



پدید آورندگان آزمون ۴ مهر

سال یازدهم ریاضی

طراحان

نام درس	نام طراحان
ریاضی (۱) و حسابان (۱)	علی بهره‌مندپور- فرزانه پورعلیرضا- مهرداد اسپدکار- عادل حسینی- ابراهیم نجفی- محمد هجری- امیر زراوندوز- احسان غنی‌زاده- یاسین سپهر- مهدی ملازمشانی- امیرحسین افشار- حمید علیزاده- سیدمحمد سعادت- مسعود پرملا- جواد زنگنه‌قاسم آبادی- علی شهرابی
هندسه (۱) و (۲)	محمد خندان- حسین حاجیلو- افشین خاصه‌خان- علی ایمانی- فرزانه خاکپاش- سیدسروش کریمی مداحی- رضا عباسی‌اصل- احمدرضا فلاح- امیرمحمد کریمی- احسان خیراللهی- فرهاد وفایی
فیزیک (۱) و (۲)	عبدالرضا امینی‌نسب- زهره آقامحمدی- مصطفی کیمانی- مهدی سلطانی- محمدعلی راست‌پیمان- سیدمحمدجواد موسوی- بابک اسلامی- علیرضا سلیمانی- خسرو ارغوانی‌فرد- سینا صالحی
شیمی (۱) و (۲)	پاسر راش- ایمان حسین‌نژاد- علی امینی- روزبه رضوانی- مسعود جعفری- شهرزاد معرفت‌ایزدی- علیرضا بیانی- محمد عظیمیان زواره- آرمین محمدی- آرمان فنواتی

گزینشگران، مسئولین درس و ویراستاران

نام درس	گزینشگر و مسئول درس	گروه ویراستاری	مسئول درس مستندسازی
ریاضی (۱) و حسابان (۱)	مهدی ملازمشانی	سپهر متولیان- مهدی یحزکائمی گروه مستندسازی، معصومه صنعت‌کار- سجاد سلیمی	سمیه اسکندری
هندسه (۱) و (۲)	امیرمحمد کریمی	سپهر متولیان- سجاد محمدنژاد- مهدی یحزکائمی گروه مستندسازی، معصومه صنعت‌کار- مهسا محمدنیا- سیداحسان میرزینی	سجاد سلیمی
فیزیک (۱) و (۲)	سینا صالحی	حسین بصیرت‌رکمیور- علی صاحی- بابک اسلامی گروه مستندسازی، مهدی صالحی- سیدکیان مکی	علیرضا همایون‌خواه
شیمی (۱) و (۲)	ایمان حسین‌نژاد	پویا رنگباری- احسان پنجه‌شاهی- سیدعلی موسوی‌فرد گروه مستندسازی، محسن دستجردی- بیتا مرادی	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	بابک اسلامی
مسئول دفترچه	لیلا نورانی
مستندسازی و مطابقت با صورتات	مدیر گروه: محیا اصغری / مسئول دفترچه: سجاد سلیمی
حروفنگاری و صفحه‌آرایی	فاطمه علی‌پاری
نظارت چاپ	حمید محمدی

بنیاد علمی آموزشی قلم چی (وقف عام)

(مهروراد اسپدگر)

۳- گزینه «۱»

برای محاسبه عبارت A کافی است صورت و مخرج کسر A را بر $\cos \alpha$ تقسیم کنیم.

$$A = \frac{\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} + \frac{\cos \alpha}{\cos \alpha}}{\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} - \frac{\cos \alpha}{\cos \alpha}} \Rightarrow A = \frac{\tan \alpha + 1}{\tan \alpha - 1} = \frac{\frac{1}{3} + 1}{\frac{1}{3} - 1} = \frac{\frac{4}{3}}{-\frac{2}{3}} = -2$$

(ریاضی ۱- مثلثات- صفحه های ۴۲ و ۴۶)

(عارف حسینی)

۴- گزینه «۴»

$$\frac{\sqrt{2}\sqrt{2}\sqrt{2}\sqrt{2}}{\sqrt{2}\sqrt{2}\sqrt{2}\sqrt{2}} = \frac{\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}}{\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}} = \frac{\frac{5}{2} \times \frac{5}{2}}{\frac{5}{2} \times \frac{5}{2}}$$

$$= \frac{\frac{5}{2}}{\frac{5}{2}} = \sqrt{\left(\frac{2}{3}\right)^5}$$

(ریاضی ۱- توان های گویا و عبارت های پیچیده- صفحه های ۴۸ و ۶۱)

(ابراهیم یقینی)

۵- گزینه «۲»

$$۱) D = (-1, 2) - \{0, 2\}, R = (0, 2) - \{2\} \Rightarrow R \subseteq D$$

$$۲) D = (0, 2), R = (0, 4) \Rightarrow D \subseteq R$$

$$۳) D = [-1, 1], R = (-1, 1) \Rightarrow R \subseteq D$$

$$۴) D = (0, 4), R = (0, 2) \Rightarrow R \subseteq D$$

(ریاضی ۱- تابع- صفحه های ۱۰۸ و ۱۱۰)

(محمدرحیم میری)

۶- گزینه «۳»

با توجه به این که $|2x+4|$ و $|x-3|$ همواره نامنفی اند. در تعیین علامت نامعادله داده شده تأثیری ندارند، فقط ریشه های آنها را لحاظ می کنیم. بنابراین تعیین علامت این نامعادله برابر است با:

x	-3	-1	1	3
f(x)	+	+	-	+

$$\text{مجموعه جواب} = (-1, 1) \cup -2$$

واضح است که تنها به ازای اعداد صحیح $x = -2$ و $x = 0$ نامعادله برقرار است.

(ریاضی ۱- معادله ها و نامعادله ها- صفحه های ۸۳ و ۸۴)

ریاضی (۱)

۱- گزینه «۱»

(علی پورمحمدی)

تعداد جملات بین دو جمله a و b در دنباله حسابی با قدر نسبت d از رابطه زیر بدست می آید:

$$\frac{b-a}{d} - 1$$

$$\frac{14 - (-\frac{5}{2})}{\frac{1}{2}} - 1 = 22 - 1 = 21$$

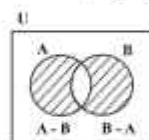
بنابراین:

(ریاضی ۱- مجموعه، الگو و دنباله- صفحه های ۲۱ و ۲۴)

۲- گزینه «۱»

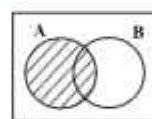
(فرزانه پورعلیرضا)

اگر نمودار Venn را رسم کنیم، می بینیم که دو مجموعه $A-B$ و $B-A$ هیچ عضو مشترکی ندارند و جدا از هم هستند.

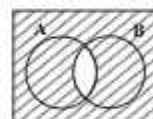


جدا از هم نبودن سایر گزینه ها را با نمودار Venn بررسی می کنیم:

گزینه «۲»

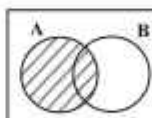


A

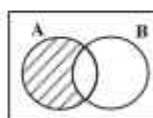


$(A \cap B)'$

گزینه «۳»

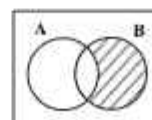


A

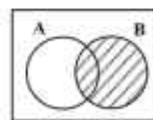


$A \cap B'$

گزینه «۴»



B-A



B

(ریاضی ۱- مجموعه، الگو و دنباله- صفحه های ۸ و ۱۰)

۷- گزینه «۴»

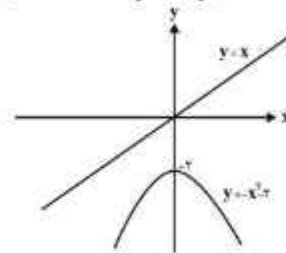
(معبر زائران)

با رسم نمودار دو تابع $y = x$ و $y = -x^2 - 2$ متوجه می‌شویم که هیچ نقطه برخوردی ندارند.

تذکر: البته بدون رسم هم با مساوی قرار دادن ضابطه دو تابع، می‌توانیم نقطه یا نقاط تلاقی احتمالی را به دست آوریم:

$$-x^2 - 2 = x \Rightarrow x^2 + x + 2 = 0$$

$$\Delta = 1^2 - 4(1)(2) = -7 \Rightarrow \text{جواب ندارد}$$



(ریاضی ۱- تابع، معادله و نامعادله - صفحه‌های ۷۱ و ۷۷)

۸- گزینه «۲»

(اعداد غنی‌زاده)

برای رسیدن از A به C چند روش داریم:

$(A \rightarrow B \rightarrow C)$ و $(A \rightarrow D \rightarrow C)$ و (مستقیم از A به C)

و $(A \rightarrow D \rightarrow B \rightarrow C)$

مطابق اصل جمع تعداد هر حالت را می‌شماریم و با هم جمع می‌کنیم:

$$1 + (2 \times 2) + (2 \times 1) + (2 \times 1 \times 2)$$

$$= 1 + 4 + 2 + 4 = 11$$

(ریاضی ۱- شمارش، بدون شمردن - صفحه‌های ۱۱۹ و ۱۲۶)

۹- گزینه «۲»

(معمر میری)

$$n(S) = 6 \times 2 \times 2 \times 2 = 48$$

$n(S)$ را محاسبه می‌کنیم:

برای محاسبه $n(A)$ حالت‌بندی می‌کنیم:

اگر عدد تاس ۱ باشد $\leftarrow$ (پ پ پ) (پ ر پ) (پ ر پ ر)

اگر عدد تاس ۲ باشد $\leftarrow$ (پ ر ر) (پ ر ر ر) (پ ر ر ر ر)

اگر عدد تاس ۳ باشد $\leftarrow$ (ر ر ر)

$$\frac{7}{48}$$

پس احتمال این پیشامد برابر است با:

(ریاضی ۱- ترکیبی - صفحه‌های ۱۱۹ و ۱۲۶ و ۱۴۲ و ۱۵۱)

۱۰- گزینه «۳»

(یاسین سپهر)

انواع وضعیت هوا را می‌توان به صورت «آفتابی، ابری، بارانی و برفی» دسته‌بندی کرد پس متغیر کیفی اسمی می‌باشد.

میزان لذت بردن از آشپزی می‌تواند «زیاد، متوسط و کم» باشد پس متغیر کیفی ترتیبی است.

شاخص توده بدن حاصل تقسیم جرم افراد (W) برحسب کیلوگرم بر توان

$$\text{دوم قد افراد (H) برحسب متر یا به عبارت دیگر } \frac{W_{kg}}{(H_m)^2} \text{ می‌باشد که}$$

یک متغیر کمی پیوسته است.

مراحل تحصیل (ابتدایی، متوسطه اول، ...) از نوع کیفی ترتیبی است.

(ریاضی ۱- آمار و احتمال - صفحه‌های ۱۵۹ و ۱۷۰)

ریاضی (۱) - سوالات آشنا

۱۱- گزینه «۴»

(کتاب زید)

برای آنکه تعداد افرادی را که عضو هیچ گروهی نیستند پیدا کنیم، باید تعداد افرادی را که عضو حداقل یک گروه هستند، یعنی اجتماع دو گروه مورد نظر را، حساب کنیم. داریم:

S: گروه ورزش و J: گروه روزنامه دیواری

$$n(S \cup J) = n(S) + n(J) - n(S \cap J)$$

$$= n(J) + (n(S) - n(S \cap J))$$

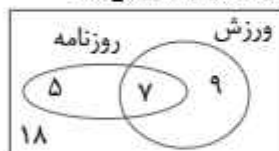
تعداد افرادی که فقط در گروه ورزش هستند.

$$\Rightarrow n(S \cup J) = 12 + 9 = 21$$

حال با تقریب عدد حاصل از تعداد افراد کلاس، تعداد افراد مورد نظر به دست می‌آید.

$$18 = 21 - 3 \Rightarrow \text{تعداد افرادی که عضو هیچ گروهی نیستند.}$$

نمودار زیر، وضعیت این کلاس را نشان می‌دهد.



(ریاضی ۱- مجموعه، الگو و دنباله - صفحه‌های ۸ و ۱۳)

۱۲- گزینه «۴»

(کتاب زید)

$$\text{از رابطه } \tan \theta = \frac{\sin \theta}{\sqrt{1 - \sin^2 \theta}} \text{ (برای } \theta \text{ ی حاده)، مقدار } \tan \hat{C} \text{ را}$$

حساب می‌کنیم.

$$\xrightarrow{\hat{C} \text{ حاده و } \tan \hat{C} \text{ مثبت است.}} \tan \hat{C} = \frac{\frac{5}{13}}{\sqrt{1 - \frac{25}{169}}} = \frac{\frac{5}{13}}{\frac{12}{13}} = \frac{5}{12}$$

از طرفی در مثلث AHC داریم:

$$\tan \hat{C} = \frac{AH}{CH} = \frac{AH}{9} = \frac{5}{12} \Rightarrow AH = \frac{9 \times 5}{12} = \frac{15}{4} = 3 \frac{3}{4}$$

(ریاضی ۱- مثلثات - صفحه‌های ۳۵ و ۳۶ و ۴۶)

$$\Delta = (2(m-2))^2 - 4(1-m)(-1) \\ = 4m^2 - 28m + 4 = 4(m^2 - 7m + 1) = 4(m-2)(m-5) \\ \Delta < 0 \Rightarrow 2 < m < 5 \quad (2)$$

اشتراک جواب‌های (۱) و (۲)، جواب مورد نظر خواهد بود.

$$(1) \cap (2) \Rightarrow 2 < m < 5$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها- صفحه‌های ۷۸ تا ۸۳)

۱۷- گزینه «۲»

(مشابه کتاب زیر)

رقم یکان عدد مورد نظر صفر یا ۵ است.
حالت اول: رقم یکان صفر باشد.

$$9 \times \underline{a} \times \underline{b} = 72$$

حالت دوم: رقم یکان ۵ باشد.

$$8 \times \underline{a} \times \underline{b} = 64$$

$$9 \times 8 = 72 \quad 8 \times 8 = 64 \quad \Rightarrow 72 + 64 = 136$$

(ریاضی ۱- شمارش، بدون شمردن- صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۳۲)

۱۸- گزینه «۳»

(کتاب زیر)

اولین داده به صورت ۱۰۷۰۱ است و مطابق تعریف ارائه شده داریم:

$$11504, \dots, 11501, \dots, 10901, \dots, 10801, \dots, 10712, \dots, 10701 \\ \text{عضو } 1000 \quad \text{عضو } 97 \quad \text{عضو } 25 \quad \text{عضو } 13 \quad \text{عضو } 12 \quad \text{عضو } 1$$

در واقع $1000 = 8 \times 12 + 4$ است. پس ۸ گروه سنی (۷ تا ۱۴ سال) قبل از رسیدن به عضو صدم مجموعه به پایان رسیده و از عضو نود و هفتم گروه سنی ۱۵ سال آغاز می‌گردد که صدمین عضو مجموعه نیز به این گروه تعلق دارد.

(ریاضی ۱- شمارش، بدون شمردن- صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۴)

۱۹- گزینه «۳»

(مشابه کتاب زیر)

$$n(S) = 6 \times 6 \times 6 = 216$$

برای به دست آوردن احتمال آن که حداکثر یک بار عدد ۶ بیاید، داریم:

$$5 \times 5 \times 5 = 125$$

حالت اول: اصلاً عدد ۶ ظاهر نشود:

$$1 \times 5 \times 5 \times 3 = 75$$

حالت دوم: یکبار عدد ۶ ظاهر شود:

$$\Rightarrow n(A) = 125 + 75 = 200 \Rightarrow P(A) = \frac{200}{216} = \frac{25}{27}$$

(ریاضی ۱- آمار و احتمال- صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۴۹)

۲۰- گزینه «۲»

(کتاب زیر)

تعداد اعضای فضای نمونه پرتاب دو تاس برابر $n(S) = 36$ است. حالت‌های مطلوب که حداقل عدد یک تاس مضرب ۳ و مجموع دو تاس عدد ۷ باشد، عبارت‌اند از:

$$A = \{(1,6), (3,4), (4,3), (6,1)\}$$

پس احتمال این پیشامد برابر است با:

$$P(A) = \frac{4}{36} = \frac{1}{9}$$

(ریاضی ۱- احتمال- صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۴۹)

۱۳- گزینه «۳»

(کتاب زیر)

$$2^x = \frac{216}{1000} = \frac{6^3}{10^3} = \frac{2^3 \times 3^3}{2^3 \times 5^3} = 3^3 \times 5^{-3}$$

$$\Rightarrow 2^{x-2} = 5^{-3} \Rightarrow 2^{\frac{1-x}{2}} = 5 \quad (1)$$

$$5^y = 675 = 3 \times 225 = 3 \times 15^2 = 3 \times 3^2 \times 5^2 = 3^3 \times 5^2$$

$$\Rightarrow 5^{y-2} = 3^3 \Rightarrow 5^{\frac{y-2}{2}} = 3 \quad (2)$$

$$\left(2^{\frac{1-x}{2}}\right)^{\frac{y-2}{2}} = 3$$

با ترکیب روابط (۱) و (۲) داریم:

$$\Rightarrow \frac{(2-x)(y-2)}{4} = 1 \Rightarrow y-2 = \frac{4}{2-x} \Rightarrow y = \frac{2x-15}{x-2}$$

(ریاضی ۱- توان‌های گویا و عبارت‌های پی‌ری- صفحه‌های ۵۹ تا ۶۱)

۱۴- گزینه «۲»

(کتاب زیر)

با توجه به اینکه $\sqrt[m]{a^n} = a^{\frac{n}{m}}$ و $(a^n)^m = a^{nm}$ است، A را برحسب توان‌های ۲ به دست می‌آوریم:

$$A = \sqrt[2]{2^2} \times \sqrt[2]{2^4} \times (2^{-1})^{\frac{4}{2}} = \sqrt[2]{2^2} \times \sqrt[2]{2^4} \times 2^{-2} \\ = 2^{\frac{2}{2}} \times 2^{\frac{4}{2}} \times 2^{-2} = 2^2$$

$$\Rightarrow (2A)^{\frac{1}{2}} = (2^3)^{\frac{1}{2}} = 2^{-1} = \frac{1}{2} = 0.5$$

(ریاضی ۱- توان‌های گویا و عبارت‌های پی‌ری- صفحه‌های ۵۹ تا ۶۱)

۱۵- گزینه «۱»

(کتاب زیر)

ابتدا ضابطه تابع را با استفاده از روش مربع کامل بازنویسی می‌کنیم. داریم:

$$y_1 = -x^2 + 2x + 5 = -(x-1)^2 + 6$$

حال با انتقال ۳ واحد به سمت راست و ۲ واحد به سمت پایین داریم:

$$y_2 = -(x-2-1)^2 + 6-2 = -(x-4)^2 + 4$$

نیمساز ناحیه اول خط $y = x$ است ($x > 0$)، بنابراین باید نامعادله $y_2 > x$ را حل کنیم:

$$\Rightarrow y_2 = -(x-4)^2 + 4 = -x^2 + 8x - 12 > x$$

$$\Rightarrow x^2 - 7x + 12 < 0 \Rightarrow (x-3)(x-4) < 0 \Rightarrow 3 < x < 4$$

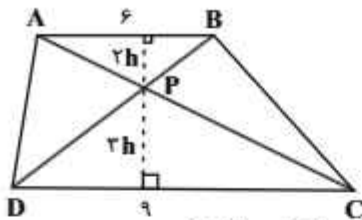
(ریاضی ۱- مع- صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۹)

۱۶- گزینه «۲»

(کتاب زیر)

