



# آزمون «۲۳ تیر ۱۴۰۲»

## تعیین سطح تابستان

### اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

تخته سوال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ‌گویی (دقیقه)
حسابات ۱	۱۰	۱-۱۰	۱۵
هندسه ۲	۱۰	۱۱-۲۰	۱۵
آمار و احتمال	۱۰	۲۱-۳۰	۱۰
فیزیک ۲	۱۰	۳۱-۴۰	۱۵
شیمی ۲	۱۰	۴۱-۵۰	۱۰
ریاضی ۱	۱۰	۵۱-۶۰	۱۵
هندسه ۱	۱۰	۶۱-۷۰	۱۵
فیزیک ۱	۱۰	۷۱-۸۰	۱۵
شیمی ۱	۱۰	۸۱-۹۰	۱۰
مجموع	۹۰	۱-۹۰	۱۲۰

بدیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
رویاضی پایه	مهرداد استقلالیان-محمدسجاد پیشوایی-سعید تن آرا-بهرام حلاج-سجاد داودلیب-سهیل ساسانی-حمدی علیزاده-نیما کدیوریان
هندسه و آمار و احتمال	امیرحسین ابومحبوب-حسین حاجبلو-سیدمحمد رضا حسینی فرد-افشین خاصه‌خان-فرزانه خاکپاش-مسعود خندانی سوگند روشنی-سهام مجیدی پور-نیلوفر مهدوی-سرژ یقیازاریان تبریزی
فیزیک	خسرو ارغوانی فرد-زهره آقامحمدی-امیرعلی حاتم خانی-محمدعلی راست پیمان-مصطفی کیانی-فاروق مردانی-مجتبی نکوئان
شیمی	علی جدی-امیر حاتمیان-امید رضوانی-مرتضی زارعی-محمد رضا زهره‌وند-عادل زواره‌محمدی-مسعود طبرسا-اکبر هنرمند

گروه علمی اختصاصی

نام درس	ریاضی پایه	هندسه و آمار و احتمال	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	مصطفی کیانی	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	محمد رضا راسخ	مهرداد ملوندی	زهره آقامحمدی	امیر حاتمیان محمدحسن محمدزاده مقدم
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	محمد ساکی	امیرحسین مسلمی
مسئله اسناد	سمیه اسكندری	علیرضا همایون خواه	احسان صادقی	سمیه اسكندری

گروه قرنی و تولید اختصاصی

محمد اکبری	مدیر گروه
نرگس غنی زاده	مسئول دفترچه
مدیر گروه: محیا اصغری	گروه مستندسازی
مسئول دفترچه: الهه شهبازی	فرزانه فتح‌الزاده
حروف‌نگار و صفحه‌آرا	سوران نعیمی
ناظر چاپ	

#### گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم جی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۱۳ - تلفن: ۰۳۱-۶۴۶۳



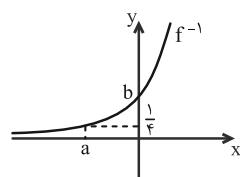
وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

- ۱- اگر  $1+a+a^2+\dots+a^{n-1}=(1+a)(1+a^2)(1+a^4)(1+a^8)$  کدام است؟  
۶۴ (۴)      ۳۲ (۳)      ۱۶ (۲)      ۸ (۱)
- ۲- ریشه‌های معادله  $2x^2+ax+b=0$  واحد کمتر از ریشه‌های معادله  $2x^2-5bx+a=0$  هستند. حاصل  $a+b$  کدام است؟  
۳ (۴)      -۱ (۳)      -۲ (۲)      ۴ (۱)
- ۳- مساحت سطح محصور بین نمودار تابع  $f(x)=x|x|-2|x|$  و محور  $x$  کدام است؟ ([ ]، نماد جزء صحیح است).  
۴ (۴)      ۳ (۳)      ۲/۵ (۲)      ۲ (۱)

- ۴- شکل زیر نمودار وارون تابع  $f(x)=\sqrt{x}-\frac{1}{x}$  است.  $a+b$  کدام است؟  
-۳/۲ (۲)      -۵/۲ (۱)



- ۵/۴ (۴)      -۷/۴ (۳)

- ۵- اگر  $y=fog(x)$  و  $g(x)=[\cos x]-\cos x$  مفروض باشند، برد تابع  $y=f(x)=\frac{1}{\sqrt{3-x^2}}$  کدام است؟  
[√3/3, √2/2] (۴)      (-√3/3, √3/3) (۳)      [√3, +∞) (۲)      (-√3, √2) (۱)

- ۶- نمودار دو تابع  $y=1+\log_2(x+1)$  و  $y=\log_2(x^3-2x^2-2x+1)$  یکدیگر را در چند نقطه قطع می‌کنند؟  
۱ (۳)      ۲ (۲)      ۳ (۱)

- ۷- اگر  $\tan 37^\circ = \frac{3}{4}$  باشد، حاصل عبارت  $\frac{\sin 1027^\circ + \tan 577^\circ - \sin 1677^\circ}{\tan(-953^\circ) - \cos(-847^\circ)}$  کدام است؟  
۲۷۹/۲۱۲ (۴)      ۱۳۵/۲۱۲ (۳)      ۲۷۹/۴۲۸ (۲)      ۱۳۵/۴۲۸ (۱)

- ۸- حاصل عبارت  $A = \frac{\cos 2x}{\tan x + \cot x}$  به ازای  $x = \frac{\pi}{32}$  کدام است؟  
√2+√2/4 (۴)      √2-√2/8 (۳)      √2+√2/4 (۲)      √2+√2/8 (۱)

- ۹- حاصل  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt{2+3x} - \sqrt{2-x}}{\sqrt{1-\cos x}}$  کدام است؟  
-√2 (۲)      -۲ (۱)

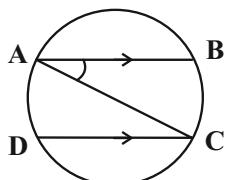
- ۱۰- اگر تابع  $g(x) = \begin{cases} f(x), & x \geq 1 \\ [-x], & x < 1 \end{cases}$  در  $x=1$  پیوستگی راست داشته باشد ولی پیوستگی چپ نداشته باشد، ضابطه  $f(x)$  کدام می‌تواند باشد؟ ([ ]، نماد جزء صحیح است).  
[x] (۴)      -|x| (۳)      1/(1-2x) (۲)      -x (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۲ : کل کتاب

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۱۱- در شکل زیر  $AC$  قطر دایره و  $AB \parallel CD$  است. اگر  $\widehat{2AB} = \widehat{3AD}$  چند درجه است؟

۱۸ (۱)

