



دفترچه پاسخ

آزمون هدیۀ ۱۱ مهر ۱۴۰۴

اختصاصی دوازدهم ریاضی

دیداورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابان	رضا ادیبی - علی آزاد - مهدی حاجی نژادیان - بهرام حلاج - محمد حمیدی - عاطفه خان - محمدی - تیما خاتعلی پور - سجاد داوطلب - حمیدرضا حاجی - احسان غنی زاده - کیان کریمی خراسانی - اکبر کلاه ملکی - احمد بهرایی - مجتبی نادری - پدram نیکوکار
هندسه و آمار و احتمال	امیرحسین ابومحبوب - علی ایمانی - حسین حاجیلو - سیدمحمد رضا حسینی فرد - محمدحسین حشمت الواعظین - افشین خاصه خان - فرزانه خاکپاش - محمد خندان - حمیدرضا دهقان - سوگند روشنی - علیرضا شریف خطیبی - محمدطاهر شعاعی - رضا عباسی اصل - علی فتح آبادی - مرتضی فهم علیوی - سهام مجیدی پور - سینا محمدپور - مهدی نیک زاد
فیزیک	معصومه افضلی - مهدی آذرنسب - زهره آقامحمدی - علیرضا رستم زاده - امیر ستارزاده - رامین شادلوئی - بهنام شافعی - محمد رضا شیروانی زاده - سعید طاهری پروچی - محمد عظیم پور - حسن قندچر - مصطفی کیانی - فرشاد لطف اله زاده - حسین مخدومی - احسان مطلبی - سیدعلی میرنوری
شیمی	مریم اکبری - سهند راحمی پور - جعفر رحیمی - فرزاد رضایی - روزبه رضوانی - آروین شجاعی - امیرحسین طیبی - محمد عظیمیان زواره - محمد کوهستانیان - جواد کتابی - محمدحسن محمد زاده - مقدم - دانیال مهرعلی - محمد وزیری

گروه علمی اختصاصی

نام درس	ریاضی پایه و حسابان	هندسه و آمار و احتمال	فیزیک	شیمی
گزینه گزینشگر	سیدسهر متولیان	مهرداد ملوندی	حسام نادری	آرش ظریف
گروه ویراستاری	امیرحسین ابومحبوب - یاسین کشاورزی - مهرداد ملوندی	امیرحسین ابومحبوب - مهرداد ملوندی	سینا صالحی - حسین بصیرتر کعبور - زهره آقامحمدی	یاسر راش - مجتبی محبوب - امیرعلی بیات - فرزاد حلاج مقدم
مسئول درس	سیدسهر متولیان	مهرداد ملوندی	حسام نادری	آرش ظریف
مستندسازی	سمیه اسکندری	سجاد سلیمی	علیرضا همایون خواه	امیرحسین توحیدی
ویراستاران مستند	معصومه صنعت کار - مهسا محمدنیا - فرشته کیمیرانی - سجاد سلیمی	سجاد بهارلویی - ابراهیم نوری	آریلا ذاکری	محسن دستجردی

گروه فنی و تولید اختصاصی

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: مهیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروفنگار و صفحه آرا	فرزانه فتح اله زاده
ناظر چاپ	سوران نعمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقت عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطين - پلاک ۹۲۳ - کفون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳۰۰۰۰

حسابان ۱

گزینه ۴

(اعسان غنی زاده)

مجموع n جمله اول دنباله هندسی از رابطه $S_n = \frac{a_1(q^n - 1)}{q - 1}$ به دست می آید.

$$\begin{cases} S_5 = a_1 \times \frac{q^5 - 1}{q - 1} = 25 \\ a_6 = a_1 + 15 \Rightarrow a_1 q^5 = a_1 + 15 \Rightarrow a_1 q^5 - a_1 = 15 \\ \Rightarrow a_1 (q^5 - 1) = 15 \\ \frac{a_1 (q^5 - 1) = 15}{q - 1} \Rightarrow \frac{15}{q - 1} = 25 \Rightarrow q - 1 = \frac{15}{25} = \frac{3}{5} \Rightarrow q = \frac{8}{5} \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_7 = a_1 q^6 \\ a_8 = a_1 q^7 \\ \Rightarrow \frac{a_7}{a_8} = \frac{a_1 q^6}{a_1 q^7} = \frac{1}{q} = \frac{5}{8} \Rightarrow q = \frac{8}{5} \end{cases}$$

(حسابان ۱- پیرو و معارله: صفحه های ۴ تا ۶)

گزینه ۳

(کیان کریمی خراسانی)

$$\begin{aligned} x^2 + \frac{36}{x^2 + 2x + 1} &= \frac{12x}{x + 1} \Rightarrow x^2 + \left(\frac{6}{x + 1}\right)^2 = 2 \times \frac{6}{x + 1} \times x \\ \Rightarrow x^2 + \left(\frac{6}{x + 1}\right)^2 - 2 \times \frac{6}{x + 1} \times x &= 0 \Rightarrow \left(x - \frac{6}{x + 1}\right)^2 = 0 \\ \Rightarrow x - \frac{6}{x + 1} &= 0 \Rightarrow x^2 + x = 6 \Rightarrow x^2 + x - 6 = 0 \Rightarrow x = 2, -3 \end{aligned}$$

قدر مطلق تفاضل این دو ریشه برابر با ۵ است.

(حسابان ۱- پیرو و معارله: صفحه های ۱۷ تا ۱۹)

گزینه ۱

(اکبر کلاهدمکنی)

ابتدا معادله توابع خطی f و g را به دست می آوریم.

$$\begin{cases} (0, 2), (-1, 0) \in f \Rightarrow f(x) = 2x + 2 \\ (0, 2), (3, 0) \in g \Rightarrow g(x) = -\frac{2}{3}x + 2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f \cdot g = (2x + 2) \left(-\frac{2}{3}x + 2\right) = -\frac{4}{3}x^2 + \frac{4}{3}x + 4$$

تابع g یک تابع درجه دوم است که بیشترین مقدار آن برابر است با:

$$-\frac{\Delta}{4a} = -\frac{\left(\frac{4}{3}\right)^2 - 4\left(-\frac{4}{3}\right)(4)}{4\left(-\frac{4}{3}\right)} = -\frac{\frac{64}{9} + 64}{-\frac{16}{3}} = \frac{\frac{64}{9} + 64}{\frac{16}{3}} = \frac{16}{3}$$

(حسابان ۱- تابع: صفحه های ۶۳ تا ۶۶)

گزینه ۱

(اعسان غنی زاده)

راه حل اول: ابتدا $X - 2$ را به X تبدیل می کنیم.

$$\begin{aligned} (f^{-1} \circ g^{-1})(x - 2) &= \frac{fx + 1}{2x - 1} \\ \xrightarrow{x \rightarrow x + 2} (f^{-1} \circ g^{-1})(x) &= \frac{f(x + 2) + 1}{2(x + 2) - 1} = \frac{fx + 9}{2x + 3} \end{aligned}$$

می دانیم $f^{-1} \circ g^{-1} = (g \circ f)^{-1}$ پس وارون تابع اخیر را می یابیم.

$$(g \circ f)^{-1}(x) = \frac{fx + 9}{2x + 3} \Rightarrow (g \circ f)(x) = \frac{9 - 2x}{2x - 4}$$

$$g\left(\frac{x - 1}{2x + 4}\right) = \frac{9 - 2x}{2x - 4} \quad \text{با وارد کردن ضابطه تابع } f \text{ داریم}$$

حال $g(-2)$ را می یابیم.

$$\frac{x - 1}{2x + 4} = -2 \Rightarrow x = -1 \Rightarrow g(-2) = \frac{9 - 2(-1)}{2(-1) - 4} = \frac{11}{-6} = -\frac{11}{6}$$

تکته. وارون تابع هموگرافیک $f(x) = \frac{ax + b}{cx + d}$ به صورت

$$f^{-1}(x) = \frac{-dx + b}{cx - a} \text{ است.}$$

راه حل دوم: فرض می کنیم $g(-2) = m$ داریم.

$$\begin{aligned} g^{-1}(m) &= -2 \\ f^{-1}(g^{-1}(x - 2)) &= \frac{fx + 1}{2x - 1} \xrightarrow{x = m + 2} f^{-1}(-2) = \frac{fm + 9}{2m + 3} \quad (*) \end{aligned}$$

با توجه به ضابطه $f(x) = \frac{x - 1}{2x + 4}$ داریم.

$$\frac{x - 1}{2x + 4} = -2 \Rightarrow x = -1 \Rightarrow f(-1) = -2 \Rightarrow f^{-1}(-2) = -1$$

طبق رابطه (*) داریم.

$$\frac{fm + 9}{2m + 3} = -1 \Rightarrow m = -2 \Rightarrow g(-2) = -2$$

(حسابان ۱- تابع: صفحه های ۵۴ تا ۶۲ و ۶۴ تا ۷۰)

گزینه ۳

(بدرام نیکوکار)

تابع $f(x) = 4 - 2^{ax + b}$ از نقاط $\left(0, \frac{1}{2}\right)$ و $\left(1, 0\right)$ عبور می کند.

بنابراین با جای گذاری این نقاط در تابع، مقادیر a و b را به دست می آوریم.

$$f(0) = \frac{1}{2} \Rightarrow 4 - 2^b = \frac{1}{2} \Rightarrow 2^b = \frac{7}{2} \Rightarrow b = -1$$

$$f(1) = 0 \Rightarrow 4 - 2^{a - 1} = 0 \Rightarrow 2^{a - 1} = 4 \Rightarrow a - 1 = 2 \Rightarrow a = 3$$

$$\Rightarrow f(x) = 4 - 2^{3x - 1} \Rightarrow f(2) = 4 - 2^5 = 4 - 32 = -28$$

(حسابان ۱- توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه های ۷۲ تا ۷۹)

۶- گزینه «۲»

(اعسان غنی زاده)

با توجه به اینکه بازه $(-2, 1)$ دامنه تابع f است، داریم:

$$D_f : \begin{cases} (1) : b - 2x > 0 \Rightarrow x < \frac{b}{2} \\ (2) : a - \log_2(b - 2x) \geq 0 \Rightarrow a \geq \log_2(b - 2x) \\ \Rightarrow \log_2^2 \geq \log_2(b - 2x) \end{cases}$$

با توجه به اینکه پایه لگاریتم بزرگتر از ۱ است، جهت نامعادله تغییر نمی‌کند.

$$(2) : b - 2x \leq 2^a \Rightarrow \frac{b - 2^a}{2} \leq x$$

پس می‌توانیم نتیجه بگیریم دامنه تابع به صورت $\left[\frac{b - 2^a}{2}, \frac{b}{2}\right)$ است، پس داریم:

$$\left[\frac{b - 2^a}{2}, \frac{b}{2}\right) = [-2, 1) \Rightarrow \begin{cases} \frac{b}{2} = 1 \Rightarrow b = 2 \\ \frac{b - 2^a}{2} = -2 \Rightarrow b - 2^a = -4 \Rightarrow 2 - 2^a = -4 \Rightarrow 2^a = 6 \Rightarrow a = \log_2 6 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \log_{\sqrt{2}}^{(a+2b)} = \log_{\sqrt{2}}^{(\log_2 6 + 4)} = \log_{\sqrt{2}}^{\log_2 6 + 4} = \log_{\sqrt{2}}^{\log_2 6} = \log_{\sqrt{2}}^{\log_2 6} = 6$$

(مسابان) - توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه‌های ۸۰ تا ۸۵

۷- گزینه «۴»

(مبین نادری)

اگر نمودار تابع $y = \sin x$ را نسبت به محور x قرینه کنیم و یک واحد به سمت بالا انتقال دهیم، نمودار صورت سؤال به دست می‌آید. لذا نمودار داده شده مربوط به تابع $y = -\sin x + 1$ است.

