



# آزمون هدیه ۱۳ تیر ۱۴۰۴

## اختصاصی دوازدهم ریاضی

نیازهای آموزشی

تعداد کل سوالات: ۹۰ سوال

نام درس	تعداد سوال	شماره سوال	زمان پاسخ‌گویی (دقیقه)
حسابان ۱	۱۰	۱-۱۰	۱۵
ریاضی ۱	۱۰	۱۱-۲۰	۱۵
هندسه ۲	۱۰	۲۱-۳۰	۱۵
آمار و احتمال	۱۰	۳۱-۴۰	۱۵
هندسه ۱	۱۰	۴۱-۵۰	۱۵
فیزیک ۲	۱۰	۵۱-۶۰	۱۵
فیزیک ۱	۱۰	۶۱-۷۰	۱۵
شیمی ۲	۱۰	۷۱-۸۰	۱۰
شیمی ۱	۱۰	۸۱-۹۰	۱۰
مجموع	۹۰	۱-۹۰	۱۲۵

جدیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
حسابان ۱ و ریاضی ۱	علی آزاد-مسعود برملـا-مصطفی بهنام مقدم-شاهین پروازی-بهرام حاج-محمد حمیدی-نیما رضایی-رضا سیدنجفی-رضا علی نواز امیر مالیر-مهدی ملار مضانی-مجتبی نادری-ایمان نحسین
هندسه و آمار و احتمال	شووا امین-مهدی خالتی-حمدیرضا دهقان-امیر زراندوز-مینی شکاری اردکانی-سمایا شواکنده-نریمان فتح‌الله-ماهان فرهمندفر هادی فولادی-محمد قرچیان-امیر محمد کریمی-کریم کریمی-سید بیگلو-امیر مالیر-سید سپهر متولیان-مهرداد ملوندی امیر نادری-زینب نادری-ابراهیم نجفی
فیزیک	باک اسلامی-نهنزا اکبر نواز-عبدالرضا امینی نسب-رحمت الله خیرالزاده سماکوش-محمد خیری مظفری-آرمین راسخی-حمدیرضا سهرابی محمد رضا سهرابی-فر-محمد رضا شریفی-سرروش محمودی-احمد مرادی-پور-مرتضی مرتضوی-علیرضا میر باقری-مجید میرزا
شیمی	کامران جعفری-ایمان حسین نژاد-میر حسن حسینی حمید ذیحی-علیرضا رضوی-رضایی سراب-سید رضا رضوی-رضایی سراب-سلیمانی جواد سوری لکی-رسول عابدینی زواره-محمد عظیمان زواره-محمد فاثنیا-فرزین فتحی-میثم کوثری لنگری-آرمین محمدی جیرانی هادی مهدی زاده سید رحیم هاشمی-دھکردی-عباس هنرجو

### تلاشی در مسیر موافقیت

گروه علمی اختصاصی

نام درس	حسابان ۱ و ریاضی ۱	هندسه و آمار و احتمال	فیزیک	شیمی
گزینشگر	مهدی ملار مضانی-رضا سیدنجفی	امیر محمد کریمی-مهدی بحر کاظمی	سینا صالحی-کیارش صانعی	ایمان حسین نژاد فرزین فتحی
گروه ویراستاری	سپهر متولیان-کیارش صانعی-مهدی بحر کاظمی	سپهر متولیان-کیارش صانعی	باک اسلامی-مهدی بحر کاظمی	احسان پنجه‌شاهی-مهدی بحر کاظمی-کیارش صانعی
مسئول درس	مهدی ملار مضانی-رضا سیدنجفی	امیر محمد کریمی-مهدی بحر کاظمی	سینا صالحی-کیارش صانعی	ایمان حسین نژاد فرزین فتحی
مستندسازی	سمیه اسکندری	سجاد سلیمانی	احسان صادقی	امیرحسین توحیدی

گروه قطب و توسعه اختصاصی

مهدی گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری
حروف فنگار و صفحه آرا	فرزانه فتح‌الزاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

### گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۳۱-۶۴۶۳



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۱: کل کتاب

۱- در دنباله حسابی با جمله اول ۴ و قدرنسبت ۸، حداقل چند جمله را با هم جمع کنیم تا حاصل از ۴۰۰ بیشتر شود؟  
 ۱۳ (۴)                    ۱۲ (۳)                    ۱۱ (۲)                    ۱۰ (۱)

۲- تعداد جواب‌های حقیقی معادله  $|x| - 1 = -1 + x^2$ ، کدام است؟  
 ۳ (۴)                    ۲ (۳)                    ۱ (۲)                    ۰ (۱) صفر

۳- اگر دو تابع  $f(x) = \{(b^x, a), (-c, d)\}$  و  $g(x) = \{(-3, 3), (9, a+1), (a+c+d, b)\}$  کدام است؟  
 ۱۰ (۴)                    ۹ (۳)                    ۸ (۲)                    ۷ (۱)

۴- دامنه تابع وارون  $f(x) = x + 4\sqrt{x-2}$ ، کدام است؟  
 [۲, +∞) (۴)                    (-∞, ۲] (۳)                    (-∞, -۲] (۲)                    [-2, +∞) (۱)

۵- برد تابع  $f(x) = 4a^x + b$ ، برابر  $(-\infty, -6, +\infty)$  می‌باشد. اگر این تابع از نقطه  $(1, -\frac{23}{3})$  بگذرد، a کدام است؟  
 ۱ (۴)                    ۱ (۳)                    ۳ (۲)                    ۲ (۱)

۶- حاصل  $\log_{\frac{1}{\sqrt[3]{128}}} \frac{1}{\sqrt[3]{2}}$ ، کدام است؟  
 ۶۴ (۴)                    -۷ (۳)                    -۳ (۲)                    -۱ (۱)  $\frac{1}{14}$