۲۴ (۲)

۳۶ (۳)

۴۸ (۴)

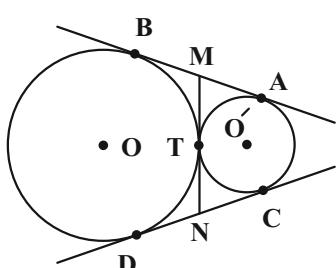
۱۲- دو دایره  $(O, r)$  و  $(O', r')$  با طول خط مرکزین  $O_1O_2 = 2r + r'$  مفروض‌اند. به ازای چند مقدار صحیح  $r$ ، این دو دایره متقاطع‌اند؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۰ (۱)

۱۳- مطابق شکل زیر دو دایره به شعاع‌های ۲ و ۶ واحد بر هم مماس‌اند. اگر  $AB$  و  $CD$  مماس‌های مشترک خارجی و  $MN$  مماسمشترک داخلی دو دایره باشد، طول  $MN$  کدام است؟

۴\sqrt{3} (۱)

۳\sqrt{3} (۲)

۴ (۳)

۳ (۴)

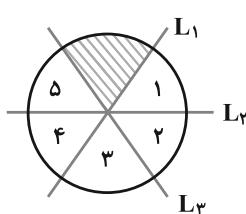
۱۴- شعاع‌های دایره‌های محاطی خارجی مثلثی به ترتیب ۲، ۳ و ۶ است. اگر طول‌های دو ارتفاع این مثلث ۳ و ۴ باشد، طول ارتفاع دیگر این مثلث کدام است؟

۲/۵ (۴)

۲/۴ (۳)

۲ (۲)

۱/۵ (۱)

۱۵- ترکیب کدام بازتاب‌ها به ترتیب از راست به چپ، قطاع هاشورخورده را در جایگاه «۲» قرار نمی‌دهد؟ (قطعات با هم برابر بوده و خطوط  $L_1$ ،  $L_2$  و  $L_3$  در مرکز دایره همسن‌اند).۱)  $L_2$  و  $L_1$ ۲)  $L_1$  و  $L_3$ ۳)  $L_1$  و  $L_2$ ۴)  $L_3$  و  $L_2$ 

محل انجام محاسبات



۱۶- اگر نقاط  $A'$  و  $A''$  مجانس نقطه  $A$  نسبت به مرکز  $O$  و به ترتیب با نسبت‌های  $k_1$  و  $k_2$  باشند، آن‌گاه  $A'$  با چه نسبتی

می‌تواند مجانس  $A''$  نسبت به مرکز  $O$  باشد؟

$k_1 k_2$  (۳)  $\frac{k_2}{k_1}$  (۲)  $\frac{k_1}{k_2}$  (۱)

۱۷- در شکل مقابل، هرگاه فاصله دو نقطه  $A$  و  $B$  از خط  $d$  به ترتیب برابر ۱۰ و ۵ واحد و همچنین طول  $AB$  برابر ۱۵ واحد باشد، طول

کوتاه‌ترین مسیر  $M$  روی خط  $d$  باشد، کدام است؟



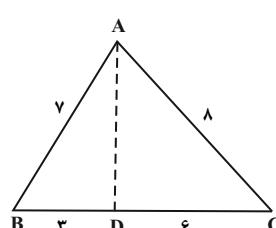
$4\sqrt{21}$  (۱)

$5\sqrt{17}$  (۲)

$6\sqrt{15}$  (۳)

۲۰ (۴)

۱۸- در شکل زیر، اندازه پاره خط  $AD$ ، کدام است؟



$\sqrt{37}$  (۱)

۶ (۲)

$2\sqrt{7}$  (۳)

$2\sqrt{10}$  (۴)

۱۹- اگر فرض شود در مثلثی مجدد نیمساز داخلی زاویه  $A$ ، برابر با حاصل ضرب اضلاع آن زاویه است، استنباط چگونه است؟

(۴) نادرستی فرض

$\hat{A} > 90^\circ$  (۳)

$\hat{A} = 90^\circ$  (۲)

$\hat{A} < 90^\circ$  (۱)

۲۰- در مثلثی به اضلاع ۴، ۵ و ۷ طول بلندترین ارتفاع آن کدام است؟

$4\sqrt{2}$  (۴)

$3\sqrt{2}$  (۳)

$2\sqrt{6}$  (۲)

$2\sqrt{3}$  (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

آمار و احتمال: کل کتاب

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۲۱- چه تعداد از موارد زیر درست است؟

$$\exists x \in \mathbb{R}, \forall y \in \mathbb{R}; x + y = 0$$

(ب)

$$\sim(p \Rightarrow q) \equiv p \wedge \sim q$$

(د)

۴ (۴)

۳ (۳)

$$\exists x \in \mathbb{R}, \forall y \in \mathbb{R}; x \leq y$$

(الف)

$$[(p \Rightarrow q) \wedge \sim q] \Rightarrow \sim p \equiv T$$

(ج)

۲ (۲)

۱ (۱)

۲۲- متمم مجموعه  $A - B \cup [(B \cap C)' \cap ((B' \cup A) - B)]$  با کدام مجموعه برابر است؟

B (۴)

A (۳)

B' (۲)

A - B (۱)

۲۳- مضارب طبیعی ۷ کوچک‌تر از ۴۰ را به چند طریق می‌توان افزایش کرد به طوری که زیرمجموعه‌ای که شامل خود عدد ۷ است، سه عضوی باشد؟

۲۴ (۴)

۱۸ (۳)

۱۵ (۲)

۱۲ (۱)

۲۴- در یک آزمایش تصادفی، فضای نمونه  $S = \{a, b, c\}$  است. اگر  $P(a) = \frac{1}{2}$  باشد و  $P(b)$ ،  $P(c)$  یک دنباله هندسی تشکیل دهند، مقدار  $P(b)$  کدام است؟

$$\frac{\sqrt{5}+1}{2}$$

(۴)

$$\frac{\sqrt{5}+1}{4}$$

(۳)

$$\frac{\sqrt{5}-1}{4}$$

(۲)

$$\frac{\sqrt{5}-1}{2}$$

(۱)

۲۵- اگر گزاره ... درست باشد، آنگاه احتمال آنکه  $p$  و  $q$  هر دو درست باشند، برابر ... است.

$$\frac{1}{3}, p \wedge q$$

(۴)

$$\frac{1}{2}, \sim p \Leftrightarrow q$$

(۳)

$$\frac{1}{3}, \sim p \vee q$$

(۲)

$$\frac{1}{2}, p \Rightarrow q$$

(۱)