شرط آنکه سهمی $y = ax^2 + bx + c$ همواره زیر محور x ها باشد، آن است که $a < 0$ و $\Delta < 0$ باشد. بنابراین داریم:

$$1-m < 0 \Rightarrow m > 1 \quad (1)$$



همچنین دو مثلث ABP و PDC به نسبت ۲ به ۳ با هم مشابه‌اند، بنابراین ارتفاع‌های آن‌ها نیز به همان نسبت، متناسب خواهند بود. حال مساحت ذوزنقه را به دو صورت می‌توان نوشت که از برابری آن‌ها داریم:

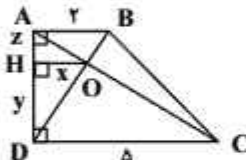
$$\frac{(6+9) \times 5h}{2} = \frac{6 \times 2h}{2} + \frac{9 \times 2h}{2}$$

$$\Rightarrow 75h = 108 + 36h \Rightarrow h = 3 \Rightarrow 5h = 15$$

(هندسه ۱- پندرسنی‌ها- صفحه‌های ۶۵ و ۶۸)

(علی ایعانی)

۲۴- گزینه «۳»



مطابق شکل اگر فاصله تلاقی قطرها از ساق قائم را با x و اندازه قطعات ایجاد شده روی این ساق را با y و z نمایش دهیم، داریم:

$$\triangle DAB : HO \parallel AB \xrightarrow{\text{تعمیم قضیه‌تالس}} \frac{HO}{AB} = \frac{DH}{DA}$$

$$\Rightarrow \frac{x}{4} = \frac{y}{y+z}$$

$$\xrightarrow{\text{تفصیل نسبت در مخرج}} \frac{x}{4-x} = \frac{y}{z} \quad (1)$$

$$\triangle ADC : HO \parallel DC \xrightarrow{\text{تعمیم قضیه‌تالس}} \frac{HO}{DC} = \frac{AH}{AD}$$

$$\Rightarrow \frac{x}{9} = \frac{z}{y+z}$$

$$\xrightarrow{\text{تفصیل نسبت در مخرج}} \frac{x}{9-x} = \frac{z}{y} \Rightarrow \frac{9-x}{x} = \frac{y}{z} \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow \frac{x}{4-x} = \frac{9-x}{x} \Rightarrow x^2 = 10 - 7x + x^2$$

$$\Rightarrow 7x = 10 \Rightarrow x = \frac{10}{7}$$

(هندسه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن- صفحه‌های ۳۴ و ۳۷)

(علی ایعانی)

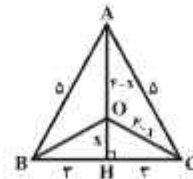
۲۵- گزینه «۳»

MN و CP میانه‌های نظیر اضلاع BC و BM در مثلث MBC

هندسه (۱) - نگاه به گذشته

(معدن قدران)

۲۱- گزینه «۳»



نقطه O ، نقطه هم‌رسمی عمود منصف‌های اضلاع این مثلث متساوی‌الساقین است، بنابراین از هر سه رأس مثلث به یک فاصله است. با استفاده از قضیه فیثاغورس در مثلث ABH ، طول AH را به دست می‌آوریم:

$$AH = \sqrt{5^2 - 3^2} = 4$$

با فرض $OA = 4 - x$ ، $OH = x$ است از آنجا که O از سه رأس مثلث به یک فاصله است، پس $OB = OC = 4 - x$ می‌باشد، حال با استفاده از قضیه فیثاغورس در مثلث OCH ، داریم:

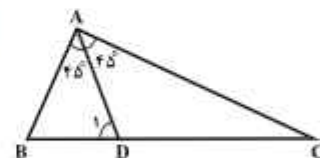
$$OC^2 = OH^2 + CH^2 \Rightarrow (4-x)^2 = x^2 + 9$$

$$\Rightarrow 16 - 8x + x^2 = x^2 + 9 \Rightarrow 8x = 7 \Rightarrow x = \frac{7}{8} = 0.875$$

(هندسه ۱- ترسیم‌های هندسی و استدلال- صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

(مسین غابیلو)

۲۲- گزینه «۲»



در مثلث ABD ، داریم: $AD > AB \Rightarrow \hat{B} > \hat{D}_1$

از طرفی می‌دانیم: $\hat{D}_1 = 45^\circ + \hat{C}$ (زاویه خارجی $\triangle ACD$)

پس:

$$\hat{B} > \hat{D}_1 \Rightarrow \hat{B} > 45^\circ + \hat{C} \xrightarrow{\hat{C} = 90^\circ} \hat{B} > 45^\circ + (90^\circ - \hat{B})$$

$$\Rightarrow 2\hat{B} > 135^\circ \Rightarrow \hat{B} > 67.5^\circ \xrightarrow{\hat{B} < 90^\circ} 67.5^\circ < \hat{B} < 90^\circ$$

$$\Rightarrow \max(\beta - \alpha) = 90^\circ - 67.5^\circ = 22.5^\circ$$

(هندسه ۱- ترسیم‌های هندسی و استدلال- صفحه‌های ۲۱ و ۲۲)

(افشین قاصدقاری)

۲۳- گزینه «۴»

با توجه به معلومات مسئله، مساحت دو مثلث ADP و BCP برابر یکدیگر و مساوی ۲۷ است.

$$S = \frac{b}{2} + i - 1 = 5 \Rightarrow \frac{b}{2} + i = 6$$

مجموع تعداد نقاط مرزی و درونی در صورتی حداکثر خواهد بود که b بیش‌ترین و i کم‌ترین مقدار ممکن را دارا باشند. با توجه به اینکه کم‌ترین مقدار i برابر صفر است، داریم:

$$i = 0 \Rightarrow \frac{b}{2} = 6 \Rightarrow b = 12 \Rightarrow \max(b+i) = 12$$

از طرفی در صورتی مجموع تعداد نقاط مرزی و درونی حداقل خواهد بود که b کم‌ترین و i بیش‌ترین مقدار ممکن را دارا باشند. کم‌ترین مقدار b برابر ۳ است، ولی چون i همواره عددی حسابی است، پس b باید زوج باشد و در نتیجه داریم:

$$b = 4 \Rightarrow \frac{4}{2} + i = 6 \Rightarrow i = 4 \Rightarrow \min(b+i) = 8$$

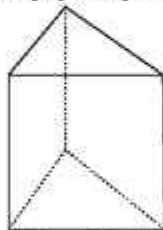
$$\max(b+i) - \min(b+i) = 12 - 8 = 4$$

(مدرس ۱- هندسه‌های - صفحه‌های ۶۹ و ۷۱)

۲۹- گزینه «۳»

(رضا عباسی اصل)

گزینه «۳»: همواره برقرار نیست. سه وجه جانبی منشور قائم مقابل دایره دو متقاطع اند ولی نقطه مشترک ندارند. سایر گزینه‌ها همواره صحیح هستند.



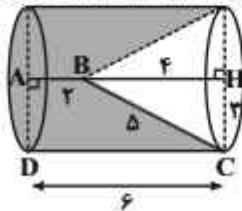
(مدرس ۱- اجسام فضایی - صفحه‌های ۷۹ و ۸۲)

۳۰- گزینه «۱»

(امیررضا قلاح)

در مثلث قائم‌الزاویه BHC داریم:

$$BH^2 = BC^2 - CH^2 = 25 - 9 = 16 \Rightarrow BH = 4$$



حجم حاصل از دوران ذوزنقه قائم‌الزاویه ABCD حول ضلع AB مطابق شکل برابر تفاضل حجم یک استوانه و یک مخروط است:

$$V_{\text{استوانه}} = \pi(AD)^2 \times DC = \pi \times 3^2 \times 6 = 54\pi$$

$$V_{\text{مخروط}} = \frac{1}{3} \pi (CH)^2 \times BH = \frac{\pi}{3} \times 3^2 \times 4 = 12\pi$$

$$\Rightarrow V = 54\pi - 12\pi = 42\pi \quad (\text{سایه‌زده})$$

(مدرس ۱- جسم فضایی - صفحه‌های ۹۵ و ۹۶)

هستند و در نتیجه O نقطه برخورد میانه‌ها در این مثلث است، پس داریم:

$$S_{\Delta ONC} = \frac{1}{6} S_{\Delta MBC} = 3 \Rightarrow S_{\Delta MBC} = 18$$

مثلث MBC و متوازی‌الاضلاع ABCD در قاعده BC مشترک هستند و طول ارتفاع وارد بر این قاعده در آن‌ها یکسان است، بنابراین داریم:

$$S_{ABCD} = 2 S_{\Delta MBC} = 2 \times 18 = 36$$

(مدرس ۱- هندسه‌های - صفحه ۶۷)

۲۶- گزینه «۴»

(فرزانه فاکپاش)

اگر طول ضلع مثلث را با a و مساحت آن را با S نمایش دهیم، آنگاه داریم:

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 = 27\sqrt{3} \Rightarrow a^2 = 4 \times 27 = 108 \Rightarrow a = 6\sqrt{3}$$

$$h_a = \frac{\sqrt{3}}{2} a = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 6\sqrt{3} = 9$$

مجموع فواصل هر نقطه دلخواه درون یک مثلث متساوی‌الاضلاع از سه ضلع آن، برابر طول ارتفاع مثلث است، بنابراین در صورتی که فاصله نقطه M از ضلع سوم مثلث را با x نمایش دهیم، داریم:

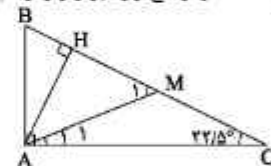
$$3 + x = 9 \Rightarrow x = 6$$

(مدرس ۱- هندسه‌های - صفحه ۶۸)

۲۷- گزینه «۳»

(سیدرسول کریمی همدانی)

در این مثلث قائم‌الزاویه، میانه و ارتفاع وارد بر وتر را رسم می‌کنیم:



می‌دانیم طول میانه وارد بر وتر نصف طول وتر است، پس داریم:

$$AM = CM = \frac{1}{2} BC \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{C} = 22^\circ / 5^\circ$$

$$\Delta AMC: \hat{M}_1 \Rightarrow \hat{M}_1 = \hat{A}_1 + \hat{C} = 45^\circ$$

در مثلث قائم‌الزاویه، طول ضلع روبه‌رو به زاویه 45° ، $\frac{\sqrt{2}}{2}$ طول وتر است، پس داریم:

$$\Delta AMH: \hat{M}_1 = 45^\circ$$

$$\Rightarrow AH = \frac{\sqrt{2}}{2} AM = \frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{1}{2} BC = \frac{\sqrt{2}}{2} \times 1 = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

(مدرس ۱- هندسه‌های - صفحه‌های ۶۰ و ۶۴)

۲۸- گزینه «۳»

(فرزانه فاکپاش)

طبق فرمول بیک برای مساحت چندضلعی‌های شبکه‌ای داریم:

$$AB \parallel DC \xrightarrow{\text{قضیه اساسی تشابه}} \triangle EAB \sim \triangle EDC$$

$$\Rightarrow \frac{S_{EAB}}{S_{EDC}} = \left(\frac{EA}{ED}\right)^2 = \left(\frac{5}{25}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{S_{EAB}}{S_{EDC}} = \frac{9}{25} \xrightarrow{\text{تفصیل نسبت در مخرج}} \frac{S_{EAB}}{S_{ABCD}} = \frac{9}{16}$$

$$\Rightarrow \frac{S_{ABCD}}{S_{EAB}} = \frac{16}{9}$$

(هندسه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن- صفحه‌های ۳۰ و ۵۱)

گزینه «۱» - ۳۴ (کتاب زیر)

$$AD \parallel BF \xrightarrow{\text{قضیه اساسی تشابه}} \triangle EAD \sim \triangle EFB$$

$$\Rightarrow \frac{EF}{EA} = \frac{EB}{ED} \quad (۱)$$

$$AB \parallel DG \xrightarrow{\text{قضیه اساسی تشابه}} \triangle EAB \sim \triangle EGD$$

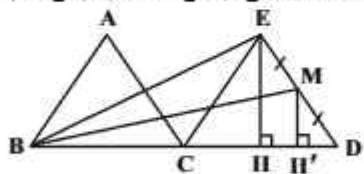
$$\Rightarrow \frac{EA}{EG} = \frac{EB}{ED} \quad (۲)$$

$$(۱), (۲) \Rightarrow \frac{EF}{EA} = \frac{EA}{EG} \Rightarrow EF \times EG = EA^2$$

(هندسه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن- صفحه‌های ۳۸ و ۴۴)

گزینه «۲» - ۳۵ (کتاب زیر)

از نقاط E و M، عمودهایی بر ضلع CD رسم می‌کنیم.



می‌دانیم در مثلث متساوی‌الاضلاع به طول ضلع a، طول ارتفاع برابر

$$EH = \frac{a\sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3} \quad \text{است، بنابراین داریم:}$$

$$\triangle DEH : MH' \parallel EH \xrightarrow{\text{تعمیم قضیه تالس}}$$

$$\frac{MH'}{EH} = \frac{DM}{DE} \Rightarrow \frac{MH'}{2\sqrt{3}} = \frac{1}{2} \Rightarrow MH' = \sqrt{3}$$

$$S_{\triangle BMD} = \frac{1}{2} MH' \times BD = \frac{1}{2} \times \sqrt{3} \times 4 = 2\sqrt{3}$$

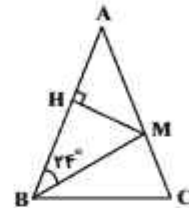
(هندسه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن- صفحه‌های ۳۶ و ۳۷)

هندسه (۱) - سوالات آشنا

۳۱- گزینه «۲»

(کتاب زیر)

می‌دانیم هر نقطه روی عمودمتصف یک پاره‌خط از دو سر آن پاره‌خط به یک فاصله است، پس داریم:



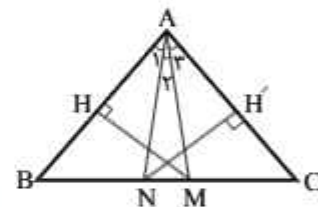
$$\triangle MAB \Rightarrow \hat{A} = \hat{ABM} = 24^\circ$$

$$\triangle BMC \Rightarrow \hat{BMC} = \hat{A} + \hat{ABM} = 48^\circ$$

(هندسه ۱- ترسیم‌های هندسی و استدلال- صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

۳۲- گزینه «۲»

(کتاب زیر)



$$AB = AC \Rightarrow \hat{B} = \hat{C} = \frac{180^\circ - 80^\circ}{2} = 50^\circ$$

$$\text{است } M \Rightarrow AM = BM \Rightarrow \hat{BAM} = \hat{B} = 50^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{A}_1 + \hat{A}_2 = 50^\circ \quad (۱)$$

$$\text{است } N \Rightarrow AN = CN \Rightarrow \hat{CAN} = \hat{C} = 50^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{A}_2 + \hat{A}_3 = 50^\circ \quad (۲)$$

$$(۱), (۲) \Rightarrow (\hat{A}_1 + \hat{A}_2 + \hat{A}_3) + \hat{A}_2 = 100^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{A}_2 = 100^\circ - 80^\circ = 20^\circ$$

(هندسه ۱- ترسیم‌های هندسی و استدلال- صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

۳۳- گزینه «۲»

(کتاب زیر)

$$\triangle EDC : AB \parallel DC \xrightarrow{\text{قضیه تالس}} \frac{EA}{AD} = \frac{EB}{BC} \Rightarrow \frac{5}{x} = \frac{2x-4}{4}$$

$$\Rightarrow x(2x-4) = 20 \Rightarrow 2x^2 - 4x - 20 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{10}{2} \\ x = -2 \end{cases}$$

غ ق ۲-۲

$$AH = \frac{1}{2} AD = 2, HD = \frac{\sqrt{2}}{2} AD = 2\sqrt{2}$$

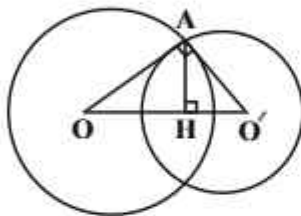
$$S_{\Delta ADH} = S_{\Delta BCH'} = \frac{1}{2} AH \times HD = \frac{1}{2} \times 2 \times 2\sqrt{2} = 2\sqrt{2}$$

$$\Rightarrow \text{مساحت ناحیه هاشورخورده} = 2 \times 2\sqrt{2} = 4\sqrt{2}$$

(مدرسسه ۱- هندسه فضا - صفحه های ۷۵ و ۷۳)

(کتاب زبر)

۳۹- گزینه «۴»



$$\Delta OAO': \hat{O} = 4^\circ + 2^\circ \Rightarrow \hat{OO'} = \hat{OA} + \hat{O'A} = 90^\circ$$

$$\text{طبق عکس قضیه فیثاغورس} \Rightarrow \hat{AAO'} = 90^\circ$$

$$\Rightarrow AH \times OO' = OA \times O'A$$

$$\Rightarrow AH \times 5 = 4 \times 2 \Rightarrow AH = 2/5$$

مکان هندسی نقاط مشترک دو کره دایره‌ای به شعاع AH است، بنابراین:

$$S = \pi(AH)^2 = 5/76\pi$$

(مدرسسه ۱- لایسم فضایی - صفحه های ۹۷ و ۹۶)

(کتاب زبر)

۴۰- گزینه «۴»

دو خط d و l قطعاً غیرموازی هستند، چون اگر $d \parallel l$ باشد، آنگاه با

توجه به موازی بودن l_1 و l_2 ، دو خط d و l_1 نیز باید با هم موازی

باشند (دو خط موازی با یک خط، با یکدیگر موازی اند) که این خلاف فرض

سؤال است.

(مدرسسه ۱- لایسم فضایی - صفحه های ۷۸ و ۸۶)

(کتاب زبر)

۳۶- گزینه «۱»

$$\Delta BAD : OM \parallel AD \xrightarrow{\text{قضیه تالس}} \frac{AM}{AB} = \frac{DO}{BD} \quad (1)$$

$$\Delta ABC : ON \parallel BC \xrightarrow{\text{قضیه تالس}} \frac{BN}{AB} = \frac{CO}{AC} \quad (2)$$

$$\Delta DOC \sim \Delta AOB \Rightarrow \frac{DO}{OB} = \frac{CO}{OA} \xrightarrow{\text{ترکیب نسبت در مخرج}}$$

$$\frac{DO}{BD} = \frac{CO}{AC} \quad (3)$$

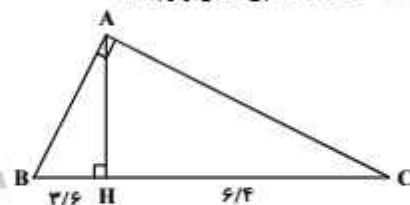
$$(1), (2), (3) \Rightarrow \frac{AM}{AB} = \frac{BN}{AB} \Rightarrow AM = BN \Rightarrow \frac{AM}{BN} = 1$$

(مدرسسه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن - صفحه های ۳۰ و ۳۷)

(کتاب زبر)

۳۷- گزینه «۳»

فرض کنید مثلث ABC مطابق شکل زیر باشد.