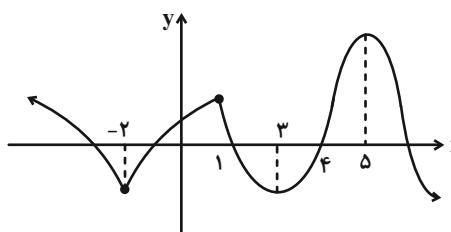
۷- حاصل عبارت  $\tan \frac{\pi}{4} + 2 \cos \frac{\pi}{3} - 2 \sin \frac{\pi}{6}$ ، کدام است؟  
 ۱ (۴)                    ۱ (۳)                    -۱ (۲)                     $\frac{\sqrt{3}}{2}$  (۱)

۸- طول برف پاک کن عقب خودرویی، ۴۰ سانتی‌متر است. اگر برف پاک کن، کمانی به اندازه ۶۰ درجه طی کند، آنگاه طول کمان طی شده توسط نوک برف پاک کن، چند متر است؟ ( $\pi = 3$ )  
 ۲۴۰۰ (۴)                    ۰/۴ (۲)                    ۴۰ (۱)

## تلاشی در مسیر و فقیر

۹- اگر تابع  $f(x) = \begin{cases} x^2 + 6 & ; x > 2 \\ -3 & ; x = 2 \\ ax + 2[x] & ; x < 2 \end{cases}$  جزء صحیح است.  
 -۲۴ (۴)                    ۲۴ (۳)                    -۱۲ (۲)                    ۱۲ (۱)

۱۰- تعداد نقاط ناپیوستگی تابع زیر کدام است؟  
 ۱ (۱) صفر                    ۱ (۲)                    ۲ (۳)                    ۳ (۴)





وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی ا: کل کتاب

۱۱- در یک کلاس نیمی از دانشآموزان عضو تیم بسکتبال و  $\frac{1}{3}$  دانشآموزان عضو تیم تنیس هستند. اگر در این کلاس ۵ نفر عضو هر

دو تیم بوده و ۸ نفر عضو هیچ تیمی نباشند، چند نفر در این کلاس فقط در یک تیم عضو می‌باشند؟

۵ (۴)

۸ (۳)

۶ (۲)

۱۰ (۱)

۱۲- مجموع دو عدد مثبت، ۱۰ و تفاضل واسطه هندسی از واسطه حسابی آن دو عدد، برابر ۲ است. اختلاف این دو عدد کدام است؟

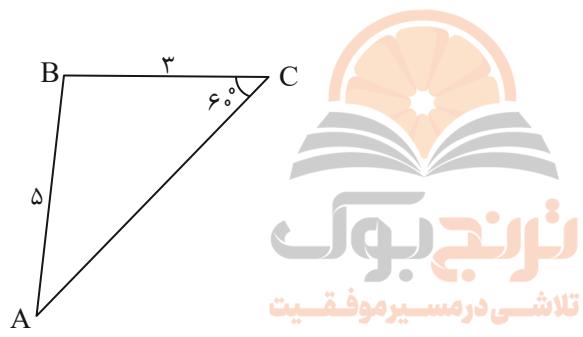
۴ (۴)

۲ (۳)

۸ (۲)

۱ (۱)

۱۳- در شکل زیر مقدار  $\sin \hat{A}$  کدام است؟

 $\frac{3\sqrt{3}}{10}$  (۱) $\frac{15\sqrt{3}}{2}$  (۲) $\frac{6\sqrt{3}}{5}$  (۳) $\frac{2\sqrt{3}}{5}$  (۴)

۱۴- اگر  $0 < a < 1$  باشد، چه تعداد از موارد زیر صحیح است؟

$$\bullet < \sqrt[3]{-a} < \sqrt{-a} \quad (\text{پ})$$

$$a^5 < a^3 \quad (\text{ب})$$

$$\frac{1}{|a|} > a^2 \quad (\text{الف})$$

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر



۱۵- اگر  $x + \frac{1}{x} = 3$  باشد، حاصل  $A = \sqrt{\frac{x^2}{1+x^2}}$  کدام است؟

 $\sqrt{2}$  (۴) $\frac{1}{\sqrt{7}}$  (۳) $\frac{\sqrt{3}}{3}$  (۲) $\sqrt{3}$  (۱)

۱۶- خط  $x=2$  محور تقارن سهمی  $y=ax^3+2x+3$  است. مقدار  $a$  کدام است؟

 $-\frac{1}{2}$  (۴)

-۲ (۳)

-۱ (۲)

۱ (۱)

۱۷- اگر بازه  $[a,b]$  مجموعه جواب نامعادله  $2x^3 - 5x - 2 \leq 2a + b$  باشد، حاصل  $2a + b$  کدام است؟

۳ (۴)

۲ (۳)

-۳ (۲)

-۲ (۱)

۱۸- اگر تابع  $f(x) = mx + h$  یک تابع خطی با ضابطه  $f = \{(a, 2), (a+2, 6), (-3, -9)\}$  باشد، حاصل  $a + h$  کدام است؟

 $-\frac{3}{2}$  (۴) $\frac{3}{2}$  (۳) $-\frac{1}{2}$  (۲) $\frac{1}{2}$  (۱)

۱۹- با حروف کلمه «صدلی» چند کلمه ۵ حرفی و بدون تکرار می‌توان نوشت، به طوری که حرف اول آنها نقطه‌دار باشد؟

۵۴ (۴)

۲۴ (۳)

۳۲ (۲)

۴۸ (۱)

۲۰- در یک نظرسنجی از گروهی از دانشآموزان ۷۰٪ به کلاس حضوری و ۴۰٪ به کلاس آنلاین و ۳۰٪ به هر دو نوع تمایل دارند.