۲۶- در جامعه‌ای احتمال ابتلا به کرونا پیش از واکسیناسیون ۴۵ درصد و این احتمال پس از تزریق دوز اول و دوم واکسن به ترتیب ۲۲ درصد و ۱۰ درصد است. فرض کنید تعداد افرادی که در این جامعه واکسن نزدیک شده باشد که فقط دوز اول و ۲ برابر افرادی باشد که دو دوز واکسن را تزریق کرده‌اند. فردی از این جامعه که مبتلا به کرونا شود، با کدام احتمال دو دوز واکسن را تزریق کرده است؟

$$\frac{2}{3}$$

(۴)

$$\frac{15}{172}$$

(۳)

$$\frac{11}{43}$$

(۲)

$$\frac{10}{77}$$

(۱)

۲۷- واریانس ۲۴ داده آماری برابر ۵ می‌باشد. اگر داده‌ای که با میانگین برابر است به آن‌ها اضافه شود، واریانس ۲۵ داده جدید چند برابر واریانس داده‌های قبلی است؟

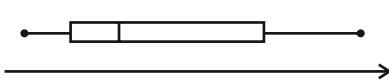
۰/۹۶ (۴)

۰/۹۴ (۳)

۰/۹۲ (۲)

۰/۹ (۱)

۲۸- نمودار جعبه‌ای مقابله مربوط به کدام یک از داده‌های زیر می‌تواند باشد؟



۱, ۴, ۲, ۲, ۸, ۶ (۱)

۳, ۱, ۴, ۰, ۶, ۸ (۲)

۴, ۷, ۶, ۹, ۲, ۴ (۳)

۹, ۰, ۳, ۸, ۵, ۵ (۴)

۲۹- در یک نمونه‌گیری سامانمند بین ۴۵۰ نفر که به ترتیب از شماره ۱ تا ۴۵۰ شماره‌گذاری شده‌اند، می‌خواهیم یک نمونه ۳۰ تایی انتخاب کنیم. اگر یکی از اعضای انتخابی شماره ۸۲ باشد، آنگاه کدام شماره انتخاب نشده است؟

۴۰۲ (۴)

۲۷۷ (۳)

۱۷۲ (۲)

۳۷ (۱)

۳۰- بازه اطمینان بیش از ۹۵ درصد برای میانگین جامعه‌ای به صورت  $(26/75, 32/75)$  می‌باشد. اگر واریانس این جامعه ۸۱ باشد، اندازه نمونه انتخاب شده کدام است؟

۸۱ (۴)

۳۶ (۳)

۶۴ (۲)

۱۶ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

**فیزیک ۲: کل کتاب**

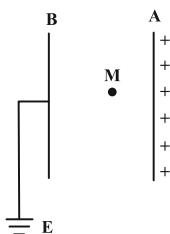
پاسخ دادن به این سوالات برای همهٔ دانشآموزان اجباری است.

۳۱- با توجه به جدول سری الکتریسیتهٔ مالشی زیر، اگر جسم خنثی A را به جسم خنثی C مالش دهیم، اندازهٔ بار جسم C برابر با  $17/6 \times 10^{-19} C$  خواهد شد. در این صورت کدام گزینه در مورد انتقال الکترون بین دو جسم صحیح است؟ ( $e = 1/6 \times 10^{-19} C$ )

- (۱) تعداد ۱۱ الکترون از A به C منتقل شده است.
- (۲) تعداد ۱۱ الکترون از C به A منتقل شده است.
- (۳) تعداد ۹ الکترون از A به C منتقل شده است.
- (۴) تعداد ۹ الکترون از C به A منتقل شده است.

انتهاي مثبت سري
A
B
C
D
انتهاي منفي سري

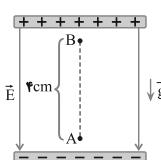
۳۲- مطابق شکل زیر، دو صفحهٔ رسانای موازی که یکی دارای بار الکتریکی مثبت و دیگری متصل به زمین است، در فاصلهٔ ۴ سانتی‌متری از یکدیگر قرار دارند. اگر در نقطه M به بار  $C = 4 \mu C$  نیرویی به بزرگی  $2 N$  وارد شود، پتانسیل الکتریکی صفحهٔ A چند ولت است؟



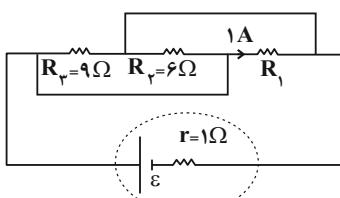
- (۱) ۱۰۰
- (۲) ۴۰۰
- (۳) ۵۰۰
- (۴) ۲۰۰۰

۳۳- در شکل مقابل، ذره‌ای باردار به جرم  $g = 10^{-8} N$  و بار الکتریکی  $C = 10^{-15}$  از نقطه A و از حال سکون رو به بالا شروع به حرکت می‌کند. تنیدی ذره هنگامی که به نقطه B می‌رسد، چند متر بر ثانیه است؟ ( $AB = 4 cm$ ،  $g = 10 N/kg$  و از مقاومت هوا صرف‌نظر کنید.)

- (۱)  $1/4$
- (۲)  $0/4$
- (۳)  $1/6$
- (۴)  $4$

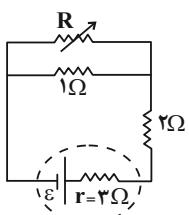


۳۴- در مدار شکل زیر، اگر انرژی الکتریکی مصرف شده در مقاومت  $R_1$  در مدت ۱۲ دقیقه، برابر با  $12/96$  کیلوژول باشد، نیروی محركه مؤبد (E) چند ولت است؟



- (۱)  $\frac{22}{3}$
- (۲)  $18$
- (۳)  $24$
- (۴)  $36$

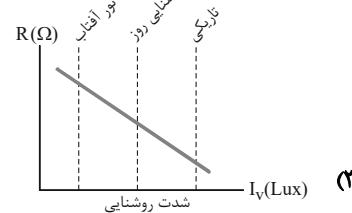
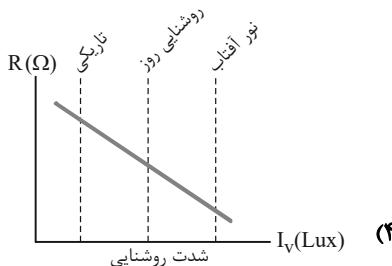
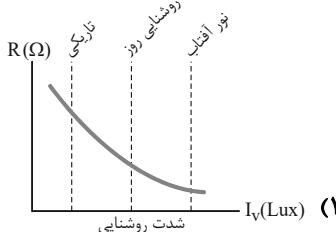
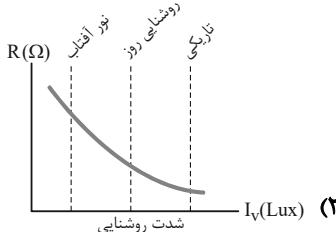
۳۵- در مدار مقابل مقاومت رئوستا را افزایش می‌دهیم، توان خروجی باتری چگونه تغییر می‌کند؟



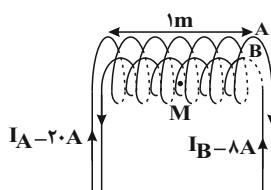
- (۱) افزایش می‌یابد.
- (۲) کاهش می‌یابد.
- (۳) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.
- (۴) ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.