طبق روابط طولی در این مثلث قائم‌الزاویه داریم:

$$AB^2 = BH \times BC = 3/6 \times 10 = 36 \Rightarrow AB = 6$$

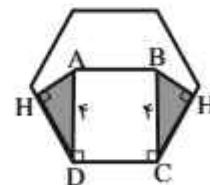
$$AC^2 = CH \times BC = 6/4 \times 10 = 64 \Rightarrow AC = 8$$

$$AB + AC = 6 + 8 = 14$$

(مدرسسه ۱- قضیه تالس و تشابه و کاربردهای آن - صفحه های ۶۱ و ۶۲)

(کتاب زبر)

۳۸- گزینه «۴»



هر زاویه داخلی یک شش‌ضلعی منتظم برابر 120° است، پس داریم:

$$\hat{ADH} = \hat{BCH'} = 120^\circ - 90^\circ = 30^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{DAH} = \hat{CBH'} = 60^\circ$$

در یک مثلث قائم‌الزاویه اندازه اضلاع روبه‌رو به زوایای 30° و 60°

به ترتیب برابر $\frac{1}{2}$ و $\frac{\sqrt{3}}{2}$ وتر است، پس داریم:

فیزیک (۱) - نگاه به گذشته

۴۱- گزینه «۲»

(عبدالرضا اغبینی نسب)

هرگاه جسمی را درون ظرف لبریز از مایعی فرو ببریم، حجم مایع سرریز شده با حجم جسم موردنظر برابر است. حجم آب سرریز شده برابر است با:

$$V = \frac{m}{\rho} = \frac{40}{1} = 40 \text{ cm}^3 = V$$

اکنون جرم مخلوط را پیدا می‌کنیم:

$$\left. \begin{aligned} m &= \rho V \\ \rho &= 7800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 7.8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \end{aligned} \right\} \Rightarrow m = 7.8 \times 40 = 312 \text{ g}$$

(فیزیک ۱- فیزیک و اندازه‌گیری- صفحه‌های ۱۶ و ۱۸)

۴۲- گزینه «۳»

(زهره آقامحمدری)

چگالی مخلوط دو مایع برابر است با:

$$\begin{aligned} \rho_{\text{مخلوط}} &= \frac{\rho_1 V_1 + \rho_2 V_2}{V_1 + V_2} \\ \Rightarrow 1.05 &= \frac{0.9 V_1 + 1.5 V_2}{4000} \Rightarrow 4200 = 0.9 V_1 + 1.5 V_2 \\ \Rightarrow 14000 &= 3 V_1 + 5 V_2 \quad (1) \end{aligned}$$

از طرفی مجموع حجم دو مایع برابر با ۴ لیتر است.

$$V_1 + V_2 = 4000 \quad (2)$$

از رابطه‌های (۱) و (۲) می‌توانیم حجم‌های V_1 و V_2 را به‌دست آوریم:

$$(1), (2) \Rightarrow V_1 = 3000 \text{ cm}^3 = 3L, V_2 = 1000 \text{ cm}^3 = 1L$$

نسبت جرم مایع دوم به مایع اول برابر است با:

$$\frac{m_2}{m_1} = \frac{\rho_2 V_2}{\rho_1 V_1} = \frac{1.5 \times 1}{0.9 \times 3} = \frac{5}{9}$$

(فیزیک ۱- فیزیک و اندازه‌گیری- صفحه‌های ۱۶ و ۱۸)

۴۳- گزینه «۱»

(مصطفی کیانی)

می‌دانیم وقتی چگالی جسمی بیشتر از چگالی آب باشد، در آب فرو می‌رود و تعشیل می‌شود، در حالی که اگر چگالی جسم کمتر از چگالی آب باشد، روی آب شناور می‌ماند. همچنین در حالتی که چگالی جسم و آب یکسان باشد، جسم در آب به‌صورت غوطه‌ور درمی‌آید. بنابراین، اگر به شکل سؤال دقت کنیم برای هر یک از شکل‌ها می‌توان گفت:

جسم (۱): چون $F_b = W$ است (طول بردارهای آن‌ها برابرند)، این جسم در آب غوطه‌ور است؛ لذا چگالی جسم برابر چگالی آب است.

جسم (۲): چون $F_b > W$ است (طول بردار F_b بزرگ‌تر از طول

بردار W است)، جسم به‌طرف بالا و به‌طرف سطح آب حرکت می‌کند.

بنابراین، چگالی جسم کوچک‌تر از چگالی آب است.

جسم (۳): چون $F_b < W$ است (طول بردار F_b کوچک‌تر از طول بردار W است)، جسم در آب به‌طرف پایین حرکت می‌کند و تعشیل می‌شود. بنابراین چگالی جسم بزرگ‌تر از چگالی آب است.

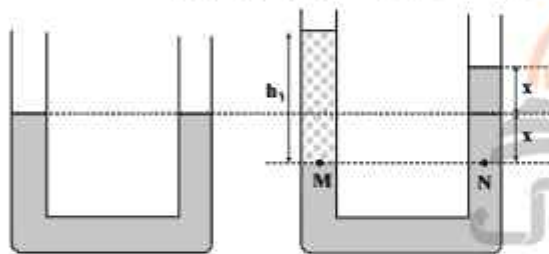
جسم (۴): چون جسم در سطح آب شناور است، چگالی جسم کوچک‌تر از چگالی آب است.

(فیزیک ۱- ویژگی‌های فیزیکی مواد- صفحه‌های ۶۰ و ۶۳)

۴۴- گزینه «۴»

(عبدالرضا اغبینی نسب)

با اضافه کردن مایع در شاخه سمت چپ، حجم جیوه جابه‌جا شده در دو شاخه لوله U شکل برابر است. در این صورت داریم:



$$P_M = P_N \Rightarrow \rho_1 h_1 = \rho_2 h_2$$

$$\Rightarrow \rho_1 h_1 = \rho_2 (2x) \Rightarrow 3 / 4 \times h_1 = 13 / 6 \times 2 \times 2 / 5$$

$$\Rightarrow h_1 = 20 \text{ cm}$$

ارتفاع مایع ریخته شده 20 cm می‌باشد.

$$V_{\text{مایع}} = Ah = 5 \times 20 = 100 \text{ cm}^3$$

$$\Rightarrow m = \rho_{\text{مایع}} V_{\text{مایع}} = 3 / 4 \times 100 = 75 \text{ g}$$

(فیزیک ۱- ویژگی‌های فیزیکی مواد- صفحه‌های ۳۲ و ۳۷)

۴۵- گزینه «۳»

(مهدی سلطانی)

با توجه به قانون پایستگی انرژی داریم:

$$W_{f_k} = E_B - E_A = (K_B + U_B) - (K_A + U_A)$$

$$\Rightarrow W_{f_k} = (K_B - K_A) + (U_B - U_A) = \Delta K + \Delta U$$

$$\Rightarrow W_{f_k} = -50 + 32 = -18 \text{ J}$$

۴۸- گزینه «۱»

(سیدمحمدیوار موسوی)

فرض می‌کنیم جرم آب 30°C برابر با m گرم باشد. پس جرم مخلوط نهایی پس از تعادل $(m+300)$ گرم خواهد بود که ۷۵ درصد آن یخ صفر درجه سلسیوس و ۲۵ درصد آن آب صفر درجه سلسیوس است.

$$0 = 75 \times (m+300) + 25 \times m$$

$$0 = 75m + 22500$$

$$75m = -22500 \Rightarrow m = -300$$

$$Q_{\text{گرمای داده شده}} + Q_{\text{گرمای گرفته شده}} = 0$$

$$m_{\text{آب}} c \Delta\theta = L_F = m_{\text{یخ ذوب شده}} c \Delta\theta$$

$$300 \times 20 \times 1 + (75 - 0) \times 22500 = m \times 30 \times 40$$

$$6000 + (75 - 0) \times 22500 = m \times 1200$$

$$6000 + 1687500 = 1200m \Rightarrow 1693500 = 1200m$$

$$\Rightarrow m = 1411.25 \text{ g}$$

با فرض اینکه بخشی از آب یخ می‌بندد نیز اگر مسئله را حل کنیم به این جواب خواهیم رسید.

(فیزیک ۱- دما و گرما- صفحه‌های ۹۶ و ۹۷)

۴۹- گزینه «۴»

(بانگ اصلاقی)

طبق متن کتاب درسی، هر چهار عبارت داده شده صحیح هستند.

(فیزیک ۱- ترمودینامیک- صفحه‌های ۱۳۰، ۱۳۱ و ۱۳۲)

۵۰- گزینه «۲»

(محمدرحی راست‌پنهان)

با توجه به رابطه بازده یک ماشین گرمایی داریم:

$$\eta = \frac{|W|}{Q_H} = 1 - \frac{|Q_L|}{Q_H}$$

$$\Rightarrow 0.25 = 1 - \frac{|Q_L|}{Q_H} \Rightarrow \frac{|Q_L|}{Q_H} = 0.75$$

در حالت دوم، با کاهش گرمای اتلافی، داریم:

$$|Q'_L| = |Q_L| - 0.2|Q_L| \Rightarrow |Q'_L| = 0.8|Q_L|$$

$$\eta' = 1 - \frac{|Q'_L|}{Q_H} \Rightarrow \eta' = 1 - \frac{0.8|Q_L|}{Q_H}$$

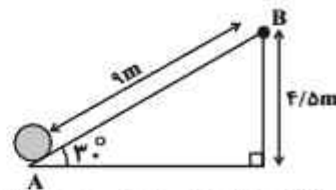
$$\eta' = 1 - 0.8 \times 0.75 = 1 - 0.6 = 0.4$$

$$\Rightarrow \Delta\eta = 0.4 - 0.25 = 0.15$$

(فیزیک ۱- ترمودینامیک- صفحه‌های ۱۴۰ و ۱۴۱)

$$\Rightarrow W_{f_k} = -f_k \times d \Rightarrow -18 = -f_k \times 9$$

$$\Rightarrow f_k = 2 \text{ N}$$



(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان- صفحه‌های ۵۴، ۵۵ و ۵۶)

۴۶- گزینه «۳»

(مصطفی کیانی)

بر جسم دو نیروی بالا بر $\vec{F}$ و نیروی وزن $m\vec{g}$ وارد می‌شود. طبق قضیه کار-انرژی جنبشی، چون تندی ثابت است، $(v_1 = v_2)$ در نتیجه می‌توان نوشت:

$$W_t = W_F + W_{mg} \xrightarrow{W_t=0} 0 = W_F - mg\Delta h$$

$$\Rightarrow W_F = mg\Delta h$$

با توجه به این که توان خروجی متوسط برابر

$$P_{\text{av}}(\text{خروجی}) = \frac{W_{\text{خروجی}}}{t}$$

است، می‌توان نوشت:

$$P_{\text{av}}(\text{خروجی}) = \frac{W_{\text{خروجی}}}{t} = \frac{mg\Delta h}{t} \xrightarrow{m=500 \text{ kg}, t=25 \text{ s}, \Delta h=10 \text{ m}}$$

$$P_{\text{av}}(\text{خروجی}) = \frac{500 \times 10 \times 10}{25} = 2000 \text{ W}$$

با داشتن توان متوسط خروجی و بازده، توان مصرفی را به صورت زیر می‌یابیم:

$$R_a = \frac{P_{\text{خروجی}}}{P_{\text{مصرفی}}} \xrightarrow{R_a = \frac{80}{100}} \frac{80}{100} = \frac{2000}{P_{\text{مصرفی}}}$$

$$\Rightarrow P_{\text{مصرفی}} = 2500 \text{ W} = 2.5 \text{ kW}$$

(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان- صفحه‌های ۵۴ و ۵۵ و ۵۶)

۴۷- گزینه «۲»

(محمدرحی راست‌پنهان)

اختلاف انبساط حجمی ظرف و گلیسیرین باید برابر با $4/7 \text{ cm}^3$ باشد.

$$\Delta V_{\text{ظرف}} - \Delta V_{\text{گلیسیرین}} = 4/7 \text{ cm}^3$$

$$\Rightarrow \beta V_1 \Delta\theta - \alpha V_2 \Delta\theta = 4/7 \Rightarrow (\beta - \alpha) V_1 \Delta\theta = 4/7$$

$$\Rightarrow (5 \times 10^{-4} - 2 \times 10^{-5}) \times 200 \Delta\theta = 4/7$$

$$\Rightarrow 4/7 \times 10^{-4} \times 200 \Delta\theta = 4/7 \Rightarrow \Delta\theta = 5^\circ\text{C}$$

(فیزیک ۱- دما و گرما- صفحه‌های ۸۷ و ۸۸)



(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی مواد - صفحه‌های ۳۲ و ۴۰)

۵۵ - گزینه ۴

(کتاب زرد)

چون هواپیما به سمت بالا جابه‌جا شده است، بنابراین کار نیروی وزن منفی است و در نتیجه گزینه‌های (۱) و (۳) حذف می‌شوند. داریم:

$$W_{mg} = mgh \cos(180^\circ) = 60 \times 10^3 \times 10 \times 600 \times (-1)$$

$$\Rightarrow W_{mg} = -3.6 \times 10^8 \text{ J}$$

برای محاسبه تغییرات انرژی مکانیکی هواپیما داریم:

$$E = K + U \Rightarrow \Delta E = \Delta K + \Delta U \xrightarrow{\Delta U = -W_{mg}}$$

$$\Rightarrow \Delta E = \frac{1}{2} m (v_f^2 - v_i^2) - W_{mg} \xrightarrow{v_f = 2v_i}$$

$$\Delta E = \frac{1}{2} m v_i^2 (4 - 1) - W_{mg}$$

$$\Rightarrow \Delta E = \frac{3}{2} \times 60 \times 10^3 \times 80^2 - (-3.6 \times 10^8)$$

$$\Rightarrow \Delta E = 9.36 \times 10^8 \text{ J}$$

(فیزیک ۱ - کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۵۳ و ۷۰)

۵۶ - گزینه ۳

(کتاب زرد)

با استفاده از رابطه انرژی جنبشی داریم:

$$K = \frac{1}{2} m v^2 \Rightarrow n \times 4 / 2 \times 10^9 = \frac{1}{2} \times 2 / 1 \times 10^4 \times (8 \times 10^2)^2$$

$$\Rightarrow n = 160 \text{ ton}$$

(فیزیک ۱ - کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۵۳ و ۵۵)

۵۷ - گزینه ۱

(کتاب زرد)

نمودار دمای مایع بر حسب زمان، به صورت خط راستی با شیب غیرصفر است، بنابراین مایع تغییر حالت ندارد در نتیجه با توجه به این که در هر دقیقه به این مایع ۱۰۰ J گرما می‌دهیم، می‌توان نوشت:

$$Q = mc\Delta\theta \Rightarrow 56 \times 1000 = 5 \times c \times (41 - (-29))$$

$$\Rightarrow c = 140 \frac{\text{J}}{\text{kg.K}}$$

(فیزیک ۱ - دما و گرما - صفحه‌های ۹۶ و ۱۰۱)

فیزیک (۱) - سوالات آشنا

۵۱ - گزینه ۴

(کتاب زرد)

$$m_{Al} = V_{Al} \rho_{Al}$$

$$V_{Al} = 5^3 = 125 \text{ cm}^3$$

$$m_{Al} = 125 \times 2.7$$

$$m_{Fe} = \rho_{Fe} V_{Fe}$$

$$V_{Fe} = 2^3 = 27 \text{ cm}^3$$

$$m_{Fe} = 27 \times 7.8$$

$$\Delta m = m_{Al} - m_{Fe}$$

$$\Delta m = 125 \times 2.7 - 27 \times 7.8 = 2.7(125 - 87) = 2.7 \times 38$$

$$\Rightarrow \Delta m = 102.6 \text{ g}$$

در کفه B باید قرار داد، چون جرم آلیاژ آهن کمتر است.

(فیزیک ۱ - فیزیک و اندازه‌گیری - صفحه‌های ۱۶ و ۱۸)

۵۲ - گزینه ۳

(کتاب زرد)

با استفاده از رابطه فشار مایعات در عمق h از آن داریم:

$$P = \rho gh + P_0 \Rightarrow P - P_0 = \rho gh \Rightarrow \frac{P_1 - P_0}{\rho_1 - \rho_0} = \frac{h_1}{h_2}$$

$$\Rightarrow \frac{106 - P_0}{1000 - P_0} = \frac{20}{5} \Rightarrow P_0 = 98 \text{ kPa}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی مواد - صفحه‌های ۳۲ و ۳۸)

۵۳ - گزینه ۲

(کتاب زرد)

الف) نادرست: ذرات سازنده مواد جامد، دارای حرکت‌های نوسانی بسیار کوچک‌اند.

ب) صحیح

ج) صحیح

د) صحیح

(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی مواد - صفحه‌های ۴۴ و ۴۸)

۵۴ - گزینه ۳

(کتاب زرد)

فشاری که در سمت راست لوله با فشاری که در سمت چپ لوله در نقطه M ایجاد شده با یکدیگر برابرند.

$$P_{\text{آب}} + \rho_{\text{آب}} gh_{\text{روغن}} = P_{\text{مخزن گاز}} + \rho_{\text{مخزن گاز}} gh_{\text{روغن}}$$

$$P_{\text{آب}} + \rho_{\text{آب}} gh_{\text{روغن}} = P_{\text{مخزن گاز}} + \rho_{\text{مخزن گاز}} gh_{\text{روغن}}$$

$$= 1360 \text{ Pa}$$

$$P = \rho gh \Rightarrow 1360 = 13600 \times 10 \times h$$

$$\Rightarrow h = 0.01 \text{ m} = 1 \text{ cmHg} = 10 \text{ mmHg}$$

۵۸- گزینه «۱»

(کتاب زیر)

با استفاده از معادله حالت گازهای آرمانی، داریم:

$$V_{H_2} + V_{He} = 4.0 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$\Rightarrow \frac{n_{H_2} R T_{H_2}}{P_{H_2}} + \frac{n_{He} R T_{He}}{P_{He}} = 4.0 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow \frac{1 \times 4.0}{2 \times 10^5} \times (n_{H_2} + n_{He}) = 4.0 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow n_{H_2} + n_{He} = 2/5 \Rightarrow \frac{m_{H_2}}{M_{H_2}} + \frac{m_{He}}{M_{He}} = 2/5$$

$$\Rightarrow \frac{m_{H_2}}{2} + \frac{m_{He}}{4} = 2/5 \Rightarrow 2m_{H_2} + m_{He} = 1.6 \text{ g} \quad (*)$$

از طرفی:

$$m_{H_2} + m_{He} = 1.6 \text{ g} \quad (**)$$

با حل همزمان معادله‌های (*) و (**) داریم:

$$\left. \begin{array}{l} m_{H_2} = 2 \text{ g} \\ m_{He} = 6 \text{ g} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{m_{H_2}}{m_{He}} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

(فیزیک ۱- رما و گرما- صفحه‌های ۱۱۷ و ۱۲۳)

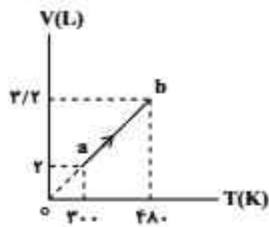
۵۹- گزینه «۳»

(کتاب زیر)

چون امتداد فرایند ab که به صورت یک خط راست است که از مبدأ مختصات می‌گذرد، نمودار V-T رسم شده مربوط به فرایندی هم فشار است.

$$\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{2}{2.0} = \frac{3/2}{T_2} \Rightarrow T_2 = 4.0 \text{ K}$$

حال با استفاده از رابطه $W = -P\Delta V = -nR\Delta T$ ، کار انجام شده بر روی گاز را می‌یابیم.



$$W = -nR\Delta T = \frac{\Delta T = T_2 - T_1 = 4.0 - 3.0 = 1.0 \text{ K}}{n = 1 \text{ mol}, R = 8 \text{ J/mol} \cdot \text{K}}$$

$$W = -1 \times 8 \times 1.0 \Rightarrow W = -8 \text{ J}$$

اکنون با استفاده از قانون اول ترمودینامیک Q را می‌یابیم. دقت کنید

چون $\Delta T > 0$ است، $\Delta U > 0$ می‌باشد.

$$\Delta U = Q + W \Rightarrow 21.6 = Q - 8 \Rightarrow Q = 29.6 \text{ J}$$

(فیزیک ۱- ترمودینامیک- صفحه‌های ۱۳۰ و ۱۴۰)

۶۰- گزینه «۴»

(کتاب زیر)

تغییرات انرژی درونی مقدار معینی گاز کامل طی یک چرخه کامل برابر با

صفر است. بنابراین:

$$\Delta U_{ABCA} = 0 \Rightarrow \Delta U_{ABC} + \Delta U_{CA} = 0$$

$$\xrightarrow[\Delta U_{CA} = 0]{\text{فرایند هم‌دما است. CA}} \Delta U_{ABC} = 0$$

$$\Rightarrow Q_{ABC} + W_{ABC} = 0 \Rightarrow Q_{ABC} + W_{AB} + W_{BC} = 0$$

$$\xrightarrow[W_{BC} = 0]{\text{فرایند هم‌حجم است. BC}} Q_{ABC} = -W_{AB}$$

$$\xrightarrow[Q_{ABC} = P_A(V_B - V_A)]{\text{فرایند هم‌فشار است. AB}}$$

$$= P_A V_B - P_A V_A$$

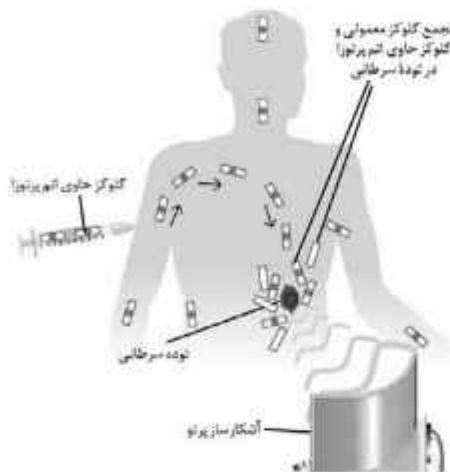
$$\xrightarrow[P_A V_A = P_C V_C]{V_B = V_C} Q_{ABC} = P_A V_C - P_C V_C$$

$$= V_C (P_A - P_C)$$

$$\Rightarrow Q_{ABC} = 1.6 \times 10^{-3} \times (1 \times 10^5 - 2 \times 10^5)$$

$$\Rightarrow Q_{ABC} = 9.6 \times 10^{-2} \text{ J}$$

(فیزیک ۱- ترمودینامیک- صفحه‌های ۱۳۰ و ۱۴۰)



(شیمی - گیوهان) تراکله عناصر - صفحه‌های ۳ و ۵ و ۱۱

شیمی (۱) - نگاه به گذشته

۶۱- گزینه «۴»

(یاسر راش)

بررسی گزینه‌ها:

۱) درصد فراوانی عنصرهای هیدروژن و هلیم (عنصرهای ردیف اول جدول دوره‌ای عناصر) در سیاره مشتری نسبت به زمین بیشتر است؛ در حالی که درصد فراوانی گوگرد در سیاره زمین بیشتر از سیاره مشتری است.