احتمال آنکه دانشآموزی حداقل به یکی از دو نوع کلاس تمایل نداشته باشد کدام است؟

۰/۸ (۴)

۰/۷ (۳)

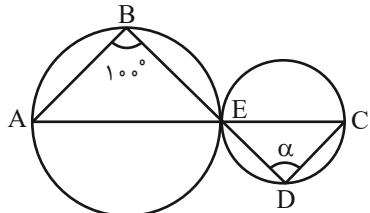
۰/۵ (۲)

۰/۲ (۱)

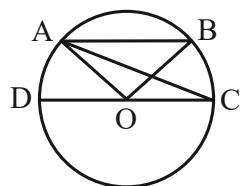


وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

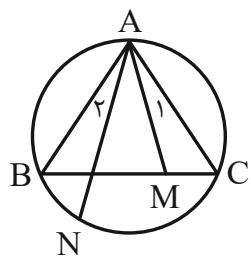
هندسه ۲: کل کتاب

۲۱- در شکل زیر دو دایره بر هم مماس هستند. مقدار زاویه  $\alpha$  چند درجه است؟

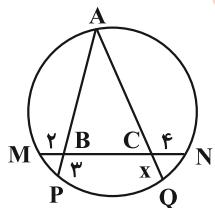
- ۹۰° (۱)  
۶۰° (۲)  
۳۰° (۳)  
۱۰۰° (۴)

۲۲- در شکل رو به رو  $AB \parallel CD$  و  $\hat{A}OB = 120^\circ$  است. زاویه  $A\hat{C}D$  چند درجه است؟ (O مرکز دایره است).

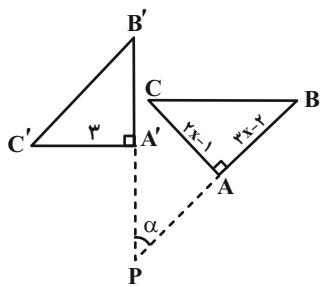
- ۱۰° (۱)  
۱۵° (۲)  
۲۰° (۳)  
۳۰° (۴)

۲۳- در شکل زیر اگر  $\hat{A}_1 = \hat{A}_2$  باشد، حاصل عبارت  $AM \times AN$  کدام است؟

- $AB \times BC$  (۱)  
 $AC \times BC$  (۲)  
 $AB \times AC$  (۳)  
 $BC^2$  (۴)

۲۴- در شکل زیر، مثلث ABC متساوی الاضلاع است. مقدار  $x$  کدام است؟

- ۴ (۱)  
۵ (۲)  
۶ (۳)  
۸ (۴)

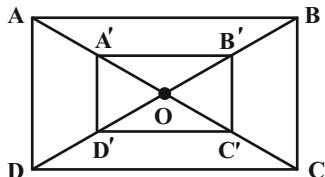
۲۵- دوران مثلث ABC حول نقطه P برابر  $\triangle A'B'C'$  شده است با توجه به شکل محیط مثلث ABC کدام است؟ ( $R(C) = C'$ )

- ۱۲ (۱)  
۱۰ (۲)  
۱۴ (۳)  
۱۵ (۴)



۲۶- اگر مستطیل  $A'B'C'D'$  متجانس  $ABCD$  به مرکز  $O$  با نسبت  $\frac{1}{3}$  باشد و مساحت بین دو مستطیل  $48$  باشد و محیط مستطیل

بزرگ  $75$  باشد طول  $A'B'$  چقدر است؟



۱۰ (۱)

۸ (۲)

۱۲ (۳)

۹ (۴)

۲۷- یک ذوزنقه متساوی الساقین با طول قاعده‌های  $16$  و  $4$  بر دایره‌ای محیط شده است. تفاضل فاصله دورترین و نزدیک‌ترین نقاط

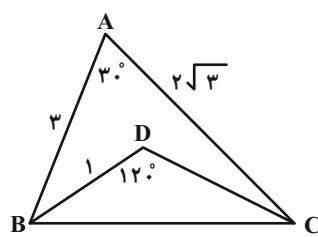
دایره، تا یک رأس قاعده بزرگ ذوزنقه کدام است؟

۲ (۴)

۴ (۳)

۶ (۲)

۸ (۱)



۲۸- در شکل رو به رو طول DC چند واحد است؟

۱/۵ (۱)

۱/۲ (۲)

۰/۸ (۳)

۱ (۴)

۲۹- در مثلثی با اضلاع  $9$ ،  $10$  و  $17$  مجموع دو ارتفاع بزرگتر این مثلث چقدر است؟

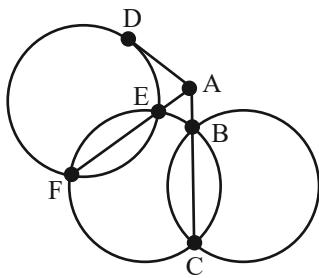
۱۶/۲ (۴)

۱۵/۲ (۳)

۱۶/۴ (۲)

۱۵/۴ (۱)

۳۰- در شکل زیر اگر  $BC = 5x + 3$ ،  $AB = x$ ،  $AD = 3x$  گزینه اینگاه مقدار  $x$  برابر با کدام



۲ (۱)

۱ (۲)

۱/۲ (۳)

۱/۵ (۴)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: کل کتاب

۳۱- تعداد زیرمجموعه‌های مجموعه  $A - B$ ، برابر تعداد زیرمجموعه‌های مجموعه  $B - A$  است. اگر تعداد زیرمجموعه‌های  $A \cap B$