۳۶- کدامیک از گزینه‌های زیر، نمودار مقاومت الکتریکی (R) را بر حسب شدت روشنایی (I<sub>v</sub>) یک LDR که از نیم‌رسانی خالص ساخته شده است، به درستی نشان می‌دهد؟



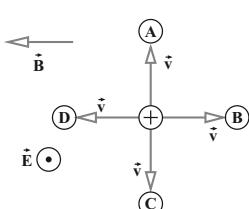
۳۷- در شکل زیر دو سیم‌لوله هم‌محور A و B دارای طول برابر هستند. اگر تعداد دور سیم‌لوله A برابر با ۱۰۰ و تعداد دور سیم‌لوله B برابر ۱۲۵ باشد، بزرگی میدان مغناطیسی برایند در نقطه M روی محور اصلی مشترک سیم‌لوله‌ها چند گاوس و در چه جهتی



$$\text{است؟ } (\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}})$$

(۱)  $\rightarrow 12\pi$  و  
(۲)  $\leftarrow 12\pi$  و  
(۳)  $\rightarrow 4\pi$  و  
(۴)  $\leftarrow 4\pi$  و

۳۸- مطابق شکل زیر، دو میدان یکنواخت الکتریکی و مغناطیسی عمود بر هم در یک محيط قرار دارند. ذره‌ای با بار الکتریکی مثبت در آن فضا با سرعت  $\vec{v}$  به کدام جهت حرکت کند، تا بزرگی نیروی خالص وارد بر آن بیشینه شود؟ (اثر وزن ذره ناچیز است).

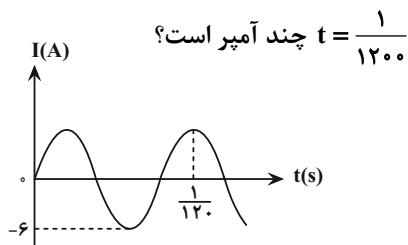


- A (۱)  
B (۲)  
C (۳)  
D (۴)

۳۹- حلقه‌ای به شعاع ۲ سانتی‌متر عمود بر یک میدان مغناطیسی قرار دارد. این حلقه از سیمی مسی به شعاع مقطع ۲mm و مقاومت ویرژه  $1/7 \times 10^{-8} \Omega \cdot \text{m}$  تشکیل شده است. میدان مغناطیسی با چه آهنگی در SI تغییر کند تا جریانی برابر  $2/0$  آمپر در حلقه القا شود؟ ( $\pi = 3$ )

$$(۱) ۰/۰۲۸ \quad (۲) ۰/۰۸۲ \quad (۳) ۰/۲۸۰ \quad (۴) ۰/۰۲۸$$

۴۰- نمودار تغییرات یک جریان متناوب سینوسی به شکل زیر است. اندازه جریان در لحظه  $t = \frac{1}{120}$  چند آمپر است؟



- ۱ (۱)  
۲ (۲)  
۳ (۳)  
 $3\sqrt{3}$  (۴)  
 $3\sqrt{2}$  (۴)



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

## شیمی ۲: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۴۱- با توجه به نماد شیمیایی عناصر و خواص فیزیکی یا شیمیایی آنها، چه تعداد از خانه‌های جدول حاوی اطلاعات نادرست است؟

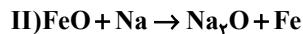
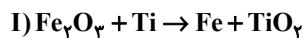
(۱) ۳

(۲) ۴

(۳) ۵

(۴) ۶

نماد شیمیایی	خواص فیزیکی یا شیمیایی	C	Si	Sn	Ge
رسانای الکتریکی	پایین دارد	پایین دارد	دارد	دارد	پایین دارد
سطح صیقلی	دارد	دارد	دارد	ندارد	دارد
تمایل به دادن، گرفتن، اشتراک الکترون	اشتراک دادن دادن دادن	اشتراک دادن دادن دادن	دارد ندارد دارد	پایین دارد دارد دارد	پایین دارد دارد دارد

۴۲- با توجه به این که واکنش‌های زیر همگی انجام‌پذیر هستند، کدام موارد از مطالب بیان شده نادرست است؟آ) واکنش‌پذیری عناصر به صورت  $\text{Na} > \text{Fe} < \text{Ti}$  می‌باشد.ب) واکنش  $\text{TiCl}_4 + \text{Na} \rightarrow \text{NaCl} + \text{Ti}$  در شرایط مناسب انجام‌پذیر است.پ) از  $\text{Fe}$  پایدارتر است.ت) مجموع ضرایب مواد در معادله واکنش  $\text{TiCl}_4 + \text{Na} \rightarrow \text{NaCl} + \text{Ti}$  دو برابر مجموع ضرایب مواد در واکنش (II) است.ث) استخراج  $\text{Ti}$  از استخراج  $\text{Fe}$  آسان‌تر است.

(۱) آ، ث

(۲) پ، ث

(۳) آ، ب، ت

۴۳- اگر  $\frac{۳}{۳۰}$  گرم پتاسیم نیترات ( $\text{KNO}_3$ ) با خلوص  $۸۰$  درصد در دمای بالاتر از  $۵۰^\circ\text{C}$ ، به میزان  $۷۵$  درصد تجزیه شود، حجم گاز تولید شده چند لیتر است؟ (حجم مولی گازها  $۲۵$  لیتر فرض شده است). ( $K = ۳۹, N = ۱۴, O = ۱۶ : \text{g.mol}^{-1}$ )

(۱) ۱۰/۵

(۲) ۷/۸۷۵

(۳) ۷/۷۷۵

(۴) ۷/۰۵

۴۴- اگر در مولکول سومین آلکان، به جای اتم‌های هیدروژن متصل به کربن وسطی، گروه‌های متیل و به جای یکی از اتم‌های هیدروژن متصل به یکی از کربن‌های دیگر، گروه اتیل قرار دهیم، کدام گزینه درباره ترکیب حاصل نادرست خواهد بود؟ ( $C = ۱۲, H = ۱ : \text{g.mol}^{-1}$ )

(۱) نام ترکیب به دست آمده، «۲، ۲ - دی‌متیل پنتان» است.