۲) ایزوتوپی از عنصر تکنسیم (^{99}Tc) در تصویربرداری غده تیروئید مورد استفاده قرار می‌گیرد که نسبت شمار نوترون‌های آن به شمار پروتون‌های آن کمتر از ۱/۵ است.

$$^{99}\text{Tc} : \frac{n}{p} = \frac{99-43}{43} \approx 1/3 < 1/5$$

۳) در دوره چهارم جدول دوره‌ای، ۱۳ عنصر فلزی با اعداد اتمی ۱۹ تا ۳۱ (از پتاسیم تا گالیوم) وجود دارد که از این میان نماد شیمیایی چهار عنصر فلزی کلسیم (^{40}Ca)، کروم (^{24}Cr)، کبالت (^{27}Co) و مس (^{29}Cu) با حرف C شروع می‌شود.

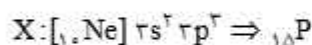
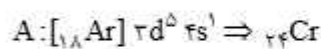
$$\frac{4}{13} \times 100 \approx 30.7\%$$

چهار عنصر کلسیم، کروم، کبالت و مس همگی دارای الکترون در زیرلایه ۴s به عنوان آخرین زیرلایه اشغال شده هستند. زیرلایه‌های ۱s، ۲s و ۳s هر کدام دو الکترون دارند و با توجه به این که زیرلایه S دارای عدد کوانتومی فرعی $l=0$ است، این سه زیرلایه مجموعاً شش الکترون با $l=0$ را شامل می‌شوند. زیرلایه ۴s نیز حداقل یک الکترون دارد (در کلسیم و کبالت دو الکترون و در کروم و مس یک الکترون) که این الکترون‌ها نیز دارای $l=0$ است؛ بنابراین هر یک از این چهار عنصر حداقل هفت الکترون با عدد کوانتومی فرعی $l=0$ در آرایش الکترونی خود دارند.

۴) همان‌طور که در شکل داده شده می‌بینید، برای توده سرطانی، نوع گلوکز مهم نیست و هر نوع گلوکزی را مصرف می‌کند؛ به عبارت دیگر هم گلوکز معمولی هم گلوکز نشان‌دار در محل توده جمع می‌شود، ولی این گلوکز نشان‌دار است که به دلیل پرتوزا بودن، محل توده سرطانی را لو می‌دهد؛ به عبارت دیگر غده سرطانی به خاطر مصرف زیاد گلوکز مشخص می‌شود.

۶۲- گزینه «۲»

(ایمان حسین‌نژاد)



بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: مجموع عددهای کوانتومی اصلی و فرعی الکترون‌های لایه ظرفیت کروم ($3d^5 4s^1$) برابر ۲۹ است. $5(3+2) + 1(4+0) = 29$.
گزینه «۲»: عنصر فسفر، نافلزی از دوره سوم جدول تناوبی است که می‌تواند یون پایدار P^{3-} را نیز تولید کند.

گزینه «۳»: کروم می‌تواند دو یون پایدار Cr^{2+} و Cr^{3+} تشکیل دهد، پس می‌تواند با اکسیژن و نیترژن ترکیبات زیر را تشکیل دهد:



گزینه «۴»: شمار اتم‌ها در ترکیب PH_3 بیشتر از شمار اتم‌ها در ترکیب CrO است.

(شیمی - ترکیبی - صفحه‌های ۳۰ و ۳۱ و ۵۵ و ۵۸)

۶۳- گزینه «۲»

(ایمان حسین‌نژاد)

$$? = \frac{1}{17} \text{g NaCl} \times \frac{1 \text{ mol NaCl}}{58.5 \text{ g NaCl}} \times \frac{N_A \text{ NaCl}}{1 \text{ mol NaCl}}$$

$$\times \frac{2 \text{ یون}}{1 \text{ NaCl}} = 0.04 N_A \text{ یون}$$

بررسی همه گزینه‌ها به ترتیب:

- (۱) عنصر C (اکسیژن) در ساختار همه مولکول‌های زیری یافت می‌شود.
 (۲) مطابق متن کتاب درسی، به دلیل نزدیکی نقطه جوش O_2 و Ar، تهیه اکسیژن ۱۰۰٪ خالص دشوار است.
 (۳) این گزاره در ارتباط با عنصر هلیوم بوده که جزو مخلوط هوای مایع نمی‌باشد و ارتباطی به گاز C (اکسیژن) ندارد.
 (۴) نیتروژن در نگهداری از نمونه‌های بیولوژیک و هلیوم در خنک کردن قطعات الکترونیکی (مثلاً در MRI) نقش دارد.
 (شیعی ۱- برپای گازها در زندگی - صفحه‌های ۵۰ و ۵۴)

(یاسر راشن)

۶۵- گزینه «۴»

مولکول	ساختار لوویس	اتم مرکزی دارای جفت الکترون	نسبت شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی به جفت الکترون‌های پیوندی
SO_2Cl_2		نیست	$\frac{12}{4} = 3$
O_3		است	$\frac{6}{3} = 2$
POF_3		نیست	$\frac{12}{4} = 3$
HCN	$H-C \equiv N:$	نیست	$\frac{1}{4}$
SO_2		نیست	$\frac{8}{4} = 2$
NO_2Cl		نیست	$\frac{8}{4} = 2$
COF_2		نیست	$\frac{8}{4} = 2$
$CHCl_3$		نیست	$\frac{9}{4}$

(شیعی ۱- برپای گازها در زندگی - صفحه‌های ۵۵ و ۵۸)

$$2 \text{ mol A} = \frac{0.04 N_A}{2} \times \frac{1 \text{ mol A}}{N_A A} = 0.02 \text{ mol A}$$

$$A \text{ جرم مولی} = \frac{\text{جرم نمونه}}{\text{شمار مول‌ها}} = \frac{0.8}{0.02} = 40 \text{ g.mol}^{-1}$$

$$\Rightarrow \text{عدد جرمی} = 40, n + p = 40, \begin{matrix} n=p \\ p=20 \end{matrix}$$

بررسی گزینه‌ها:

- (۱) با توجه به شمار پروتون‌ها، عنصر A در گروه ۲ و دوره ۴ جدول تناوبی قرار دارد.
 (۲) عنصر A ۲۰ متعلق به گروه دوم و عنصر D ۱۱ متعلق به گروه اول جدول تناوبی هستند، پس نمی‌توانند یون‌های مشابهی تولید کنند.

(۳)

$$? \text{ یون} = 14 \text{ g AO} \times \frac{1 \text{ mol AO}}{(40+16) \text{ g AO}} \times \frac{6/0.2 \times 10^{23} \text{ AO}}{1 \text{ mol AO}}$$

$$\times \frac{2 \text{ یون}}{1 \text{ AO}} = 3/0.1 \times 10^{23} \text{ یون}$$

- (۴) اگر جرم مولی $A_p M_p$ برابر با ۱۸۲ گرم بر مول باشد، جرم مولی عنصر M نیز برابر با ۳۱ گرم بر مول خواهد بود $(\frac{182 - 2 \times 40}{2} = 31)$. از

آنجا که در یک اتم (به جز 1H) همواره شمار پروتون‌ها کمتر یا برابر با شمار نوترون‌ها است، پس حداکثر شمار پروتون‌ها در عنصر M برابر ۱۵ است.
 (شیعی ۱- کیهان زارگاه عناصر - صفحه‌های ۵، ۶ و ۱۰ و ۱۹)

(علی امینی)

۶۶- گزینه «۲»

با توجه به نقطه جوش گازها:

$$\begin{cases} \text{He: } -269^\circ\text{C} \\ \text{N}_2: -196^\circ\text{C} \\ \text{Ar: } -186^\circ\text{C} \\ \text{O}_2: -183^\circ\text{C} \end{cases}$$

هوای مایع در دمای -200°C حاوی سه عنصر N_2 ، O_2 ، Ar است و در دمای -195°C ابتدا گاز N_2 جدا شده، سپس در دمای -185°C گاز Ar جدا می‌شود. در نتیجه می‌توان گفت:

$$A: N_2 \quad B: Ar \quad C: O_2$$

۶۶- گزینه «۱»

(علی امینی)

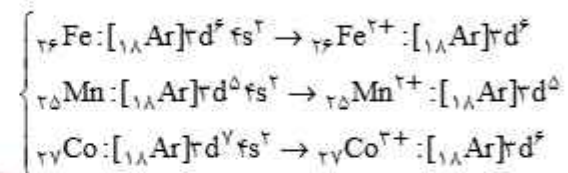
مطابق قانون پایستگی جرم، در واکنش داده شده، مصرف هر ۱ مول Fe،

معادل تولید ۱ مول Fe(OH)_2 یا ۱ مول Fe(OH)_3 می‌باشد.

$$10/18 \text{ g Fe(OH)}_x = 6/72 \text{ g Fe} \times \frac{1 \text{ mol Fe}}{56 \text{ g Fe}} \times \frac{1 \text{ mol Fe(OH)}_x}{1 \text{ mol Fe}}$$

$$x \frac{(56 + 17x) \text{ g Fe(OH)}_x}{1 \text{ mol Fe(OH)}_x} \Rightarrow x = 2$$

پس ترکیب موردنظر Fe(OH)_2 بوده و کاتیون آن، Fe^{2+} است؛ بنابراین می‌توان نوشت:



$\Leftarrow$ آرایش الکترونی Fe^{2+} مشابه Mn^{2+} و Fe^{3+} مشابه Co^{3+} می‌باشد.

(شیمی ۱- ترکیبی - صفحه‌های ۳۰، ۳۴، ۵۵، ۵۸، ۶۲، ۷۹، ۸۰ و ۸۱)

۶۷- گزینه «۱»

(روزبه رضوانی)

عبارت‌های (الف) و (د) درست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

الف) دریاها محلول‌های همگنی هستند که از حل شدن انواع یون‌ها (مانند یون‌های سدیم و کلرید) و مولکول‌ها (مانند اکسیژن) در آب تشکیل شده‌اند.

ب) باریم سولفات و کلسیم فسفات هر دو رسوب‌هایی به رنگ سفید هستند.

ج) این عبارت که سالانه میلیاردها تن مواد از سنگ‌کره وارد آب‌کره می‌شود

درست است. فرسایش سنگ‌ها و ورود رسوبات رودخانه‌ها به اقیانوس‌ها

به‌طور مداوم مواد معدنی و شیمیایی را به آب‌ها اضافه می‌کنند؛ با این حال

این ادعا که جرم کل مواد حل‌شده در آب‌های کره زمین در حال افزایش

است، نادرست است، در واقع یک چرخه تعادلی وجود دارد که در آن،

همزمان با ورود مواد جدید، وجود فرایندهایی، باعث حذف مواد محلول از

آب می‌شوند؛ در نتیجه جرم کل مواد حل‌شده در آب‌های کره زمین تقریباً

ثابت باقی می‌ماند و یک تعادل بین ورود و خروج مواد برقرار است.

د) مطابق متن کتاب درسی درست است.

(شیمی ۱- آب، آهنگ زندگی - صفحه‌های ۸۶، ۹۶)

۶۸- گزینه «۴»

(مسعود پهنری)

اتحلال‌پذیری آمونیوم نیترات را در دمای 20°C ، x گرم و در دمای

40°C ، $2x$ گرم فرض می‌کنیم؛ بنابراین داریم:

$$\frac{\text{درصد جرمی محلول سیرشده در دمای } 40^\circ\text{C}}{\text{درصد جرمی محلول سیرشده در دمای } 20^\circ\text{C}} = \frac{\frac{2x}{100+2x} \times 100}{\frac{x}{100+x} \times 100} = \frac{8}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{200+2x}{100+2x} = \frac{8}{5} \Rightarrow x = \frac{100}{3} \text{ g}$$

بنابراین مقدار اتحلال‌پذیری نمک در دمای 40°C برابر با $\frac{200}{3}$ گرم در

۱۰۰ گرم آب است. حال غلظت مولی محلول سیرشده را در این دما محاسبه

می‌کنیم:

$$\text{مقدار مول } \text{NH}_4\text{NO}_3 = \frac{200}{3} \text{ g NH}_4\text{NO}_3$$

$$\times \frac{1 \text{ mol NH}_4\text{NO}_3}{80 \text{ g NH}_4\text{NO}_3} = \frac{5}{6} \text{ mol NH}_4\text{NO}_3$$

$$\text{حجم محلول} = \frac{\text{جرم}}{\text{چگالی}} = \frac{\frac{200}{3} + 100}{1/2} = \frac{1250}{9} \text{ mL یا } \frac{5}{36} \text{ L}$$

در نهایت غلظت مولی محلول را به‌دست می‌آوریم:

$$\text{غلظت مولی} = \frac{\text{مول}}{\text{حجم}} = \frac{\frac{5}{6} \text{ mol}}{\frac{5}{36} \text{ L}} = 6 \text{ mol L}^{-1}$$

(شیمی ۱- آب، آهنگ زندگی - صفحه‌های ۹۴، ۱۰۳)

۶۹- گزینه «۱»

(شهرزاد معرفت‌انبری)

بررسی گزینه‌ها:

۱) ماده A نوعی ماده آلی و ناقطبی است و مخلوط آن با بنزین همانند مخلوط

ید در هگزان (مخلوط دو ماده ناقطبی)، یک مخلوط همگن است.

۲) هیدروکربن‌ها (متان و هگزان) مواد ناقطبی هستند و گشتاور دوقطبی آن‌ها

نزدیک به صفر یا برابر با صفر بوده ولی گشتاور دوقطبی C برابر $2/69 \text{ D}$

است.

۳) با توجه به نقطه جوش این سه ترکیب، مقایسه قدرت نیروی بین مولکولی

این ماده به صورت $C > B > A$ است.

۷۲- گزینه «۲»

(کتاب زیر)

عبارت‌های اول و دوم صحیح هستند. بررسی عبارت‌ها:

مورد اول: جرم اتمی هیدروژن برابر 1.0078 amu است.

مورد دوم: عناصر X و Z در گروه ۱۷ و عناصر Y و X در دوره چهارم جدول تناوبی قرار دارند.

مورد سوم: در دوره سوم جدول تناوبی ۶ عنصر دارای نماد شیمیایی دو حرفی هستند.

مورد چهارم: هر ستون جدول تناوبی شامل عنصرهایی با خواص شیمیایی مشابه است و گروه نامیده می‌شود.

(شیمی ۱- کیوان زارگانه عناصر- صفحه‌های ۱۵ و ۹)

۷۳- گزینه «۳»

(کتاب زیر)

با توجه به طیف نشری خطی عناصر در کتاب درسی، طیف نشری خطی سدیم از نورهای رنگی بیشتری تشکیل شده است.

(شیمی ۱- کیوان زارگانه عناصر- صفحه ۲۳)

۷۴- گزینه «۳»

(کتاب زیر)

عبارت‌های «ب» و «ت» درست هستند. بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت «ق»: بور براساس مدل خود طیف نشری خطی عنصر هیدروژن را توجیه می‌کرد.

عبارت «پ» بور با بررسی طیف نشری خطی عنصر هیدروژن مدلی برای عنصر هیدروژن ارائه کرد.

(شیمی ۱- کیوان زارگانه عناصر- صفحه‌های ۲۶ و ۲۷)

۷۵- گزینه «۴»

(کتاب زیر)

شمار الکترون‌های ظرفیتی Ga ۳۱.

ظرفیت $\text{Ga}: [\text{Ar}] 3d^1 4s^2 4p^1 \Rightarrow 31$

ظرفیت $\text{A}: [\text{Ar}] 3d^1 4s^2 \Rightarrow 21$

$\text{Ag}: [\text{Kr}] 4d^1 5s^1 \Rightarrow 47$

$\text{Al}: [\text{Ne}] 3s^2 3p^1 \Rightarrow 13$

$\text{Mo}: [\text{Kr}] 4d^5 5s^1 \Rightarrow 42$

۴) نقطه جوش A و B کمتر از 298 K یا کمتر از 25°C است، پس در دمای اتاق گازی شکل هستند. هرگاه دمای اتاق بیشتر از نقطه جوش ماده باشد، آن ماده در دمای اتاق به حالت گازی است.

(شیمی ۱- آب، آمگ زنگی- صفحه‌های ۱۰۳ و ۱۰۹)

۷۰- گزینه «۳»

(علیرضا بیانی)

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱» HF به دلیل توانایی در برقراری جاذبه هیدروژنی نقطه جوش بالایی دارد و مقایسه نقطه جوش ترکیب‌های هیدروژن دار عنصرهای گروه ۱۷ به صورت زیر است:



گزینه «۲» H_2O قطبی و I_2 ناقطبی اما I_2 به دلیل جرم و حجم بسیار بیشتر مولکول‌های خود نسبت به H_2O ، دارای نقطه جوش بزرگتری است. گزینه «۳» تشکیل بلورهای سدیم کلرید در حاشیه دریاچه‌ها، اسمز نیست و تبلور نام دارد.