بررسی گزینه‌ها:

تادرست «۱»: $y = -\cos(\pi - x) = +\cos x$

تادرست «۲»: $y = \sin(\pi - x) + 1 = \sin x + 1$

تادرست «۳»: $y = \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) + 1 = \cos x + 1$

درست «۴»: $y = \sin(\pi + x) + 1 = -\sin x + 1$

(مسابان) - مثلثات: صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۹

۸- گزینه «۱»

(محمدرضا عمیری)

با توجه به رابطه $\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$ و $\sin 2x = 2 \sin x \cos x$ داریم:

$$\frac{1}{\sin 2x} - \tan x = \frac{1}{2 \sin x \cos x} - \frac{\sin x}{\cos x} = \frac{1 - 2 \sin^2 x}{2 \sin x \cos x} = \frac{\cos 2x}{2 \sin x \cos x} = \cot 2x$$

(مسابان) - مثلثات: صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۴

۹- گزینه «۴»

(علی آزار)

$$\lim_{x \rightarrow \frac{1}{4}} \frac{2 + 2 \cos ax}{(4x - 1)^2} = \pi^2$$

از آنجایی که مخرج کسر به ازای $x = \frac{1}{4}$ مساوی صفر می‌شود و حاصل حد

عدد π^2 شده است، می‌توان دریافت $x = \frac{1}{4}$ ریشه صورت کسر نیز می‌باشد.

$$2 + 2 \cos \frac{a}{4} = 0 \Rightarrow \cos \frac{a}{4} = -1 = \cos \pi \Rightarrow \frac{a}{4} = \pi \Rightarrow a = 4\pi$$

توجه کنید که طبق نمودار تابع $y = \cos x$ اولین جایی که مقدار $\cos x$ در x های مثبت برابر با -1 می‌شود در $x = \pi$ است.

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\cos 2x}{\pi \cos x - \sin x} &= \frac{0}{0} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\cos 2x}{\pi \cos x - \sin x} \times \frac{\cos x + \sin x}{\cos x + \sin x} \\ &= \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{(\cos 2x)(\cos x + \sin x)}{(\pi \cos^2 x - \sin^2 x)} = \sqrt{2} \end{aligned}$$

$$\cos 2x = \cos^2 x - \sin^2 x$$

(مسابان) - مر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۳۰ تا ۱۳۴

۱۰- گزینه «۳»

(مبین نادری)

چون تابع f در نقطه $x = 1$ پیوسته است بنابراین حد چپ و حد راست آن در نقطه $x = 1$ با هم برابر است.

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} (x - [x]) = 1 - [1^-] = 1 - 0 = 1$$

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) &= \lim_{x \rightarrow 1^+} (2 - ax^2) = 2 - a \\ \Rightarrow 1 &= 2 - a \Rightarrow a = 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 2a^+} g(x) &= \lim_{x \rightarrow 2a^+} \frac{[x] - x}{x^2 - 9} = \frac{2 - 2}{9 - 9} = \frac{0}{0} \\ \text{رفع ابهام} \quad \lim_{x \rightarrow 2a^+} \frac{[x] - x}{(x - 2)(x + 2)} &= \lim_{x \rightarrow 2a^+} \frac{[2^+] - 2}{(2 - 2)(2 + 2)} \\ &= \frac{-1}{6} \end{aligned}$$

(مسابان) - مر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۳۵ تا ۱۴۱

ریاضی ۱

گزینه ۳»

(انسان غنی زاده)

با توجه به اینکه جملات دارای x ، با فاصله یکسان از هم قرار دارند، رابطه واسطه حسابی برای آن‌ها برقرار است. بنابراین:

$$2(x+1) = (2x-1) + (x+5) \Rightarrow 2x+2 = 3x+4 \Rightarrow x = -2$$

بنابراین جملات به صورت $3, -1, -5, y+1$ هستند. پس:

$$\begin{cases} 2(y+1) = -6 \Rightarrow y = -4 \\ 2\left(\frac{z}{y}\right) = 2 \Rightarrow z = y \\ \Rightarrow xy - z = -2 \times (-4) - 2 = 6 \end{cases}$$

(ریاضی ۱- مجموعه، آنگو و دنباله: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

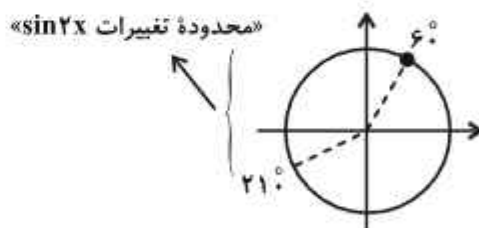
گزینه ۱»

(سیدار اوطنی)

$$30^\circ \leq x \leq 105^\circ \xrightarrow{\times 2} 60^\circ \leq 2x \leq 210^\circ$$

با توجه به دایره مثلثاتی، وقتی از زاویه 60° تا 210° درجه را طی می‌کنیم:

مقدار $\sin 2x$ حداقل برابر $-\frac{1}{2}$ و حداکثر برابر ۱ می‌شود.



$$\begin{aligned} 60^\circ \leq 2x \leq 210^\circ &\Rightarrow -\frac{1}{2} \leq \sin 2x \leq 1 \\ \Rightarrow -\frac{1}{2} \leq \frac{3m-1}{2} \leq 1 &\xrightarrow{\times 2} -1 \leq 3m-1 \leq 2 \end{aligned}$$

$$\xrightarrow{+1} 0 \leq 3m \leq 3 \xrightarrow{+3} 0 \leq m \leq 1$$

(ریاضی ۱- مثلثات: صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

گزینه ۲»

(نیما خاتعلی پور)

با توجه به اینکه $x > 1$ می‌باشد، لذا x دارای دو ریشه دوم قرینه هم خواهد بود. از طرفی $\sqrt{x} > \sqrt[3]{x} > \sqrt[5]{x}$ می‌باشد. بنابراین a و d ریشه‌های دوم، b ریشه سوم و c ریشه پنجم x خواهند بود.

(ریاضی ۱- توان‌های گویا و عبارت‌های پیچیده: صفحه‌های ۴۸ تا ۵۸)

گزینه ۱»

(پیرام علاج)

$$\begin{aligned} \frac{19\sqrt{2}-11\sqrt{5}}{\sqrt{8}+\sqrt{125}} &= \frac{19\sqrt{2}-11\sqrt{5}}{2\sqrt{2}+5\sqrt{5}} \times \frac{2\sqrt{2}-5\sqrt{5}}{2\sqrt{2}-5\sqrt{5}} \\ &= \frac{-11\sqrt{10}+76+275}{8-125} = \frac{11\sqrt{10}-251}{117} = \sqrt{10}-2 \end{aligned}$$

$$\frac{6}{4+\sqrt{10}} = \frac{6}{4+\sqrt{10}} \times \frac{4-\sqrt{10}}{4-\sqrt{10}} = \frac{6(4-\sqrt{10})}{16-10} = 4-\sqrt{10}$$

$$A = \sqrt{10}-2+4-\sqrt{10} = 1$$

(ریاضی ۱- توان‌های گویا و عبارت‌های پیچیده: صفحه‌های ۶۲ تا ۶۸)

گزینه ۳»

(اندر میرانی)

$$2x^2 - x + a - 1 = 0 \xrightarrow{\Delta \geq 0} 1 - 4(2)(a-1) \geq 0$$

$$\Rightarrow 9 - 8a \geq 0 \Rightarrow a \leq \frac{9}{8}$$

$$-ax^2 - x - \frac{1}{4} = 0 \xrightarrow{\Delta \leq 0} 1 - 4(-a)\left(-\frac{1}{4}\right) \leq 0$$

$$\Rightarrow 1 - a \leq 0 \Rightarrow a \geq 1$$

$$1 \leq a \leq \frac{9}{8} \Rightarrow \begin{cases} b = \max(a) = \frac{9}{8} \\ c = \min(a) = 1 \end{cases} \xrightarrow{8cx^2 - 8bx + 1 = 0}$$

$$8x^2 - 9x + 1 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = \frac{1}{8} \end{cases} \Rightarrow \text{اختلاف} = \frac{7}{8}$$

توجه، در یک معادله درجه دوم $\begin{cases} \Delta \geq 0 \Leftrightarrow \text{حداقل یک ریشه دارد.} \\ \Delta \leq 0 \Leftrightarrow \text{حداکثر یک ریشه دارد.} \end{cases}$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها: صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷)

۱۶- گزینه «۴»

(مقایسه تابعی نژاد)

از روی جدول تعیین علامت مشخص است که عبارت از نوع درجه اول است
لذا ضریب x^2 باید صفر باشد (ریشه مورد نظر مضاعف نیست).

$$9n^2 - 1 = 0 \Rightarrow n^2 = \frac{1}{9} \Rightarrow n = \pm \frac{1}{3}$$

اگر $n = -\frac{1}{3}$ باشد، آنگاه $f(x) = -\frac{1}{3}x + 2m + 1$ که قابل قبول است.

اگر $n = \frac{1}{3}$ باشد، آنگاه $f(x) = \frac{1}{3}x + 2m + 1$ که با توجه به جدول

تعیین علامت قابل قبول نیست.