(۲) اختلاف جرم مولی ترکیب حاصل با ترکیب اولیه برابر  $16\text{ g.mol}^{-1}$  است.(۳) اختلاف تعداد اتم‌های موجود در ساختار ترکیب حاصل با تعداد اتم‌های هیدروژن موجود در نفتالن، برابر  $13$  است.

(۴) یک اتم کربن در این ترکیب با هیچ اتم هیدروژنی پیوند اشتراکی ندارد.

۴۵- ظرفیت گرمایی ویژه آب  $۱۰$  برابر ظرفیت گرمایی ویژه آهن است. اگر  $۲\text{ kg}$  آب  $۲۰^\circ\text{C}$  را در یک کاسه آهنه به جرم  $۱\text{ kg}$  با دمای(۱)  $۱۲۵^\circ\text{C}$  بریزیم و این دو همدما شوند، دمای نهایی بر حسب درجه سلسیوس کدام است؟ (از مبادله گرمایی با محیط صرف نظر شود).

(۲) ۲۵

(۳) ۵۵

(۴) ۷۲/۵

(۱) ۲۹/۲۵



۴۶- با توجه به میانگین آنتالپی پیوندهای داده شده، آنتالپی پیوند (O-H) چند کیلوژول بر مول است؟

C-H	C-O	O-H	C=C	C-C	نوع پیوند
۴۱۰	۳۶۰	X	۶۱۰	۳۵۰	میانگین آنتالپی پیوند (kJ/mol⁻¹)
۴۰۰ (۴)			۵۶۰ (۳)		۵۰۰ (۲)

۴۷- در چند مورد از مواد زیر، گروه عاملی موجود در آن‌ها به درستی بیان شده‌اند؟

- |                   |                       |                    |
|-------------------|-----------------------|--------------------|
| میخک: عامل اتری   | زردچوبه: عامل آلدهیدی | گشنیز: عامل الکلی  |
| بادام: عامل آسیدی | دارچین: عامل اسیدی    | رازیانه: عامل اتری |
| ۱ (۴)             | ۲ (۳)                 | ۳ (۲)              |
| ۴ (۱)             |                       |                    |

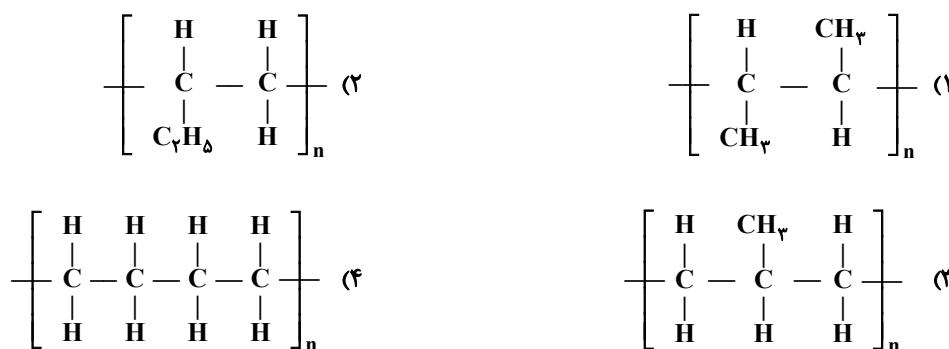
۴۸- ۱۰ مول SO₂ را به همراه مقداری O₂، وارد یک ظرف سربسته یک لیتری می‌کنیم تا واکنش  $2SO_2(g) + O_2(g) \rightarrow 2SO_3(g)$  در

آن انجام شود. در صورتی که پس از ۵۰ ثانیه از شروع واکنش، ۱۳ مول گاز در ظرف وجود داشته باشد و سرعت واکنش

در این بازه زمانی  $1 \cdot s^{-1} \cdot mol^{-1} \cdot L^{-1}$  مصرف شده است؟

۲۵ (۴)                  ۴ (۳)                  ۲۰ (۲)                  ۱۰ (۱)

۴۹- فراورده حاصل از واکنش پلیمری شدن ترکیب رو به رو کدام است؟



۵۰- اگر آنتالپی پیوندهای (N≡N) و (N-N)، (N-H)، (H-H) و (N-H) با یکای کیلوژول بر مول، به ترتیب برابر ۱۵۹، ۳۸۹، ۴۳۵ و

۹۴۱ باشد، مطابق واکنش:  $N_2(g) + 2H_2(g) \rightarrow H_2N - NH_2(g)$  به ازای مصرف  $1 \times ۱۰^{۲۵}$  مولکول هیدروژن، چند

کیلوژول انرژی جذب می‌شود؟

۴۸۰۰ (۴)                  ۳۶۰۰ (۳)                  ۲۴۰۰ (۲)                  ۱۲۰۰ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۵۱- از هر یک از هشت مدرسه علاقه‌مند، ۶ نفر برای بازی تنیس ۴ نفری (دو به دو) انتخاب شده‌اند. به چند طریق این بازی ممکن است بین دو تیم از دو مدرسه مختلف انجام شود به‌طوری که هر دو نفر هم تیمی از یک مدرسه باشند؟

- (۱) ۴۲۰۰      (۲) ۵۶۰۰      (۳) ۴۰۰۰      (۴) ۶۳۰۰

۵۲- در پرتاب سه تا، احتمال آن که هر بار عدد رو شده کوچک‌تر از پرتاب‌های قبلی باشد، کدام است؟

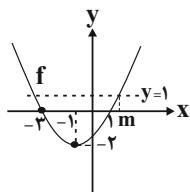
- (۱)  $\frac{5}{216}$       (۲)  $\frac{5}{108}$       (۳)  $\frac{5}{54}$       (۴)  $\frac{5}{36}$

۵۳- اگر اشتراک دو مجموعه  $A = (m, n+5)$  و  $B = (n, m)$  باشد، آنگاه  $m+n$  کدام است؟

- (۱) ۲      (۲) ۱      (۳) ۳      (۴) ۴

۵۴- اگر  $A = \frac{\sqrt[4]{2} \times \sqrt[4]{3^4} \times 2}{\sqrt[4]{6^4}}$  باشد، حاصل کدام است؟

- (۱)  $\frac{1}{16}$       (۲)  $\frac{1}{8}$       (۳)  $\frac{1}{2}$       (۴)  $\frac{1}{4}$



۵۵- در سهمی زیر، مقدار  $m$  کدام است؟

- (۱)  $\sqrt{6}-2$       (۲)  $\sqrt{6}-1$       (۳)  $\sqrt{6}+2$       (۴)  $\sqrt{6}+1$

