -22^\circ F$$

(فیزیک ا- دما و گرمای صفحه‌های ۸۱ تا ۸۵)

گزینه ۲

-۶۲ افزایش طول کل میله برابر است با:



$$\Delta L_{Cu} + \Delta L_{Fe} = 6 / 3 \times 10^{-3} m$$

$$\Rightarrow L_{Cu}\alpha_{Cu}\Delta\theta + L_{Fe}\alpha_{Fe}\Delta\theta = 6 / 3 \times 10^{-3}$$

$$\xrightarrow{\Delta\theta = 100^\circ C} \alpha_{Cu} = 1 / 8 \times 10^{-4} \frac{1}{K} \text{ و } \alpha_{Ahn} = 1 / 2 \times 10^{-4} \frac{1}{K}$$

$$L_{Cu} \times 1 / 8 \times 10^{-4} \times 100 + L_{Fe} \times 1 / 2 \times 10^{-4} \times 100 = 6 / 3 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow 1 / 8 L_{Cu} + 1 / 2 L_{Fe} = 6 / 3 \quad (1)$$

از طرفی می‌دانیم مجموع طول اولیه دو میله برابر با است: حال داریم:

$$\xrightarrow{(1),(2)} \begin{cases} 1 / 8 L_{Cu} + 1 / 2 L_{Fe} = 6 / 3 \\ L_{Cu} + L_{Fe} = 4 \end{cases} \xrightarrow{\times(-1/2)} \begin{cases} 1 / 8 L_{Cu} + 1 / 2 L_{Fe} = 6 / 3 \\ -1 / 2 L_{Cu} - 1 / 2 L_{Fe} = -4 / 8 \\ \bullet / 6 L_{Cu} = 1 / 5 \Rightarrow L_{Cu} = 2 / 5 m \\ \Rightarrow L_{Fe} = 1 / 5 m \end{cases}$$

درصد طول میله که از مس ساخته شده است:

$$\frac{L_{Cu}}{L} \times 100 = \frac{2 / 5}{4} \times 100 = 62.5\%$$

(فیزیک ا- دما و گرمای صفحه‌های ۸۹ تا ۸۱)

گزینه ۳

-۶۳ هرگاه اختلاف افزایش حجم مایع و ظرف به اندازه حجم فضای خالی بالای ظرف باشد، مایع در آستانه سریز شدن قرار می‌گیرد.

$$\Delta V_{Maj} - \Delta V_{O} = 100 \text{ cm}^3$$

$$\Delta V_{Maj} = V_{Maj} \beta \Delta \theta$$



(مفهومی و اثقی)

گزینه «۱» -۶۸

جرم آب بخار شده m' و جرم بخار شده m است. در نتیجه:

$$\begin{cases} m + m' = 140 & * \\ mL_V = m'c |\Delta\theta| + m'L_F \\ \Rightarrow 2268000m = (m' \times 420 \times 10) + 336000m' \\ \Rightarrow 6m = m' & ** \end{cases}$$

$m' = 120g$, $m = 20g$ و $\Delta\theta = 20^\circ C$ با حل کردن دو معادله (*) و (**) مقدار m و m' بدست می‌آید.

(فیزیک - دما و گرما؛ صفحه‌های ۱۳۱ تا ۱۳۳)

(علامرضا ممین)

گزینه «۴» -۶۹

تنها گزاره (پ) درست بیان نشده است.

انتقال گرما از طریق همرفت و رسانش به محیط مادی نیاز دارد. برخلاف این روش‌های انتقال گرما، تابش به محیط مادی نیاز ندارد و به همین دلیل انتقال گرما از طریق تابش، تنها راه انتقال گرما در خلا است.

(فیزیک - دما و گرما؛ صفحه‌های ۸۸ تا ۹۴ و ۱۷۵ تا ۱۷۷)

(مسعود قره‌خانی)

گزینه «۳» -۷۰

مطابق قانون گازهای کامل می‌توان نوشت:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2}$$

فشار ۲۰ درصد افزایش یافته، یعنی:

$$P_2 = 1/2 P_1$$

$$T_1 = 273 + 27 = 300K$$

$$T_2 = 330K$$

دما $30^\circ C$ افزایش یافته و باید آن را به دمای مطلق تبدیل کنیم یعنی:
است تنها تغییر h یعنی طول استوانه هوا، حجم را تغییر می‌دهد و می‌توانیم بنویسیم:

$$\frac{P_1 \times A \times 18}{300} = \frac{1/2 P_1 \times A \times h}{330}$$

$$\Rightarrow \frac{3}{5} = \frac{1/2 h}{33} \Rightarrow h = \frac{99}{6} = 16.5cm$$

(فیزیک - دما و گرما؛ صفحه‌های ۱۷۳ تا ۱۷۷)

اکنون تعادل جرم $4m$ با m' گرم آب $80^\circ C$ درجه را در نظر بگیرید.

$$\Rightarrow 4mc(40 - \theta) = m'c(80 - 40)$$

بنابراین از تقسیم دو رابطه خواهیم داشت:

$$\frac{\text{تقسیم دو رابطه}}{\frac{40 - \theta}{4(40 - \theta)}} = \frac{30}{40} = \frac{3}{4}$$

$$\Rightarrow 50 - \theta = 120 - 30 \Rightarrow \theta = 35^\circ C$$

$$\Rightarrow T = 35 + 273 = 308K$$

(فیزیک - دما و گرما؛ صفحه‌های ۱۳۱ تا ۱۳۳)

گزینه «۳» -۶۶

(مفهوم کیانی)

ابتدا کل گرمایی که بخار می‌گیرد تا از $0^\circ C$ به آب $50^\circ C$ تبدیل شود.

می‌یابیم، به همین منظور با توجه به طرح واره زیر داریم:



$$Q_{\text{کل}} = Q_1 + Q_2 \Rightarrow Q_{\text{کل}} = mL_F + mc_{\text{آب}}\Delta\theta$$

$$\frac{m=1kg, L_F=336 \frac{kJ}{kg}}{c_{\text{آب}}=4/2 \frac{kJ}{kg \cdot ^\circ C}} \rightarrow$$

$$Q_{\text{کل}} = 1 \times 336 + 1 \times 4 / 2 \times (50 - 0) = 546 kJ$$

اکنون به صورت زیر، t را پیدا می‌کنیم:

$$P = \frac{Q}{t} \xrightarrow{P=1kW, Q=546kJ} 1 = \frac{546}{t} \Rightarrow t = 546s$$

(فیزیک - دما و گرما؛ صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۲)

گزینه «۳» -۶۷

(مریم شیخ‌ممو)

از بین موارد داده شده، موردهای (الف)، (ب) و (پ) درست و مورد (ت) نادرست است. بنابراین، سه مورد از موارد داده شده درست درست می‌باشد. دقت کنید با افزایش سطح مایع، فاصله مولکول‌ها از سطح مایع کمتر می‌شود و سریع‌تر می‌توانند مایع را ترک کنند. همچنین افزایش فشار بر سطح مایع باعث می‌شود مولکول‌ها به سهولت از سطح مایع جدا نشوند، در نتیجه آهنگ تبخیر سطحی کندر انجام گیرد. در ضمن، تبخیر سطحی در هر دمایی رخ می‌دهد و لازم نیست مایع به نقطه جوش خود برسد.

(فیزیک - دما و گرما؛ صفحه‌های ۱۰۷ تا ۱۱۳)

پس:

$$f(-1) = (-1+2)g(-1) + a + 6 \Rightarrow f(-1) = g(-1) + a + 6 \xrightarrow{(1)} a + 6 = 0$$

$$\Rightarrow a = -6 \rightarrow f\left(\frac{a}{3}\right) = f(-2) = -8 + 8 + 6 - 6 = 0$$

(حسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۸ تا ۲۰)

(سعید مدیرفر اسانی)

گزینه «۴» - ۷۳

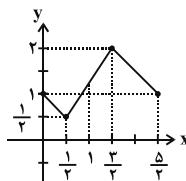
مراحل تبدیل نمودار به صورت زیر است:

$$f(x) \xrightarrow{\text{انتقال ۳ واحد}} f(x+3) \xrightarrow{\substack{\text{انقباض افقی} \\ \text{با ضریب ۲}}} f(2x+3)$$

$$\xrightarrow{\substack{\text{قرینه نسبت به} \\ \text{محورها}}} f(-2x+3) \xrightarrow{\substack{\text{انقباض عمودی} \\ \text{با ضریب ۲}}} -f(3-2x)$$

$$\xrightarrow{\substack{\text{انتقال ۱ک} \\ \text{واحد به بالا}}} -\frac{1}{2}f(3-2x)+1$$

با انجام تبدیلات فوق، نمودار به صورت زیر در می‌آید:



(حسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۸ تا ۲۰)

(ممدرسه‌سن سلامی‌حسینی)

گزینه «۲» - ۷۴

می‌دانیم اگر $f(x)$ در بازه $[a, b]$ نزولی اکید باشد ($f(-x) < f(x)$) - نیز در بازه

$[-b, -a]$ نزولی اکید است پس کافیست فقط محدوده $[-3, 0]$ را در نظر بگیریم:

$$-3 \leq x \leq 0 \rightarrow -1 \leq x+2 \leq 2$$

پس ورودی قسمت نزولی اکید در محدوده $[-1, 2]$ است حال در تابع جدید داریم:

$$-1 \leq \frac{4-x}{2} \leq 2 \Rightarrow -2 \leq 4-x \leq 4 \Rightarrow 6 \geq x \geq 0$$

سایر انتقالات نقشی در صعودی یا نزولی بودن تابع ندارند.

(حسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

حسابان ۲

گزینه «۴» - ۷۱

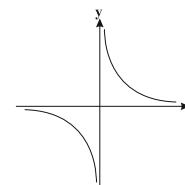
(ممدرسه‌منطقی ابراهیمی)

اگر $f(x)$ اکیداً صعودی و همواره مثبت باشد، آنگاه $\frac{1}{f(x)}$ اکیداً نزولی

است. تابع $y = \sqrt{x}$ اکیداً صعودی است، پس تابع $y = \frac{1}{\sqrt{x}}$ اکیداً نزولی

خواهد بود. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: نمودار $y = \frac{1}{x}$ شبیه شکل زیر است.

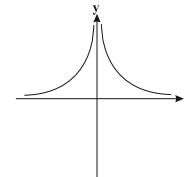


این تابع غیریکنواست.

گزینه «۲»:

$$y = \frac{1}{|x|} = \begin{cases} \frac{1}{x} & x > 0 \\ -\frac{1}{x} & x < 0 \end{cases}$$

نمودار تابع را رسم می‌کنیم:



گزینه «۳»: به ازای x های مثبت چون با افزایش مقادیر x ، مقدار x^2

زیاد می‌شود، پس مقادیر $\frac{1}{x^2}$ کم می‌شود. به علاوه به ازای x های منفی

چون با افزایش مقادیر x ، مقادیر x^2 کم می‌شود، پس $\frac{1}{x^2}$ زیاد می‌شود.

تابع غیریکنواست.

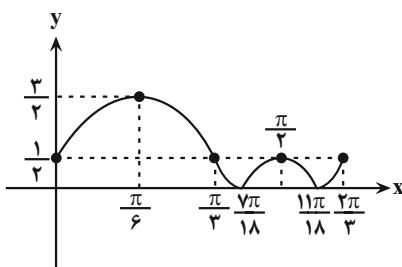
(حسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۶ تا ۱۰)

(ممدرسه‌منطقی ابراهیمی)

گزینه «۱» - ۷۲

$$R = f(-2) = -8 + 8 + 6 + a = a + 6$$

$$f(x) = (x+2)g(x) + (a+6), \quad f(-1) = g(-1) \quad (1)$$



همانطور که از نمودار توابع f و g مشخص است دوره تناوب تابع g و $f(x)$

$$\frac{T_f}{T_g} = \frac{1}{2}$$

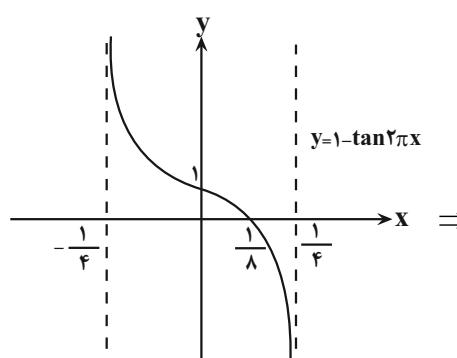
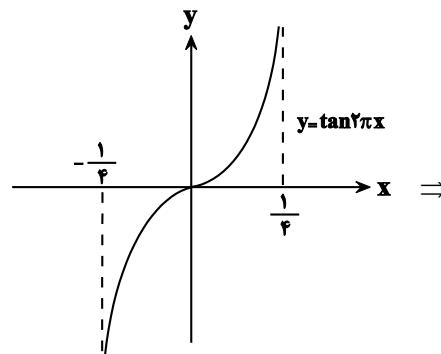
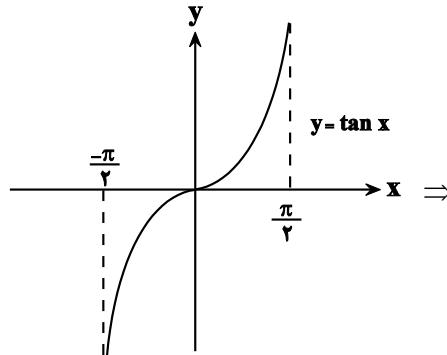
به ترتیب $\frac{2\pi}{3}$ و $\frac{\pi}{3}$ داریم:

(مسابان ۲- مثالیات: صفحه‌های ۲۴ تا ۲۹)

(محضی کرمی)

«گزینه ۳» - ۷۷

نمودار تابع f را در یک دوره تناوب رسم می‌کنیم:



(همیر علیزاده)

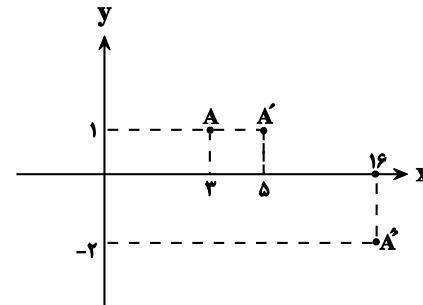
«گزینه ۲» - ۷۵

$$A = (3, 1) \in y = f(2x - 1) \Rightarrow 1 = f(2(3) - 1) \Rightarrow f(5) = 1$$

پس نقطه $(1, 5)$ واقع بر منحنی تابع $y = f(x)$ می‌باشد.

$$A' = (5, 1) \xrightarrow{\text{هاتقسیم بر } x} (4, 1) \xrightarrow{\text{اهادر-۳ ضرب}} A'' = (16, -2)$$

$$f(5) = 1 \Rightarrow \frac{1}{4}x + 1 = 5 \Rightarrow x = 16$$



تابع یکنواست \Rightarrow تابع نزولی است $\Rightarrow \{ (3, 1), (5, 1), (16, -2) \}$

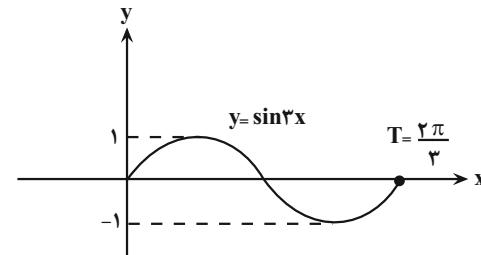
(مسابقات ۳- تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(عباس اشرفی)

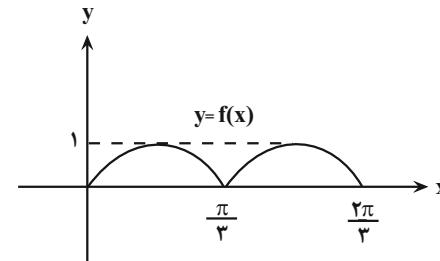
«گزینه ۳» - ۷۶

نمودار $y = \sin 3x$ را در یک دوره تناوبش رسم می‌کنیم و از روی آن

نمودارهای دو تابع f و g را می‌کشیم تا دوره تناوب آنها را تعیین کنیم.



: $f(x) = |\sin 3x|$



: $g(x) = \left| \sin 3x + \frac{1}{2} \right|$

(ممدرمسن سلامی هسینی)

گزینه «۲» -۷۹

$$0 < x < \frac{\pi}{3} \Rightarrow -\frac{\pi}{12} < 3x - \frac{\pi}{12} < 2\pi - \frac{\pi}{12} \quad (1)$$

چون a و b هر دو مثبت هستند پس مینیمم تابع زمانی است که

$$\sin(3x - \frac{\pi}{12}) \text{ دارای بیشترین مقدار باشد که با توجه به (1) داریم:}$$

$$3x_1 - \frac{\pi}{12} = \frac{7\pi}{36} \text{ و در نتیجه } x_1 = \frac{\pi}{12} + \frac{7\pi}{36} = \frac{\pi}{2}$$

$$\sin(3x - \frac{\pi}{12}) \text{ دارای کمترین مقدار باشد که با توجه به (1) داریم:}$$

$$3x_2 - \frac{\pi}{12} = \frac{19\pi}{36} \Rightarrow x_2 = \frac{19\pi}{36}$$

$$x_2 - x_1 = \frac{19\pi}{36} - \frac{7\pi}{36} = \frac{12\pi}{36} = \frac{\pi}{3}$$

پس:

(مسابان ۳- مثالیات: صفحه‌های ۲۶ ۵ ۲۹)

(نیما کلیریان)

گزینه «۳» -۸۰

$$f(x) = a \tan((bx + 1)\frac{\pi}{3}) = a \tan(\frac{b\pi}{3}x + \frac{\pi}{3})$$

$$T = \frac{\pi}{3} \Rightarrow T = \frac{\pi}{3}, T = \frac{\pi}{|b\pi|} \Rightarrow |b| = 3 \Rightarrow b = \pm 3$$

با فرض $b = 3$ و جایگذاری مختصات نقطه $(1, \frac{1}{9})$ در تابع f مقدار a را نیز

مشخص می‌کیم:

$$f(x) = a \tan(\frac{3\pi}{3}x + \frac{\pi}{3}) \Rightarrow 1 = a \tan(\frac{3\pi}{3} \times \frac{1}{9} + \frac{\pi}{3})$$

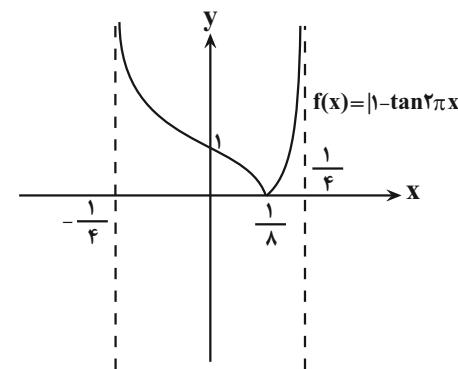
$$\Rightarrow 1 = a \tan(\frac{\pi}{6} + \frac{\pi}{3}) \Rightarrow a = \frac{-1}{\sqrt{3}}$$

$$\sqrt{3}a + b = -1 + 3 = 2$$

توجه: به ازای $b = -3$ ، مقدار $a = \frac{1}{\sqrt{3}}$ بدست می‌آید که در آن صورت،

عبارت مورد نظر برابر ۲ - خواهد شد.