پس نتیجه می‌گیریم:

$$f(x) = -\frac{1}{3}x + 2m + 1 \Rightarrow f(6) = 0 \Rightarrow -2 + 2m + 1 = 0 \Rightarrow m = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{fm - 2n}{n} = \frac{2 - (-1)}{-\frac{1}{3}} = -9$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها: صفحه‌های ۹۳ تا ۹۵)

۱۷- گزینه «۳»

(میدان حائس)

یک رابطه تابع است هرگاه در هر دو زوج مرتب، عضو اول متفاوت باشند. در
غیر این صورت مؤلفه‌های دوم نیز باید با هم برابر باشند. بنابراین:

$$\begin{cases} a + 2b = -4 \\ 2a - b = 9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a + 2b = -4 \\ 6a - 2b = 18 \end{cases} \Rightarrow 7a = 14$$

$$\Rightarrow a = 2 \Rightarrow b = -3$$

$$a^2 + b^2 = 2^2 + (-3)^2 = 13$$

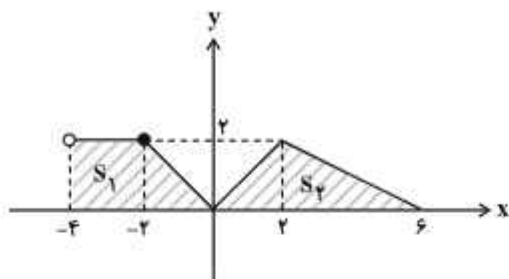
(ریاضی ۱- تابع: صفحه‌های ۹۵ تا ۱۰۰)

۱۸- گزینه «۲»

(رضا ارباب)

ابتدا باید نمودار $f(x)$ را رسم کنیم، سپس با توجه به نمودار، مساحت بین
نمودار تابع و محور طول‌ها به دست آوریم.

$$f(x) = \begin{cases} 3 - \frac{x}{2}, & 2 \leq x \leq 6 \\ |x|, & -2 \leq x < 2 \\ 2, & -4 < x < -2 \end{cases}$$



$$S = S_1 + S_2 = \frac{(4+2) \times 2}{2} + \frac{6 \times 2}{2} = 6 + 6 = 12$$

(ریاضی ۱- تابع: صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۷)

۱۹- گزینه «۱»

(عاطفه خان‌محمدری)

حالت‌های مختلف را در نظر می‌گیریم:

$$1) A \rightarrow B \rightarrow E \rightarrow B \rightarrow A: 2 \times 2 \times 1 \times 2 = 12$$

$$2) A \rightarrow B \rightarrow E \rightarrow D \rightarrow C \rightarrow A: 2 \times 2 \times 1 \times 2 \times 2 = 24$$

$$3) A \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E \rightarrow B \rightarrow A: 2 \times 2 \times 1 \times 2 \times 2 = 24$$

$$\text{تعداد کل حالات} = 12 + 24 + 24 = 60$$

(ریاضی ۱- شمارش، بدون شمارش: صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۶)

۲۰- گزینه «۱»

(علی آزاد)

$$P(A) = \text{احتمال بارش باران} \quad P(A') = \text{احتمال عدم بارش باران}$$

$$P(B) = \text{احتمال بارش برف} \quad P(A \cap B) = \text{احتمال بارش هر دو}$$

$$P(A) = \frac{2}{17} P(A') \Rightarrow P(A) = \frac{2}{17} (1 - P(A)) = \frac{2}{17} - \frac{2}{17} P(A)$$

$$\frac{20}{17} P(A) = \frac{2}{17} \Rightarrow P(A) = \frac{2}{20} = 0.1$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$= 0.1 + 0.18 - 0.12 = 0.16$$

(ریاضی ۱- آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۳۲ تا ۱۵۱)

هفتمه ۲

۲۱- گزینه «۲»

(سیلا مموریور)

فرض کنید $\widehat{APB} = x$ و $\widehat{ANB} = y$ باشد. داریم:

$$\widehat{M} = \frac{\widehat{APB} - \widehat{ANB}}{2} = 30^\circ \Rightarrow x - y = 60^\circ$$

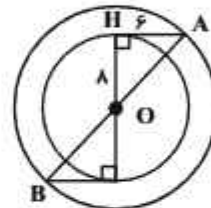
از طرفی مجموع دو کمان $\widehat{APB}$ و $\widehat{ANB}$ برابر محیط دایره است، پس داریم:

$$\begin{cases} x + y = 360^\circ \\ x - y = 60^\circ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 210^\circ \\ y = 150^\circ \end{cases} \Rightarrow \frac{x}{y} = \frac{210^\circ}{150^\circ} = \frac{7}{5}$$

(خندسه ۳- رابره: صفحه ۱۶)

۲۲- گزینه «۴»

(غرزانه فکایش)



مطابق شکل فرض کنید مماس AH به طول ۶ بر دایره $C(O, 8)$ رسم شده باشد. در این صورت در مثل قائم الزاویه OAH داریم:

$$OA^2 = OH^2 + AH^2 = 8^2 + 6^2 = 100 \Rightarrow OA = 10$$

یعنی فاصله نقطه A از مرکز این دایره برابر ۱۰ است. نقطه B نیز دارای ویژگی مشابهی است، بنابراین هر دو نقطه A و B روی دایره‌ای به مرکز O و به شعاع ۱۰ قرار دارند و در نتیجه بیشترین فاصله ممکن بین این دو نقطه برابر طول قطر این دایره یعنی برابر ۲۰ است.

(خندسه ۲- رابره: صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

۲۳- گزینه «۲»

(غرزانه فکایش)

فرض کنید شعاع دو دایره برابر R و R' ($R > R'$) و طول خط‌المركزین دو دایره برابر d باشد. در این صورت داریم:

$$\begin{aligned} \text{طول مماس مشترک خارجی} &= \sqrt{d^2 - (R - R')^2} \\ \Rightarrow 6 &= \sqrt{40 - (R - R')^2} \Rightarrow 36 = 40 - (R - R')^2 \\ \Rightarrow (R - R')^2 &= 4 \Rightarrow R - R' = 2 \end{aligned}$$

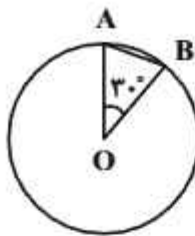
$$\begin{aligned} \text{طول مماس مشترک داخلی} &= \sqrt{d^2 - (R + R')^2} \\ \Rightarrow 2 &= \sqrt{40 - (R + R')^2} \Rightarrow 4 = 40 - (R + R')^2 \\ \Rightarrow (R + R')^2 &= 36 \Rightarrow R + R' = 6 \end{aligned}$$

$$\begin{cases} R - R' = 2 \\ R + R' = 6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} R = 4 \\ R' = 2 \end{cases} \Rightarrow \frac{R}{R'} = 2$$

(خندسه ۲- رابره: صفحه‌های ۲۱ و ۲۲)

۲۴- گزینه «۲»

(متمرسین شمت الواعظین)



فرض کنید O مرکز دایره محیطی و A و B دو رأس متوالی این دوازده ضلعی منتظم باشند. در این صورت داریم:

$$\widehat{AOB} = \frac{360^\circ}{12} = 30^\circ$$

$$S_{AOB} = \frac{1}{2} OA \times OB \times \sin(\widehat{AOB})$$

$$= \frac{1}{2} \times \sqrt{2} \times \sqrt{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

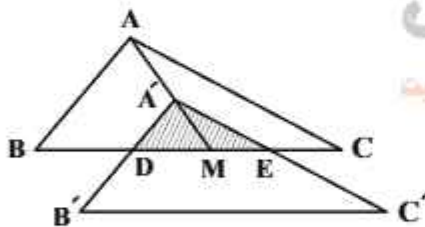
این دوازده ضلعی منتظم از ۱۲ مثلث هم‌نهشت با مثلث AOB تشکیل شده است، پس مساحت آن برابر است با:

$$S = 12 \times \frac{1}{2} = 6$$

(خندسه ۲- رابره: صفحه‌های ۲۸ و ۲۹)

۲۵- گزینه «۲»

(رضا عباسی اصل)



مطابق شکل تصویر مثلث ABC در انتقال با بردار $\vec{AA'}$ (A' محل هم‌رسی میانه‌های مثلث ABC است)، مثلث $A'B'C'$ است. تاجیه مشترک بین این دو مثلث، مثلث $A'DE$ است. تصویر یک پاره‌خط در یک انتقال با آن پاره‌خط موازی است، پس داریم:

$$\left. \begin{aligned} A'B' \parallel AB &\Rightarrow A'D \parallel AB \\ A'C' \parallel AC &\Rightarrow A'E \parallel AC \end{aligned} \right\} \Rightarrow A'DE \sim ABC$$

نسبت میانه‌هایی متناظر در دو مثلث متشابه، برابر نسبت تشابه است. از طرفی میانه‌ها در هر مثلث، یکدیگر را با نسبت ۲ به ۱ قطع می‌کنند، پس داریم:

$$\begin{aligned} \frac{S_{ADE}}{S_{ABC}} &= \left(\frac{A'M}{AM} \right)^2 = \left(\frac{1}{2} \right)^2 \Rightarrow \frac{S_{ADE}}{54} = \frac{1}{4} \\ \Rightarrow S_{ADE} &= 6 \end{aligned}$$

(خندسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۳۸ و ۳۹)

$$\Rightarrow \cos \hat{C} = \frac{1}{4} \Rightarrow \hat{C} = 60^\circ$$

$$S_{ABC} = \frac{1}{4} ab \sin \hat{C} = \frac{1}{4} ab \times \frac{\sqrt{3}}{4} = \frac{\sqrt{3}}{4} ab$$

(هندسه ۲- روابط طولی در مثلث؛ صفحه‌های ۹۴ تا ۹۷)

(سیدمحمدرضا حسینی غرر)

۲۹- گزینه «۲»

ابتدا به کمک رابطه هرون، مساحت مثلث را به دست می آوریم.

$$P = \frac{9+10+17}{2} = 18$$

$$S = \sqrt{18(9)(8)(1)} = \sqrt{12^2 \times 2^2} = 24$$

می‌دانیم که بلندترین ارتفاع متناظر با کوچکترین ضلع مثلث است، بنابراین

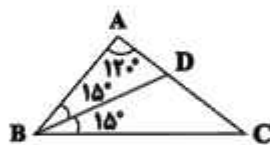
$$24 = \frac{9 \times h}{2} \Rightarrow h = 8$$

داریم.

(هندسه ۲- روابط طولی در مثلث؛ صفحه‌های ۷۱ و ۷۲)

(غرزانه نگارباش)

۳۰- گزینه «۱»



$$\hat{B} = \hat{C} = \frac{180^\circ - 120^\circ}{2} = 30^\circ$$

طبق قضیه سینوس‌ها در مثلث ABC داریم.

$$\frac{BC}{\sin \hat{A}} = \frac{AC}{\sin \hat{B}} \Rightarrow \frac{6\sqrt{2}}{\frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{AC}{\frac{1}{2}} \Rightarrow AC = 6 \Rightarrow AB = 6$$

$$\Rightarrow \hat{ABD} : \hat{ADB} = 180^\circ - (120^\circ + 15^\circ) = 45^\circ$$

طبق قضیه سینوس‌ها در مثلث ABD داریم.

$$\frac{AB}{\sin(\hat{ADB})} = \frac{BD}{\sin \hat{A}} \Rightarrow \frac{6}{\frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{BD}{\frac{\sqrt{2}}{2}}$$

$$\Rightarrow BD = \frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 6$$

(هندسه ۲- روابط طولی در مثلث؛ صفحه‌های ۶۰ تا ۶۳)

(امیرحسین ابومعینوب)

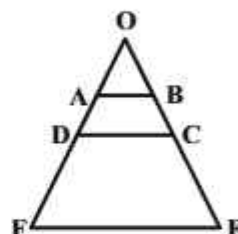
۲۶- گزینه «۱»

مطابق شکل فرض کنید امتداد ساق‌های AD و BC یکدیگر را در نقطه O خارج از دوزنقه قطع کنند. در این صورت نقطه O مرکز تجانس است که دوزنقه ABCD را بر دوزنقه DCEF تصویر می‌کند. تحت این تجانس پاره‌خط AB بر پاره‌خط DC و پاره‌خط DC بر پاره‌خط FE تصویر می‌گردد. در نتیجه داریم.

$$\frac{AB}{DC} = \frac{DC}{FE} \Rightarrow \frac{2}{DC} = \frac{DC}{8} \Rightarrow DC^2 = 2 \times 8 = 16 \Rightarrow DC = 4$$

$$k = \frac{DC}{AB} = \frac{4}{2} = 2$$

بنابراین نسبت تجانس برابر است با.



(هندسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۶۳ تا ۶۹)

(امیرحسین ابومعینوب)

۲۷- گزینه «۱»

طبق قضیه سینوس‌ها در مثلث ABC داریم.

$$BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2AB \times AC \times \cos \hat{A}$$

$$= 6^2 + 10^2 - 2 \times 6 \times 10 \times \left(-\frac{1}{4}\right) = 196 \Rightarrow BC = 14$$

طبق قضیه سینوس‌ها در مثلث ABC داریم.

$$\frac{BC}{\sin \hat{A}} = \frac{AB}{\sin \hat{C}} \Rightarrow \frac{14}{\frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{6}{\sin \hat{C}} \Rightarrow \sin \hat{C} = \frac{3\sqrt{2}}{14}$$

(هندسه ۲- روابط طولی در مثلث؛ صفحه‌های ۶۰ تا ۶۷)

(سولدر روشن)

۲۸- گزینه «۴»

$$a^2 + b^2 = bc^2 + ac^2 \Rightarrow (a+b)(a^2 - ab + b^2) = (a+b)c^2$$

چون $a+b \neq 0$ ، پس طرفین تساوی فوق را بر $(a+b)$ تقسیم می‌کنیم.

$$a^2 - ab + b^2 = c^2 \quad (1)$$

از طرفی طبق قضیه سینوس‌ها در مثلث ABC داریم.

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \hat{C} \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} a^2 - ab + b^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \hat{C}$$

$$\Rightarrow 2ab \cos \hat{C} = ab$$

آمار و احتمال

گزینه «۱» ۳۱-

(امیرحسین ابومعرب)

می‌دانیم عکس تقیض یک ترکیب شرطی با آن ترکیب شرطی هم‌ارز است، بنابراین کافی است عبارت صورت سؤال را ساده کنیم:

$$p \Rightarrow (q \vee \sim r)$$

$$\equiv \sim p \vee (q \vee \sim r)$$

تبدیل ترکیب شرطی به فصلی

$$\equiv \sim p \vee (\sim r \vee q)$$

جابه‌جایی در ترکیب فصلی

$$\equiv (\sim p \vee \sim r) \vee q$$

شرکت‌پذیری در ترکیب فصلی

$$\equiv \sim (p \wedge r) \vee q$$

قانون دمورگان

$$\equiv (p \wedge r) \Rightarrow q$$

تبدیل ترکیب فصلی به شرطی

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۲ تا ۱۱)

گزینه «۱» ۳۲-

(غرزانه فکایش)

تقیض ترکیب شرطی $p \Rightarrow q$ به صورت $p \wedge \sim q$ است. از طرفی تقیض گزاره $(\forall x; P(x))$ به صورت $(\exists x; \sim P(x))$ است، بنابراین تقیض گزاره صورت سؤال به شکل زیر است:

$$(\exists x \in \mathbb{R}; x^2 = 2) \wedge (\forall x \in \mathbb{R}; x^2 > 0)$$

$$\equiv (\exists x \in \mathbb{R}; x^2 = 2) \wedge (\exists x \in \mathbb{R}; x^2 \leq 0)$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۷ تا ۱۳)

گزینه «۴» ۳۳-

(امیرحسین ابومعرب)

$$A \times B \subseteq (A - C) \times (B \cap C) \Rightarrow \begin{cases} A \subseteq A - C & (۱) \\ B \subseteq B \cap C & (۲) \end{cases}$$

$$\left. \begin{aligned} A - C \subseteq A &\xrightarrow{(۱)} A - C = A \Rightarrow A \cap C = \emptyset \\ B \cap C \subseteq B &\xrightarrow{(۲)} B \cap C = B \Rightarrow B \subseteq C \end{aligned} \right\}$$

$$\Rightarrow A \cap B = \emptyset$$

$$(A \times B) \cap (B \times A) = (A \cap B)^2 = \emptyset$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۳)

گزینه «۱» ۳۴-

(مرتضی غییم‌علوی)

$$P(A \cup B) = P(\{a_1, a_2, a_3\}) = 1 - P(\{a_4, a_5\}) = 1 - \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \Rightarrow \frac{2}{3} = \frac{1}{3} + \frac{2}{5} - P(a_2)$$

$$\Rightarrow P(a_2) = \frac{1}{3} + \frac{2}{5} - \frac{2}{3} = \frac{10 + 12 - 20}{30} = \frac{2}{30}$$

$$P(a_1) = P(\{a_1, a_2\}) - P(a_2) = \frac{1}{3} - \frac{2}{30} = \frac{10 - 2}{30} = \frac{8}{30} = \frac{4}{15}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۴۴ تا ۴۷)

گزینه «۲» ۳۵-

(غشین قاصدخان)

$$P(A) = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \quad \text{عقربه A روی عدد اول بایستد.}$$

$$P(B) = \frac{3}{5} \quad \text{عقربه B روی عدد اول بایستد.}$$

چون این دو پیشامد مستقل‌اند.

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = \frac{1}{2} \times \frac{3}{5} = \frac{3}{10}$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$= 0/5 + 0/6 - 0/3 = 0/8$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۶۳ تا ۶۸)

گزینه «۳» ۳۶-

(علی ایمانی)

فرض کنید A پیشامد داشتن برادر بزرگتر و B_1 ، B_2 و B_3 به ترتیب پیشامدهای انتخاب فرزندان اول، دوم و سوم خانواده باشند. واضح است که فرزند اول خانواده نمی‌تواند برادر بزرگتر داشته باشد ولی فرزند دوم می‌تواند یک برادر بزرگتر و فرزند سوم، یک یا دو برادر بزرگتر داشته باشد. طبق

قانون احتمال کل داریم:

برای این دسته از داده‌ها داریم:

$$\bar{x} = \frac{9/5 + 10 + 10/5 + 12 + 13}{5} = 11$$

$$\sigma^2 = \frac{(-1/5)^2 + (-1)^2 + (-10/5)^2 + 1^2 + 2^2}{5} = \frac{8/5}{5} = 1/7$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۸۷ تا ۹۴)

(علیرضا شریف‌نظیری)

۳۹- گزینه «۱»

تعداد اعضای فضای نمونه‌ای این آزمایش تصادفی برابر است با:

$$n(S) = \binom{9}{2} = 36$$

اگر A پیشامدی تعریف شود که میانگین یک نمونه دو عضوی بزرگ‌تر از

۶ باشد، آنگاه داریم:

$$A = \{(4, 9), (5, 8), (5, 9), (6, 7), (6, 8), (6, 9), (7, 8), (7, 9), (8, 9)\}$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{9}{36} = \frac{1}{4}$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی: صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۵)

(غرزانه نگارباش)

۴۰- گزینه «۳»

اگر $\bar{x}$ و n به ترتیب اندازه و میانگین نمونه و σ انحراف معیار جامعه

باشد، آن‌گاه فاصله اطمینان ۹۵ درصد برای برآورد میانگین جامعه به صورت

$$\left[\bar{x} - \frac{z\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x} + \frac{z\sigma}{\sqrt{n}} \right] \text{ است. بنابراین داریم:}$$

$$\left(\bar{x} + \frac{z\sigma}{\sqrt{n}} \right) - \left(\bar{x} - \frac{z\sigma}{\sqrt{n}} \right) = 13 - 11 \Rightarrow \frac{2z\sigma}{\sqrt{n}} = 2 \Rightarrow \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = \frac{1}{z}$$

$$\frac{\sigma}{\sqrt{n}} = \frac{1}{z} \Rightarrow \sqrt{n} = 8 \Rightarrow n = 64$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی: صفحه‌های ۵ و ۱۱۶)

$$P(A) = P(B_1)P(A|B_1) + P(B_2)P(A|B_2) + P(B_3)P(A|B_3)$$

$$= \frac{1}{3} \times 0 + \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} + \frac{1}{3} \times \frac{\binom{2}{1} + \binom{2}{2}}{\binom{3}{1} + \binom{3}{2}}$$

$$= \frac{1}{3} \left(0 + \frac{1}{3} + \frac{3}{4} \right) = \frac{1}{3} \times \frac{5}{4} = \frac{5}{12}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۵ تا ۵۷)

(امیرحسین ابومعینوب)

۳۷- گزینه «۴»

فرض کنید فراوانی داده‌ها را به ترتیب با $f_1, f_2, \dots, f_p$ و تعداد کل داده‌ها

را با n نمایش دهیم. با توجه به اینکه برای دسته i ام، $\frac{f_i}{n}$ برابر فراوانی

نسبی آن دسته است، داریم:

$$\bar{x} = \frac{f_1x_1 + f_2x_2 + f_3x_3 + f_4x_4 + f_5x_5 + f_6x_6}{n}$$

$$= \frac{f_1}{n}x_1 + \frac{f_2}{n}x_2 + \frac{f_3}{n}x_3 + \frac{f_4}{n}x_4 + \frac{f_5}{n}x_5 + \frac{f_6}{n}x_6$$

$$= 0/1 \times 2 + 0/15 \times 6 + 0/25 \times 10 + 0/3 \times 14 + 0/15 \times 18 + 0/5 \times 22$$

$$= 0/2 + 0/9 + 2/5 + 4/2 + 2/7 + 1/1 = 11/6$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

(غرزانه نگارباش)

۳۸- گزینه «۳»

ابتدا داده‌ها را از کوچک به بزرگ مرتب می‌کنیم:

$$7, 8, 9/5, 10, 10/5, 12, 13, 13/5, 15$$

Q_2 (میانه)

$$Q_1 = \frac{8 + 9/5}{2} = 8/75 \text{ (چارک اول)}$$

$$Q_3 = \frac{13 + 13/5}{2} = 13/25 \text{ (چارک سوم)}$$

بنابراین داده‌های داخل جعبه (داده‌های بین چارک‌های اول و سوم) عبارتند از:

$$9/5, 10, 10/5, 12, 13$$

$$\Delta ABC : DE \parallel BC \xrightarrow{\text{قضیه تالس}} \frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC} \quad (۲)$$

$$(۱), (۲) \Rightarrow \frac{AF}{FE} = \frac{AE}{EC} \Rightarrow \frac{۳x}{۲x} = \frac{5x}{EC} \Rightarrow EC = \frac{10}{3}x$$

$$\left. \begin{array}{l} DF \parallel BE, \text{ مورب } AC \Rightarrow \hat{F}_1 = \hat{E}_1 \\ DE \parallel BC, \text{ مورب } AC \Rightarrow \hat{E}_2 = \hat{C} \end{array} \right\}$$

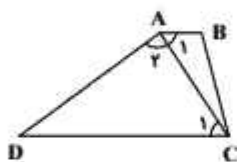
$$\xrightarrow{\text{تساوی دوزاویه}} \Delta DEF \sim \Delta BCE$$

$$\Rightarrow \frac{S_{DEF}}{S_{BEC}} = \left(\frac{FE}{EC}\right)^2 = \left(\frac{2x}{10x}\right)^2 = \left(\frac{1}{5}\right)^2 = \frac{1}{25}$$