۵۶- در صورتی که مجموعه جواب نامعادله  $\frac{ax+2}{bx-3} < -1$  به صورت بازه  $(-\infty, +\infty)$  باشد، کمترین مقدار  $b-a$  کدام است؟

- (۱)  $\frac{1}{6}$       (۲)  $\frac{1}{3}$       (۳)  $\frac{1}{18}$       (۴)  $\frac{16}{9}$

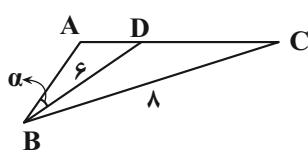
۵۷- رابطه  $A = \{(3, m^2), (2, 1), (-3, m), (-2, m), (3, m+2), (m, 4)\}$  به ازای کدام مقدار  $m$ ، یک تابع است؟

- (۱)  $-2$       (۲)  $-1$       (۳)  $2$       (۴) هیچ مقدار

۵۸- دامنه تابع خطی  $f$  بازه  $[2, 0]$  و برد آن بازه  $[-2, 1]$  است. مقدار  $\frac{2}{3}f$  کدام عدد می‌تواند باشد؟

- (۱)  $-2$       (۲)  $-1$       (۳)  $-\frac{1}{2}$       (۴)  $2$

۵۹- در شکل زیر  $\hat{ABC} = 60^\circ$  و  $BC = 8$ ,  $BD = 6$  است. اگر مساحت مثلث  $ABD$  باشد، اندازه زاویه  $\alpha$  کدام است؟



- (۱)  $30^\circ$       (۲)  $45^\circ$       (۳)  $15^\circ$       (۴)  $75^\circ$

۶۰- اگر  $\tan x = 1$  باشد، انتهای کمان  $x$  در کدام ناحیه مثلثاتی قرار دارد؟

- (۱) اول      (۲) دوم      (۳) سوم      (۴) چهارم



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

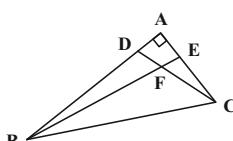
۶۱- کدام یک از قضیه‌های زیر را می‌توان به صورت یک قضیه دو شرطی نوشت؟

(۱) اگر دو مثلث همنهشت باشند، آن‌گاه زوایای آن‌ها نظیر به نظیر برابر یکدیگرد.

(۲) اگر یک چهارضلعی لوزی باشد، آن‌گاه آن چهارضلعی متوازی‌الاضلاع است.

(۳) اگر دو مثلث همنهشت باشند، آن‌گاه محیط‌های برابر دارند.

(۴) اگر دو ضلع مثلثی برابر یکدیگر باشند، ارتفاع‌های وارد بر آن‌ها نیز برابر یکدیگرد.

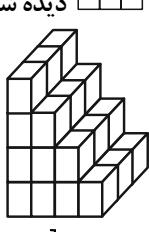
۶۲- در چهارضلعی محدب  $ABCD$ ، اضلاع  $AB$  و  $CD$  به ترتیب بزرگ‌ترین و کوچک‌ترین اضلاع هستند.  $\hat{C} + \hat{D}$  برابر کدام گزینه می‌تواند باشد؟(۱)  $135^\circ$ (۲)  $175^\circ$ (۳)  $150^\circ$ (۴)  $210^\circ$ ۶۳- در مثلث  $ABC$ ، نقاط  $M$  و  $N$  به ترتیب وسط اضلاع  $AB$  و  $AC$  قرار دارند. از نقطه  $O$  وسط پاره خط  $MN$ ، دو خط موازی با  $AB$  ورسم می‌کنیم تا ضلع  $BC$  را به ترتیب در نقاط  $D$  و  $E$  قطع کنند. حاصل  $\frac{DE}{MN}$  کدام است؟(۱)  $\frac{1}{2}$ (۲)  $\frac{2}{3}$ (۳)  $\frac{3}{4}$ (۴)  $1$ ۶۴- در شکل زیر  $B\hat{D}F = F\hat{E}C$  است. اگر  $EC = 5$  و  $AD = 2$ ،  $BF = 2FC = 8$  باشد، طول پاره خط  $BC$  کدام است؟(۱)  $12$ (۲)  $10\sqrt{2}$ (۳)  $4\sqrt{13}$ (۴)  $6\sqrt{6}$ ۶۵- در یک ذوزنقه اندازه قاعده‌ها  $6$  و  $9$  واحد و اندازه ساق‌ها  $4$  و  $5$  واحد است. مساحت مثلثی که از امتداد ساق‌ها در بیرون ذوزنقه تشکیل می‌شود، چند درصد مساحت ذوزنقه است؟(۱)  $70$ (۲)  $72$ (۳)  $75$ (۴)  $80$ ۶۶- مجموع تعداد اضلاع و اقطار یک  $(n+1)$  ضلعی، نصف تعداد اقطار یک  $2n$  ضلعی است.  $n$  کدام است؟(۱)  $4$ (۲)  $7$ (۳)  $8$ (۴)  $6$ ۶۷- در مثلث  $ABC$ ، دو میانه  $AM$  و  $BN$  برهمنمود هستند. اگر مساحت این مثلث برابر  $36$  واحد مربع و طول میانه  $BN$  برابر  $6$  واحد باشد، طول ضلع  $BC$  کدام است؟(۱)  $15$ (۲)  $12$ (۳)  $10$ (۴)  $9$ ۶۸- مساحت یک پنجضلعی شبکه‌ای  $9$  واحد است. اگر تعداد نقاط درونی این پنجضلعی حداقل  $3$  باشد، چند مقدار مختلف برای تعداد نقاط درونی آن وجود دارد؟(۱)  $8$ (۲)  $7$ (۳)  $6$ (۴)  $5$ ۶۹- سه خط متمایز  $L_1$ ،  $L_2$  و  $L_3$  در نقطه  $A$  یکدیگر را قطع می‌کنند. چند صفحه وجود دارد که شامل همه این خطوط باشد؟

(۱) بی‌شمار

(۲) یک یا هیچ

(۳) دقیقاً یک

(۴) هیچ

۷۰- در شکل زیر  $30$  مکعب کوچک وجود دارد. حداقل چه تعداد از این مکعب‌ها را برداریم تا نمای راست شکل به صورت دیده شود؟(۱)  $9$ (۲)  $12$ (۳)  $18$ (۴)  $22$ 

۷



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

## فیزیک ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

- ۷۱- داخل کره‌ای به شعاع  $3\text{ cm}$ ، حفره‌ای کروی به شعاع  $2\text{ cm}$  وجود دارد. وقتی حفره را از مایعی به چگالی  $\frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 7/5$  پر کنیم،