و  $A \cup B$  به ترتیب ۸ و ۵۱۲ باشد، آنگاه تعداد اعضای مجموعه  $A$  کدام است؟

۳ (۲)

۲ (۱)

۵ (۴)

۴ (۳)

۳۲- در گزاره «هر عدد طبیعی از مربع خودش کوچکتر است» ارزش گزاره و نوشتار صحیح آن با استفاده از سورها در کدام مورد به درستی آمده است؟

$\forall x \in \mathbb{N} : x < x^2$  نادرست - ۲

$\forall x \in \mathbb{N} : x < x^2$  درست - ۱

$\exists x \in \mathbb{N} : x < x^2$  نادرست - ۴

$\exists x \in \mathbb{N} : x < x^2$  درست - ۳

۳۳- نقیض عکس گزاره  $p \Rightarrow (q \wedge r)$  کدام گزینه است؟

$(\sim q \vee \sim r) \Rightarrow \sim p$  ۲

$(\sim q \vee \sim r) \Rightarrow p$  ۱

$\sim p \vee (q \wedge r)$  ۴

$(q \wedge r) \wedge \sim p$  ۳

۳۴- عددی صحیح را به تصادف از بازه [۸, ۱۳] انتخاب می‌کنیم و احتمال انتخاب هر عدد با مجموع ارقام آن متناسب است، احتمال انتخاب عددی اول چقدر است؟

**نوج بوگ**

تلاشی در مسیر و فقیر

$\frac{5}{18}$  ۱

$\frac{2}{9}$  ۴

$\frac{1}{3}$  ۳

۳۵- اگر  $S = \{a, b, c, d\}$  فضای نمونه‌ای و  $B = \{b, c, d\}$  و  $A = \{a, b, c\}$  با فرض  $P(B) = \frac{2}{3}$  و  $P(A) = \frac{1}{3}$  حاصل

کدام است؟

$\frac{1}{6}$  ۲

$\frac{5}{6}$  ۱

$\frac{3}{4}$  ۴

$\frac{1}{4}$  ۳



۳۶- ۴ سکه سالم و ۲ سکه که هر دو طرف آن شیر است داریم. به دلخواه یک سکه را انتخاب و آن را پرتاب می‌کنیم. اگر شیر باید به

چه احتمالی طرف دیگر سکه نیز شیر است؟

$$\frac{2}{5} \quad (2)$$

$$\frac{1}{4} \quad (1)$$

$$\frac{1}{2} \quad (4)$$

$$\frac{1}{3} \quad (3)$$

۳۷- اگر  $P(A | B') = \frac{2}{5}$  و  $P(B - A) = \frac{3}{10}$  و  $P(A - B) = \frac{1}{10}$  کدام است؟

$$\frac{1}{3} \quad (2)$$

$$\frac{1}{10} \quad (1)$$

$$\frac{3}{10} \quad (4)$$

$$\frac{7}{10} \quad (3)$$

۳۸- میانگین ۱۱ داده آماری ۱۴ است. اگر یکی از داده‌ها را کنار بگذاریم، میانگین داده‌های باقیمانده برابر ۱۸ می‌شود. داده حذف شده



کدام است؟

$$-18 \quad (2)$$

$$-26 \quad (1)$$

$$-42 \quad (4)$$

$$-30 \quad (3)$$

۳۹- می خواهیم از بین ۹۳۵ نفر، نمونه ۵۵ تایی به روش سامانمند انتخاب کنیم. اگر یکی از شماره‌های انتخابی ۹۷ باشد، کدام شماره

تلاشی در مسیر موافقیت

دیگر نیز انتخاب شده است؟

$$131 \quad (2)$$

$$45 \quad (1)$$

$$591 \quad (4)$$

$$435 \quad (3)$$

۴۰- اگر واریانس جامعه‌ای ۲۵ باشد، اندازه نمونه چقدر باشد تا انحراف معیار برآورد میانگین برابر  $80\%$  شود؟

$$5^{\circ} \quad (2)$$

$$5^2 \quad (1)$$

$$5^8 \quad (4)$$

$$5^4 \quad (3)$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۱ : کل کتاب

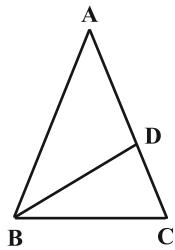
۴۱ - فاصله نقطه A از خط d برابر ۶ است. چند نقطه می‌توان یافت که از خط d به فاصله ۴ و از نقطه A به فاصله ۱۰ باشد؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۴ (۲)

(۱) صفر

۴۲ - در شکل مقابل  $\hat{A} + D\hat{B}C = 75^\circ$  و  $AD = BD = BC$  کدام است؟

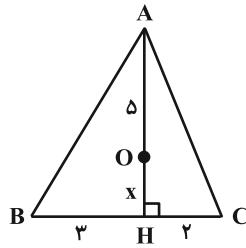
۶۵° (۱)

۷۰° (۲)

۷۵° (۳)

۸۰° (۴)

۴۳ - در شکل مقابل O نقطه همرسی ارتفاعهای مثلث است. اندازه ارتفاع AH کدام است؟



۶ (۱)

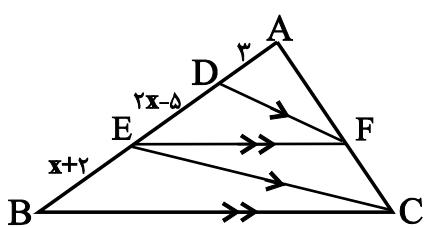
۶/۵ (۲)

۷ (۳)

۷/۵ (۴)