(هندسه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه‌های ۳۷ و ۳۵)

(غیر از آنجا که)

گزینه ۴۴



$$AB \parallel CD, \text{ مورب } AC \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{C}_1$$

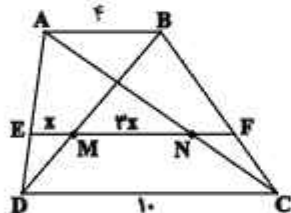
$$\left. \begin{array}{l} \hat{A}_1 = \hat{C}_1 \\ \hat{B} = \hat{A}_2 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تساوی دوزاویه}} \Delta ABC \sim \Delta CAD$$

$$\Rightarrow \frac{AB}{AC} = \frac{AC}{CD} \Rightarrow \frac{4}{10} = \frac{10}{CD} \Rightarrow CD = 25$$

(هندسه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه‌های ۳۸ تا ۴۱)

(علی فتح آباری)

گزینه ۴۵



$$\left\{ \begin{array}{l} \Delta ABD : EM \parallel AB \xrightarrow{\text{تعمیم قضیه تالس}} \frac{x}{4} = \frac{ED}{AD} \\ \Delta ADC : EN \parallel DC \xrightarrow{\text{تعمیم قضیه تالس}} \frac{4x}{10} = \frac{AE}{AD} \end{array} \right.$$

از تقسیم طرفین این دو معادله بر هم داریم:

$$\frac{\frac{x}{4}}{\frac{4x}{10}} = \frac{ED}{AE} \Rightarrow \frac{10}{16} = \frac{ED}{AE} \Rightarrow \frac{AE}{ED} = \frac{16}{10} = \frac{8}{5}$$

(هندسه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه‌های ۳۳ تا ۳۷)

(عمیدرضا زهقان)

گزینه ۴۶

فرض کنید $AD = a$ باشد، در این صورت طبق فرض $DC = 2a$ است. از

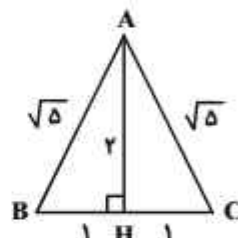
طریقی در مثلث قائم‌الزاویه BCE طول ضلع روبه‌رو به زاویه 30° نصف طول وتر است، در نتیجه،

هندسه ۱

گزینه ۴۱

(عسین عابیلو)

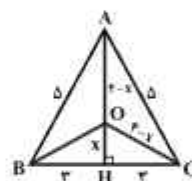
مثال نقض گزینه‌های «۱»، «۲» و «۴» عبارتند از:
گزینه «۱»، در هر مثلث متساوی‌الساقین، ارتفاع نظیر قاعده، عمودمتصف قاعده است و در نتیجه هر نقطه واقع بر آن از دو سر قاعده به یک فاصله است.
گزینه «۲»، در هر مثلث قائم‌الزاویه، نقطه هم‌رسی عمودمتصف‌ها وسط وتر (روی مثلث) است.
گزینه «۴»، در مثلث متساوی‌الساقین ABC که طول ساق‌ها برابر $\sqrt{5}$ و طول قاعده برابر ۲ است، مطابق شکل طول میانه وارد بر قاعده نیز برابر ۲ خواهد بود.



(هندسه ۱- ترسیم‌های هندسی و استدلال؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۷)

(محمدر قنارن)

گزینه ۴۲



نقطه O: نقطه هم‌رسی عمودمتصف‌های اضلاع این مثلث متساوی‌الساقین است، بنابراین از هر سه رأس مثلث به یک فاصله است. با استفاده از قضیه فیثاغورس در مثلث ABH، طول AH را به دست می‌آوریم:

$$AH = \sqrt{5^2 - 2^2} = 4$$

با فرض $OH = x$ ، $OA = 4 - x$ است. از آنجا که O از سه رأس مثلث به یک فاصله است، پس $OB = OC = 4 - x$ می‌باشد. حال با استفاده از قضیه فیثاغورس در مثلث OCH، داریم:

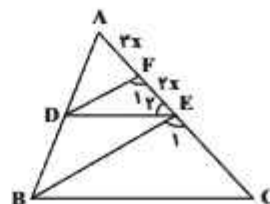
$$OC^2 = OH^2 + CH^2 \Rightarrow (4 - x)^2 = x^2 + 9$$

$$\Rightarrow 16 - 8x + x^2 = x^2 + 9 \Rightarrow 8x = 7 \Rightarrow x = \frac{7}{8} = 0.875$$

(هندسه ۱- ترسیم‌های هندسی و استدلال؛ صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

(مهری نیک‌زار)

گزینه ۴۳



$$\Delta ABE : DF \parallel BE \xrightarrow{\text{قضیه تالس}} \frac{AD}{DB} = \frac{AF}{FE} \quad (۱)$$

$$\Delta AHM : HM^2 = AM^2 - AH^2 = \left(\frac{BC}{4}\right)^2 - \left(\frac{BC}{4}\right)^2$$

$$\Rightarrow HM^2 = \frac{BC^2}{4} - \frac{BC^2}{16} = \frac{3BC^2}{16}$$

$$\Rightarrow HM = \frac{\sqrt{3}}{4} BC \quad (2)$$

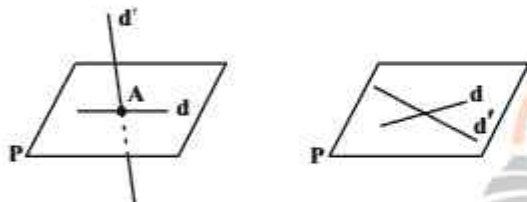
$$(1), (2) \Rightarrow LG = \frac{2}{3} \times \frac{\sqrt{3}}{4} BC = \frac{\sqrt{3}}{6} BC$$

(هندسه ۱ - هندسه‌های ۶۰، ۶۳ و ۶۷)

(سوام میری پور)

گزینه ۳ - ۴۹

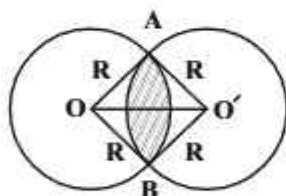
ساق‌های یک دوزنقه همواره متقاطع هستند. اگر یکی از دو خط متقاطع d و d' به تمامی در صفحه P قرار داشته باشد، آن‌گاه خط دیگر یا کاملاً درون صفحه P قرار دارد و یا با صفحه P متقاطع است ولی نمی‌تواند با صفحه P موازی باشد. (چون یکی از خط‌های صفحه P را قطع کرده است).



(هندسه ۱ - تجسم فضایی؛ صفحه‌های ۷۹ تا ۸۱)

(معمراحمر شعاعی)

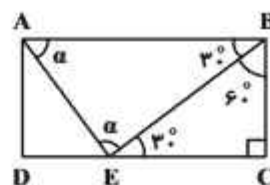
گزینه ۱ - ۵۰



مطابق شکل سطح مقطع حاصل از برخورد این دو کره، دایره‌ای به قطر AB است. طول اضلاع چهارضلعی $OAOR'$ برابر و طول قطر OO' در این چهارضلعی $\sqrt{2}$ برابر طول هر ضلع (شعاع هر کره) است. پس طبق عکس قضیه فیثاغورس در مثلث‌های OAO' و OBO' ، هر یک از زوایای A و B قائمه هستند و در نتیجه این چهارضلعی مربع است. در این صورت $AB = OO' = R\sqrt{2}$ است و در نتیجه داریم:

$$\frac{\text{مساحت دایره}}{\text{مساحت کره}} = \frac{\pi \left(\frac{R\sqrt{2}}{2}\right)^2}{4\pi R^2} = \frac{\pi R^2}{4\pi R^2} = \frac{1}{4}$$

(هندسه ۱ - تجسم فضایی؛ صفحه‌های ۹۲ تا ۹۳)



$$\hat{E} = 30^\circ \Rightarrow BC = \frac{1}{2} BE \xrightarrow{BC=a} BE = 2a$$

بنابراین داریم:

$$\left. \begin{array}{l} AB = DC = 2a \\ BE = 2a \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta AEB \text{ متساوی الساقین است.}$$

$$\Rightarrow \alpha + \alpha + 30^\circ = 180^\circ \Rightarrow \alpha = 75^\circ \Rightarrow \hat{AEB} = 75^\circ$$

(هندسه ۱ - هندسه‌های ۶۳ و ۶۴)

(امیرحسین ابومعرب)

گزینه ۲ - ۴۷

اگر b و i به ترتیب تعداد نقاط مرزی و درونی چندضلعی شبکه‌ای اولیه و S و S' به ترتیب مساحت‌های چندضلعی شبکه‌ای اولیه و ثانویه باشند، آنگاه طبق فرمول پیک داریم:

$$\frac{S'}{S} = 4 \Rightarrow \frac{\frac{4b}{2} + 3i - 1}{\frac{b}{2} + i - 1} = 4 \Rightarrow \frac{2b}{2} + 3i - 1 = \frac{4b}{2} + 4i - 4 \Rightarrow 2b + 3i - 1 = 2b + 4i - 4 \Rightarrow i = 3$$

$$\Rightarrow i = 3$$

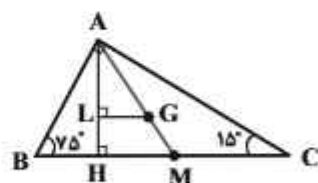
حداقل تعداد نقاط مرزی یک چندضلعی شبکه‌ای برابر ۳ است. بنابراین داریم:

$$S = \frac{b}{2} + i - 1 \Rightarrow S_{\min} = \frac{3}{2} + 3 - 1 = 2 \frac{1}{2}$$

(هندسه ۱ - هندسه‌های ۶۹ تا ۷۱)

(عسین عابیلو)

گزینه ۴ - ۴۸



می‌دانیم نقطه هم‌مرسی میانه‌ها، هر میانه را به نسبت ۲ به ۱ تقسیم می‌کند. در نتیجه داریم:

$$\Delta AHM : LG \parallel HM \xrightarrow{\text{تعمیم قضیه تالس}} \frac{LG}{HM} = \frac{AG}{AM} = \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow LG = \frac{2}{3} HM \quad (1)$$

از طرفی در یک مثلث قائم‌الزاویه با زاویه 15° ، طول ارتفاع وارد بر وتر، $\frac{1}{4}$ طول وتر است. همچنین در هر مثلث قائم‌الزاویه، طول میانه وارد بر وتر، نصف طول وتر است. بنابراین داریم:

فیزیک ۲

گزینه «۴» - ۵۱

(زهره آقاممیری)

با توجه به جدول سری الکتریسیته مالشی، مالش سرب به موی انسان باعث ایجاد بار منفی در سرب و بار مثبت در موی انسان می‌شود.

حال اگر میله سربی باردار را به کره رسانای خنثی تماس دهیم، این بار بین میله و کره توزیع می‌شود و هر دو دارای بار منفی می‌شوند.