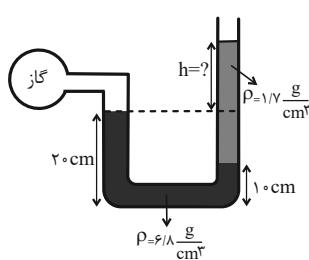
$$\text{جرم کره } 40 \text{ درصد افزایش می‌یابد. چگالی ماده سازنده کره چند } \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \text{ است? } (\pi = 3)$$

- (۱) ۱ (۲)  $4/5$  (۳) ۶ (۴) ۳

- ۷۲- لوله شیشه‌ای باریکی را که دو انتهای آن باز است، به طور عمودی تا نیمه وارد مایع درون ظرفی می‌کنیم. اگر نیروی دگرچسبی بیشتر از نیروی همچسبی باشد، سطح مایع درون لوله ..... از سطح مایع درون ظرف قرار می‌گیرد و سطح مایع در لوله به صورت ..... درمی‌آید.

- (۱) پایین‌تر - فرورفته (۲) پایین‌تر - برآمده (۳) بالاتر - فرورفته (۴) بالاتر - برآمده

- ۷۳- در شکل زیر، دو مایع در حال تعادل هستند. اگر فشار پیمانه‌ای گاز درون مخزن  $7\text{kPa}$  / ۱ باشد، اختلاف ارتفاع سطح مایع‌ها در

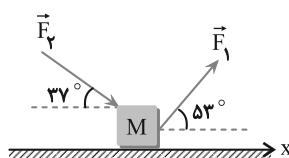


$$\text{دو طرف لوله U شکل چند سانتی‌متر است? } (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

- (۱) ۲۰ (۲) ۳۰ (۳) ۴۰ (۴) ۶۰

- ۷۴- در شکل زیر، جسمی روی سطح افقی در راستای محور  $x$  به مقداری معین جابه‌جا می‌شود. اگر کار انجام شده توسط نیروی  $\vec{F}_1$

$$\text{نصف کار کل و کار انجام شده توسط نیروی } \vec{F}_2 \text{ برابر کار کل باشد، } \frac{F_2}{F_1} = \frac{5}{6} \text{ کدام است؟ } (\cos 53^\circ = 0.6)$$



- (۱)  $\frac{3}{4}$  (۲)  $\frac{4}{3}$  (۳)  $\frac{4}{5}$  (۴)  $\frac{5}{4}$

- ۷۵- چتربازی از بالون ساکنی که در ارتفاع  $300$  متری از سطح زمین قرار دارد، با تندي اولیه  $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  به بیرون بالون پریده و با تندي

- $40$  به سطح زمین می‌رسد. اگر بزرگی کار نیروی مقاومت هوای روی چترباز در طول مسیر حرکت، برابر با  $135\text{kJ}$  باشد، جرم

$$\text{چترباز چند کیلوگرم است? } (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

- (۱) ۶۰ (۲) ۷۰ (۳) ۸۰ (۴) ۹۰



۷۶- اگر دمای جسمی ۲۷ درجه فارنهایت افزایش یابد، دمای جسم بحسب درجه سلسیوس چهار برابر می‌شود. دمای اولیه جسم

چند درجه سلسیوس است؟

۶۸ (۴)

۴۱ (۳)

۲۰ (۲)

۵ (۱)

۷۷- ۵ کیلوگرم یخ  ${}^{\circ}\text{C}$  را داخل مقداری آب  ${}^{\circ}\text{C} ۵$  می‌اندازیم. اگر پس از رسیدن به تعادل گرمایی، جرم آب داخل ظرف ۶۵۰

گرم باشد، چند درصد از یخ ذوب شده است؟  $\text{c} = ۴ / ۲ \frac{\text{J}}{\text{g} \cdot \text{k}}$ ,  $L_f = ۳۳۶ \frac{\text{J}}{\text{g}}$

۸۰ (۴)

۷۵ (۳)

۵۰ (۲)

۲۵ (۱)

۷۸- در فشار ثابت  $\text{Pa} ۱ \times ۱۰^۵$ ، دمای ۳ مول گاز آرمانی را چند درجه سلسیوس کاهش دهیم تا حجم آن ۴ لیتر کاهش پیدا کند؟  $(R = ۸ \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}})$

۱۵ (۴)

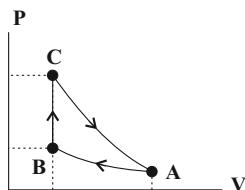
۲۵ (۳)

۳۰ (۲)

۵۰ (۱)

۷۹- مطابق شکل زیر، چرخه‌ای از سه فرایند همدما، هم حجم و بی دررو تشکیل شده است. اگر گاز در فرایند بی دررو  $160 \text{ J}$  کار انجام

دهد، گرمای مبادله شده در فرایند هم حجم چند زول است؟



۱۶۰ (۱)

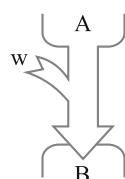
-۱۶۰ (۲)

۳۶۰ (۳)

-۳۶۰ (۴)

۸۰- شکل زیر طرح‌واره‌ای از یک دستگاه ترمودینامیکی است که A و B به ترتیب منبع ..... هستند و قانون اول ترمودینامیک

برای آن به صورت ..... نوشته می‌شود.



۱) دما بالا و دما پایین ،  $Q_H - |Q_L| - |W| = ۰$

۲) دما بالا و دما پایین ،  $|Q_H| - Q_L - W = ۰$

۳) دما پایین و دما بالا ،  $|Q_H| - Q_L - W = ۰$

۴) دما پایین و دما بالا ،  $Q_H - |Q_L| - |W| = ۰$



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

## شیوه ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۸۱- عبارت کدام گزینه درست است؟

(۱) جرم اتمی میانگین یک عنصر و تعداد ایزوتوپ‌های پایدار آن را نمی‌توان از جدول دوره‌ای به دست آورد.

(۲) جرم هر پروتون، برابر  $1/00723\text{ g}$  است.(۳) نماد الکترون به صورت  $e^{-}$  است.

(۴) هر دوره جدول دوره‌ای، شامل ۸ گروه است.

۸۲- اتم X، با جرم اتمی میانگین  $52\text{ amu}$ ، دارای یون‌های  $A_1X^+$ ،  $A_2X^{2+}$  و  $A_3X^{3+}$  است که در هر کدام از آن‌ها، تفاوت شمار نوترون‌ها و پروتون‌ها، دو برابر بار یون می‌باشد. اگر درصد فراوانی این سه ایزوتوپ به ترتیب برابر  $25$ ،  $50$  و  $25$  درصد باشد، عدد اتمی X کدام است؟ (جرم پروتون و نوترون را یکسان و برابر  $1\text{ amu}$  در نظر بگیرید).