(مسابان ۳- مثالیات: صفحه‌های ۲۶ ۵ ۲۹)

تابع در بازه $(-\frac{1}{4}, \frac{1}{4})$ یکنوا است.

(مسابان ۳- مثالیات: صفحه‌های ۲۶ ۵ ۲۹)

(فرشاد هسن زاده)

گزینه «۳» -۷۸

مبدأ مختصات روی نمودار تابع f قرار دارد، پس:

$$f(0) = 0 \Rightarrow a \cos(-\frac{\pi}{3}) + 1 = a(-\frac{1}{2}) + 1 = 0 \Rightarrow a = 2$$

از طرفی طبق فرض:

$$S_{ABC} = 3 / 5\pi \Rightarrow \frac{1}{2}(3 \times AC) = 3 / 5\pi \Rightarrow AC = \frac{7\pi}{3}$$

همچنین طبق نمودار، نقطه A اولین ریشه معادله $f(x) = 0$ قبل از $x = 0$ و

نقاط D و C به ترتیب دومین و چهارمین ریشه همین معادله است:

$$f(x) = 0 \Rightarrow \cos(bx - \frac{\pi}{3}) = \frac{-1}{2} \Rightarrow bx - \frac{\pi}{3} = 2k\pi \pm \frac{2\pi}{3}$$

$$\Rightarrow bx - \frac{\pi}{3} = \dots, -\frac{4\pi}{3}, -\frac{2\pi}{3}, \frac{2\pi}{3}, \frac{4\pi}{3}, \frac{8\pi}{3}, \frac{10\pi}{3}$$

$x_A \uparrow \quad x=0 \quad x_D \uparrow \quad x_C \uparrow$

$$(bx_C - \frac{\pi}{3}) - (bx_A - \frac{\pi}{3}) = \frac{14\pi}{3} \Rightarrow b(x_C - x_A) = \frac{14\pi}{3} \Rightarrow b = 2$$

پس ضابطه تابع $f(x) = 2 \cos(2x - \frac{\pi}{3}) + 1$ است و داریم:

$$f(\frac{23\pi}{12}) = 2 \cos(\frac{19\pi}{6}) + 1 = -2 \cos \frac{\pi}{6} + 1 = -\sqrt{3} + 1$$

(مسابان ۳- مثالیات: صفحه‌های ۲۶ ۵ ۲۹)

$$\Rightarrow ۲x + x^2 - ۲x + a - ax = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - ax + a = 0$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱) شرط وجود یک جواب:

$$\Rightarrow \begin{cases} a = 0 \\ a = 4 \end{cases}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

(امیرحسین ابوممیوب)

گزینه «۲» - ۸۴

در یک ماتریس قطری تمام درایه‌های غیرواقع بر قطر اصلی برابر صفر

هستند، بنابراین داریم:

$$\begin{cases} x + 2y = 0 \\ x - y + 3 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = -2 \\ y = 1 \end{cases}$$

$$A = \begin{bmatrix} -3 & 0 \\ 0 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow A^2 = \begin{bmatrix} -3 & 0 \\ 0 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -3 & 0 \\ 0 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 & 0 \\ 0 & 9 \end{bmatrix} = 9I$$

$$\Rightarrow A^4 = (9I)^2 = 81I \Rightarrow A^8 = A^4 \times A = 81A$$

$$\Rightarrow A^4 + A^8 = 81I + 81A = 81(I + A)$$

$$= 81 \left(\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -3 & 0 \\ 0 & 3 \end{bmatrix} \right) = 81 \begin{bmatrix} -2 & 0 \\ 0 & 4 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow 81(-2 + 4) = 162 = \text{مجموع درایه‌ها}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

(احمد رضا خلاج)

گزینه «۲» - ۸۵

دو ماتریس A و $3I - A$ وارون هم هستند، بنابراین داریم:

$$A^{-1} = 3I - A \Rightarrow A + A^{-1} = 3I$$

(امیرحسین ابوممیوب)

گزینه «۳» - ۸۱

ابتدا ماتریس A^2 را به دست می‌آوریم:

$$A^2 = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = I$$

بنابراین برای توانهای طبیعی ماتریس A داریم:

$$A^n = \begin{cases} I : \text{زوج} n \\ A : \text{فرد} n \end{cases}$$

$$A^{10} - A^9 = I - A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$

پس مجموع درایه‌های این ماتریس، برابر ۱ است.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

(فرزانه فاکیباش)

گزینه «۳» - ۸۲

برای به دست آوردن درایه واقع در سطر دوم و ستون اول ماتریس BCA .

کافی است سطر دوم ماتریس B را در ماتریس C ضرب کرده و سپس

حاصل را در ستون اول ماتریس A ضرب کنیم. اگر $D = BCA$ باشد،

آنگاه داریم:

$$d_{21} = [1 \quad 1] \begin{bmatrix} 5 & 2 & 1 \\ -3 & 4 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 4 \\ 2 \end{bmatrix} = [-16 \quad 20 \quad 15] \begin{bmatrix} 1 \\ 4 \\ 2 \end{bmatrix} = 134$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

(امیرحسین ابوممیوب)

گزینه «۳» - ۸۳

$$[1 \quad x \quad -1] \begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 \\ 1 & 0 & -1 \\ -1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ -x \\ a \end{bmatrix} = 0$$

$$\Rightarrow [2+x \quad 2 \quad 1-x] \begin{bmatrix} x \\ -x \\ a \end{bmatrix} = 0$$

$$\Rightarrow \frac{x}{y} = \frac{2m}{3m} = \frac{2}{3}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

(امیرحسین ابومهیوب)

گزینه ۱ -۸۹

دستگاه معادلات در صورتی فاقد جواب است که

\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases}

$$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} \neq \frac{c}{c'} \text{ باشد.}$$

$$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} \Rightarrow \frac{m+1}{1} = \frac{3}{m-1} \Rightarrow (m+1)(m-1) = 3$$

$$\Rightarrow m^2 - 1 = 3 \Rightarrow m^2 = 4 \Rightarrow m = \pm 2$$

حال به ازای هر یک از مقادیر به دست آمده، برقراری رابطه $\frac{b}{b'} \neq \frac{c}{c'}$ را

بررسی می‌کنیم.

$$m = 2 \Rightarrow \frac{3}{2-1} \neq \frac{2}{2} \quad \text{دستگاه جواب ندارد.}$$

$$m = -2 \Rightarrow \frac{3}{-2-1} = -\frac{2}{2} \quad \text{دستگاه بی‌شمار جواب دارد.}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه ۲۳)

(محمدعلی ابوتراوی)

گزینه ۴ -۹۰

باشد. آنگاه داریم:

$$B = \begin{bmatrix} 4 \\ 7 \end{bmatrix}, X = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}, A = \begin{bmatrix} a & 2 \\ b & -1 \end{bmatrix} \quad \text{اگر}$$

$$A^{-1} = \frac{1}{|A|} \begin{bmatrix} -5 & -2 \\ -b & a \end{bmatrix} \xrightarrow{|A|=12} A^{-1} = \frac{1}{12} \begin{bmatrix} -5 & -2 \\ -b & a \end{bmatrix}$$

$$X = A^{-1}B = \frac{1}{12} \begin{bmatrix} -5 & -2 \\ -b & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 \\ 7 \end{bmatrix} = \frac{1}{12} \begin{bmatrix} -34 \\ -4b + 7a \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 \\ \frac{7a - 34}{12} \end{bmatrix} \Rightarrow x = -2$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

$$\Rightarrow (A + A^{-1})^2 = (3I)^2 = 9I^2 = 9I = \begin{bmatrix} 9 & 0 \\ 0 & 9 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \text{مجموع درایه‌ها} = 9 + 9 = 18$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

(بهراد هاتمی)

گزینه ۱ -۸۶

$$AB = B + 2I \Rightarrow AB - B = 2I \Rightarrow \frac{1}{2}(A - I)B = I$$

یعنی ماتریس B ، وارون ماتریس $\frac{1}{2}(A - I)$ است. داریم:

$$A - I = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 4 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow (A - I)^{-1} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$B = \left(\frac{1}{2}(A - I)\right)^{-1} = 2(A - I)^{-1} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

(بهراد هاتمی)