# نوج بوگ

## تلاشی در مسیر موفقیت

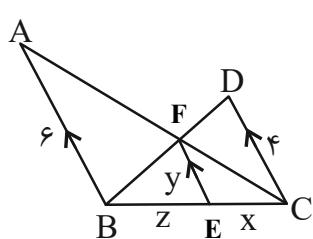
 $\frac{1}{2}$  (۱) $\frac{1}{3}$  (۲) $\frac{2}{3}$  (۳) $\frac{4}{9}$  (۴)۴۴ - در شکل زیر حاصل  $\frac{EF}{BC}$  کدام است؟۴۵ - اگر  $\frac{y}{x} = \frac{4x-4y}{3}$ ، آنگاه واسطه هندسی بین x و y کدام است؟

۰/۸ (۴)

۰/۱۶ (۳)

۰/۴ (۲)

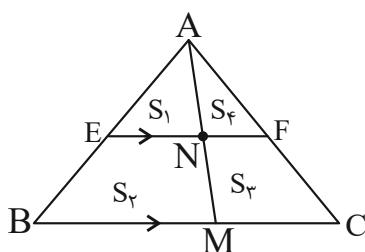
۰/۲ (۱)



۴۶- با توجه به شکل مقابل، حاصل  $\frac{z}{x} + y$  کدام است؟ ( $EF = y$ )

- ۲/۴ (۱)  
۱/۵ (۲)  
۳/۹ (۳)  
۳/۶ (۴)

۴۷- در شکل زیر  $EF \parallel BC$  است. اگر  $S_1 = 3$ ،  $S_2 = 4$  و  $S_4 = 12$  باشند، نسبت مساحت مثلث  $AEF$  به مساحت ذوزنقه  $BEFC$



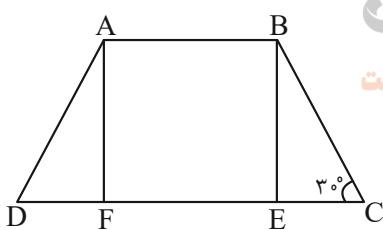
- کدام است؟  
۰/۶۵ (۱)  
۰/۷ (۲)  
۰/۷۵ (۳)  
۰/۸ (۴)

۴۸- در یک  $n$  ضلعی، با اضافه شدن  $\frac{n}{3}$  ضلع دیگر، تعداد قطرهای آن دو برابر می‌شود. اگر  $\frac{n}{3}$  ضلع کم شود، چند قطر از تعداد قطرها

کم می‌شود؟ ( $n$  مضربی از ۳ است)

- ۹ (۴) ۱۸ (۳) ۲۷ (۲) ۳۵ (۱)

۴۹- مطابق شکل ABCD یک ذوزنقه متساوی الساقین و چهارضلعی ABEF یک مربع است. اگر مساحت این مربع ۹ باشد محیط



**نوج بوک**  
تلاشی در مسیر موفقیت

- ذوزنقه کدام است؟  
۱۵+۶ $\sqrt{3}$  (۱)  
۱۸+۶ $\sqrt{3}$  (۲)  
۱۵+۲ $\sqrt{3}$  (۳)  
۱۸+۲ $\sqrt{3}$  (۴)

۵۰- کدام بیان نادرست است؟

- ۱) اگر دو صفحه بر هم عمود باشند، هر خط عمود بر یکی، با دیگری موازی است.  
۲) اگر دو صفحه، بر یک صفحه عمود باشند، با یکدیگر موازی‌اند.  
۳) اگر دو صفحه موازی باشند، هر صفحه‌ای که یکی از دو صفحه را قطع کند دیگری را نیز قطع می‌کند.  
۴) از هر نقطه خارج یک صفحه، فقط یک صفحه موازی با آن صفحه می‌توان رسم کرد.



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

**فیزیک ۲: کل کتاب**

۵۱- دو بار الکتریکی نقطه‌ای با اندازه‌های  $4\mu C$  و  $16\mu C$  در فاصله  $60\text{ cm}$  از هم قرار دارند. در چه فاصله‌ای از بار  $C$  بر حسب

متر، باری به اندازه  $C$  قرار دهیم تا برابر نیروهای الکتریکی وارد بر آن صفر شود؟

۰ / ۶ (۲) ۰ / ۴ (۱)

۰ / ۲ (۴) ۱ / ۲ (۳)

۵۲- در یک میدان الکتریکی، بار  $C = 3\mu C$  را از نقطه  $A$  تا نقطه  $B$  جابه‌جا می‌کنیم. اگر طی این جابه‌جایی انرژی پتانسیل الکتریکی

بار  $J = 21\text{ mJ}$  کاهش یابد و پتانسیل الکتریکی نقطه  $A$  برابر  $45V$  باشد، پتانسیل الکتریکی نقطه  $B$  چند ولت است؟

-۷۰ (۲) ۷۰ (۱)

-۲۵ (۴) ۲۵ (۳)

۵۳- ظرفیت خازنی  $14\text{ میکروفاراد}$  و بار الکتریکی ذخیره شده در آن  $q = 10\text{ J}$  است.  $1\text{ جول} = 1\text{ نیوتن}\cdot\text{متر}$  با این نظر، بار الکتریکی را از

صفحة منفی جدا کرده و به صفحه مثبت منتقل کنیم. بار اولیه خازن چند میلی‌کولن است؟ (اتلاف انرژی نداریم).