در ادامه اگر کره دارای بار منفی را به آونگ الکتریکی خنثی نزدیک کنیم، به دلیل پدیده القای الکتریکی، گلوله آونگ جذب کره باردار می‌شود.

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۲ تا ۵)

گزینه «۴» - ۵۲

(زهره آقاممیری)

گزینه «۱» اگر $q_1 q_2 > 0$ ، در ناحیه بین دو بار میدان در نقطه‌ای می‌تواند صفر باشد و ممکن است $E_C = 0$ یا $E_B = 0$ شود.

گزینه «۲» بسته به اندازه بارها ممکن است $E_A = 0$ و یا $E_D = 0$ باشد.

گزینه «۳» اگر بارها تاهم‌نام و هم‌اندازه باشند در هیچ نقطه‌ای در اطراف آن‌ها میدان صفر نیست.

گزینه «۴» برای دو بار تاهم‌نام، میدان در بیرون از فاصله دو بار و نزدیک بار با اندازه کوچکتر می‌تواند صفر باشد.

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

گزینه «۱» - ۵۳

(زهره آقاممیری)

$$\Delta U = 1800 \text{ nJ}$$

$$U = \frac{1}{2} CV^2 \Rightarrow U_2 - U_1 = \frac{1}{2} C [V_2^2 - V_1^2]$$

$$\Rightarrow 1800 \times 10^{-9} = \frac{1}{2} C [400 - 100] \Rightarrow C = 12 \text{ nF}$$

$$C = \frac{\Delta Q}{\Delta V} \Rightarrow 12 \times 10^{-9} = \frac{\Delta Q}{10} \Rightarrow \Delta Q = 12 \times 10^{-8} \text{ C}$$

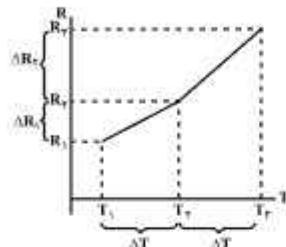
(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۹)

گزینه «۲» - ۵۴

(سیدعلی میرانوری)

اگر تغییر مقاومت سیم برحسب دما را به صورت زیر فرض کنیم، می‌دانیم که:

$$\begin{cases} \Delta R_1 = R_1 \alpha (\Delta T) \\ \Delta R_2 = R_2 \alpha (\Delta T) \end{cases} \Rightarrow \frac{\Delta R_2}{\Delta R_1} = \frac{R_2}{R_1} > 1 \Rightarrow \Delta R_2 > \Delta R_1$$



(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم؛ صفحه‌های ۵۲ تا ۵۴)

گزینه «۳» - ۵۵

(مصطفی اخلاقی)

با توجه به رابطه اختلاف پتانسیل دو سر باتری داریم:

$$\varepsilon = \mathcal{E}(V_{\text{باتری}}) \Rightarrow \varepsilon = \mathcal{E}(\varepsilon - rI) \Rightarrow \varepsilon = \frac{r}{\mathcal{E}} rI$$

$$\frac{I = 4A}{r = 1/5 \Omega} \rightarrow \varepsilon = \frac{r}{\mathcal{E}} \times 1/5 \times 4 \Rightarrow \varepsilon = 9V$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۶۶)

گزینه «۴» - ۵۶

(سید محمد طاهری بروینی)

چون هر سه مقاومت به صورت متوالی به هم وصل شده‌اند، جریان عبوری از هر سه مقاومت برابر است. از آن‌جا که تحمل حداکثر اختلاف پتانسیل هم برای سه مقاومت یکسان است، پس مقاومتی که بزرگتر است، ولتاژ بیشتری را تحمل می‌کند و زودتر به سقف اختلاف پتانسیل می‌رسد.

$$I = \frac{V}{R_3} = \frac{240}{20} = 12A$$

$$R_{eq} = 5 + 15 + 20 = 40 \Omega \quad \text{مقاومت معادل برابر است با.}$$

$$\Rightarrow P_I = R_{eq} I^2 = 40 \times (12)^2 = 5760 \text{ W} = 5.76 \text{ kW}$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۷ تا ۷۳)

$$\varepsilon_{av} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -1 \times \frac{-0.16 - 0.08}{10 - 4} = 0.04 V = 40 mV$$

(فیزیک ۲- انقاي الکترومغناطیسی و جریان متناوب؛ صفحه‌های ۱۱۵ تا ۱۱۸)

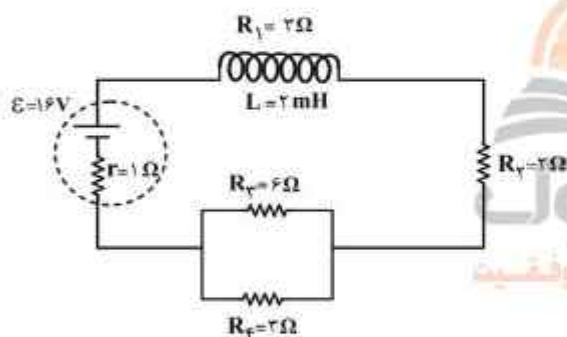
(مصطفی کیانی)

۶۰- گزینه «۲»

جریان الکتریکی اصلی مدار که از القاگر می‌گذرد را به دست می‌آوریم به

همین منظور، ابتدا مقاومت معادل مدار را حساب می‌کنیم. چون

مقاومت‌های R_3 و R_4 با هم موازی‌اند، داریم:



$$R_{eq} = R_1 + R_2 + \frac{R_3 R_4}{R_3 + R_4} = 2 + 2 + \frac{6 \times 2}{6 + 2} = 7 \Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{1.6}{7 + 1} = 0.2 A$$

حال انرژی ذخیره شده در القاگر را می‌یابیم.

$$U = \frac{1}{2} L I^2 = \frac{1}{2} \times 2 \times 10^{-3} \times (0.2)^2 = 4 \times 10^{-5} J$$

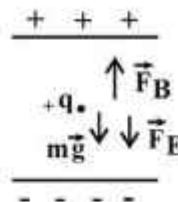
(فیزیک ۲- انقاي الکترومغناطیسی و جریان متناوب؛ صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۱)

(رامین شادروین)

۵۷- گزینه «۴»

باید نیروی $\vec{F}_B$ رو به بالا به ذره اعمال شود تا ذره بدون انحراف به مسیرش

ادامه دهد.



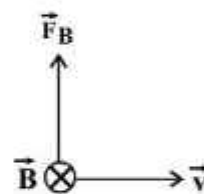
$$F_E = |q| E = |q| \frac{\Delta V}{d} = 2.0 \times 10^{-6} \times \frac{10}{2 \times 10^{-2}} = 1.0 \times 10^{-1} N$$

$$F_B = |q| v B \sin \theta = 2.0 \times 10^{-6} \times 1.0 \times B \Rightarrow F_B = 2 \times 10^{-7} \times B$$

$$\Rightarrow F_B = F_E + mg$$

$$\Rightarrow 2 \times 10^{-7} \times B = 1.0 \times 10^{-1} + 1.0 \times 10^{-6} \times 1.0 \Rightarrow B = \frac{2 \times 10^{-1}}{2 \times 10^{-7}} = 1.0 T$$

برای جهت میدان مغناطیسی، طبق قاعده دست راست داریم:



(فیزیک ۲- مغناطیس؛ صفحه‌های ۱۸۹ تا ۱۹۱)

(امیر ستارزاده)

۵۸- گزینه «۱»

طبق رابطه نیروی مغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان خواهیم داشت:

$$F = I L B \sin \theta = 4 \times (1) \times (2.0 \times 10^{-4}) \times \sin 30^\circ = 0.04 N$$

(فیزیک ۲- مغناطیس؛ صفحه‌های ۱۹۱ تا ۱۹۳)

(عسین مقوم)

۵۹- گزینه «۳»

چون شیب نمودار از لحظه ۴s تا ۱۰s ثابت است، پس نیروی محرکه القایی

متوسط برای هر بازه زمانی در این محدوده ثابت و یکسان است؛ بنابراین با

استفاده از قانون القای الکترومغناطیسی فاراد، داریم:

فیزیک ۱

گزینه ۲» ۶۱-

(السان مغلی)

ابتدا تغییرات سرعت خودرو را به دست می آوریم.

$$\Delta v = v_2 - v_1 = 82/6 - 17/8$$

$$= 64/8 \frac{\text{km}}{\text{h}} \xrightarrow{5/6} \Delta v = 18 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

تغییر هر کمیت نسبت به زمان را آهنگ تغییر آن کمیت می نامند.

$$\text{تغییرات سرعت} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{18 \frac{\text{m}}{\text{s}}}{90 \text{s}} = 0/2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

حال تبدیل یکای زیر را انجام می دهیم و مقدار آهنگ سرعت را به فرم

نمادگذاری علمی می نویسیم.

$$0/2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} = 0/2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \times \frac{1 \mu\text{m}}{10^{-6} \text{m}} \times \left(\frac{3600 \text{s}}{1 \text{h}}\right)^2 = 2592 \times 10^3$$

$$= 2/592 \times 10^{12} \frac{\mu\text{m}}{\text{h}^2}$$

(فیزیک ۱- فیزیک و اندازه گیری؛ صفحه های ۱۰ تا ۱۳)

گزینه ۴» ۶۲-

(مسن قنچر)

با توجه به رابطه چگالی مخلوط داریم.

$$\rho_{\text{مخلوط}} = \frac{m_A + m_B + m_C}{V_A + V_B + V_C}$$

$$= \frac{\rho_A V_A + \rho_B V_B + \rho_C V_C}{V_A + V_B + V_C} \quad V_A = V_B = V_C \rightarrow$$

$$\rho_{\text{مخلوط}} = \frac{\rho_A + \rho_B + \rho_C}{3} \quad \rho_B = (\rho_A - 1/7) \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

$$\Rightarrow 1/8 = \frac{\rho_A + (\rho_A - 1/7) + 1/7}{3}$$

$$\Rightarrow \rho_A = 2/9 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 2900 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 2900 \frac{\text{g}}{\text{L}}$$

(فیزیک ۱- فیزیک و اندازه گیری؛ صفحه های ۱۶ تا ۱۸)

گزینه ۱» ۶۳-

(علیرضا رستم زاده)

موارد الف، ب و ت درست اند.

مورد «پ» نادرست است؛ زیرا پدیده پخش نشان دهنده حرکات نامنظم و کاتوره ای ذرات آب است نه تمک.

(فیزیک ۱- ویژگی های فیزیکی مواد؛ صفحه های ۲۳ تا ۲۶)

گزینه ۳» ۶۴-

(بهنام شامی)

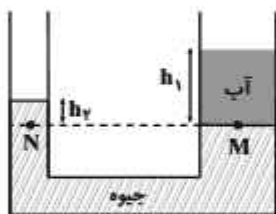
ابتدا حجم آب در شاخه B را به دست می آوریم.