گزینه ۲ -۸۷

$$A^3 + A^2 + A + I = \bar{O} \Rightarrow A^3 = -A^2 - A - I \quad (1)$$

$$A^3 + A^2 + A + I = \bar{O} \Rightarrow -A^3 - A^2 - A = I$$

$$\Rightarrow A(-A^2 - A - I) = I \Rightarrow A^{-1} = -A^2 - A - I \xrightarrow{(1)} A^{-1} = A^3$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

(محمد فخران)

گزینه ۲ -۸۸

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} m \\ -m \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2m \\ -m \end{bmatrix}$$



(سامان اسپرینگ)

گزینه «۴» - ۹۳

$$1000 = 7 \times 142 + 6 \Rightarrow 1000 \equiv 6 \equiv -1$$

$$\Rightarrow (1000)^7 \equiv (-1)^7 \equiv -1 \Rightarrow (1000)^7 \times 12 \equiv -12$$

$$\Rightarrow (1000)^7 \times 12 + 10 \equiv -12 + 10 \equiv -2 \equiv 5$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۱)

(علی منفه‌شکری)

گزینه «۲» - ۹۴

$$\left. \begin{array}{l} \frac{1400}{a} \in \mathbb{N} \Rightarrow a | 1400 \\ \frac{a}{20} \in \mathbb{N} \Rightarrow 20 | a \Rightarrow a = 20k \end{array} \right\} \Rightarrow 20k | 1400 \Rightarrow k | 70$$

 $\{1, 2, 5, 7, 10, 14, 35, 70\}$ = مجموعه مقسوم‌علیه‌های طبیعی ۷۰
بنابراین ۸ عدد طبیعی برای a وجود دارد.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۴)

(کیوان (دارابی))

گزینه «۴» - ۹۵

$$\left. \begin{array}{l} x \in A \Rightarrow x \equiv 1 \equiv 19 \\ x \in B \Rightarrow x \equiv 3 \equiv 19 \end{array} \right\} \Rightarrow x \equiv 19 \Rightarrow x \equiv 19 \equiv -5 \Rightarrow x = 24k - 5$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۱)

(کیوان (دارابی))

گزینه «۳» - ۹۶

$$\left. \begin{array}{l} (a, 6) = 1 \text{ یا } 2 \text{ یا } 3 \\ (b, 7) = 1 \text{ یا } 7 \end{array} \right\} \Rightarrow (a, 6) = (b, 7) = 1$$

$$(a, 6) = 1 \Rightarrow (a, 2 \times 3) = 1 \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} (a, 2) = 1 \\ (a, 3) = 1 \end{array} \right. \Rightarrow (a, 2) = (a, 3)$$

ریاضیات گسسته

گزینه «۴» - ۹۱

(نیلوفر مهدوی)

یکشنبه	شنبه	جمعه	پنجشنبه	چهارشنبه	سه شنبه	دوشنبه
۶	۵	۴	۳	۲	۱	.

 $1) \text{ از } ۳۳ \text{ روز قبل تا } ۱۲ \text{ روز بعد, } ۴۵ = ۳۳ + 12 = ۴۵ \text{ روز فاصله است.}$
 $2) \text{ از } ۴۸ \text{ روز قبل تا } ۱۲ \text{ روز بعد, } 60 = 48 + 12 = 60 \text{ روز فاصله است.}$
 $3) \text{ از } ۴۶ \text{ روز قبل تا } ۱۲ \text{ روز بعد, } 58 = 46 + 12 = 58 \text{ روز فاصله است.}$
 $4) \text{ از } ۳۵ \text{ روز قبل تا } ۱۲ \text{ روز بعد, } 47 = 35 + 12 = 47 \text{ روز فاصله است.}$

در گزینه «۴»: باقی مانده تقسیم عدد بر ۷، دقیقاً با روز شنبه تطابق دارد.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۲۴)

(امیرحسین ابوالهیوب)

گزینه «۲» - ۹۲

فرض کنید عددی طبیعی که دارای ویژگی صورت سوال باشد را با x نمایش

دهیم. در این صورت داریم:

$$yx + 5 \equiv 0 \Rightarrow yx \equiv -5 \equiv -14$$

$$\frac{+7}{(y, 7)=1} \rightarrow x \equiv -2 \Rightarrow x = 7k - 2 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

$$10 \leq x \leq 99 \Rightarrow 10 \leq 7k - 2 \leq 99 \Rightarrow 12 \leq 7k \leq 101$$

$$\frac{k \in \mathbb{Z}}{2 \leq k \leq 11}$$

بنابراین به ازای ۱۰ مقدار k ، x عددی طبیعی و دو رقمی است.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)

(اخشین فاصله‌های)

گزینه «۴» - ۹۹

$$\overline{abab}^4 \equiv 4 - b + a - b + a \equiv 2a - 2b + 4 \equiv 0.$$

$$\Rightarrow 2a - 2b \equiv -4 \xrightarrow{(2,11)=1} a - b \equiv -2$$

به ازای $a = 7$ و $b = 9$ ، بزرگترین مقدار $a+b$ حاصل می‌شود که

برابر $a+b = 16$ است.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)

(فرزانه قاکپاش)

گزینه «۱» - ۱۰۰

دو عدد 9 و $7a - 4$ در یک دسته هم‌نهشتی به پیمانه 11 قرار دارند،

پس این دو عدد به پیمانه 11 هم‌نهشت هستند.

$$\overline{7a-4} \equiv \overline{2a+9} \Rightarrow \Delta a \equiv 13 \equiv 13 + 2 \times 11 \equiv 35$$

$$\xrightarrow{(5,11)=1} a \equiv 7$$

$$a \equiv 7 \xrightarrow{\text{بتوان}} a^3 \equiv 343 \equiv 3 - 4 + 3 \equiv 2$$

$$a \equiv 7 \xrightarrow{\text{بتوان}} a^2 \equiv 49 \equiv 5$$

$$a \equiv 7 \xrightarrow{x3} 3a \equiv 21 \equiv 10$$

$$a^3 + a^2 + 3a + b \equiv 7 \Rightarrow 2 + 5 + 10 + b \equiv 7$$

$$\Rightarrow b \equiv -10 \equiv 1 \Rightarrow b = 11k + 1 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

پس به ازای $a = 7$ ، عدد $a^3 + a^2 + 3a + b$ به 11 تعلق دارد.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۵)

اعداد $a = 7 \times 5 = 35$ و $b = 6 \times 5 = 30$ ، مثل نقض گزینه‌های «۱» و «۲» هستند.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

گزینه «۱» - ۹۷

طبق ویژگی‌های رابطه عاد کردن (بخش پذیری) داریم:

$$\left. \begin{array}{l} a + 4 | a + 4 \xrightarrow{x4} a + 4 | a^2 + 4a \\ a + 4 | a^2 + 2 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} a + 4 | 4a - 2$$

$$\left. \begin{array}{l} a + 4 | a + 4 \xrightarrow{x4} a + 4 | 4a + 16 \\ a + 4 | 4a - 2 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} a + 4 | 18$$

بنابراین $4 + a$ باید یکی از مقسوم‌علیه‌های 18 باشد. با توجه به اینکه

عددی طبیعی است، پس $4 + a \geq 5$ و در نتیجه داریم:

$$a + 4 = 6 \Rightarrow a = 2$$

$$a + 4 = 9 \Rightarrow a = 5$$

$$a + 4 = 18 \Rightarrow a = 14$$

يعني به ازای 3 عدد طبیعی a ، عدد $a^2 + 2$ بر عدد $4 + a$ بخش‌پذیر است.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

گزینه «۳» - ۹۸

طبق قضیه تقسیم داریم:

$$\left. \begin{array}{l} a = 6q + 1 \xrightarrow{x4} 4a = 24q + 4 \\ a = 4q' + 5 \xrightarrow{x4} 4a = 24q' + 20 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} a = 24(q - q') - 11$$

$$\Rightarrow a = 24(q - q') - 24 + 24 - 11 = 24 \underbrace{(q - q' - 1)}_{q''} + 13$$

$$\Rightarrow a = 24q'' + 13$$

بنابراین باقی‌مانده تقسیم a بر 24 برابر 13 است.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

$$L = |S_1| + |S_2|$$

$$L = \left| \frac{1}{2} \times 3 \times 6 \right| + \left| \frac{1}{2} \times 3 \times 6 \right| = 18\text{m}$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۰)

(مینم (شنبه))

- ۱۰.۳ گزینه «۲»

اگر برای هر قسمت از رابطه $\Delta x = v_{av} \Delta t$ استفاده کنیم، داریم:

$$(1) \quad \Delta x_1 = 6 \times 2 = 12\text{m}$$

$$(2) \quad \Delta x_2 = -6 / 8 \times 5 = -4\text{m}$$

$$(3) \quad \Delta x_3 = 4 \times (t' - 2) = 4t' - 28$$

$$s'_{av[0, t']} = \frac{\ell_{[0, t']}}{\Delta t}, \quad \ell_{[0, t']} = \underbrace{|\Delta x_1|}_{12} + \underbrace{|\Delta x_2|}_{4} + \underbrace{|\Delta x_3|}_{4t' - 28}$$

$$= 4t' - 12$$

$$\Rightarrow 3 = \frac{4t' - 12}{t'} \Rightarrow t' = 12\text{s}$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(مسعود قره‌قانی)

- ۱۰.۴ گزینه «۳»

از آنجایی که در بازه زمانی ۳ تا ۵ ثانیه سرعت متحرک منفی است، پس

هیچ تغییر جهتی رخ نداده است. بنابراین اندازه جایه جایی با مسافت یکسان

است. اما از آنجا که سرعت منفی است، متحرک در خلاف جهت محور X

حرکت می‌کند پس جایه جایی منفی است.

$$s = 20\text{m} \Rightarrow \Delta x = -20$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(ممطوف گیان)

- ۱۰.۵ گزینه «۲»

با توجه به نمودار شتاب-زمان، تا لحظه t_1 شتاب منفی و در لحظه‌های بعد

از لحظه t_1 شتاب مثبت است. با توجه به این که سرعت اولیه متحرک منفی

است، بنابراین در بازه زمانی صفر تا t_1 سرعت و شتاب هم علامت‌اند، لذا

حرکت شتاب‌دار تندشونده است. برای لحظه‌های بعد از لحظه t_1 ، شتاب

مثبت و سرعت منفی است، بنابراین، حرکت شتاب‌دار کندشونده می‌شود و از

یک زمانی به بعد سرعت مثبت می‌شود و شتاب هم مثبت است، بنابراین

حرکت در نهایت تندشونده می‌شود.