۲۸ (۴)

۲۲ (۳)

۲۵ (۲)

۲۴ (۱)

۸۳- مخلوطی از گازهای آمونیاک ( $\text{NH}_3$ ) و متان ( $\text{CH}_4$ ) به جرم  $20\text{ g}$  دارای  $4$  گرم هیدروژن است. در این مخلوط چند اتم کربن وجود دارد؟ ( $C=12, N=14, H=1:\text{g.mol}^{-1}$ )۱/۲۰۴×۱۰<sup>۲۳</sup> (۴)۲/۴۰۸×۱۰<sup>۲۳</sup> (۳)۳/۶۱۲×۱۰<sup>۲۳</sup> (۲)۴/۸۱۶×۱۰<sup>۲۳</sup> (۱)

۸۴- نسبت شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی به شمار جفت الکترون‌های پیوندی در ساختار الکترون - نقطه‌ای مولکول دی‌کلرومتان ( $\text{CH}_3\text{Cl}_2$ )، کدام است؟ (C اتم مرکزی است).

 $\frac{1}{2}$  (۴)

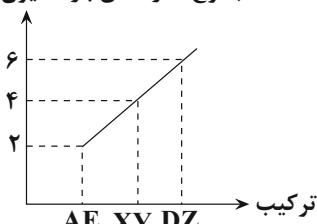
۲ (۳)

 $\frac{2}{3}$  (۲) $\frac{3}{2}$  (۱)

۸۵- نمودار زیر مجموع اندازه بار کاتیون و آئیون ترکیب‌های یونی حاصل از عنصرهای اصلی چهار دوره اول جدول تناوبی را نشان می‌دهد. چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

مجموع قدر مطلق بار کاتیون و آئیون

• در ترکیب AE کاتیون و آئیون قطعاً به آرایش گاز نجیب می‌رسند.



• ترکیب XY می‌تواند کلسیم‌فسفید باشد.  
• اگر کاتیون و آئیون DZ هم الکترون باشند، بین عناصر D و Z در جدول تناوبی،  $5$  عنصر وجود دارد.

• در تمام این ترکیب‌های یونی، مجموع بار الکتریکی کاتیون‌ها با مجموع قدر مطلق بار الکتریکی آئیون‌ها برابر است.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)



۸۶- نام چه تعداد از ترکیب‌های زیر، به درستی تعیین شده است؟

•  $\text{CO}$ : مونوکربن مونوکسید

•  $\text{N}_2\text{O}_4$ : دی‌نیتروژن تترا اکسید

•  $\text{SO}_3$ : گوگرد تترا اکسید

•  $\text{SiCl}_4$ : سیلیسیم تراکلرید

•  $\text{CS}_2$ : کربن دی‌سولفیت

•  $\text{N}_2\text{O}$ : دی‌نیتروژن اکسید

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۸۷- کدام موارد از مطالب زیر، درباره انواع سوخت‌ها (بنزین، گاز هیدروژن، گاز طبیعی و زغال‌سنگ) نادرست است؟

آ) تمامی فراورده‌های حاصل از سوختن آنها، گاز گلخانه‌ای محسوب می‌شوند.

ب) گرمای آزاد شده از سوختن یک گرم بنزین در مقایسه با یک گرم گاز طبیعی، بیشتر است.

پ) شمار پیوندهای اشتراکی در فراورده‌های مشترک حاصل از سوختن سوخت‌های فسیلی، با هم یکسان نیست.

ت) قیمت یک گرم از کم‌آلاینده‌ترین آن‌ها از مجموع قیمت‌های یک گرم از سایر سوخت‌های فسیلی بالاتر است.

۱) (آ)، (ب) و (پ)      ۲) (آ) و (ب)      ۳) (پ) و (ت)      ۴) (آ)، (پ) و (ت)

۸۸- از واکنش  $300 \text{ میلی لیتر محلول } 2 / \text{مولار پتابسیم} \text{ هیدروکسید طبق واکنش موازن نشده} \text{ زیر، با آهن (III)} \text{ سولفات چند گرم}$

رسوب تولید می‌شود و مولاریتۀ پتابسیم سولفات‌های در محلول نهایی کدام است؟ (حجم محلول نهایی را  $500 \text{ میلی لیتر}$  در نظر بگیرید). (۱)  $(\text{Fe} = 56, \text{O} = 16, \text{H} = 1 : \text{g.mol}^{-1})$

۱)  $3 \times 10^{-2} - 1 / 24$       ۲)  $2 / 14 - 6 \times 10^{-2}$

۳)  $6 \times 10^{-2} - 1 / 24$       ۴)  $2 / 14 - 3 \times 10^{-2}$

۸۹- با توجه به شکل زیر که مربوط به واکنش محلول سدیم سولفات و باریم کلرید است، عبارت کدام گزینه نادرست است؟

۱) مجموع ضرایب استوکیومتری فراورده‌ها،  $\frac{2}{3}$  برابر واکنش‌دهنده‌ها است.

۲) از واکنش یون‌های موجود در شکل‌های (۱) و (۲)، گونه‌های موجود در شکل‌های (۳) و (۴) به دست می‌آید.

۳) از این واکنش برای شناسایی یون باریم موجود در محلول استفاده می‌شود.

۴) رنگ رسوب حاصل از این واکنش با رنگ رسوب نقره کلرید یکسان است.

۹۰- کدام موارد از مطالب زیر درست است؟

آ) در تصفیۀ آب به روش تقطیر، صافی کربن و اسمز معکوس فقط میکروب‌ها باقی می‌مانند.

ب) انحلال سدیم کلرید در آب نشان می‌دهد که جاذبه یون - دوقطبی حاصل، قوی‌تر از میانگین نیروی پیوند یونی در  $\text{NaCl}$  و پیوندهای هیدروژنی در آب است.

پ) اگر مقایسه گشتاور دوقطبی سه ترکیب آلی با جرم‌های مولی مشابه به صورت  $A < B < C$  باشد، مقایسه انحلال پذیری آنها در هگزان به صورت  $C < B < A$  خواهد بود.

ت) نقطۀ جوش  $\text{HF}$  بیشتر از  $\text{HCl}$  و  $\text{PH}_4$  کمتر از  $\text{NH}_3$  است.

۱) الف، ب و ت      ۲) پ و ت      ۳) ب، پ و ت      ۴) الف و پ