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow 1 = \frac{20/4}{V} \Rightarrow V = 20/4 \text{ cm}^3$$

سیس ارتفاع آب در شاخه B را به دست می آوریم.

$$V = Ah \Rightarrow 20/4 = 1/\Delta h \Rightarrow h = 13/6 \text{ cm}$$

حال می توان اختلاف سطح جیوه در دو شاخه را به دست آورد.



$$P_M = P_N \Rightarrow \rho_{\text{آب}} h_1 = \rho_{\text{جیوه}} h_2$$

$$\Rightarrow 1 \times 13/6 = 13/6 \times h_2 \Rightarrow h_2 = 1 \text{ cm}$$

(فیزیک ۱- ویژگی های فیزیکی مواد؛ صفحه های ۳۲ تا ۳۷)

گزینه ۲» ۶۵-

(غرشار لطف اله زاده)

با توجه به شکل، ملاحظه می شود که هر چه طول طناب پیش تر باشد، θ کوچک تر شده، در نتیجه $\cos \theta$ بیش تر می شود؛ پس طبق رابطه $W = Fd \cos \theta$ ، در جابه جایی یکسان کار افزایش می یابد.



(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان؛ صفحه های ۵۵ تا ۵۹)

$$\Delta L = \alpha L_1 \Delta T \rightarrow \frac{\Delta L = 6 \text{ mm} = 6 \times 10^{-3} \text{ mm}}{L_1 = 1 \text{ m} = 10^3 \text{ mm}, \Delta T = 50 \text{ K}}$$

$$6 \times 10^{-3} = \alpha \times 10^3 \times 50 \Rightarrow \alpha = \frac{6 \times 10^{-3}}{5 \times 10^4}$$

$$\Rightarrow \alpha = 1/2 \times 10^{-5} \frac{1}{\text{K}}$$

(فیزیک ۱- دما و گرما: صفحه‌های ۸۸ تا ۹۱)

(معمربزرگ)

«گزینه ۲» - ۶۸

طبق رابطه تعادل گرمایی داریم:

$$Q_1 + Q_2 = 0 \Rightarrow m_1 c_1 \Delta \theta_1 + m_2 c_2 \Delta \theta_2 = 0$$

گزینه‌ها را بررسی می‌کنیم:

$$1) 4 \times 2 \times (25 - 20) + 2 \times 4 \times (25 - 25) = 60 - 120 = -60 \neq 0$$

$$2) 4 \times 2 \times (25 - 20) + 6 \times 1 \times (25 - 25) = 60 - 60 = 0 \checkmark$$

$$3) 4 \times 2 \times (25 - 20) + 2 \times 2 \times (25 - 40) = 60 - 90 = -30 \neq 0$$

$$4) 4 \times 2 \times (25 - 20) + 12 \times 5 \times (25 - 25) = 60 - 0 = 60 \neq 0$$

(فیزیک ۱- دما و گرما: صفحه‌های ۱۰۰ تا ۱۰۳)

(معمربزرگ شیدوانی راز)

«گزینه ۲» - ۶۹

با استفاده از قانون گازهای آرمانی داریم:

$$PV = nRT \Rightarrow n = \frac{PV}{RT}$$

$$\Rightarrow n = \frac{415 \times 60}{8 \times 3 \times 300} = 10 \text{ mol}$$

(فیزیک ۱- دما و گرما: صفحه‌های ۱۲۲ و ۱۲۳)

(بیانام شاهینی)

«گزینه ۱» - ۷۰

فرایند CA یک فرایند هم‌حجم است. (چون نمودار P-T از مبدأ

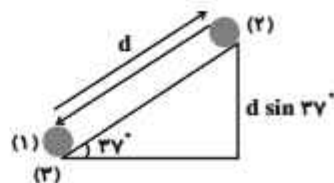
می‌گذرد). بنابراین کار انجام شده در این فرایند صفر است.

(فیزیک ۱- ترمودینامیک: صفحه‌های ۱۳۱ و ۱۳۲)

(معمربزرگ)

«گزینه ۱» - ۶۶

ابتدا قضیه کار-انرژی جنبشی را برای کل مسیر رفت و برگشت می‌نویسیم:



$$W_t = K_f - K_i \Rightarrow W_{mg} + W_{fk} = \frac{1}{2} m (v_f^2 - v_i^2)$$

$$\xrightarrow{W_{mg}=0} W_{fk} = \frac{1}{2} \times 0.1 \times (8 - 3^2)$$

$$\Rightarrow W_{fk} = -1/2 \text{ J}$$

لذا کار نیروی اصطکاک در مسیر رفت یا برگشت برابر است با:

$$W'_{fk} = -0.6 \text{ J}$$

حال، قضیه کار-انرژی جنبشی را برای مسیر برگشت می‌نویسیم:

$$W_t' = K_f - K_i \Rightarrow W_{mg}' + W_{fk}' = \frac{1}{2} m v_f'^2 - \frac{1}{2} m v_i'^2$$

$$\Rightarrow mgd \sin 37^\circ - 0.6 = \frac{1}{2} \times 0.1 \times ((2\sqrt{2})^2 - 0)$$

$$\Rightarrow 0.1 \times 10 \times d \times 0.6 - 0.6 = \frac{1}{2} \times 0.1 \times 8$$

$$\Rightarrow d = \frac{5}{3} \text{ m} \xrightarrow{\text{مسافت}} \text{مسافت} = 2 \times \frac{5}{3} = \frac{10}{3} \text{ m}$$

(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴)

(معمربزرگ کیانی)

«گزینه ۲» - ۶۷

چون تغییر طول، تغییر دما و طول اولیه میله معلوم است، با استفاده از

رابطه $\Delta L = \alpha L_1 \Delta T$ ، ضریب انبساط طولی میله را می‌یابیم. دقت کنید چون

دمای میله برحسب درجه فارنهایت داده شده و α را برحسب K^{-1} خواسته

است، باید تغییرات دما برحسب درجه فارنهایت را به کلون تبدیل کنیم.

$$\Delta F = F_f - F_i \xrightarrow{F_f = 88^\circ \text{F}, F_i = -2^\circ \text{F}} \Delta F = 88 - (-2) = 90^\circ \text{F}$$

$$\Delta F = \frac{9}{5} \Delta \theta \Rightarrow 90 = \frac{9}{5} \Delta \theta \Rightarrow \Delta \theta = 50^\circ \text{C} \xrightarrow{\Delta \theta = \Delta T}$$

$$\Delta T = 50 \text{ K}$$

شعبه ۲

٧١ - كونه «أ»

(جموں و کشمیر)

گزینۀ «۳» مس واکنش‌پذیری کمتری نسبت به آهن دارد لذا این واکنش

به‌طور خودبه‌خودی انجام‌پذیر نیست.

شماره ۲- قدر هریایای زمینه را برانیم؛ صفحه‌های ۱۹ تا ۲۱)

-۷۲- گونہ ۱۰

(معمور عسرج معمور زاده مقبره)

بررسی گزینه های تادرست.

۲) هیدروژن پراکسید را نمی‌توان به طور مستقیم از واکنش بین گازهای

اکسیژن و هیدروژن تهیه کرد.

(۳) آنتالپی واکنش تولید CO را می‌توان به روش تجربی تعیین کرد.

(۴) تهیه آموتیایک به روش هابر از گازهای تیتروزن و هیدروژن یک واکنش

دو مرحله‌ای است:

(شماره ۲- در مجله آموزشی سالنامه، صفحه‌های ۷۴ تا ۷۷)

۴۳ - ۴۴

(مریم اکبری)

در دوره سوم جدول تناوبی، از راست به چپ، خصلت نافذی کاهش می‌یابد.

و کمترین خصلت نافرزی در گروه هفدهم جدول تناوبی مربوط به آخرین

عنصر گروه است.

(شیمی) ۳- قدر هدایای زمینی را بدائیم؛ صفحه‌های ۶ تا ۹)

٧٤ - كَوْنُهُ «أ»

(کتاب آری)

استفاده از غذاهای بومی و فصلی کاهش مصرف انرژی را با خود همراه دارد.

زیرا برای جابه‌جایی مواد غذایی و رساندن آن به دست مصرف‌کننده تریازی

به پیمایش مسافت طولانی نیست.

کاهش مصرف غذاهای فراوری شده هم تولید کنندگان غذا را مجاب می‌کند

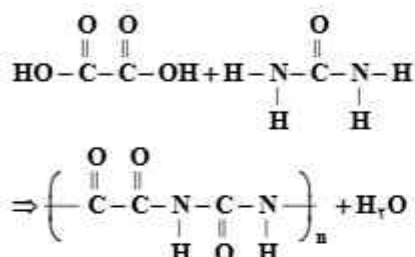
که به طراحی مواد و فراورده‌های شیمیایی سالم‌تر دست بزنند تا بتوانند

فروش خود را از دست ندهند.

(شیمی، ۲- در پی تحولاتی سالم: صفحه ۹۵)

٧٥ - كَوْنُهُ « ٢ »

(روزہ رعنائی)



(شماره ۲- به شاکه، نیازهای مادام‌العمر؛ صفحه‌های ۱۱۴ و ۱۱۵)

— ۷۶ —

(معمور وریری)

$$\text{جرم جامد تولید شده} = \text{Al}_r(\text{SO}_r)_r \text{ ناخالص} \times \frac{100 \text{ g خالص}}{100 \text{ g ناخالص}} \times \frac{1 \text{ mol}}{342 \text{ g}}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol Al}_2\text{O}_3}{1 \text{ mol Al}_2(\text{SO}_4)_3} \times \frac{107 \text{ g}}{1 \text{ mol}} \times \underbrace{\frac{x}{100}}_{\text{}} \approx 0.18 \text{ g Al}_2\text{O}_3$$

درصد تحزبه شدہ حامد اولیہ (آلومینیم سولفات)

مقدار تجزیه شده - ۶۷ - جرم نوده باقی مانده از جامد اولیه

$$= 94 - \left(94 \times .1 \times \frac{1}{1.1} \right) = .194 (1.1 - .1 \times 1)$$

$$\Rightarrow . / \rho_V(1 \dots - . / \Lambda \Sigma) = . / \rho_X \Rightarrow X \approx 99\%$$

$$\text{خالص} \frac{80 \text{ g}}{100 \text{ g}} \times \text{ناخالص} = 67 \text{ g Al}_2(\text{SO}_4)_3 = \text{حجم گاز تولید شده}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol}}{334 \text{ g}} \times \frac{7 \text{ mol SO}_7}{1 \text{ mol Al}_7(\text{SO}_7)_7} \times \frac{77/5 \text{ L}}{1 \text{ mol}} \times \frac{96}{100} \approx 1.1/11 \text{ L SO}_7$$

(شماره ۲- قدر هدایای زمینی را برانیم؛ صفحه‌های ۲۳ تا ۲۵)

$$R_X = \frac{\Delta[X]}{\Delta t} = \frac{(2/7 - 2/8)}{10} = 0.09 \frac{\text{mol}}{\text{L.s}}$$

$$R_{\text{واکنش}} = \frac{R_B}{2} = \frac{R_C}{3} \Rightarrow \begin{cases} R_C = 2 \times 0.02 = 0.04 \\ R_B = 2 \times 0.03 = 0.06 \end{cases} \Rightarrow R_X = R_C$$

حال تغییرات غلظت ماده A از ابتدا تا ثانیه ۴۰ را پیدا می‌کنیم.