(مسعود قره‌قانی)

فیزیک ۳

- ۱۰.۱ گزینه «۲»

$$\begin{cases} t_1 = 3s \Rightarrow v_1 = 3 \times 3^2 - 6 \times 3 = 9 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ t_2 = 6s \Rightarrow v_2 = 3 \times 6^2 - 6 \times 6 = 72 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{cases}$$

$$\Rightarrow a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{72 - 9}{3} = \frac{63}{3} = 21 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۲)

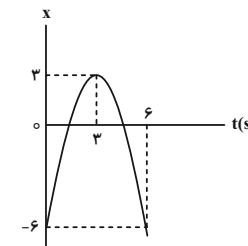
(عبدالرضا امین‌نسب)

- ۱۰.۲ گزینه «۳»

روش اول: با رسم نمودار مکان-زمان می‌توان مسافت را به دست آورد. در

بازه زمانی صفر تا ۳s متحرك مسافت ۹m را طی می‌کند و در بازه ۳s

تا ۶s نیز مسافت ۹m را طی می‌کند.



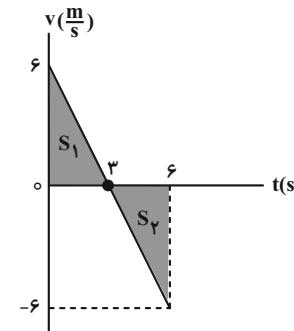
$$L = 9 + 9 = 18\text{m}$$

روش دوم: (رسم نمودار v - t): با مقایسه معادله مکان-زمان به صورت

$$\frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 \quad \text{داریم:}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{2}a = -1 \Rightarrow a = -2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \\ v_0 = 6 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{cases} \Rightarrow v = at + v_0 \Rightarrow v = -2t + 6$$

اکنون نمودار v - t را رسم می‌کنیم:



از طرف دیگر برایند نیروهای وارد بر جسم برابر جمع برداری نیروهای وارد بر آن است. بنابراین می‌توان نوشت:

$$\vec{F} = \vec{F}_x + \vec{F}_y + \vec{F}_z \Rightarrow 6\vec{i} - 9\vec{j} = 3\vec{i} + 4\vec{j} + 6\vec{i} - 9\vec{j} + \vec{F}_z$$

$$\Rightarrow \vec{F}_z = -3\vec{i} - 4\vec{j} \Rightarrow |\vec{F}| = \sqrt{(-3)^2 + (-4)^2} = 5\text{N}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۲ تا ۳۴)

(محمد سکر)

«گزینه ۳» - ۱۰۹

زمانی که نج را به سرعت می‌کشیم، زمان انتقال نیرو به گوی وجود ندارد و

طبق قانون اول نیوتون، جسم تمایل دارد حالت اولیه خود را حفظ کند. در

نتیجه نج (۲) پاره می‌شود. زمانی که نیروی وارد بر گوی به آرامی افزایش

یابد، زمان کافی برای انتقال نیرو به گوی وجود دارد و چون نیروی وارد بر نج

(۱) به اندازه وزن گوی بیشتر از نیروی وارد بر نج (۲) است، نج (۱) پاره می‌شود.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۲)

(محمد سکر)

«گزینه ۱» - ۱۱۰

نیرویی که از طرف شخص به جعبه وارد می‌شود، به سمت راست است و

نیرویی که از طرف زمین به جعبه وارد می‌شود به سمت پایین است. بنابراین

طبق قانون سوم نیوتون واکنش این دو نیرو از طرف جعبه به شخص به سمت

غرب و از طرف جعبه به زمین به سمت بالا است.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۴ و ۳۵)

دقت کنید، تغییرات اندازه شتاب در نوع حرکت تاثیری ندارد، بلکه نوع حرکت را علامت شتاب و سرعت با هم مشخص می‌کنند.

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

(محيطی کیانی)

«گزینه ۴» - ۱۰۶

چون در لحظه‌های $t_1 = 18$ و $t_2 = 3s$ شیب خط مماس بر نمودار

مکان- زمان برابر صفر است، لذا در این لحظه‌ها سرعت متحرک برابر صفر

می‌باشد، بنابراین، بنابه رابطه $a_{av} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}$ شتاب متحرک صفر می‌باشد.

$$a_{av} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} \xrightarrow{v_1 = v_2 = 0, t_1 = 18, t_2 = 3s} a_{av} = \frac{0 - 0}{3 - 1} = 0$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

(محيطی کیانی)

«گزینه ۲» - ۱۰۷

ابتدا با مقایسه معادله مکان- زمان جسم با معادله مکان- زمان در حرکت با

شتاب ثابت، شتاب جسم را می‌یابیم:

$$\begin{cases} x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 \Rightarrow \frac{1}{2}a = -2 \Rightarrow a = -4 \frac{m}{s^2} \\ x = -2t^2 + 8t - 10 \end{cases}$$

اکنون با استفاده از قانون دوم نیوتون، نیروی خالص وارد بر جسم را می‌یابیم:

$$F_{net} = ma \xrightarrow{\substack{m=0/\Delta kg \\ a=-4 \frac{m}{s^2}}} F_{net} = 0 / \Delta \times (-4) = -2N$$

$$\Rightarrow |F_{net}| = 2N$$

چون $0 < F_{net}$ است، جهت آن در سوی مخالف محور x می‌باشد.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۲ و ۳۳)

(مریم شیخ‌مهمو)

«گزینه ۳» - ۱۰۸

ابتدا با استفاده از قانون دوم نیوتون برایند نیروهای وارد بر جسم را حساب می‌کنیم.

$$\vec{F} = m\vec{a} \xrightarrow{\substack{\vec{a}=2\vec{i}-2\vec{j} \\ m=3\text{kg}}} \vec{F} = 3 \times (2\vec{i} - 2\vec{j})$$

$$\Rightarrow \vec{F} = 6\vec{i} - 6\vec{j}$$



(۳) درست؛ هر چه مقدار صابون در آب بیشتر باشد، کف ایجاد شده بیشتر است. ولی با رسیدن غلظت صابون حل شده در آب به یک مقدار مشخص، ارتقای کف تغییری نمی‌کند.

(۴) نادرست؛ هر چه مقدار صابون بیشتر باشد مقدار پاک‌کنندگی نیز افزایش می‌یابد.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۸ تا ۱۰)

(روزبه رضوانی)

گزینه «۲» ۱۱۴

موارد اول و دوم درست است.

بررسی موارد:

مورد اول: هر دو دارای حلقة بنزنی هستند.

مورد دوم: از ترکیب‌های کلردار به منظور افزایش قدرت میکروب‌کشی صابون‌ها استفاده می‌شود.

مورد سوم: شمار عنصرهای ترکیب الف:



شمار اتم‌های ترکیب ب:

$$\text{C}_{18}\text{H}_{29}\text{SO}_3\text{Na} \leftarrow \text{اتم } ۵۲$$

بنابراین:

$$\frac{\text{شمار اتم‌های (ب)}}{\text{شمار عنصرهای (الف)}} = \frac{۵۲}{۴} = ۱۳$$

مورد چهارم: هر چه شوینده مواد شیمیایی بیشتری داشته باشد عوارض جانبی آن نیز بیشتر خواهد بود.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۰ تا ۱۲)

(امیرحسین مسلمی)

گزینه «۲» ۱۱۵

با توجه به این که فرمول عمومی صابون جامد با زنجبیر هیدروکربنی سیر شده به صورت $\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{COONa}$ است، پس فرمول شیمیایی صابون $\text{C}_{17}\text{H}_{35}\text{COONa}$ خواهد بود:



$$\frac{\text{رسوب}}{\text{صابون}} \times \frac{1\text{ mol}}{\text{صابون}} \times \frac{1\text{ mol}}{\text{صابون}} = \frac{61/2\text{ g}}{306\text{ g}} = \text{رسوب g}$$

$$\times \frac{590\text{ g}}{1\text{ mol}} = \text{رسوب } 59\text{ g}$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۹ تا ۱۱)

شیمی ۳

۱۱۱ - گزینه «۱»

بررسی گزینه‌های نادرست:

(۲) چند هزار سال پیش از میلاد، انسان‌ها برای نظافت از موادی شبیه صابون امروزی استفاده می‌کردند.