گزینه «۴» نمودار انحلال پذیری بر حسب دما برای گازها و لیتم سولفات در آب، نزولی می‌باشد.

(شیمی ۱- آب، آمگ زنگی- صفحه‌های ۹۷، ۱۰۰، ۱۰۹ و ۱۱۵)

شیمی (۱) - سوالات آشنا

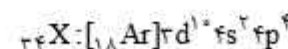
۷۱- گزینه «۱»

(کتاب زیر)

روش اول: با توجه به آن که اختلاف شمار نوترون و الکترون از قدر مطلق بار یون بزرگ‌تر است، پس می‌توان $n - e = 9$ را در نظر گرفت.

$$\begin{cases} n - e = 9 \\ n + p = 79 \\ e = p + 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} n - (p + 2) = 9 \\ n + p = 79 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} n - p = 11 \\ n + p = 79 \end{cases} \Rightarrow p = 34$$

عدد اتمی آن برابر ۳۴ بوده و عنصر مورد نظر در دوره چهارم جدول تناوبی جای دارد.



روش دوم: در بین گزینه‌ها تنها عنصر با عدد اتمی ۳۴ می‌تواند یون X^{2-} تشکیل داده و به آرایش گاز نجیب برسد.

(شیمی ۱- کیوان زارگانه عناصر- صفحه‌های ۵، ۶ و ۳۰)

۷۹- گزینه «۳»

(کتاب زرد)

بررسی عبارت‌ها:

عبارت (ا):

$$\left. \begin{aligned} \text{Sc}_2(\text{SO}_4)_3 &\Rightarrow \text{مجموع شمار اتم‌ها} = 17 \\ (\text{NH}_4)_3\text{PO}_4 &\Rightarrow \text{مجموع شمار اتم‌ها} = 20 \end{aligned} \right\} \Rightarrow 20 - 17 = 3$$

عبارت (ب): درصد جرمی یون سدیم از یون پتاسیم در آب دریا بیشتر است.

عبارت (پ):

$$500 \text{ g محلول} \times \frac{100 \text{ g NaOH}}{100 \text{ g محلول}} \times \frac{1 \text{ mol NaOH}}{40 \text{ g NaOH}}$$

$$= 1/25 \times 10^{-3} \text{ mol NaOH}$$

عبارت (ت):

$$\text{غلظت مولی} = \frac{0/6 \text{ mol}}{0/4 \text{ L}} = 1/5 \text{ mol L}^{-1}$$

(شیمی ۱- آب، آمگک زندگی- صفحه‌های ۸۹ و ۹۲ و ۹۴ و ۱۰۰)

۸۰- گزینه «۲»

(کتاب زرد)

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: انحلال پذیری هر دو گاز با کاهش دما، افزایش می‌یابد.

عبارت دوم: شیب نمودار انحلال پذیری - فشار برای گاز NO بیشتر از N_۲

است.

عبارت سوم: انحلال پذیری گاز CO_۲ در آب علی‌رغم ناقصی بودن، از گاز

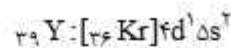
NO بیشتر است، زیرا CO_۲ با آب واکنش نیز می‌دهد که این امر به بیشتر

حل شدن آن می‌انجامد.

عبارت چهارم: در دما و فشار معین، انحلال پذیری گاز O_۲ باید از N_۲ بیشتر

باشد، پس اعداد داده شده نادرست‌اند.

(شیمی ۱- آب، آمگک زندگی- صفحه‌های ۱۱۲ و ۱۱۵)



بنابراین عنصر ^{۳۹}A با عنصر ^{۳۹}Y هم‌گروه است.

(شیمی ۱- گیوهان زرگانه عناصر- صفحه‌های ۳۷ و ۳۶)

۷۶- گزینه «۱»

(کتاب زرد- با تغییر)

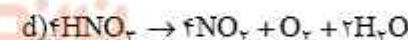
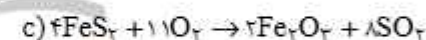
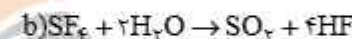
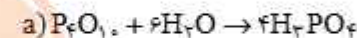
فرمول شیمیایی منیزیم اکسید به‌صورت MgO بوده که مشابه CaO است.

$$\frac{\text{جرم Mg}}{\text{جرم O}} = \frac{1 \times 24}{1 \times 16} = 1/5$$

(شیمی ۱- گیوهان زرگانه عناصر- صفحه‌های ۳۸ و ۳۹)

۷۷- گزینه «۳»

(کتاب زرد)



$$\frac{\text{مجموع ضریب‌های مواد در a}}{\text{مجموع ضریب‌های مواد در c}} = \frac{11}{25} = 0/44$$

$$[\text{مجموع ضریب‌های مواد در b}] - [\text{مجموع ضریب‌های مواد در d}]$$

$$= 11 - 8 = 3$$

(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی- صفحه‌های ۶۳ و ۶۵)

۷۸- گزینه «۴»

(کتاب زرد)

عبارت‌های «ب» و «پ» درست‌اند. بررسی عبارت‌های نادرست:

الف) هوای پاک که تنفس می‌کنیم مخلوطی از گازهاست اما در هوای آلوده ذرات گرد و غبار و آلاینده‌های جامد نیز وجود دارد که جزو محلول‌ها دسته‌بندی نمی‌شود.

ت) محلول، مخلوطی همگن از دو یا چند ماده بوده که حالت فیزیکی و ترکیب شیمیایی در سرتاسر آن یکسان و یکنواخت است.

(شیمی ۱- آب، آمگک زندگی- صفحه‌های ۹۳ و ۹۴)

حسابان (۱) - نگاه به آینده

۸۱- گزینه «۳»

(مهری ملازمقانی)

با توجه به شکل داده شده، ضابطه سهمی برابر است با:

$$y = a(x - (-1))(x - 4)$$

$$y = a(x + 1)(x - 4)$$

$$\text{نقطه } (0, 2) \text{ روی سهمی قرار دارد.} \rightarrow 2 = a(0 + 1)(0 - 4)$$

$$\Rightarrow 2 = -4a \Rightarrow a = -\frac{1}{2}$$

ضابطه سهمی برابر است با:

$$\Rightarrow y = -\frac{1}{2}(x + 1)(x - 4)$$

$$y = -\frac{1}{2}(x^2 - 3x - 4) = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{3}{2}x + 2$$

(مسایان ۱- پیر و معارله - مشابه مثال صفحه ۱۱)

۸۲- گزینه «۳»

(مهری ملازمقانی)

در معادله داده شده داریم:

$$x^2 - 4x + 4 = (x - 2)^2 = P$$

$$\frac{P}{2-P} + \frac{2}{P} = -\frac{2}{2} \Rightarrow \frac{P^2 + 4 - 2P}{P(2-P)} = -\frac{2}{2}$$

$$\Rightarrow 2P^2 - 4P + 4 = 2P^2 - 6P \Rightarrow P^2 - 2P - 4 = 0$$

$$\Rightarrow (P - 4)(P + 2) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} P = 4 = (x - 2)^2 \Rightarrow \begin{cases} x - 2 = 2 \Rightarrow x = 4 \\ x - 2 = -2 \Rightarrow x = 0 \end{cases} \\ P = -2 = (x - 2)^2 \text{ غلطی} \end{cases}$$

(مسایان ۱- پیر و معارله - مشابه تمرین صفحه ۲۲)

۸۳- گزینه «۴»

(مهری ملازمقانی)

اندازه قطر این دایره برابر است با:

$$\text{قطر} = \sqrt{(4 - 6)^2 + (2 - (-2))^2} = \sqrt{4 + 16} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$$

$$\text{شعاع} = \frac{1}{2}(2\sqrt{5}) = \sqrt{5}$$

(مسایان ۱- پیر و معارله - مشابه تمرین ۳ صفحه ۳۵)

۸۴- گزینه «۲»

(امیرحسین افشار)

ریشه معادله در خود معادله صدق می کند.

$$x = \alpha \rightarrow 2x^2 - 7x + 1 = 0 \rightarrow 2\alpha^2 - 7\alpha + 1 = 0$$

$$\Rightarrow 2\alpha^2 = 7\alpha - 1 \quad (*)$$

$$S = \alpha + \beta = -\frac{b}{a} = -\frac{-7}{2} = \frac{7}{2}$$

$$2\alpha^2 + 7\beta = 7\alpha - 1 + 7\beta = 7\alpha + 7\beta - 1 = 7(\underbrace{\alpha + \beta}_S) - 1$$

$$= 7 \times \left(\frac{7}{2}\right) - 1 = \frac{49}{2} - 1 = \frac{49 - 2}{2} = \frac{47}{2}$$

(مسایان ۱- پیر و معارله - صفحه های ۷ و ۱۳)

۸۵- گزینه «۴»

(مهیر علیرزاده)

$$S_n = 4 - \frac{(-1)^n}{2^{n-2}}$$

$$n=1 \Rightarrow S_1 = a_1 = 4$$

$$n=2 \Rightarrow S_2 = a_1 + a_2 = 2 \xrightarrow{a_1=4} \Rightarrow 4 - 2 = 2, \frac{2}{2}, \frac{2}{4}, \dots$$

$$a_2 + a_4 + a_6 + a_8 + a_{10} = -2 + \left(-\frac{1}{4}\right) + \dots + a_{10}$$

$$\begin{aligned} & \frac{-2(1 - (-\frac{1}{4})^5)}{1 - (-\frac{1}{4})} = \frac{-2(1 - \frac{1}{1024})}{\frac{3}{4}} = \frac{-2(\frac{1023}{1024})}{\frac{3}{4}} = \frac{-1023}{256} \end{aligned}$$

(مسایان ۱- پیر و معارله - صفحه های ۴ و ۶)

۸۶- گزینه ۲»

(سیدمهد سعادرت)

$$\begin{aligned} 2x^2 \leq |x-4| &\Rightarrow (2x^2)^2 \leq (x-4)^2 \Rightarrow (2x^2)^2 - (x-4)^2 \leq 0 \\ &\Rightarrow (2x^2 - x + 4)(2x^2 + x - 4) \leq 0 \Rightarrow 2x^2 + x - 4 \leq 0 \\ &\text{همواره مثبت } (\Delta < 0) \\ &\Rightarrow -\frac{4}{2} \leq x \leq 1 \Rightarrow x \in \left[-\frac{4}{2}, 1\right] \end{aligned}$$

(مسایان ۱- فیر و معارله- صفحه‌های ۲۸ و ۲۳)

۸۷- گزینه ۱»

(مسعود برملا)

برای این که دو تابع f و g مساوی باشند، باید دامنه تابع g برابر $\mathbb{R}$ باشد، بنابراین:

$$\begin{aligned} g(x) &= \begin{cases} \frac{x^2-9}{x-2}; x \neq a \rightarrow \text{ریشه مخرج } x=3 \rightarrow a=3 \\ b+2; x=a \end{cases} \\ x=2 &\Rightarrow \begin{cases} f(2)=2+2=4 \\ g(2)=b+2 \end{cases} \Rightarrow b+2=4 \Rightarrow b=2 \\ a+b &= 3+2=5 \end{aligned}$$

(مسایان ۱- تابع- صفحه‌های ۴۱ و ۴۵)

۸۸- گزینه ۲»

(مسعود برملا)

$f(x)$ به صورت تابع کسری است که صورت و مخرج چندجمله‌ای دارد که دامنه هر دو، اعداد حقیقی است. فقط ریشه‌های مخرج باید از اعداد حقیقی خارج شوند تا دامنه $f(x)$ به دست آید. چون ریشه مخرج فقط $x=2$ بیان شده است، باید مخرج ریشه مضاعف $x=2$ داشته باشد.

$$\begin{aligned} x^2 + ax - b &= (x-2)^2 = x^2 - 4x + 4 \\ \begin{cases} a = -4 \\ b = -4 \end{cases} &\Rightarrow ab = 16 \end{aligned}$$

(مسایان ۱- تابع- صفحه‌های ۴۴ و ۴۵)

۸۹- گزینه ۳»

(پوار رنگنه قاسم آباری)

$$\begin{aligned} f(x) &= -x^2 + 4x = -x^2 + 4x - 4 + 4 = 4 - (x-2)^2 \\ \text{تابع } y=f(x) &\text{ روی هریک از بازه‌های } (-\infty, 2] \text{ و } [2, +\infty) \\ &\text{یکبه یک است، پس:} \end{aligned}$$

$$b-1 \leq 2 \Rightarrow b \leq 3 \Rightarrow \max b = 3$$

(مسایان ۱- تابع- صفحه‌های ۵۵ و ۵۶)

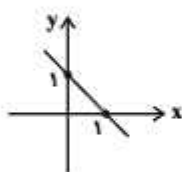
۹۰- گزینه ۱»

(علی شهرایی)

ابتدا وارون تابع را به دست می آوریم:

$$y = -x+1 \Rightarrow x = -y+1 \Rightarrow f^{-1}(x) = -x+1$$

بارسم خط موردنظر داریم:



خط موردنظر از ناحیه سوم عبور نمی کند.

(مسایان ۱- تابع- صفحه‌های ۵۶ و ۶۲)

۹۴- گزینه «۴»

(مسیر هابیلو)

فرض کنید $\widehat{E} = \alpha$ باشد در این صورت داریم:

$$\widehat{E} = \frac{\widehat{MF}}{r} = \alpha \Rightarrow \widehat{MF} = r\alpha$$

$$\widehat{A} = \frac{\widehat{NE} - \widehat{MF}}{r} \Rightarrow r\alpha = \frac{\widehat{NE} - r\alpha}{r} \Rightarrow \widehat{NE} = 2r\alpha$$

اندازه کمان‌های $\widehat{MN}$ ، $\widehat{NE}$ و $\widehat{EF}$ برابر یکدیگر است. بنابراین داریم:

$$\widehat{MN} + \widehat{NE} + \widehat{EF} + \widehat{MF} = 360^\circ$$

$$\Rightarrow 8\alpha + 8\alpha + 8\alpha + 2\alpha = 360^\circ$$

$$\Rightarrow 26\alpha = 360^\circ \Rightarrow \alpha = \frac{180^\circ}{13} \Rightarrow \widehat{EMN} = \frac{r}{13} \times 180^\circ$$

(هندسه ۲- صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

۹۵- گزینه «۴»

(مقدار قدران)

$$\widehat{CD} + \widehat{EF} = 80^\circ + 70^\circ = 150^\circ$$

$$\Rightarrow \widehat{EAC} + \widehat{FBD} = 360^\circ - 150^\circ = 210^\circ$$

$$\left. \begin{aligned} \widehat{A} &= \frac{\widehat{FBD}}{r} \\ \widehat{B} &= \frac{\widehat{EAC}}{r} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \widehat{A} + \widehat{B} = \frac{\widehat{FBD} + \widehat{EAC}}{r}$$

$$= \frac{210^\circ}{r} = 105^\circ$$

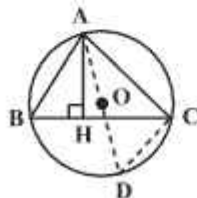
می‌دانیم مجموع زوایای هر چهارضلعی 360° است. بنابراین در چهارضلعی $AMBN$ داریم:

$$x + y = 360^\circ - (\widehat{A} + \widehat{B}) = 360^\circ - 105^\circ = 255^\circ$$

(هندسه ۲- صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

۹۶- گزینه «۳»

(مسار غیرالهی)



فرض کنید AD قطر دایره محیطی مثلث ABC باشد در این صورت زاویه ACD ، زاویه محاطی روبه‌رو به قطر و در نتیجه برابر 90° است. بنابراین داریم:

هندسه (۲) - نگاه به آینده

۹۱- گزینه «۲»

(امیرمهر کریمی)

فرض کنید شعاع دایره r باشد داریم:

مساحت مثلث OAB - مساحت قطاع 60° دایره = مساحت بخش رنگی

$$= \pi \times r^2 \times \frac{60^\circ}{360^\circ} - \frac{\sqrt{3}}{4} r^2 = \pi \times r^2 \times \frac{1}{6} - \frac{\sqrt{3}}{4} r^2$$

$$= \left(\frac{1}{6} - \frac{\sqrt{3}}{4}\right) r^2 \Rightarrow \left(\frac{1}{6} - \frac{\sqrt{3}}{4}\right) r^2 = 2 - \sqrt{3} \Rightarrow r = 2$$

(هندسه ۲- مشابه تمرین ۸ صفحه ۲۳۳)

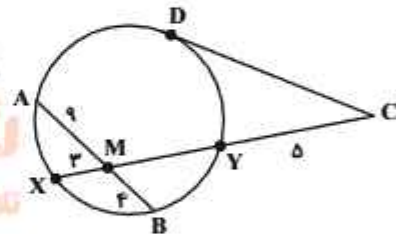
۹۲- گزینه «۴»

(امیرمهر کریمی)

طبق روابط طولی در دایره داریم:

$$AM \cdot BM = MX \cdot MY$$

$$4 \times 4 = 2 \times MY \Rightarrow MY = 12$$



هم‌چنین داریم:

$$CD^2 = CY \cdot CX = 5 \times (5 + 12 + 2) = 100 \Rightarrow CD = 10$$

(هندسه ۲- مشابه سوال ۶ توانی ۱۴۰۳- صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

۹۳- گزینه «۱»

(امیرمهر کریمی)

$$\widehat{A} = 90^\circ \xrightarrow{\text{فیناگورس}} BC^2 = AB^2 + AC^2 = 5^2 + 12^2 \Rightarrow BC = 13$$

$$P_{\Delta ABC} = \frac{5 + 12 + 13}{2} = 15$$

$$S_{\Delta ABC} = \frac{AB \times AC}{2} = \frac{5 \times 12}{2} = 30$$

$$r = \frac{S}{P} = \frac{30}{15} = 2 \Rightarrow \text{محیط دایره محاطی داخلی} = 2\pi r = 4\pi$$

(هندسه ۲- مشابه سوال ۵ توانی ۱۴۰۳- صفحه ۲۵)

$$\left. \begin{array}{l} \Rightarrow \hat{A}BX = \hat{C}BD \\ AB = BC \\ BX = BD \end{array} \right\} \Rightarrow \overset{\Delta}{ABX} \cong \overset{\Delta}{CBD} \Rightarrow AX = CD$$

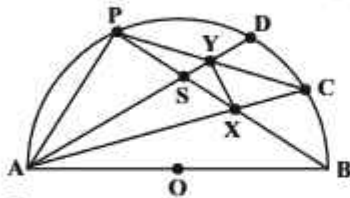
$$\Rightarrow AD = AX + XD = CD + BD = f + r = y$$

(هتدیره ۲- صنفه‌های ۱۳۷ و ۱۳۸)

(اعیہ مصنفہ کریمی)

۹۹- عزیزنه «۳»

در شکل زیر داریم:



$$\left. \begin{array}{l} \widehat{YPS} = \frac{\widehat{BC}}{\widehat{r}} \\ \widehat{SAX} = \frac{\widehat{DC}}{\widehat{r}} \end{array} \right\} \xrightarrow{\widehat{BC} = \widehat{DC}} \widehat{YPX} = \widehat{SAX}$$

$$\left. \begin{array}{l} \hat{Y}P\hat{X} = \hat{S}\hat{A}\hat{X} \\ \hat{P}\hat{S}\hat{Y} = \hat{X}\hat{S}\hat{A} \end{array} \right\} \Rightarrow \overset{\Delta}{P}\overset{\Delta}{S}\overset{\Delta}{Y} \sim \overset{\Delta}{A}\overset{\Delta}{S}\overset{\Delta}{X} \Rightarrow \frac{PS}{SA} = \frac{SY}{SX}$$

$$\left. \begin{aligned} \Rightarrow \frac{PS}{SY} &= \frac{SA}{SX} \\ PSA &= YSX \end{aligned} \right\} \Rightarrow \overset{\Delta}{SPA} \sim \overset{\Delta}{SYX}$$

$$\Rightarrow \widehat{PXY} = \widehat{PAD} = \frac{\widehat{PD}}{r} = \frac{\widehat{1A^\circ} - \widehat{AP} - \widehat{BD}}{r}$$