۶۷ (۲) ۳۷ (۱)

۷۱ (۴) ۴۳ (۳)

۵۴- نمودار ولتاژ - جریان یک باتری مطابق شکل زیر است. اگر  $84$  دقیقه طول بکشد تا این باتری با اختلاف پتانسیل  $V = 6$  تخلیه

شود، بار ذخیره شده اولیه در این باتری چند میلی‌آمپر-ساعت است؟

۱۲/۶ (۱)



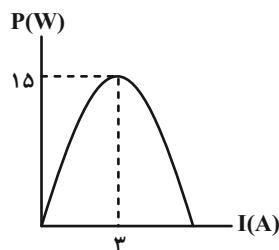
۴/۲ (۲)

۱۲۶۰۰ (۳)

۴۲۰۰ (۴)



۵۵- نمودار تغییرات توان خروجی یک مولد بر حسب جریان عبوری از آن، مطابق شکل زیر است. نیروی محرکه این مولد چند ولت است؟



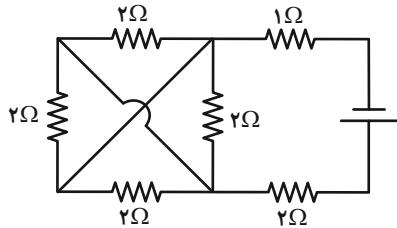
۳/۶ (۱)

۷/۲ (۲)

۵ (۳)

۱۰ (۴)

۵۶- در مدار شکل زیر، مقاومت معادل مدار چند اهم است؟



۳/۲ (۱)

۷/۲ (۳)

۵۷- در قسمتی از فضا میدان مغناطیسی  $\vec{B} = 8j + 16i$  در SI برقرار است. ذره بارداری که دارای بار تلاش در مسیر موفقیت

الکتریکی  $C = -2\mu C$  است، با تندی  $\frac{m}{s}$  در خلاف جهت محور  $x$  در حال حرکت است. بزرگی (بر حسب نیوتون) و جهت

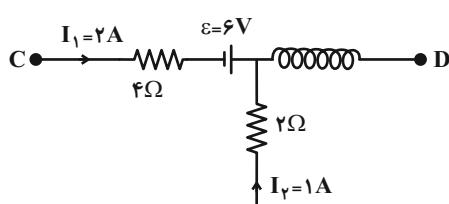
نیروی وارد بر ذره از طرف میدان مغناطیسی کدام است؟ (محور  $x$  و  $y$  در صفحه افقی شامل ذره قرار دارند و  $\cos 53^\circ = 0.6$ )

(۱) ۱۰، عمود بر صفحه کاغذ و رو به بیرون (۲) ۱۰، عمود بر صفحه کاغذ و رو به درون

(۳) ۸، عمود بر صفحه کاغذ و رو به بیرون (۴) ۸، عمود بر صفحه کاغذ و رو به درون



۵۸- در شکل زیر، طول سیم‌لوله آرمانی  $40\text{ cm}$  و دارای  $300$  دور است. اندازه میدان مغناطیسی یکنواخت داخل سیم‌لوله چند گاوس



$$30\pi \quad (2)$$

$$9\pi \quad (4)$$

$$\text{است} \quad (\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}})$$

$$0 / 3\pi \quad (1)$$

$$0 / 0.9\pi \quad (3)$$

۵۹- شار مغناطیسی عبوری از سطح یک قاب مستطیل شکل به ابعاد  $30\text{ cm} \times 40\text{ cm}$ ، که نیم خط عمود بر سطح آن با خط‌های میدان

مغناطیسی یکنواختی به بزرگی  $150$  گاوس، زاویه  $60^\circ$  می‌سازد، چند ویراست؟

$$6 \times 10^{-4} \quad (2)$$

$$3 \times 10^{-4} \quad (1)$$

$$12 \times 10^{-4} \quad (4)$$

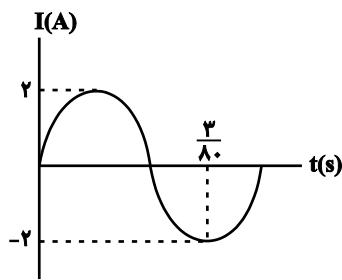
$$9 \times 10^{-4} \quad (3)$$

۶- نمودار تغییرات جریان بر حسب زمان برای یک مولد جریان متناوب، مطابق شکل زیر است. معادله جریان در SI کدام است؟

**برنج بول**

تلاشی در مسیر موفقیت

$$I = -2 \sin 40\pi t \quad (1)$$



$$I = 2 \sin 40\pi t \quad (2)$$

$$I = -4 \sin \frac{160\pi t}{3} \quad (3)$$

$$I = 4 \sin \frac{160\pi t}{3} \quad (4)$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

**فیزیک ۱: کل کتاب**

۶۱- ۴۵g از مایعی با چگالی  $\frac{g}{cm^3} = 3$  را با ۱۰۰g از مایعی با چگالی  $\frac{g}{cm^3} = 5$  روی ۳۰g مایع با چگالی  $\frac{g}{cm^3} = 2$  می‌ریزیم. اگر در طی

این فرایند، ۴٪ از حجم مخلوط که معادل ۷ گرم است بخار شود، چگالی مخلوط باقی‌مانده چند گرم بر سانتی‌مترمکعب است؟

۳/۶۵ (۴)

۲/۵ (۳)

۳/۳۶ (۲)

۲/۵ (۱)

۶۲- کدام گزینه درست است؟

(۱) فلزها، نمک‌ها و شیشه جزو جامد‌های بلورین می‌باشند.

(۲) ذرات جسم جامد ساکن و بدون حرکت هستند.

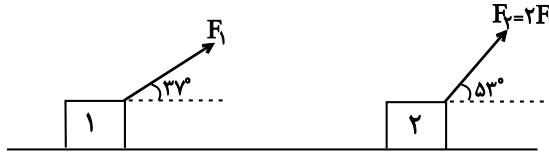
(۳) ذرات جسم جامد به سبب نیروی گرانشی که به هم وارد می‌کنند، کنار یکدیگر می‌مانند.

(۴) فاصله بین مولکول‌های مایع و جامد، یکسان و در حدود  $m^{-10}$  است.