(۳) وبا یک بیماری واگیردار است که به دلیل نبود بهداشت و آلوده شدن آب به سرعت شیوع می‌یابد.

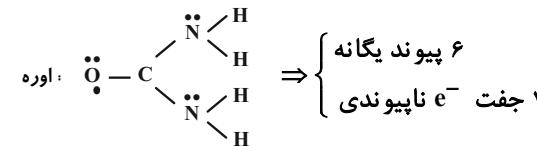
(۴) با افزایش سطح تدرستی و بهداشت فردی و همگانی، شاخص امید به زندگی در جهان افزایش یافته است.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۲ و ۳)

۱۱۲ - گزینه «۳»

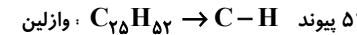
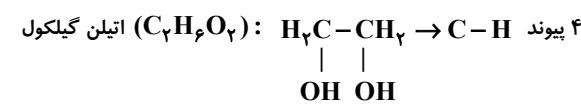
بررسی همه موارد:

مورد اول:



مورد دوم: عسل مولکول‌های قطبی دارد و NaCl ترکیب یونی است. در نتیجه هر دو در آب حل می‌شوند و در اوکتان (C_8H_{18}) حل نمی‌شوند؛ ولی صابون هم در آب و هم در اوکتان حل می‌شود.

مورد سوم:



مجموعاً ۵۶ پیوند

فرمول مولکولی رونم زیتون: $\text{C}_{57}\text{H}_{104}\text{O}_4$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱ تا ۶)

۱۱۳ - گزینه «۴»

بررسی گزینه‌ها:

(۱ و ۲) درست؛ با افزایش دما، قدرت پاک‌کنندگی صابون افزایش می‌یابد و با افزایش دما مقدار درصد لکه باقی‌مانده کاهش می‌یابد.



$$(1), (2) \Rightarrow \frac{[\text{OH}^-]}{[\text{H}^+]} = \frac{10^{-14}}{[\text{H}^+]^2} = 4 \times 10^{-10} \Rightarrow [\text{H}^+]^2 = 25 \times 10^{-9}$$

$$\Rightarrow [\text{H}^+] = 5 \times 10^{-\frac{3}{2}} \text{ mol} \Rightarrow \text{pH} = 3 - \log 5 = 3 - 0.7 = 2.3$$

$$\% \text{a} = \frac{[\text{H}^+]}{\text{M}} \times 100 = \frac{5 \times 10^{-\frac{3}{2}}}{1/25} \times 100 = 10/4$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

(امیرحسین مسلمی)

گزینه «۳»

بررسی عبارت‌ها:

(۱) درست؛ از این پاک‌کننده برای باز کردن مجاری مسدود شده با چربی‌ها استفاده می‌شود.

(ب) نادرست؛ این مخلوط در اثر واکنش با آب، گاز هیدروژن تولید می‌کند.

(پ) درست

(ت) درست؛ واکنش این مخلوط با آب گرماده است و باعث افزایش دمای محلول می‌شود.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۲ و ۱۳)

(امیرحسین طیبی)

گزینه «۴»

pH به اندازه ۴ واحد کاهش باید به این معناست که pH محلول از ۷ به ۳ برسد.

$$\text{pH} = 3 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-3} \Rightarrow K_a = \frac{[\text{H}^+]^2}{\text{M} - [\text{H}^+]}$$

$$\Rightarrow 6 \times 10^{-4} = \frac{10^{-6}}{\text{M} - 10^{-3}} \Rightarrow 6\text{M} - 6 \times 10^{-3} = 10 \times 10^{-6}$$

$$\Rightarrow 6\text{M} = 16 \times 10^{-3} \Rightarrow \text{M} = \frac{16 \times 10^{-3}}{6} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{M} = \frac{n}{v} \Rightarrow n = \text{M} \times v \Rightarrow n = \frac{16 \times 10^{-3}}{6} \text{ mol} \times 1/5 \text{ L}$$

$$= 4 \times 10^{-3} \text{ mol HF}$$

$$? \text{mL HF} = 4 \times 10^{-3} \text{ mol HF} \times \frac{22/4 \text{ L HF}}{1 \text{ mol HF}}$$

$$\times \frac{10^3 \text{ mL}}{1 \text{ L}} = 89/6 \text{ mL HF}$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

(ممدرضا پورجاویر)

گزینه «۳»

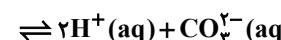
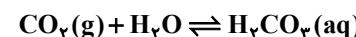
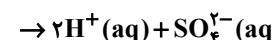
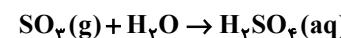
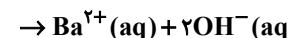
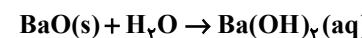
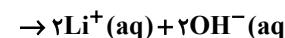
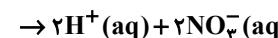
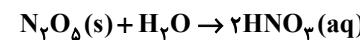
اتیلن گلیکول و اتانول (C₂H₅OH) به صورت مولکولی در آب حل می‌شوند و موادی اسیدی یا بازی به شمار نمی‌آیند. در حالی که کربن دی اکسید (CO₂) با حل شدن در آب مقدار یون H₃O⁺ را افزایش می‌دهد و یک اسید آرنیوس خواهد بود.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۶ تا ۱۷)

(امیرحسین طیبی)

گزینه «۴»

معادله انحلال ترکیبات داده شده در آب:

اکسیدهای بازی از بین ترکیبات داده شده، Li₂O و BaO هستند که ازانحلال یک مول از هر یک از آن‌ها در مجموع ۴ مول یون OH⁻ تولید می‌شود.

تذکر: اکسید بازی نیست! (هیدروکسید است).

بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) ۴ ترکیب از ۶ ترکیب داده شده (۶۷٪) حالت فیزیکی جامد دارند؛ به

این معنی که نقطه ذوب آن‌ها از دمای اتاق (۲۵°C)، بیشتر می‌باشد.

(۲) ۳ ترکیب از ۶ ترکیب داده شده (۵۰٪) در صورت انحلال در آب یون

H⁺ ایجاد می‌کنند و pH آن را کاهش می‌هند.(۳) از بین اسیدهای آرنیوس داده شده، N₂O₅ مول یون‌های بیشتری تولید می‌کند؛ در نتیجه رسانایی الکتریکی بیشتری دارد.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۸ تا ۲۱)

(امیرحسین طیبی)

گزینه «۳»

$$[\text{H}^+][\text{OH}^-] = 10^{-14} \quad (1)$$

$$\frac{[\text{OH}^-]}{[\text{H}^+]} = 4 \times 10^{-10} \quad (2)$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

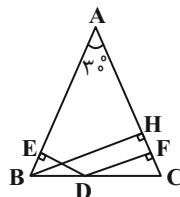
(شیمی ۳ - صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

(رضا عباس اصل)

- ۱۲۴ گزینه «۳»

ارتفاع BH را در این مثلث رسم می‌کنیم. در مثلث قائم‌الزاویه ABH BH ضلع رو به رو به زاویه 30° و اندازه آن نصف اندازه وتر است، پس

داریم:



$$BH = \frac{1}{2} AB = \frac{1}{2} \times 12 = 6$$

مجموع فواصل هر نقطه واقع بر قاعده یک مثلث متساوی الساقین از دو ساق

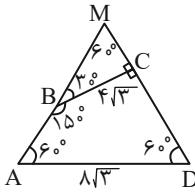
آن، برابر طول ارتفاع وارد بر ساق است. بنابراین داریم:

$$DE + DF = BH \Rightarrow 2 + DF = 6 \Rightarrow DF = 4$$

(هنرسه - پندرضلعی‌ها: صفحه ۶۸)

(پوارهاتمن)

- ۱۲۵ گزینه «۴»

دو ضلع AB و CD را امتداد می‌دهیم تا یکدیگر را در نقطه M قطع کنند.مثلث MAD متساوی‌الاضلاع است. همچنین با توجه به اندازه زوایای دادهشده، BC بر CD عمود و مثلث MCB قائم‌الزاویه است.

$$\Delta MCB : \tan 60^\circ = \frac{BC}{MC} \Rightarrow \sqrt{3} = \frac{4\sqrt{3}}{MC} \Rightarrow MC = 4$$

$$S_{ABCD} = S_{MAD} - S_{MCB} = \frac{\sqrt{3}}{4} AD^2 - \frac{1}{2} BC \times MC$$

$$= \frac{\sqrt{3}}{4} (\lambda\sqrt{3})^2 - \frac{1}{2} \times 4\sqrt{3} \times 4 = 48\sqrt{3} - 8\sqrt{3} = 40\sqrt{3}$$

(هنرسه - پندرضلعی‌ها: صفحه ۶۸)

(فرزانه فکرپاش)