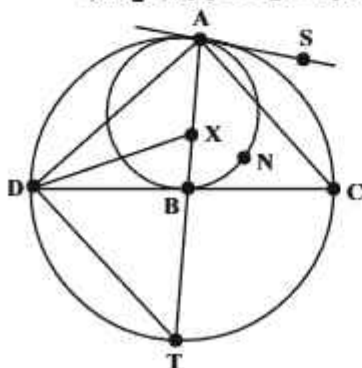
$$= \frac{1A^\circ - A^\circ - r^\circ}{r} = 9^\circ$$

(هشتمین شماره ۳ - صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

(العبید بن جراح)

۱۰۰ - كُونَهُ «ا»

در نقطه A به دایره مماس AS را رسم می‌کنیم:



$$\left. \begin{aligned} \widehat{B} = \widehat{D} = \widehat{AC} \\ \widehat{H} = \widehat{ACD} = 90^\circ \end{aligned} \right\} \xrightarrow{\text{تساوی دو زاویه}}$$

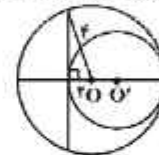
$$\begin{aligned} \frac{\Delta}{AHB} &\sim \frac{\Delta}{ACD} \\ \Rightarrow \frac{AH}{AC} &= \frac{AB}{AD} \Rightarrow \frac{AH}{6} = \frac{5}{2 \times 6} \Rightarrow AH = \frac{5}{2} = 2.5 \end{aligned}$$

(هتزره ۲- طبقه های ۱۳ و ۲۵)

(غیر ہمارے وقت ہے)

٩٧- عَزِيْزَةُ «٤»

طول هر وتر در دایره به فاصله مرکز دایره از آن وتر، بستگی دارد. بدین صورت که هر چه قدر وتر به مرکز دایره نزدیکتر باشد، طولش بیش‌تر است. پس وتر مذکور باید از مرکز دایره بزرگ‌تر، کم‌ترین فاصله را داشته باشد، یعنی بر خط واصل دو مرکز، عمود باشد. داریم:



۲ = فاصله وتر مورد نظر از مرکز دایره بزرگتر

۴ = شعاع دایره بزرگتر

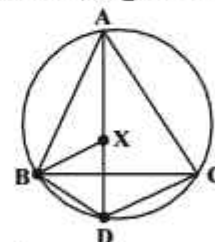
$$\Rightarrow \text{طول وتر} = 2\sqrt{4^2 - 2^2} = 4\sqrt{3}$$

(هندسه ۳- صفحه های ۱۳۷ و ۱۴۰)

(امیر محمد گوری)

٩٨ - عَزِينَةُ «٣»

X را روی AD طوری انتخاب می‌کنیم که $DX = DB$ باشد.



$$\left. \begin{aligned} \widehat{BDA} &= \widehat{AB} \\ \widehat{BCA} &= \widehat{AB} = \rho^\circ \end{aligned} \right\} \Rightarrow \widehat{BDA} = \rho^\circ$$

چون $BD = DX$ و $\hat{BDX} = 60^\circ$ است، $\hat{BDX}$ متساوی الاضلاع است
بنابراین $BD = BX$ است حال داریم:

$$\left. \begin{aligned} \hat{A}BX &= \hat{A}BC - \hat{X}BC = \hat{\varphi}_s^* - \hat{X}BC \\ \hat{C}BD &= \hat{X}BD - \hat{X}BC = \hat{\varphi}_s^* - \hat{X}BC \end{aligned} \right\} \Rightarrow \hat{A}BX = \hat{C}BD$$

$$\widehat{AB} + \widehat{AC} + \widehat{CD} + \widehat{BD} = 360^\circ \Rightarrow 60^\circ + 2\alpha + 4\alpha + 2\alpha = 360^\circ$$

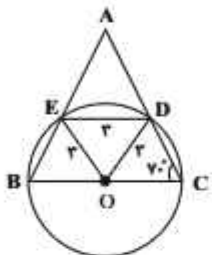
$$\Rightarrow 8\alpha = 300^\circ \Rightarrow 2\alpha = 75^\circ \Rightarrow \widehat{BD} = 75^\circ$$

(هندسه ۲- رابره- صفحه های ۱۴ و ۱۷)

کتاب زرد

گزینه ۳-۱۰۲

مطابق شکل شعاع های OD و OE را رسم می کنیم.



مثلث ODE متساوی الاضلاع است، پس $\widehat{DOE} = 60^\circ$ و در نتیجه $\widehat{DE} = 60^\circ$ است.

$$\widehat{C} = \frac{\widehat{BE} + \widehat{ED}}{2} \Rightarrow 70^\circ = \frac{\widehat{BE} + 60^\circ}{2}$$

$$\Rightarrow \widehat{BE} = 80^\circ$$

$$\widehat{EDC} = 180^\circ - \widehat{BE} = 180^\circ - 80^\circ = 100^\circ$$

(هندسه ۲- رابره- صفحه های ۱۴ و ۱۶)

کتاب زرد

گزینه ۴-۱۰۳

$$\widehat{D} = \frac{\widehat{AMC}}{2} \quad (\text{زاویه محاطی})$$

$$\widehat{N} = \frac{\widehat{AMC}}{2} \quad (\text{زاویه محاطی})$$

$$\Rightarrow \widehat{D} = \widehat{N} \xrightarrow{\widehat{D} = \widehat{B}} \widehat{B} = \widehat{N} \Rightarrow \triangle ABN \text{ متساوی الساقین است}$$

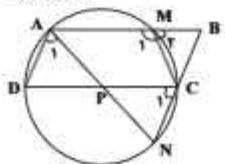
$$\widehat{D} = \widehat{N} = \frac{\widehat{AMC}}{2}$$

$$AD \parallel BN \text{ و مورب } AN \Rightarrow \widehat{A_1} = \widehat{N} \xrightarrow{\widehat{D} = \widehat{N}} \widehat{A_1} = \widehat{D}$$

$$\Rightarrow \triangle APD \text{ متساوی الساقین است}$$

$$AD \parallel BN \text{ و مورب } AN \Rightarrow \widehat{A_1} = \widehat{N} \xrightarrow{\widehat{C_1} = \widehat{A_1} = \widehat{DN}} \widehat{C_1} = \widehat{N}$$

$$\Rightarrow \triangle CPN \text{ متساوی الساقین است}$$



$$\widehat{SAT} = \frac{\widehat{ANB}}{2} = \widehat{ABC}$$

$$\widehat{SAT} = \frac{\widehat{ACT}}{2} = \frac{\widehat{AC}}{2} + \frac{\widehat{CT}}{2} \Rightarrow \widehat{DT} = \widehat{CT}$$

$$\widehat{ABC} = \frac{\widehat{DT}}{2} + \frac{\widehat{AC}}{2}$$

$$\widehat{DXT} = \widehat{ADX} + \widehat{DAX} = \widehat{XDB} + \widehat{TDC} = \widehat{XDT}$$

$$\Rightarrow DT = TX$$

از طرفی داریم:

$$\widehat{TDB} = \frac{\widehat{CT}}{2} \Rightarrow \widehat{TDB} = \widehat{DAT}$$

$$\widehat{DAT} = \frac{\widehat{DT}}{2} \Rightarrow \widehat{TDB} = \widehat{DTA} \Rightarrow \triangle DTB \sim \triangle ATD$$

$$\Rightarrow \frac{DT}{TA} = \frac{TB}{DT} \Rightarrow DT^2 = TB \cdot TA \Rightarrow TX^2 = TB \cdot TA$$

$$\Rightarrow (TB + 2)^2 = TB(TB + 5) \Rightarrow TB = 4$$

حال طبق روابط طولی داریم:

$$TB \cdot BA = BC \cdot BD \Rightarrow 4 \times 5 = 6 \times BD \Rightarrow BD = \frac{10}{3}$$

$$DC = BD + BC = \frac{10}{3} + 6 = \frac{28}{3}$$

(هندسه ۲- صفحه های ۱۸ و ۱۹)

هندسه (۲) - سوالات آشنا

کتاب زرد

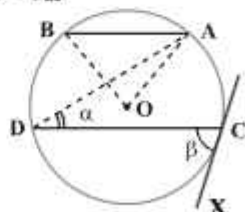
گزینه ۴-۱۰۱

$$\widehat{ADC} = \alpha \Rightarrow \widehat{AC} = 2\alpha$$

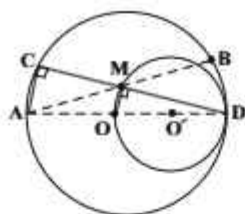
$$AB \parallel CD \Rightarrow \widehat{BD} = \widehat{AC} = 2\alpha$$

$$\widehat{DCX} = \beta \Rightarrow \widehat{CD} = 2\beta$$

$$\xrightarrow{\beta = 2\alpha} \widehat{CD} = 4\alpha$$



از طرفی وتر AB برابر شعاع دایره است، پس اگر O مرکز دایره باشد، مثلث OAB متساوی الاضلاع است و در نتیجه $\widehat{AB} = 60^\circ$ بوده و داریم:



زاویه C زاویه محاطی روبه‌رو به قطر AD است، پس $\hat{C} = 90^\circ$ و در

نتیجه مثلث ACD قائم الزاویه است. $\hat{D}=30^\circ \Rightarrow AC=\frac{1}{2}AD=4$

$$\Delta_{ACD}: CD^2 = AD^2 - AC^2 = 9^2 - 1^2 = 8 \Rightarrow CD = 2\sqrt{2}$$

به طور مشابه زاویه OMD زاویه محاطی روبه روبه قطر OD در دایره

کوچکتر است و در نتیجه $\hat{OMD} = 90^\circ$ است، پس $OM \parallel AC$ و داریم:

$$OM \parallel AC \xrightarrow{\text{قضیة التالس}} \frac{MD}{MC} = \frac{OD}{OA} = 1$$

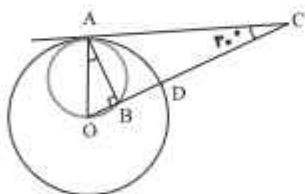
$$\Rightarrow MC = MD = \frac{CD}{2} = r\sqrt{2}$$

طبق روابط طولی در دایره بزرگتر داریم:

$$MA \times MB = MC \times MD = 2\sqrt{2} \times 2\sqrt{2} = 12$$

(مدرسه ۲- رایز- صفحه های ۱۸ و ۱۹)

(کتاب زد)



$$\hat{O} \hat{A} C : \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{6}{OC} \quad \text{رویه رویه زاویه } 30^\circ \text{ درجه نصف وتر است}$$

$$\Rightarrow OC = 12$$

زاویه ABO: زاویه محاطی روبه رویه قطر OA در دایره کوچکتر است، پس

$\widehat{ABO} = 90^\circ$ است. (می‌توانیم شعاع در نقطهٔ تماس بر خط مماس عمود است. پس OA بر شعاع گذرنده از نقطهٔ A در دایرهٔ کوچکتر منطبق است)

و در نتیجه OA قطر دایره کوچکتر است.)

طبق روابط طولی در مثلث قائم الزاویه **OAC** داریم:

$$OA^2 = OB \times OC \Rightarrow r^2 = OB \times 12 \Rightarrow OB = r$$

$$BD = OD - OB = 6 - 3 = 3$$

(هندسه ۲- رایره- صفحه‌های ۱۱ و ۱۲)

$$\left. \begin{aligned} \hat{D} &= \frac{\widehat{AMC}}{\gamma} \\ \hat{M}_1 &= \frac{\widehat{ADC}}{\gamma} \\ \widehat{AMC} + \widehat{ADC} &= \gamma \rho^* \end{aligned} \right\} \Rightarrow \hat{M}_1 + \hat{D} = 1 \wedge \Rightarrow \hat{M}_1 = \hat{D} \quad (1)$$

(۲) $\hat{B} = \hat{D} \Rightarrow$ چهارضلعی ABCD متوازی الاضلاع است.

$$(1), (2) \Rightarrow \hat{M}_T = \hat{B} \Rightarrow \overset{\Delta}{MBC} \text{ متناوبی الساقین است}$$

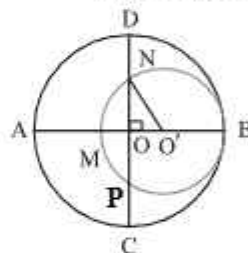
خبرنامه - ۲ - (روز - میانه های) ۱۱

« ۱۰۴ - كونه » ۳

(کتاب نبرد)

فرض کنید شعاع دایره بزرگ برابر R و شعاع دایره کوچک برابر r باشد. می‌دانیم قطر عمود بر یک وتر، آن وتر را نصف می‌کند، پس $OP = ON$ است.

طبق روابط طولی در دایره کوچک‌تر داریم:



$$ON \times OP = OB \times OM \Rightarrow (R - 10)^2 = R(R - 16)$$

$$\Rightarrow R^T - 2 \cdot R + 1 \cdot 0 = R^T - 1 \cdot R \Rightarrow fR = 1 \cdot 0 \Rightarrow R = 2 \Delta$$

$$ON = 25 - 10 = 15$$

$$O\overset{\Delta}{O'}N:O'N^{\gamma}=OO^{\gamma}+ON^{\gamma}\Rightarrow r^{\gamma}=(r_{\Delta}-r)^{\gamma}+1\Delta^{\gamma}$$

$$\Rightarrow r^T = 825 - 0.1r + r^T + 225$$

$$\Rightarrow \Delta \cdot r = \Delta \cdot \Rightarrow r = 1 \text{ V}$$

(هندسه ۲- دایره- صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

١٠٥ - مِزْنَةُ «٤»

(کتاب نبرد)

اگر $\widehat{AC} = \alpha$ باشد، آنگاه داریم:

$$\widehat{AC} \text{ طول کمان} = \frac{\pi R \alpha}{180^\circ} \Rightarrow \frac{4\pi}{3} = \frac{\pi \times r \times \alpha}{180^\circ} \Rightarrow \alpha = 60^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{D} = \frac{\widehat{AC}}{2} = \frac{6.0^\circ}{2} = 3.0^\circ$$

۱۰۷- گزینه «۱»

(کتاب زرد)

اگر شعاع دو دایره را با R و $R' (R > R')$ نمایش دهیم، داریم:

$$\text{طول خط‌المركزين} = R - R' \Rightarrow R - R' = \frac{3}{5}$$

$$\text{مساحت ناحیه بین دو دایره} = \pi R^2 - \pi R'^2 = \pi(R^2 - R'^2)$$

$$= \pi(R + R')(R - R')$$

$$\Rightarrow 21\pi = \pi(R + R') \times \frac{3}{5} \Rightarrow R + R' = 6$$

$$\begin{cases} R + R' = 6 \\ R - R' = \frac{3}{5} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} R = \frac{4}{5} \\ R' = \frac{1}{5} \end{cases}$$

بنابراین شعاع دایره کوچکتر برابر $\frac{1}{5}$ است.

(هندسه ۲- دایره- صفحه ۲۰)

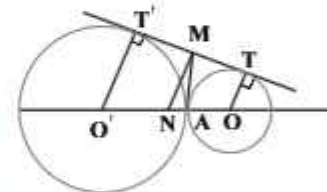
۱۰۸- گزینه «۱»

(کتاب زرد)

فرض کنید نقطه N وسط OO' ، نقطه M وسط TT' و A نقطه

تماس دو دایره باشد. با استفاده از قضیه تالس در دوزنقه $OO'T'T$

داریم:



$$MN = \frac{OT + O'T'}{2} = \frac{R + R'}{2}$$

بنابراین نقطه M (وسط مماس مشترک دو دایره) روی دایره‌ای به قطر

OO' قرار دارد. اگر از نقطه تماس دو دایره (نقطه A) مماس مشترک

داخلی دو دایره را رسم کنیم، از آنجا که مماس‌های رسم شده از یک نقطه

خارج دایره با هم برابرند، این مماس پاره‌خط TT' را در وسط آن (نقطه

M) قطع می‌کند. بنابراین MA مماس بر دایره می‌باشد. پس داریم:

$$\begin{cases} MT = MA \\ MT' = MA \end{cases}$$

$$\Rightarrow MT + MT' = 2MA \Rightarrow MA = \frac{MT + MT'}{2}$$

$$\Rightarrow MA = \frac{TT'}{2}$$

$$TT' = 2\sqrt{RR'} = 2\sqrt{4 \times 9} = 12 \Rightarrow MA = \frac{12}{2} = 6$$

(هندسه ۲- دایره- صفحه‌های ۱۸ و ۲۳)

۱۰۹- گزینه «۳»

(کتاب زرد)

اگر دو دایره تنها یک مماس مشترک داشته باشند، آن‌گاه حتماً مماس

داخل هستند. اگر شعاع‌های دو دایره را با R و R' و طول خط‌المركزين

دو دایره را با d نمایش دهیم، داریم:

$$|R - R'| = d \Rightarrow (a^2 - 2) - (6a - 1) = 6$$

$$\Rightarrow |a^2 - 6a - 1| = 6$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a^2 - 6a - 1 = 6 \Rightarrow a^2 - 6a - 7 = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = -1 \\ a = 7 \end{cases} \\ a^2 - 6a - 1 = -6 \Rightarrow a^2 - 6a + 5 = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = 1 \\ a = 5 \end{cases} \end{cases}$$

$$a = \frac{7+5}{2} = 6 \text{ میانگین مقادیر } a$$

تذکر: به ازای $a = 1$ و $a = -1$ ، یک یا هر دو شعاع عددی منفی می‌شوند

که امکان‌پذیر نیست.