۶۳- دو جسم با جرم‌های یکسان روی سطحی تحت اثر دو نیروی  $\vec{F}_1$  و  $\vec{F}_2$  مطابق شکل در راستای افقی جابه‌جا می‌شوند. اگر کار کل

وارد بر جسم در دو حالت یکسان باشد، جابه‌جایی جسم (۲) چند برابر جابه‌جایی جسم (۱) است؟ (۰/۶ =  $\sin 37^\circ$ ،

**تلاشی در مسیر موفقیت**  
**۰/۸ =  $\sin 53^\circ$  و از باقی نیروها صرف نظر شود.)**



۳/۸ (۱)

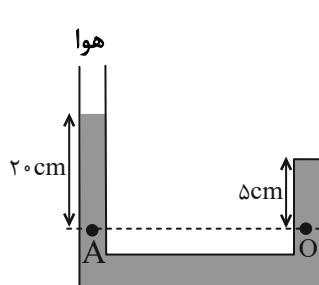
۳/۲ (۲)

۸/۳ (۳)

۲/۳ (۴)



۶۴- درون ظرفی مطابق شکل زیر، که شاخه سمت راست آن مسدود می‌باشد، جیوه با چگالی  $1/36 \times 10^4 \text{ kg/m}^3$  ریخته شده است. اگر



$$\text{فشار هوای } 100 \text{ kPa} \text{ باشد، فشار در نقطه } O \text{ چند پاسکال است؟} \quad (g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$

(۱)  $1/272 \times 10^4$

(۲)  $1/272 \times 10^5$

(۳)  $2/272 \times 10^4$

(۴)  $2/272 \times 10^5$

۶۵- بسکتبالیستی با قد  $1/1 \text{ m}$  ۲ دقیقاً از بالای سر خود با تندي  $5 \text{ m/s}$  توپ را به سمت سبد که در ارتفاع  $2/2 \text{ m}$  قرار دارد، پرتاب می‌کند. اگر حرم توپ  $2320 \text{ g}$  باشد، تندي توپ در زمان ورود به سبد چند متربرثانیه است؟

(۱)  $\sqrt{3}$  (۲)  $2\sqrt{3}$  (۳)  $3\sqrt{3}$  (۴)  $3\sqrt{3}$

۶۶- اگر دمای مقداری آب را از  $15^\circ \text{C}$  درجه سانتی‌گراد به  $2^\circ \text{C}$  درجه سانتی‌گراد برسانیم، چگالی آن ..... .

(۱) کاهش می‌یابد.  
(۲) افزایش می‌یابد.

(۳) ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.  
(۴) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

۶۷- در یک آزمایشگاه، دماسنجد فارنهایت و سلسیوس اعداد یکسان و برابر را نشان می‌دهند. اگر دمای آزمایشگاه بر حسب

سلسیوس و فارنهایت و کلوین را با  $\theta$ ،  $F$  و  $T$  نمایش دهیم، حاصل عبارت  $F + \theta + T$  چقدر خواهد شد؟

(۱)  $+40$  (۲)  $-80$  (۳)  $223$  (۴)  $153$



۶۸- پمپ آبی در هر دقیقه ۴ متر مکعب آب رودخانه‌ای را به نقطه‌ای منتقل می‌کند که ارتفاع آن تا سطح آب رودخانه ۲۴ متر است.

اگر توان ورودی پمپ ۲۵ کیلووات باشد، بازده پمپ چند درصد است؟ ( $P = \frac{N}{g}$ ،  $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$  و سرعت ثابت است).

۶۴ (۲)

۳۲ (۱)

۸۰ (۴)

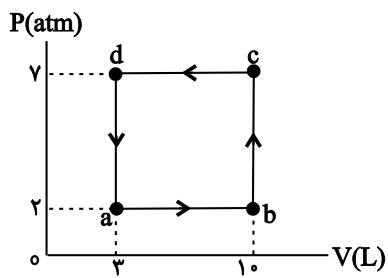
۴۰ (۳)

۶۹- دمای ۲۵g گاز کامل نیتروژن در فشار ثابت از  $37^\circ\text{C}$  به  $237^\circ\text{C}$  می‌رسد. کار انجام شده روی این گاز چند کیلوژول است؟

$$(R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol.K}} \text{ و } M_{N_2} = 15 \frac{\text{g}}{\text{mol}})$$

-  $\frac{8}{3}$  (۲)-  $\frac{8}{3}$  (۱)-  $\frac{3}{8}$  (۳)

۷۰- گازی چرخهٔ ترمودینامیکی فرضی در شکل نشان داده شده را می‌پیمایید. اندازهٔ گرمای مبادله شده بین گاز و محیط در چرخه



## نوج‌بوگ

### تلاشی در مسیر موافقیت

چند ژول است؟

۱/۵×۱۰<sup>۳</sup> (۱)۳×۱۰<sup>۳</sup> (۲)۳/۵×۱۰<sup>۳</sup> (۳)۷×۱۰<sup>۳</sup> (۴)



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

**شیمی ۲: کل کتاب**

۷۱- چند مورد از عبارت‌های زیر درست هستند؟

- الف) گرما دادن به مواد و افزودن آن‌ها به یکدیگر همواره سبب بهبود خواص می‌شود.
- ب) مطابق چرخه مواد، در هر مرحله از تولید یک فراورده، مقداری ماده دور ریخته می‌شود.
- پ) عناصر جدول دوره‌ای براساس عدد اتمی ( $Z$ ) چیده شده‌اند.
- ت) آرایش الکترونی لایه ظرفیت همه عناصر گروه ۱۸ جدول تناوبی با یکدیگر مشابه است.