- ۱۲۶ گزینه «۴»

$$\frac{AM}{MB} = \frac{AN}{NC} = 1 \xrightarrow{\text{عكس قضیه تالس}} MN \parallel BC$$

$$\xrightarrow{\text{قضیه اساسی تشابه}} \Delta AMN \sim \Delta ABC$$

$$\Rightarrow \frac{S_{AMN}}{S_{ABC}} = \left(\frac{AM}{AB}\right)^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow S_{AMN} = \frac{1}{4} S_{ABC} \quad (1)$$

هندسه ۱

- ۱۲۱ گزینه «۱»

(همیر، رضا (حقان))

می‌دانیم مجموع فواصل یک نقطه درون مثلث متساوی‌الاضلاعی به ضلع a از

$$\text{سه ضلع مثلث برابر است با: } \frac{\sqrt{3}}{2} a. \text{ از طرفی مساحت مثلث متساوی‌الاضلاع}$$

$$\text{به ضلع } a \text{ برابر است با: } \frac{\sqrt{3}}{4} a^2, \text{ بنابراین داریم:}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{4} a^2 = 3\sqrt{3} \Rightarrow a^2 = 12 \Rightarrow a = 2\sqrt{3}$$

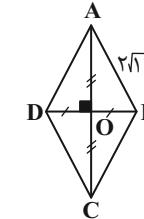
$$\text{مجموع فواصل} = \frac{\sqrt{3}}{2} a = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 2\sqrt{3} = 3$$

(هنرسه - پندرضلعی‌ها: صفحه ۶۱)

- ۱۲۲ گزینه «۲»

می‌دانیم در هر لوزی قطرها منصف یکدیگرند. پس مطابق فرض داریم:

$$AC = 4BD \Rightarrow 2OA = 4(2OB) \Rightarrow OA = 2OB$$

در مثلث قائم‌الزاویه AOB داریم:

$$AB^2 = OA^2 + OB^2 \Rightarrow (2\sqrt{17})^2 = (2OB)^2 + OB^2$$

$$\Rightarrow 4(17) = 17OB^2 \Rightarrow OB^2 = 4$$

$$\Rightarrow OB = 2, OA = 4 \times 2 = 8$$

$$\text{مساحت لوزی} = \frac{AC \times BD}{2} = \frac{16 \times 4}{2} = 32$$

(هنرسه - پندرضلعی‌ها: مشابه تمرین ۱ صفحه ۷۷)

- ۱۲۳ گزینه «۱»

(ریم مسناق نظم)

فرض کنید مساحت شکل‌های بیرونی و درونی را به ترتیب با S و S' نمایش

دهیم. در این صورت طبق فرمول پیک داریم:

$$S = \frac{b}{2} + i - 1 = \frac{7}{2} + 11 - 1 = 13/5$$

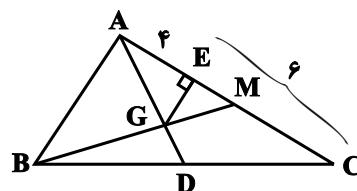
$$S' = \frac{b'}{2} + i' - 1 = \frac{3}{2} + 2 - 1 = 2/5$$

$$\text{مساحت قسمت سایه زده} = S - S' = 13/5 - 2/5 = 11$$

(هنرسه - پندرضلعی‌ها: صفحه‌های ۶۹ تا ۷۱)

(علی ایمانی)

گزینه «۳» - ۱۲۹



$$AE = 4, EC = 6 \Rightarrow AC = 10$$

اگر میانه BM را رسم کنیم، آنگاه $AM = 5$ است و داریم:

$$S_{AGM} = \frac{1}{6} S_{ABC} \Rightarrow \frac{1}{2}(3)(5) = \frac{1}{6} S_{ABC}$$

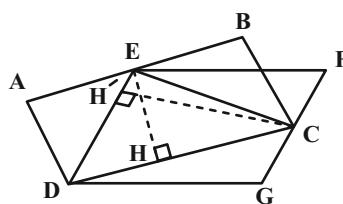
$$\Rightarrow \frac{15}{2} = \frac{1}{6} S_{ABC} \Rightarrow S_{ABC} = 45$$

(هنرسه ا- پندتالعی‌ها: صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

(سریر یقیازاریان تبریزی)

گزینه «۱» - ۱۳۰

نقاط E (روی ضلع AB) و C (روی ضلع FG) را به یکدیگر وصل می‌کنیم.



می‌توان نوشت:

$$\left. \begin{array}{l} S_{EDC} = \frac{1}{2} EH \times DC \\ S_{ABCD} = EH \times DC \end{array} \right\} \Rightarrow S_{ABCD} = 2S_{EDC}$$

$$\left. \begin{array}{l} S_{EDC} = \frac{1}{2} CH' \times ED \\ S_{EFGD} = CH' \times ED \end{array} \right\} \Rightarrow S_{EFGD} = 2S_{EDC}$$

از آنجا که مساحت مثلث EDC برابر با نصف مساحت هریک از متوازی‌الاضلاع‌های $EFGD$ و $ABCD$ است، بنابراین می‌توان نتیجه

گرفت:

$$S_{ABCD} = S_{EFGD}$$

(هنرسه ا- پندتالعی‌ها: صفحه ۶۵)

از طرفی نقطه G، نقطه همرسی میانه‌های مثلث ABC است و در نتیجه داریم:

$$S_{BGC} = \frac{1}{3} S_{ABC} \quad (۲)$$

$$(۱), (۲) \Rightarrow \frac{S_{AMN}}{S_{BGC}} = \frac{\frac{1}{4} S_{ABC}}{\frac{1}{3} S_{ABC}} = \frac{3}{4}$$

(هنرسه ا- پندتالعی‌ها: صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

گزینه «۳» - ۱۲۷

اگر تعداد نقاط مرزی و درونی یک چندضلعی شبکه‌ای به ترتیب برابر b و i باشد، آن‌گاه طبق فرمول یک، مساحت این چندضلعی برابر

$$S = \frac{b}{2} + i - 1 \text{ است که همواره } 3 \leq b \leq i \text{ است. بنابراین داریم:}$$

$$\frac{b}{2} + i - 1 \Rightarrow \frac{b}{2} = \lambda / 5 - i \Rightarrow b = 17 - 2i$$

$$b \geq 3 \Rightarrow 17 - 2i \geq 3 \Rightarrow 2i \leq 14 \Rightarrow i \leq 7 \xrightarrow{i \geq 0} 0 \leq i \leq 7$$

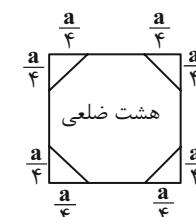
بنابراین تعداد نقاط درونی این چندضلعی شبکه‌ای می‌تواند یکی از هشت مقدار متفاوت $1, 2, \dots, 7$ را دارد.

(هنرسه ا- پندتالعی‌ها: صفحه‌های ۶۶ تا ۶۹)

(سهام مهدی پور)

گزینه «۲» - ۱۲۸

با توجه به شکل داریم:



$$S = \frac{a}{4} \times \frac{a}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{a^2}{32} \text{ مثلث قائم‌الزاویه}$$

$$S = S_{\text{مربع}} - 4S_{\text{هشت ضلعی}} \text{ مثلث قائم‌الزاویه}$$

$$S = a^2 - \frac{4a^2}{32} = a^2 - \frac{a^2}{8} = \frac{7a^2}{8} \text{ هشت ضلعی} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{S_{\text{مربع}}}{S_{\text{هشت ضلعی}}} = \frac{a^2}{\frac{7a^2}{8}} = \frac{8}{7}$$

(هنرسه ا- پندتالعی‌ها: صفحه ۶۵)



$$? g Cl_2 = 10 L Cl_2 \times \frac{1 mol Cl_2}{50 g Cl_2} \times \frac{71 g Cl_2}{1 mol Cl_2} = 14 / 2 g Cl_2$$

مورد چهارم: با کاهش تعداد وزنهای بالای پیستون، فشار محفظه گاز کاهش می‌یابد و حجم گاز افزایش می‌یابد. می‌دانیم چگالی یک گاز از رابطه $d = \frac{m}{V}$ محاسبه می‌شود. جرم گاز که ثابت است، حجم آن افزایش یافته است؛ در نتیجه چگالی آن کاهش می‌یابد.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۷ تا ۷۹)

(روزبه رضوانی)

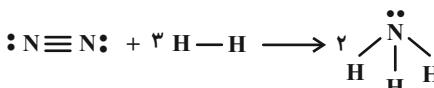
«گزینه ۳»

وارد اول و چهارم درست است.

بررسی موارد:

مورد اول: آمونیاک نقطه جوش بالاتری دارد.

مورد دوم: نادرست؛



مورد سوم: نادرست؛ روابط استوکیومتری بر پایه شمار مول مواد است.