در مدت زمان ۴۰ ثانیه نخست واکنش، تغییرات غلظت C برابر است با:

$$\Delta[C] = 4/2 \frac{\text{mol}}{\text{L}}$$

در زمان‌های برابر، تغییرات غلظت متناسب با ضرایب استوکیومتری است.

$$\frac{R_C}{R_A} = \frac{|\Delta[C]|}{|\Delta[A]|} = \frac{2}{3} \quad \text{در مدت زمان ۴۰ ثانیه نخست واکنش}$$

$$\Rightarrow 4|\Delta[C]| = 2|\Delta[A]|$$

$$\Rightarrow 4 \times 4/2 - 0 = 2|\Delta[A]| \Rightarrow \Delta[A] = 5/72 \frac{\text{mol}}{\text{L}}$$

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه‌های ۸۳ تا ۸۵)

(امیرحسین فنی)

۸- گزینه «۴»

با افزایش تعداد اتم‌های کربن در زنجیره‌های کربنی در الکل‌ها و اسیدها

بخش قاطبی آنها بزرگ‌تر شده و ویژگی چربی دوستی آنها افزایش

می‌یابد (رد گزینه «۲»): همچنین طبق نمودار کتاب درسی با افزایش تعداد

کربن‌ها انحلال‌پذیری آنها در آب کاهش یافته و به انحلال‌پذیری آلکان‌ها

که نزدیک به صفر است نزدیک می‌شود. (درستی گزینه «۴»)

همچنین با افزایش طول زنجیر کربنی، به دلیل افزایش جرم مولی، نقطه جوش

آنها افزایش می‌یابد (رد گزینه «۱»)

رد گزینه «۳»: با افزایش طول زنجیر کربنی، تعداد جفت الکترون‌های

پیوندی در مولکول افزایش و تعداد جفت الکترون‌های تاپوندی که مربوط به

اتم‌های اکسیژن موجود در گروه عاملی است ثابت می‌ماند، در نتیجه این

نسبت به طور کلی افزایش می‌یابد.

(شیمی ۲- پوشاک، نیازی پایان لایبر، صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۳)

(معمّر کوحستانیان)

۷۷- گزینه «۲»

رابطه میان جرم، حجم و چگالی به صورت مقابل است:

$$\rho = \frac{m}{V}$$

بنابراین، می‌توان در رابطه گرمای میادله شده به جای m از حاصل ضرب

p.V استفاده نمود.

گرمای میادله شده برحسب ژول برابر است با:

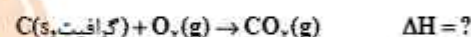
$$Q = mc\Delta\theta = p.V.c\Delta\theta = 7/8 \times 21 \times 0.45 \times 10 = 737/1 \text{ J}$$

$$\text{حال برای تبدیل آن به کالری داریم: } 737/1 \text{ J} \times \frac{1 \text{ cal}}{4/2 \text{ J}} = 175/5 \text{ cal}$$

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه‌های ۵۴ تا ۵۸)

(معمّر عظیمیان/زواره)

۷۸- گزینه «۱»



برای محاسبه ΔH این واکنش به کمک قانون هس باید واکنش‌های (I) و

(III) را وارونه و با واکنش (II) جمع کرد. بنابراین:

$$\Delta H = 572 + (-75/5) + (-890) = -393/5 \text{ kJ}$$

$$? \text{ kJ} = 9 \text{ g C} \times \frac{80 \text{ g خالص}}{100 \text{ g ناخالص}} \times \frac{1 \text{ mol C}}{12 \text{ g C}} \times \frac{393/5 \text{ kJ}}{1 \text{ mol C}} = 236/1 \text{ kJ}$$

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه‌های ۷۲ تا ۷۵)

(کتاب آبی)

۷۹- گزینه «۳»

$$\bar{R}_{\text{واکنش}} = 1/8 \frac{\text{mol}}{\text{L.min}} = \frac{1/8 \text{ mol}}{60 \text{ L.s}} = 0.03 \frac{\text{mol}}{\text{L.s}}$$

نمودار داده شده مربوط به یکی از فراورده‌هاست، چون با گذشت زمان

غلظت آن افزایش یافته است.

سرعت متوسط تغییرات غلظت این فراورده در بازه زمانی ۲۰ تا ۳۰ ثانیه

برابر است با:

شیمی ۱

گزینه ۴

(ممنوع و زیری)

جمله داده شده با توجه به حاشیه صفحه ۲۳ کتاب درسی درست است. از بین عبارت‌های داده شده، فقط عبارت «الف» درست می‌باشد. بررسی عبارت‌های نادرست.

ب) رنگ سرخ ایجاد شده در یک شعله می‌تواند نشان‌دهنده وجود عنصر لیتیم با عدد اتمی ۳ باشد که در دوره دوم جدول تناوبی عناصر قرار دارد. پ) عدد جرمی عناصر جدول دوره‌ای با افزایش تعداد پروتون‌های هسته یعنی عدد اتمی آن‌ها، اغلب افزایش می‌یابد ولی بی‌تظمی‌هایی نیز در جدول دیده می‌شود. ت) نور خورشید قبل از عبور از منشور و تجزیه شدن، سفید به نظر می‌رسد ولی بعد از عبور از منشور به گستره‌ای پیوسته از رنگ‌ها تجزیه می‌شود و دیگر سفید به نظر نمی‌رسد.

(شیمی ۱- کیهان زارگاه انقبای هستی؛ صفحه‌های ۱۱ و ۱۹ تا ۲۳)

گزینه ۲

(کتاب آبی)

موارد «ت» و «ث» نادرست هستند. بررسی عبارت‌های نادرست. عبارت «ت» در واکنش‌های زیست کره (B) درشت‌مولکول‌ها نقش اساسی ایفا می‌کنند.

عبارت «ث» در فصل ۲ کتاب دهم آموختید که در هوا کره (A) علاوه بر مولکول‌های دو اتمی اکسیژن (O_2) و نیتروژن (N_2)، گازهای دیگری مانند آرگون، کربن‌دی‌اکسید و ... نیز وجود دارد.

(شیمی ۱- آب، آهنگ زندگی؛ صفحه‌های ۸۶ و ۸۷)

گزینه ۳

(زانیال معبر علی)

با بررسی نوع و مقدار عنصرهای سازنده برخی سیاره‌های سامانه خورشیدی و مقایسه آن با عناصر سازنده خورشید، می‌توان به درک بهتری از چگونگی تشکیل عناصر دست یافت.

(شیمی ۱- کیهان زارگاه انقبای هستی؛ صفحه ۲)

گزینه ۳

(بشیر رحیمی)

موارد ب و ت درست‌اند.

بررسی موارد:

الف) اوزون مانع ورود پرتوهای فرابنفش خورشید به سطح زمین می‌شود.

ب) در هوا، در هنگام رعد و برق اکسیدهای نیتروژن حاصل می‌شود.

پ) از این واکنش اوزون تروپوسفری حاصل می‌شود که استراتوسفری.

ت) درست است.

(شیمی ۱- رزای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۷ تا ۸۰)

گزینه ۱

(سعید رامعی پور)

$$\left. \begin{array}{l} n + p = 78 \\ p = e + 2 \\ e = \frac{2}{3}n \end{array} \right\} \Rightarrow p = \frac{2}{3}n + 2 \Rightarrow n + \frac{2}{3}n + 2 = 78$$

$$\Rightarrow n = 45, \quad p = 78 - 45 = 33$$

(شیمی ۱- کیهان زارگاه انقبای هستی؛ صفحه ۵)

گزینه ۴

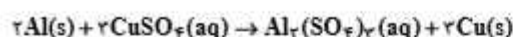
(محمدرحسن منمرازه مقدم)

عنصر X متعلق به دوره چهارم است؛ بنابراین عنصر مورد نظر در دوره چهارم جای دارد. از طرفی Y متعلق به گروه ۱۶ است؛ بنابراین آرایش الکترونی عنصر مورد نظر به صورت زیر است.

(کتاب آبی)

۸۹- گزینه «۲»

موارد «آ» و «ب» تادرست هستند.



بررسی موارد:

عبارت (آ): $mol Cu^{2+} = 40 / \Delta g Al \times \frac{mol Al}{37g Al}$

$$\times \frac{3mol Cu^{2+}}{2mol Al} = 2 / 2 \Delta mol Cu^{2+}$$

عبارت (ب):

$$1 + 2 = 3 = \Delta$$

$$2 + 3 = 5 = \Delta$$

عبارت (پ): یون SO_4^{2-} نقش در انجام واکنش ندارد و تعداد مول آن، حین انجام واکنش ثابت است.

عبارت (ت): در معادله موازنه شده واکنش، در سمت واکنش دهنده‌ها



یون وجود دارد. پس از شمار یون‌ها کاسته می‌شود.

(شیمی ۱- رزبای گازها در زندگی: صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

(غرض از رضایی)

۹۰- گزینه «۲»

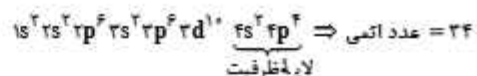
مطابق قانون هنری، در دمای ثابت با دو برابر شدن فشار گاز، انحلال پذیری آن دو برابر می‌شود؛ یعنی:

$$16 atm = 0 / 15 \times 2 = 0 / 3 g$$

اکنون مقدار گاز حل شده در ۷۵۰g محلول سیرشده را به دست می‌آوریم:

$$g \text{ گاز} = 750g \text{ محلول} \times \frac{0 / 3 g \text{ گاز}}{100 / 3 g \text{ محلول}} = 2 / 24 g$$

(شیمی ۱- آب، آهنگ زندگی: صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۵)



لایه ظرفیت

(شیمی ۱- کیهان زارگاه الفبای هستی: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)

۸۷- گزینه «۴»

(آرین شجاعی)

بررسی موارد تادرست:

ب) در روش اسمز معکوس همانند صافی کربن میکروپها از بین نمی‌روند.

ت) از روش اسمز نمی‌توان برای تهیه آب شیرین استفاده کرد.

(شیمی ۱- آب، آهنگ زندگی: صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۹)

۸۸- گزینه «۴»

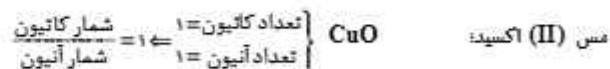
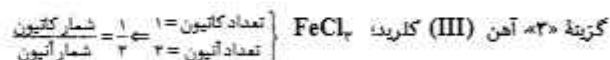
(بهر ریسمی)

بررسی گزینه‌ها:

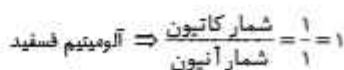
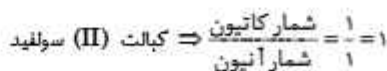
گزینه «۱»: متیازیم تنها یک نوع یون می‌تواند بسازد و نباید از اعداد رومی

استفاده شود و نام درست آن متیازیم تیتريد است:

گزینه «۲»: FeO آهن (II) اکسید نام دارد.



گزینه «۴»



(شیمی ۱- رزبای گازها در زندگی: صفحه‌های ۶۳ و ۶۴)