(هندسه ۲- دایره- صفحه ۲۰)

۱۱۰- گزینه «۴»

(کتاب زرد)

طول مماس مشترک دو دایره مماس خارج به شعاع‌های R و R' از

رابطه $2\sqrt{RR'}$ به دست می‌آید، پس با فرض $R > R'$ داریم:

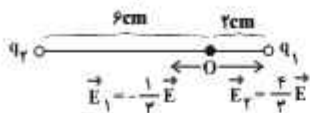
$$2\sqrt{RR'} = \frac{\sqrt{2}}{2} R \xrightarrow{\text{بعضاً توان ۲}} 4RR' = \frac{2}{4} R^2$$

$$\Rightarrow R = \frac{16}{3} R'$$

(هندسه ۲- دایره- صفحه ۲۲)

با حل دو معادله فوقی در یک دستگاه خواهیم داشت:

$$\vec{E}_1 + \frac{4}{3}\vec{E} = \vec{E} \Rightarrow \vec{E}_1 = -\frac{\vec{E}}{3}$$



همان طور که از شکل پیداست هر دو بار q_1 و q_2 ، بار آزمون واقع در

نقطه O را دفع کرده اند پس همانند و در نتیجه $\frac{q_2}{q_1} > 0$ است.

$$\left. \begin{aligned} \frac{E_1}{E_2} &= \frac{\frac{1}{3}E}{\frac{4}{3}E} = \frac{1}{4} \\ \frac{E_1}{E_2} &= \frac{k|q_1|}{k|q_2|} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{1}{4} = \frac{|q_1|}{4|q_2|} \Rightarrow \frac{q_2}{q_1} = 36$$

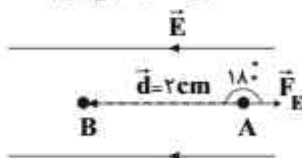
$$\Rightarrow \left| \frac{q_2}{q_1} \right| = 36 \Rightarrow \frac{q_2}{q_1} = 36$$

(فیزیک ۲- الکتروسیست ساکن- صفحه های ۱۰ و ۱۶)

(مصطفی کیانی)

۱۱۴- گزینه «۳»

چون الکترون بار منفی دارد، به آن در خلاف جهت میدان الکتریکی نیرو وارد می شود، در نتیجه زاویه بین نیروی الکتریکی وارد بر الکترون و جابه جایی آن 180° درجه است. بنابراین با استفاده از تعریف کار و این که $\Delta U = -W_E$ است، ΔU را محاسبه می کنیم:



$$\Delta U = -W_E = -F d \cos 180^\circ = -|q| E d \rightarrow$$

$$\Delta U = |q| E d \quad \left[|q| = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}, E = 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}, d = 2 \text{ cm} = 2 \times 10^{-2} \text{ m} \right]$$

$$\Delta U = 1.6 \times 10^{-19} \times 10^4 \times 2 \times 10^{-2} \Rightarrow \Delta U = 3.2 \times 10^{-17} \text{ J}$$

با توجه به پایستگی انرژی، $\Delta K = -\Delta U$ است. در این حالت داریم:

$$\Delta K = -\Delta U \Rightarrow \frac{1}{2} m (v_B^2 - v_A^2) = -\Delta U$$

فیزیک (۲) - نگاه به آینده

۱۱۱- گزینه «۳»

(علیرضا سلیمانی)

با توجه به جدول اگر دو ماده خنثی B و D را به هم مالش دهیم، B الکترون از دست داده و D الکترون می گیرد. در این صورت بار ماده B مثبت خواهد شد. داریم:

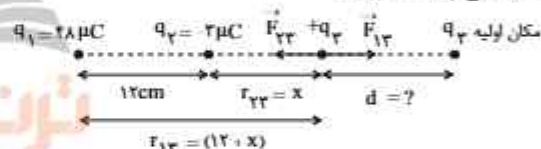
$$q_B = +ne = 1.5 \times 10^{15} \times 1.6 \times 10^{-19} = +2.4 \times 10^{-4} \text{ C} = +240 \mu\text{C}$$

(فیزیک ۲- الکتروسیست ساکن- صفحه های ۳ و ۵)

۱۱۲- گزینه «۲»

(مصطفی کیانی)

مطابق صورت سوال، می دانیم اندازه و نوع بار q_3 در تعادل آن بی تاثیر است. بنابراین، با فرض این که بار q_3 مثبت باشد، ابتدا مکانی که برآیند نیروهای وارد بر آن صفر می شود را می یابیم. به همین منظور اندازه نیروهایی که بارهای q_1 و q_2 بر بار q_3 در مکان جدید وارد می کنند را مساوی هم قرار می دهیم. چون دو بار q_1 و q_2 ناهم نام اند، با q_3 باید در بر روی خط واصل دو بار، خارج از میان دو بار و نزدیک به بار با اندازه کوچکتر، یعنی q_2 قرار گیرد.



$$\begin{aligned} |F_{13}| &= |F_{23}| \Rightarrow \frac{k|q_1||q_3|}{r_{13}^2} = \frac{k|q_2||q_3|}{r_{23}^2} \\ \Rightarrow \frac{48}{(12+x)^2} &= \frac{2}{x^2} \Rightarrow \frac{16}{(12+x)^2} = \frac{1}{x^2} \Rightarrow \frac{4}{12+x} = \frac{1}{x} \\ \Rightarrow x &= 4 \text{ cm} \end{aligned}$$

می بینیم بار q_3 که ابتدا در فاصله ۱۸ سانتی متری بار q_2 قرار داشته است، باید در فاصله ۴ سانتی متری آن قرار گیرد تا برآیند نیروهای وارد بر آن صفر شود. یعنی بار q_3 باید به اندازه $d = 18 - 4 = 14 \text{ cm}$ به سمت چپ جابه جا شود.

(فیزیک ۲- الکتروسیست ساکن- صفحه های ۵ و ۱۰)

۱۱۳- گزینه «۲»

(قصور ارغوانی قهر)

برآیند میدان های الکتریکی دو بار در نقطه O برابر $\vec{E}$ است.

$$\vec{E}_1 + \vec{E}_2 = \vec{E}$$

با حذف بار q_1 ، فقط میدان q_2 در این نقطه می ماند و خواهیم داشت:

$$\vec{E}_2 = \frac{4}{3}\vec{E}$$

۱۱۹- گزینه «۱»

(مهری سلطانی)

با استفاده از تعریف جریان عبوری از یک رسانا، داریم:

$$I_{av} = \frac{\Delta q}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta q = ne} I_{av} = \frac{ne}{\Delta t} \Rightarrow n = \frac{I_{av} \Delta t}{e}$$

$$\Rightarrow n = \frac{16 \times 10}{1/6 \times 10^{-19}} = 10^{21} \text{ الکترون}$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه‌های ۴۶ و ۴۹)

۱۲۰- گزینه «۳»

(سینا صالحی)

چون چراغ‌قوه یک رسانای اهمی است، مقاومت الکتریکی آن ثابت است، بنابراین:

$$R_1 = R_2 \Rightarrow \frac{V_1}{I_1} = \frac{V_2}{I_2} \Rightarrow \frac{2}{0/4} = \frac{1/4}{I_2} \Rightarrow I_2 = 0/28 \text{ A}$$

(فیزیک ۲- مثال ۲-۲، صفحه‌های ۴۹ و ۵۱)

فیزیک (۲) - سوالات آشنا

۱۲۱- گزینه «۴»

(کتاب اول)

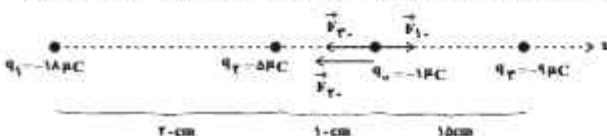
دور شدن ورقه‌های الکتروسکوپ از هم نشان می‌دهد که جسم باردار بوده است و از آن جایی که فاصله ورقه‌ها از هم بیشتر شده است نشان می‌دهد که در اثر القا، بارهای هم‌نام با بار الکتروسکوپ از میله دور شده و به سمت ورقه‌ها حرکت کرده‌اند و در اثر زیاد شدن بار در ورقه‌ها، نیروی دافعه بین آن‌ها هم زیادتر شده و از هم فاصله گرفته‌اند، پس بار میله هم‌نام با بار الکتروسکوپ بوده است.

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن- صفحه‌های ۲ و ۳)

۱۲۲- گزینه «۴»

(کتاب اول)

مطابق شکل زیر، ابتدا جهت نیروهای الکتریکی وارد بر بار q_0 از طرف دیگر بارها را تعیین می‌کنیم. سپس بزرگی هر یک از نیروها و بردار متناظر آن‌ها را محاسبه کرده و در نهایت بردار برآیند نیروها را به دست می‌آوریم:



$$\frac{1}{2} m (v_B^2 - v_A^2) = -\Delta U \xrightarrow{m=10^{-27} \text{ kg}, v_A=10^{-3} \frac{\text{m}}{\text{s}}, v_B=18 \times 10^{-3} \frac{\text{m}}{\text{s}}} \frac{1}{2} \times 10^{-27} \times (v_B^2 - 64 \times 10^{-12}) = -32 \times 10^{-18}$$

$$\Rightarrow v_B^2 - 64 \times 10^{-12} = -64 \times 10^{-12} \Rightarrow v_B^2 = 0 \Rightarrow v_B = 0$$

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن- صفحه‌های ۴۱ و ۴۳)

۱۱۵- گزینه «۴»

(سینا صالحی)

با استفاده از تعریف اختلاف پتانسیل الکتریکی داریم:

$$\Delta U = q \Delta V = -4 \times 10^{-8} \times (-10 - (-40)) = -12 \times 10^{-7} \text{ J}$$

(فیزیک ۲- مسئله ۲۰ آخر فصل اول، صفحه ۴۳)

۱۱۶- گزینه «۲»

(مehدی کیانی)

الف) درست

ب) درست

پ) نادرست، پتانسیل الکتریکی تمام نقاط درون جسم رسانای باردار مشغولی با هم برابر است، اما الزاماً صفر نیست.

ت) نادرست، در شرایط تعادل الکتروستاتیکی، همه نقاط یک جسم رسانای باردار پتانسیل یکسانی دارند و به شکل جسم بستگی ندارد. بنابراین، ۲ عبارت درست است.

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن- صفحه‌های ۲۷ و ۳۰)

۱۱۷- گزینه «۱»

(سینا صالحی)

با استفاده از رابطه ظرفیت خازن تخت، داریم:

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} = 4/9 \times 9 \times 10^{-12} \times \frac{1}{5 \times 10^{-4}} = 8/12 \times 10^{-8} \text{ F} = 88/2 \text{ nF}$$

(فیزیک ۲- مسئله ۳۰ از آخر فصل اول، صفحه ۴۴)

۱۱۸- گزینه «۳»

(بابک اسلامی)

وقتی بار الکتریکی مثبت را از صفحه مثبت جدا کرده و به صفحه منفی منتقل می‌کنیم، بار ذخیره شده در خازن کاهش می‌یابد و در نتیجه، انرژی ذخیره شده در آن کاهش خواهد یافت. داریم:

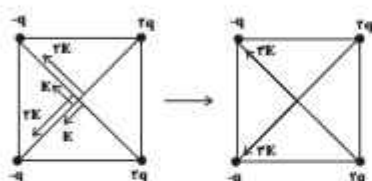
$$\text{درصد تغییرات انرژی} = \frac{\Delta U}{U_1} \times 100 = \left(\frac{U_2}{U_1} - 1 \right) \times 100$$

$$U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} \Rightarrow \left(\frac{Q_2^2}{Q_1^2} - 1 \right) \times 100 = \left(\frac{3^2}{5^2} - 1 \right) \times 100 = -64\%$$

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن- صفحه‌های ۳۸ و ۴۰)

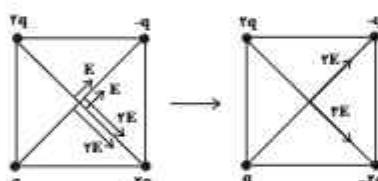
اگر بزرگی میدان الکتریکی ناشی از بار با اندازه $|q|$ در مرکز مربع را E بنامیم $(E = k \frac{|q|}{r^2})$ ، با توجه به یکسان بودن فاصله هر چهار رأس مربع تا مرکز آن (r) ، چون بزرگی میدان با اندازه بار ایجادکننده‌اش متناسب است، بزرگی میدان الکتریکی ناشی از بار با اندازه $|q|$ در مرکز مربع $2E$ خواهد بود $(E' = k \frac{2|q|}{r^2} = 2E)$ در هر یک از گزینه‌ها، بردارهای میدان در مرکز مربع را رسم نموده و برابری آن‌ها را محاسبه می‌کنیم: (با فرض $q > 0$)

گزینه «۱»:



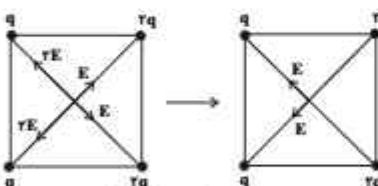
$$E_{T,1} = \sqrt{(2E)^2 + (2E)^2} = \sqrt{4E^2 + 4E^2} = \sqrt{8E^2} = 2\sqrt{2}E$$

گزینه «۲»:



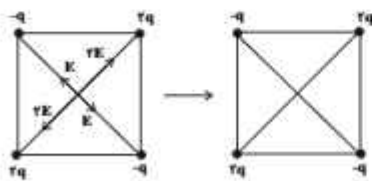
$$E_{T,2} = \sqrt{(2E)^2 + (2E)^2} = \sqrt{4E^2 + 4E^2} = \sqrt{8E^2} = 2\sqrt{2}E$$

گزینه «۳»:



$$E_{T,3} = \sqrt{E^2 + E^2} = \sqrt{2E^2} = E\sqrt{2}$$

گزینه «۴»:



$$E_{T,4} = 0$$

همان گونه که ملاحظه می‌کنید، اندازه میدان الکتریکی برابری در مرکز مربع گزینه «۲» بیشتر از سایر شکل‌هاست.

(فیزيك ۲- الکترسیته ساکن- صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

$$F_{1x} = k \frac{|q_1||q_2|}{r_{12}^2}$$

$$q_1 = -18 \mu C = -18 \times 10^{-6} C, \quad q_2 = -1 \mu C = -1 \times 10^{-6} C$$

$$k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}, \quad r_{12} = 20 + 10 = 30 \text{ cm} = 0.3 \text{ m}$$

$$F_{1x} = 9 \times 10^9 \times \frac{18 \times 10^{-6} \times 1 \times 10^{-6}}{(0.3)^2} = 1/18 \text{ N}$$

$$\text{در جهت محور } x \rightarrow \vec{F}_{1x} = +1/18 \vec{i} \text{ (N)}$$

$$F_{2x} = k \frac{|q_2||q_3|}{r_{23}^2}$$

$$q_2 = 5 \mu C = 5 \times 10^{-6} C, \quad q_3 = -1 \mu C = -1 \times 10^{-6} C$$

$$k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}, \quad r_{23} = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m}$$

$$F_{2x} = 9 \times 10^9 \times \frac{5 \times 10^{-6} \times 1 \times 10^{-6}}{(0.1)^2} = 4/5 \text{ N}$$

$$\text{در خلاف جهت محور } x \rightarrow \vec{F}_{2x} = -4/5 \vec{i} \text{ (N)}$$

$$F_{3x} = k \frac{|q_3||q_4|}{r_{34}^2}$$

$$q_3 = -9 \mu C = -9 \times 10^{-6} C, \quad q_4 = -1 \mu C = -1 \times 10^{-6} C$$

$$k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}, \quad r_{34} = 15 \text{ cm} = 0.15 \text{ m}$$

$$F_{3x} = 9 \times 10^9 \times \frac{9 \times 10^{-6} \times 1 \times 10^{-6}}{(0.15)^2} = 2/6 \text{ N}$$

$$\text{در خلاف جهت محور } x \rightarrow \vec{F}_{3x} = -2/6 \vec{i} \text{ (N)}$$

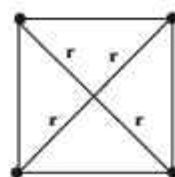
$$\vec{F}_{T,x} = \vec{F}_{1x} + \vec{F}_{2x} + \vec{F}_{3x} \Rightarrow \vec{F}_{T,x} = +1/18 \vec{i} - 4/5 \vec{i} - 2/6 \vec{i}$$

$$\Rightarrow \vec{F}_{T,x} = -6/2 \vec{i} \text{ (N)}$$

(فیزيك ۲- الکترسیته ساکن- صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

(کتاب اول)

۱۲۳- گزینه «۲»



$$40 = 5(28 - V_1) \Rightarrow 28 - V_1 = 8 \Rightarrow V_1 = 20V$$

حال برای محاسبه بار اولیه خازن، داریم:

$$Q_1 = CV_1 \xrightarrow{C=5\mu F, V_1=20V} Q = 5 \times 20 = 100 \mu C$$

(فیزیک ۲- الکتروستاتیک ساکن- صفحه‌های ۱۷ و ۲۱)

۱۲۸- گزینه «۳»

(کتاب اول)

$$U = \frac{1}{2} CV^2 \text{ از رابطه } U = \frac{1}{2} CV^2$$

به دست می‌آید.

با کاهش ۱۰ درصدی ولتاژ انرژی خازن را در حالت جدید محاسبه می‌کنیم:

$$U' = \frac{1}{2} C(0.9V)^2 = 0.81 \times \frac{1}{2} CV^2$$

پس ۱۹ درصد از انرژی خازن کاهش می‌یابد.

(فیزیک ۲- الکتروستاتیک ساکن- صفحه‌های ۳۸ و ۴۰)

۱۲۹- گزینه «۱»

(کتاب اول)

با توجه به صورت سؤال $q = 100 \text{ mA.h}$ است در نتیجه با استفاده از رابطه جریان الکتریکی متوسط می‌توان نوشت:

$$\Delta q = I(\Delta t) \xrightarrow{I=200 \mu A = 200 \times 10^{-6} \text{ mA}} \Delta q = I(\Delta t)$$

$$100 \text{ mA.h} = 200 \times 10^{-6} \Delta t \Rightarrow \Delta t = 500 \text{ h}$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه‌های ۶۶ و ۶۹)

۱۳۰- گزینه «۴»

(کتاب اول)

طبق صورت سؤال داریم:

$$\frac{R_A}{R_B} = 2 \xrightarrow{R=\frac{V}{I}} \frac{V_A}{V_B} \times \frac{I_B}{I_A} = 2$$

$$\frac{V_A=16V}{V_B=4V} \times \frac{I_B}{I_A} = 2 \quad (*)$$

اکنون با استفاده از رابطه جریان الکتریکی متوسط داریم:

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta t = \text{ثابت}} \frac{I_B}{I_A} = \frac{\Delta q_B}{\Delta q_A} \xrightarrow{\Delta q_A = ne}$$

$$\frac{I_B}{I_A} = \frac{\Delta q_B}{n_A e} \xrightarrow{(*)} \frac{1}{2} = \frac{\Delta q_B}{5 \times 10^{13} \times 1.6 \times 10^{-19}}$$

$$\Delta q_B = 4 \times 10^{-6} C = 4 \mu C$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه‌های ۶۶ و ۵۱)

۱۲۴- گزینه «۴»

(کتاب اول)

تمام گزینه‌ها درست هستند به جز گزینه «۴»، چرا که خطوط میدان بر سطح رسانا عمودند.

(فیزیک ۲- الکتروستاتیک ساکن- صفحه‌های ۱۷ و ۲۱)

۱۲۵- گزینه «۴»

(کتاب اول)

می‌دانیم که هرگاه در جهت خطوط میدان الکتریکی حرکت کنیم، پتانسیل الکتریکی نقاط کاهش پیدا می‌کند. با استفاده از رابطه $|\Delta V| = Ed$ داریم:

$$|\Delta V| = Ed \xrightarrow{\Delta V < 0} \Delta V = -Ed \Rightarrow V_F - V_1 = -Ed$$

$$\xrightarrow{V_1=100V, E=700 \frac{N}{C}, d=25cm=25 \times 10^{-2} m}$$

$$V_F - 100 = -700 \times 25 \times 10^{-2}$$

$$\Rightarrow V_F - 100 = -175 \Rightarrow V_F = -75V$$

(فیزیک ۲- الکتروستاتیک ساکن- صفحه‌های ۲۳ و ۲۷)

۱۲۶- گزینه «۴»

(کتاب اول)

با توجه به فرمول چگالی سطحی بار داریم:

$$\sigma_A = \frac{q_A}{4\pi r_A^2} \quad (1) \quad , \quad \sigma_B = \frac{q_B}{4\pi r_B^2} \quad (2)$$

$$\sigma_A = 2\sigma_B \quad (3)$$

حجم کره فلزی A برابر کره فلزی B است.

$$242V_B = V_A \Rightarrow 242 \times \frac{4}{3} \pi r_B^3 = \frac{4}{3} \pi r_A^3$$

$$\Rightarrow r_B = r_A \quad (4)$$

$$\xrightarrow{(1), (2), (3)} \frac{q_A}{4\pi r_A^2} = 2 \frac{q_B}{4\pi r_B^2} \xrightarrow{(4)} \frac{q_A}{r_A^2} = 2 \frac{q_B}{r_B^2}$$

$$\frac{q_A}{(r_B)^2} = 2 \frac{q_B}{r_B^2} \Rightarrow q_A = 2q_B \Rightarrow \frac{q_A}{q_B} = 2$$

(فیزیک ۲- الکتروستاتیک ساکن- صفحه‌های ۲۷ و ۳۲)

۱۲۷- گزینه «۲»

(کتاب اول)

با استفاده از رابطه $C = \frac{Q}{V}$ داریم:

$$C = \frac{Q}{V} \Rightarrow Q = CV \Rightarrow \begin{cases} Q_1 = CV_1 \\ Q_2 = CV_2 \end{cases} \xrightarrow{\text{تفاضل طرفین}}$$

$$Q_2 - Q_1 = C(V_2 - V_1) \xrightarrow{C=5\mu F, V_2=28V, Q_2-Q_1=40\mu C}$$

شیمی (۲) - نگاه به آینده

۱۳۱- گزینه «۱»

بررسی عبارت‌ها:

(الف) گسترش فناوری به میزان دسترسی به مواد مناسب وابسته است، به‌طوری که کشف و درک خواص یک ماده جدید پرچم‌دار توسعه فناوری است.