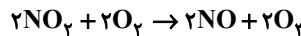
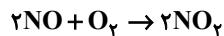
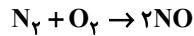
مورد چهارم: H و N جزء فراوان‌ترین عناصر مشترک هستند.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

(امیرحسین طبیان)

«گزینه ۲»

ابتدا هر سه واکنش را موازن می‌کنیم، به‌طوری که ضریب ماده مشترک بین هر دو واکنش برابر شود:



در می‌یابیم که به ازای هر مول N₂ مصرفی، ۲ مول O₃ تولید می‌شود و در

مجموع ۳ واکنش، ۴ مول O₂ به مصرف می‌رسد؛ یا به عبارتی:



$$? g O_2 = \frac{1 mol N}{9 / 0.3 \times 1.0^{24} atom N} \times \frac{1 mol O_2}{6 / 0.2 \times 1.0^{23} atom N}$$

$$\times \frac{1 mol N_2}{2 mol N} \times \frac{2 mol O_2}{1 mol N_2} \times \frac{48 g O_2}{1 mol O_2} = 720 g O_2$$

$$? L O_2 = \frac{1 mol N}{9 / 0.3 \times 1.0^{24} atom N} \times \frac{1 mol N_2}{6 / 0.2 \times 1.0^{23} atom N}$$

$$\times \frac{1 mol N_2}{2 mol N} \times \frac{4 mol O_2}{1 mol N_2} \times \frac{22 / 4 L O_2}{1 mol O_2} = 672 L O_2$$

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۵ تا ۷۷)

شیمی ۱

۱۳۱- گزینه ۱

عبارت‌های (الف)، (ب) و (پ) نادرست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

(الف) توسعه پایدار، شامل ملاحظات زیست محیطی، اجتماعی و اقتصادی است و ملاحظات سیاسی را شامل نمی‌شود.

(ب) مولکول‌های اوزون بطور عمده در لایه استراتوسفر قرار دارند که لایه مفید اوزون را تشکیل می‌دهند ولی در لایه تروپوسفر هم وجود دارد.

(پ) دگرگشکل‌ها یا آلتروپ‌ها به شکل‌های مختلف مولکولی یا بلوری یک عنصر گفته می‌شود که ممکن است فرمول مولکولی متفاوتی داشته باشند.

مانند اوزون O₃ و مولکول اکسیژن O₂

ت) با توجه به صفحه ۷۵ کتاب درسی درست است.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۵ تا ۷۷)

۱۳۲- گزینه ۲

جرم کاسته شده همان جرم CO₂ خارج شده است:

$$? g CaO = \frac{13 / 2 g CO_2}{44 g CO_2} \times \frac{1 mol CaO}{1 mol CO_2}$$

$$\times \frac{56 g CaO}{1 mol CaO} = 16 / 8 g$$

$$? g CaCO_3 = \frac{13 / 2 g CO_2}{44 g CO_2} \times \frac{1 mol CO_2}{1 mol CaCO_3}$$

$$\times \frac{1 mol CaCO_3}{1 mol CO_2} \times \frac{100 g CaCO_3}{1 mol CaCO_3} = 30 g$$

$$CaCO_3 = 50 - 30 = 20 g$$

باقی‌مانده

$$20 - 16 / 8 = 3 / 2 g$$

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

۱۳۳- گزینه ۱

مورد سوم به درستی بیان شده است.

بررسی همه موارد:

مورد اول: برای توصیف یک نمونه گاز، باید مقدار و دما و فشار آن مشخص باشد؛ در اینجا فشار نمونه گاز داده نشده است. در نتیجه نمی‌تواند توصیفی از یک نمونه گاز باشد.

مورد دوم: در شرایط STP یک مول از هر گازی ۲۲/۴ لیتر حجم دارد. (نه هر ماده‌ای)

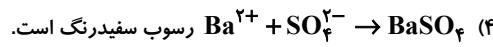
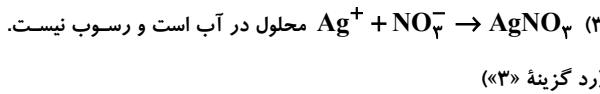
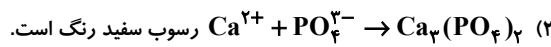
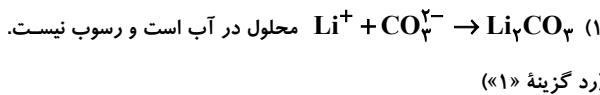
مورد سوم: ابتدا حجم مولی گازها در آن شرایط را محاسبه می‌کنیم؛ سپس جرم Cl₂ را محاسبه می‌کنیم:

$$? L SO_2 = 32 g SO_2 \times \frac{1 mol SO_2}{64 g SO_2} \times \frac{v_m L SO_2}{1 mol SO_2}$$

$$= 25 L SO_2 \Rightarrow v_m = \frac{L}{mol}$$



بررسی همه گزینه‌ها:



(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی؛ صفحه‌های ۸۹ تا ۹۷)

(روزبه رضوانی)

«گزینه ۴» - ۱۳۹

آنیون
کاتیون

Ni_3S_2	$\frac{3}{2}$	نیکل (III) سولفید
$\text{Ba}_3(\text{PO}_4)_2$	$\frac{2}{3}$	باریم فسفات
$\text{Sc}_2(\text{SO}_4)_3$	$\frac{3}{2}$	اسکاندیم سولفات
$\text{Al}_3(\text{CO}_3)_3$	$\frac{3}{2}$	آلومینیم کربنات
$\text{Ga}_3(\text{SO}_4)_3$	$\frac{3}{2}$	گالیم سولفات
$\text{Cr}(\text{NO}_3)_3$	$\frac{3}{1}$	کروم (III) نیترات

(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی؛ صفحه ۹۳)

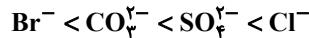
(امیر حاتمیان)

«گزینه ۴» - ۱۴۰

موارد (ب) و (ت) درست هستند.

بررسی گزینه‌های نادرست:

(الف) ترتیب مقدار آنیون‌های حل شده در آب دریا:



ب) اگر کره زمین را مسطح در نظر بگیریم آب‌های موجود همه سطح آن را تا ارتفاع بیش از ۲ کیلومتر می‌پوشانند.

(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی؛ صفحه‌های ۸۶ تا ۸۸)

(امیرحسین طیبی)

- ۱۳۶ - گزینه ۲

تنها مورد دوم به نادرستی بیان شده است.

بررسی همه موارد:

مورد اول: مطابق متن کتاب درسی است.

مورد دوم: بیانگر ارتباط بین زیست کره (جانداران آبزی) و هواکره می‌باشد.

مورد سوم: فراوان ترین آنیون چند اتمی موجود در آب دریا، یون سولفات

 SO_4^{2-} می‌باشد.

$$\frac{\text{شمار اتم}}{\text{مقدار بار}} = \frac{5}{|-2|} = \frac{5}{2} = 2.5$$

مورود چهارم: با توجه به متن کتاب درسی درست می‌باشد.

مورود پنجم: غلظت محلول ۲٪ جرمی اگر به ppm تبدیل شود؛ برابر

 20000 ppm خواهد بود؛ در نتیجه دو محلولی که غلظت یکسان دارند $\text{ppm} = 2 \times 10^4 = 20000$ شدت رنگ یکسانی نیز دارند.

(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی؛ صفحه‌های ۸۵ تا ۸۷ و ۹۳ تا ۹۶)

- ۱۳۷ - گزینه ۳

ابتدا جرم حلال و حل شونده را مشخص می‌کنیم:

$$\% \text{a} = \frac{\text{جرم حل شونده}}{\text{جرم محلول}} \times 100 \Rightarrow 71 = \frac{\text{جرم حل شونده}}{180} \times 100$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 127 / 8 \text{ g Na}_2\text{SO}_4 \\ 52 / 2 \text{ g H}_2\text{O} \end{cases}$$

سپس شمار اتم‌های اکسیژن در Na_2SO_4 و آب را جداگانه حساب

می‌کنیم و در آخر با یکدیگر جمع می‌کنیم:

$$? \text{ mol O} = 127 / 8 \text{ g Na}_2\text{SO}_4 \times \frac{1 \text{ mol Na}_2\text{SO}_4}{142 \text{ g Na}_2\text{SO}_4}$$

$$\times \frac{4 \text{ mol O}}{1 \text{ mol Na}_2\text{SO}_4} = 3 / 6 \text{ mol O}$$

$$? \text{ mol O} = 52 / 2 \text{ g H}_2\text{O} \times \frac{1 \text{ mol H}_2\text{O}}{18 \text{ g H}_2\text{O}} \times \frac{1 \text{ mol O}}{1 \text{ mol H}_2\text{O}}$$

$$= 2 / 9 \text{ mol O}$$

$$O = 3 / 6 + 2 / 9 = 6 / 5 \text{ mol O}$$

(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی؛ صفحه‌های ۹۶ و ۹۷)

- ۱۳۸ - گزینه ۴

(امیرحسین طیبی)

$$\frac{3}{5} \text{ از ترکیبات داده شده نسبت شمار اتم‌ها به}$$

عنصرها بیشتر از ۲ می‌باشد. (رد گزینه‌های ۱ و ۲)

(I) (II)

	نسبت شمار اتم‌های به عنصرها	فرمول ترکیب	نسبت شمار اتم‌های به عنصرها	فرمول ترکیب
a	$\frac{3}{2} = 1.5$	$\text{Al}(\text{NO}_3)_3$	$\frac{13}{3} = 4.33$	
b	$\frac{6}{3} = 2$	LiCl	$\frac{2}{2} = 1$	
c	$\frac{1}{2} = 0.5$	$\text{Ca}(\text{OH})_2$	$\frac{5}{3} = 1.67$	
d	$\frac{14}{4} = 3.5$	K_2SO_4	$\frac{7}{3} = 2.33$	