(ب) با گسترش دانش تجربی، شیمی‌دان‌ها به رابطه میان خواص مواد با عنصرهای سازنده آن‌ها پی‌برند.

(ج) مطابق چرخه مواد، به‌تقریب جرم کل مواد در کره زمین ثابت است.

(شیمی ۲- سوال ۷ کتاب پرگزار- صفحه‌های ۴ و ۵)

۱۳۲- گزینه «۴»

بررسی گزینه‌ها:

۱) عنصر کربن (C) نافلز بوده و جریان برق را عبور می‌دهد.

۲) در اتم Sn، ۵۰ الکترون با ۲ = 1 و ۲۰ الکترون با 1 = 1 وجود دارد.

$5s^2 4d^10 3d^5 4p^6 3s^2 3p^6 2s^2 2p^6 1s^2$

۳) در عنصرهای قلیایی خاکی و عناصر گروه ۱۴ جدول تناوبی، شمار

الکترون‌ها در بیرونی‌ترین زیرلایه (ns^2 یا np^2) و نخستین زیرلایه

($1s^2$)، یکسان است.

۴) عنصر Na رسانای خوب جریان برق است. در یک دوره از جدول

تناوبی، شعاع اتمی از چپ به راست کاهش می‌یابد.

(شیمی ۲- صفحه‌های ۴ و ۵)

۱۳۳- گزینه «۴»

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: با افزایش $n+1$ بیرونی‌ترین زیرلایه‌ها در گروه فلزهای

قلیایی، شعاع اتمی افزایش و به سبب آن واکنش‌پذیری آن‌ها نیز افزایش

می‌یابد.

گزینه «۲»: مطابق متن کتاب درسی درست است.

گزینه «۳»: فلونور (F) بیشترین واکنش‌پذیری را در بین هالوژن‌ها دارد.

سبک‌ترین گاز نجیب و نخستین عنصر گروه ۱۵ به‌ترتیب ${}^4\text{He}$ و ${}^{14}\text{N}$ می‌باشند.

گزینه «۴»: شعاع اتمی E_8 که در دوره دوم جای دارد، از بقیه کوچکتر است.

(شیمی ۲- صفحه‌های ۵ و ۶)

۱۳۴- گزینه «۲»

(آزمین معماری)

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: گرما دادن به مواد و افزودن آن‌ها به یکدیگر سبب تغییر و

گاهی بهبود خواص می‌شود.

گزینه «۳»: نماد عدد اتمی، Z است.

گزینه «۴»: هلیوم به عنوان عضوی از گروه ۱۸ جدول تناوبی، آرایش

الکترونی لایه ظرفیت متفاوتی دارد.

(شیمی ۲- صفحه‌های ۴ و ۵)

۱۳۵- گزینه «۱»

(ایمان حسین‌نژاد)

معادله موازنه شده واکنش به‌صورت زیر است:



پتابلین می‌توان نوشت:

$$\begin{aligned} ? \text{L Cl}_2 &= 2.0 \text{g MnO}_2 \times \frac{87}{100} \times \frac{1 \text{ mol MnO}_2}{87 \text{g MnO}_2} \times \frac{1 \text{ mol Cl}_2}{1 \text{ mol MnO}_2} \\ &\times \frac{22}{1 \text{ mol Cl}_2} = 4 / 4 \text{L Cl}_2 \end{aligned}$$

(شیمی ۲- سوال ۲۸ کتاب شیمی پرگزار صفحه‌های ۲۲ و ۲۵)

۱۳۶- گزینه «۳»

(ایمان حسین نژاد)

ارزیابی چرخه عمر شامل یک ارزیابی پنج مرحله‌ای است.

(شیمی ۲- صفحه‌های ۱۰ و ۱۶ و ۳۷ و ۳۸)

۱۳۷- گزینه «۳»

(ایمان فتوایی)

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت (الف): در مخرج کسر محاسبه درصد خلوص باید جرم کل مخلوط

یعنی (جرم ماده خالص + جرم ناخالصی) محاسبه شود.

عبارت (د): با توجه به واکنش پذیری بیشتر سدیم نسبت به آهن، امکان

استفاده از سدیم برای استخراج آهن وجود دارد اما چون استفاده از کربن

آسان‌تر است و صرفه اقتصادی بیشتری دارد، در شرکت‌های فولاد جهان از

کربن استفاده می‌کنند.

(شیمی ۲- صفحه‌های ۱۹ و ۲۶)

۱۳۹- گزینه «۳»

(ایمان حسین نژاد)

عبارت‌های (ب) و (ج) درست هستند، بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت (الف): برای تشخیص یون‌های آهن، به محلول حاوی آن می‌توان

سدیم هیدروکسید افزود، زیرا یون‌های هیدروکسید با یون‌های آهن واکنش

می‌دهند و رسوب تولید می‌کنند. یون کلرید در واکنش با یون آهن رسوب

تولید نمی‌کند.

عبارت (د): ساختار آلکان داده شده به صورت زیر است، پس مجموع اعداد

به کار رفته در نام‌گذاری آیوپاک آن برابر با $2+2+4+4=12$ است.



۲، ۲، ۴، ۴- تترامتیل پنتان

(شیمی ۲- صفحه‌های ۱۹ و ۳۷ و ۴۰ و ۴۶)

۱۳۸- گزینه «۲»

(ایمان حسین نژاد)

فرمول عمومی آلکان‌ها به صورت C_nH_{2n+2} است، پس در یک آلکان

با n اتم کربن، $12n$ گرم کربن و $(2n+2)$ گرم هیدروژن وجود دارد؛

بنابراین می‌توان نوشت:

$$\frac{12n}{2n+2} = 5 \Rightarrow n = 5$$

ساختارهای ممکن برای C_5H_{12} به صورت زیر است:



(شیمی ۲- صفحه‌های ۳۳ و ۴۰)

۱۴۰- گزینه «۱»

(ایمان حسین نژاد)

بررسی پرسش‌ها:

پرسش (الف): میزان نفت گوره در نمونه (۲) بیشتر از نمونه (۱) است، پس

نفت (۲) نمونه یک نفت سنگین است.

پرسش (ب): در صورت جایگزینی کردن نفت با زغال سنگ، میزان ورود

آلاینده‌ها به هوا کره و اثر گلخانه‌ای افزایش می‌یابد.

(شیمی ۲- سوال ۱۷۲ کتاب شیمی پایه دهم، صفحه‌های ۴۴ و ۴۷)



دفترچه پاسخ

آزمون هوش و استعداد

(دوره دوم)

مهر

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰
زمان پاسخ‌گویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

مسئول آزمون	حمید لنجان‌زاده اصفهانی
مسئول دفترچه	حامد کریمی
ویراستار	پوریا کریمی جبلی، مهدی میر
مدیر گروه مستندسازی	محیا اصغری
مسئول درس مستندسازی	علیرضا همایون‌خواه
طراحان	حمید اصفهانی، فاطمه راسخ، حمید گنجی، حامد کریمی، فرزاد شیرمحمدلی
حروف‌چینی و صفحه‌آرایی	معصومه روحانیان
ناظر چاپ	حمید عباسی

استعداد تحلیلی

۲۵۱- گزینه ۲»

(میدر اصلواتی)

نویسنده، مردم عامی و ساده دل را همچون گله گویاره می داند. واژه گله نیز نشان می دهد که با موجوداتی سروکار داریم که گله ای زندگی می کنند و ویژگی مهم آنان، بلاهت آنان است. واژه «گویاره» معنای «گاو» دارد.
(رک متن، هوش کلامی)

۲۵۲- گزینه ۲»

(میدر اصلواتی)

در متن می خوانیم «صاحبان قدرت و حکام چثاری که ... مردم تحت امر آنها» که یعنی مردم تحت امر این پادشاهان.
(رک متن، هوش کلامی)

۲۵۳- گزینه ۳»

(میدر اصلواتی)

متن سراسر به بررسی برخی عوامل تقدیرگرایی در دنیای اسلام می پردازد و حکام، برخی علما و مردم ساده دل را نام می برد.
(رک متن، قرابت معنایی، هوش کلامی)

۲۵۴- گزینه ۳»

(میدر اصلواتی)

متن باید با بیش از حافظ تمام شود که در بیان و در سنجش اختیار باشد، نه جبر. بیت گزینه پاسخ است که در سنجش اختیار است و دیگر ابیات ایاتی جبری است.
(رک متن، هوش کلامی)

۲۵۵- گزینه ۱»

(میدر اصلواتی)

شکل درست بیت قضا کشی آنجا که خواهد برد / و گر ناخدا جامه بر تن برد
(تجزیه کلمات، هوش کلامی)

۲۵۶- گزینه ۲»

مودی: آزاردهنده، نیرنگ کار

(کتاب: استعداد تحلیلی، هوش کلامی)

(معنای واژگان، هوش کلامی)

۲۵۷- گزینه ۱»

(کتاب: استعداد تحلیلی، هوش کلامی)

قبور: ج قبر، گورها

(معنای واژگان، هوش کلامی)

۲۵۸- گزینه ۲»

(غلام کریمی)

تقی در طبقه بالای تخت است و پشوی طبقه پایین او قرمز است. پشوی آبی و سبز به یک تخت متعلقند، پس تقی پشوی آبی و سبز ندارد. رنگ پشوی او قرمز هم که نیست. پس زرد است.

(طبیقت یابی، هوش منطقی ریاضی)

۲۵۹- گزینه ۲»

(غلام کریمی)

اگر پشوی تخت بالای اسحاق سبز باشد، پشوی خود اسحاق آبی است. شخص طبقه بالای اسحاق هم قطعاً ابراهیم نیست پس یا اسماعیل است یا تقی. حال هشت حالت داریم که فقط ۲ تا مطلوب است، یعنی احتمال $\frac{2}{8}$ یا $\frac{1}{4}$ است.

اسماعیل سبز	تقی قرمز / ابراهیم قرمز
	تقی زرد / ابراهیم زرد
اسحاق آبی	ابراهیم زرد / تقی زرد
	ابراهیم قرمز / تقی قرمز

تقی سبز	اسماعیل قرمز / ابراهیم زرد
	اسماعیل زرد / ابراهیم قرمز
اسحاق آبی	ابراهیم زرد / اسماعیل قرمز
	ابراهیم قرمز / اسماعیل زرد

(طبیقت یابی، هوش منطقی ریاضی)

۲۶۰- گزینه ۱

(فرار از شیرمعدنی)

اگر هفتده سال پیش سن برادرها $\square$ و $\bigcirc$ بوده باشد، داریم:

$$\begin{cases} \bigcirc + \square = 11 \\ \bigcirc \times \square = 28 \end{cases}$$

می‌توان معادله را به صورت کلامی بیان کرد و گفت کدام دو عدد هستند که حاصل ضرب آن‌ها ۲۸ و حاصل جمع آن‌ها ۱۱ است، اما برای حل ریاضی سؤال، از معادله بالا داریم:

$$\bigcirc = 11 - \square$$

$$(11 - \square) \times \square = 28$$

با جایگذاری در معادله پایین:

$$\Rightarrow \square^2 - 11\square + 28 = 0$$

$$\Rightarrow (\square - 4) \times (\square - 7) = 0 \Rightarrow \square = 4, 7$$

اختلاف سن این دو برادر، $7 - 4 = 3$ سال است.

(ترکیبی، هوش منطقی ریاضی)

۲۶۱- گزینه ۱

(فراشه راجع)

عدد باید فرد باشد تا در تقسیم بر چهار، باقی‌مانده یک یا سه داشته باشد. پس یکان باید ۳، ۵ یا ۷ باشد. اما عدد مضرب پنج هم نیست، پس یکان یا ۳ است یا ۷. همچنین عدد بین ۴۰۰ تا ۷۰۰ است. پس صدگان ۴، ۵ یا ۶ است. حال با توجه به این یکان و صدگان‌ها، دهگان را باید به شکلی قرار دهیم که عدد مضرب سه باشد، یعنی مجموع ارقام آن بر ۳ بخشپذیر باشد:

یکان دهگان صدگان

$$4 \rightarrow 453, 483$$

$$4 \rightarrow 447, 477$$

$$5 \rightarrow 543, 573$$

$$5 \rightarrow 537, 567$$

$$6 \rightarrow 633, 663$$

$$6 \rightarrow 657, 687$$

(بیشتری، هوش منطقی ریاضی)

۲۶۲- گزینه ۴

(همبرگنی)

اگر برای پر کردن مخزن، شیر «الف» به $\bigcirc$ دقیقه زمان نیاز داشته باشد، شیر «ب» به $\bigcirc - 2$ دقیقه و شیر «ج» به $\bigcirc + 2$ دقیقه زمان نیاز دارند.

پس این سه شیر در هر دقیقه به ترتیب $\frac{1}{\bigcirc - 2}$ ، $\frac{1}{\bigcirc}$ و $\frac{1}{\bigcirc + 2}$ را از مخزن پر می‌کنند. پس دو شیر «ب» و «ج» در هر دقیقه به اندازه کسر زیر

را از مخزن پر می‌کنند:

$$\frac{1}{\bigcirc + 2} + \frac{1}{\bigcirc - 2} = \frac{(\bigcirc + 2) + (\bigcirc - 2)}{(\bigcirc + 2) \times (\bigcirc - 2)} = \frac{2\bigcirc}{\bigcirc^2 - 4}$$

هر دقیقه 60 ثانیه است و دو شیر «ب» و «ج» که در 225 ثانیه، معادل $\frac{225}{60} = \frac{15}{4}$ دقیقه کل مخزن را پر می‌کنند، در هر دقیقه $\frac{4}{15}$ از مخزن را پر می‌کنند. پس داریم:

$$\frac{2\bigcirc}{\bigcirc^2 - 4} = \frac{4}{15} \Rightarrow \frac{\bigcirc}{\bigcirc^2 - 4} = \frac{2}{15} \Rightarrow 2\bigcirc^2 - 8 = 15\bigcirc$$

$$\Rightarrow 2\bigcirc^2 - 15\bigcirc - 8 = 0 \Rightarrow (\bigcirc - 8) \times (2\bigcirc + 1) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \bigcirc = -\frac{1}{2} \rightarrow \text{پذیرفتنی نیست} \\ \bigcirc = 8 \end{cases}$$

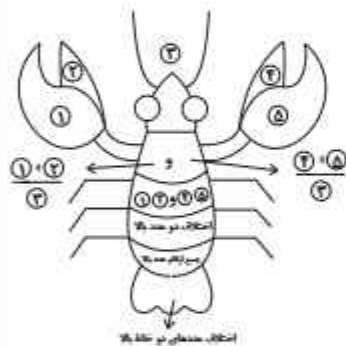
پس شیر «الف» در هر دقیقه، $\frac{1}{8}$ را از مخزن پر می‌کند. این یعنی شیر «الف» کل مخزن را در 8 دقیقه پر می‌کند.

(آلگم و تناسب، هوش منطقی ریاضی)

۲۶۳- گزینه ۱

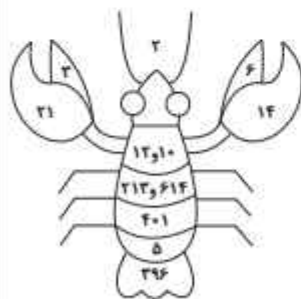
(همبرگنی)

ابتدا الگو را کشف می‌کنیم:



اختلاف صدگان و دهگان

در این سؤال داریم:



$$\bigcirc = 401$$

پس:

(آلگوهای عددی، هوش منطقی ریاضی)

۲۶۴- گزینه ۱

(همبرگنی)

$$\square + \blacksquare = 5 + 396 = 401$$

(آلگوهای عددی، هوش منطقی ریاضی)

۲۶۵- گزینه ۳»

(تعمیرکنش)

طبق پاسخ قبل، عددهای $\triangle$ ، $\blacktriangle$ و ∇ برابرند با:

$$\triangle = ۱۲, \blacktriangle = ۱۰$$

$$\nabla = ۲۱۳, \blacktriangledown = ۶۱۴$$

(انگوهای عددی، هوش منطقی ریاضی)

۲۶۶- گزینه ۳»

(تفاهمه راسخ)

در الگوی صورت سؤال، سه طرح اصلی هست که در هر مرحله به ترتیب از چپ به راست یک شکل مشابه ولی رنگی به یکی از آن طرح‌ها اضافه می‌شود:



و حالا در ادامه باید داشته باشیم:

که در گزینه ۳» هست.

(انگوی منطقی، هوش غیرکلامی)

۲۶۷- گزینه ۲»

(تفاهمه راسخ)

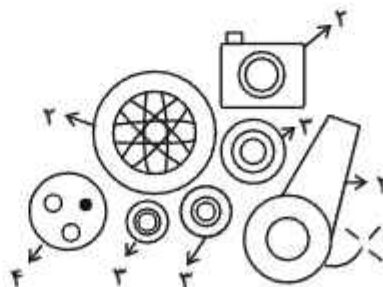
در هر ردیف از الگو، هر شکلی هست. به دو حالت رنگی و بی‌رنگ هست. پس در ردیف نخست هم به جای علامت سؤال باید دایره بی‌رنگ و مثلث رنگی قرار بگیرد.

(انگوی منطقی، هوش غیرکلامی)

۲۶۸- گزینه ۳»

(تفاهمه راسخ)

دایره‌های شکل صورت سؤال:



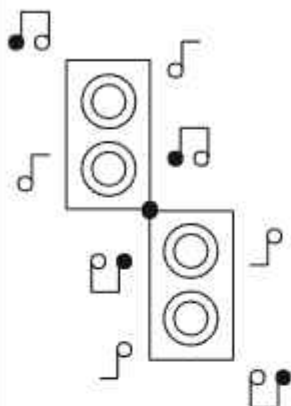
$$۴ + (۳ \times ۲) + (۳ \times ۲) = ۴ + ۶ + ۶ = ۱۶$$

(شمارش، هوش غیرکلامی)

۲۶۹- گزینه ۲»

(تعمیرکنش)

تقارن نقطه‌ای در شکل صورت سؤال به معنای دوران ۱۸۰° درجه است:

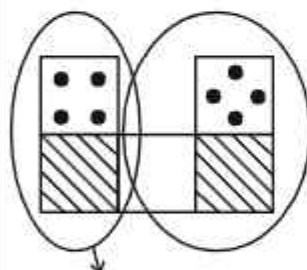


(تقرینه‌یابی، هوش غیرکلامی)

۲۷۰- گزینه ۲»

(قرارداد شهرمقداران)

شکل صورت سؤال:



۱۸۰° دوران یافته «د»

(جزء‌یابی، هوش غیرکلامی)