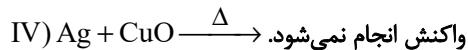
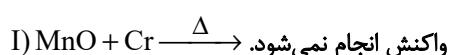
- (۱) صفر
- (۲) یک
- (۳) دو
- (۴) سه

۷۲- کدام موارد از مطالب زیر در رابطه با جدول مقابله که قسمتی از جدول دوره‌ای را نشان می‌دهد، درست است؟ (نماد عنصرها فرضی هستند).

گروه دوره	۲	۱۳	۱۴	۱۵
۲	A	B	C	
۳	D	E	F	G

- الف) عنصر E در واکنش با گاز اکسیژن یک ترکیب یونی با فرمول شیمیایی  $E_3O_2$  تولید می‌کند.
- ب) خصلت نافلزی عنصر B از عنصر C کمتر و از عنصر F بیشتر است.
- پ) در دو عنصر از عناصر موجود در این جدول، همه زیرلایه‌های اشغال شده از الکترون پر هستند.
- ت) در تشکیل یک مول ترکیب حاصل از واکنش شیمیایی بین E و C، ۵ مول الکترون مبادله می‌شود.

- (۱) (الف) و (ب)
- (۲) (ب) و (پ)
- (۳) (پ) و (ت)



۱) برای استخراج فلز کروم از اکسید آن می‌توان از فلز نقره استفاده کرد.

۲) واکنش «...CaO + Cr → ...» به طور طبیعی انجام نمی‌گیرد.

۳) برای استخراج فلز نقره از اکسید آن می‌توان از فلز منگنز استفاده کرد.

۴) واکنش منگنز با مس (II) اکسید «Mn + CuO → MnO + Cu» به صورت طبیعی قابل انجام است.



۷۴- به  $2\text{g}$  /  $34$  آلومینیم سولفات ( $\text{Al}_2(\text{SO}_4)_3$ ) که  $10$  درصد ناخالصی دارد، مقداری گرمایی دهیم تا واکنش موازن نشود.

تجزیه  $\text{Al}_2(\text{SO}_4)_3(s) \rightarrow \text{Al}_2\text{O}_3(s) + \text{SO}_3(g)$

تولید می‌شود؟ (ناخالصی‌ها در واکنش شرکت نمی‌کنند.) ( $\text{Al} = 27, \text{S} = 32, \text{O} = 16 : \text{g.mol}^{-1}$ )

۱۶/۲ (۲)

۲۱/۶ (۱)

۱۹/۶ (۴)

۱۷/۱ (۳)

۷۵- چند مورد از مطالب زیر درست است؟

الف) در آلkan‌های مایع، با افزایش گرانروی، میزان فراریت آن‌ها کاهش می‌یابد.

ب) آلkan با جرم مولی  $58\text{g.mol}^{-1}$  در دما و فشار اتاق به حالت گاز وجود دارد.

پ) تعداد خطوط مورد استفاده در فرمول پیوند - خط مولکول  $2, 5 - 5$  دی‌متیل دکان برابر  $12$  می‌باشد.

ت) در مولکول نخستین آلkan راست زنجیر که در دمای اتاق به صورت مایع است،  $16$  جفت الکترون پیوندی بین اتم‌ها وجود دارد.

۳ (۲)

۴ (۱)

۱ (۴)

۲ (۳)

۷۶- کدام گزینه نادرست است؟

۱)  $200$  گرم آب در دما و فشار اتاق را می‌توان یک نمونه ماده دانست.

۲) انجام واکنش فتوسنتز، برخلاف اکسایش گلوکز، با جذب انرژی همراه است.

۳) برای یک واکنش، اغلب به جای آنتالپی واکنش، واژه تغییر آنتالپی واکنش به کار می‌رود.

۴) مقدار عددی « $\Delta H$ » یک فرایند، بزرگی آن را نشان می‌دهد، در حالی که علامت مثبت و منفی تنها نشان‌دهنده گرمایش و گرماده بودن آن است.

### تلاشی در مسیر موفقیت

۷۷- هر یک از نمادهای  $a, b, c$  و  $d$  به یکی از ترکیب‌های آلی اتانول، اتن، اتان و اتین مربوط هستند. با توجه به

آن‌که:  $|a > b > d > e| = \Delta H$  می‌باشد، چند مورد از مطالب زیر، درست است؟ ( $\text{H} = 1, \text{C} = 12, \text{O} = 16 : \text{g.mol}^{-1}$ )

الف) ترکیب  $b$  سنگ بنای صنایع عظیم پتروشیمی بوده و از آن به عنوان عمل آورنده در کشاورزی استفاده می‌شود.

ب)  $5^{\circ}$  درصد این ترکیب‌های آلی سیرشده بوده و ترکیب  $d$  ساده‌ترین آلکین محسوب می‌شود.

پ) ارزش سوختی ترکیب  $e$  از  $d$  بیشتر و ارزش سوختی ترکیب  $a$  از متان کمتر است.

ت) اگر از سوختن کامل  $1$  گرم ترکیب  $a$  مقدار  $52$  کیلوژول گرما آزاد شود،  $\Delta H$  سوختن آن برابر  $-156^{\circ}$  کیلوژول بر مول خواهد بود.

ث) در شرایط مناسب امکان تبدیل ترکیب  $b$  به  $d$  و امکان تبدیل ترکیب‌های  $b$  و  $c$  به ترکیب  $a$  وجود دارد.

۴ (۲)

۵ (۱)

۲ (۴)

۳ (۳)



۷۸- اگر با فراورده گازی حاصل از واکنش کلسیم کربنات با هیدروکلریک اسید بتوان یک بادکنک کروی به قطر  $10\text{ cm}$ ، را پر کرد،

سرعت متوسط تولید  $\text{CaCl}_2$  در این بازه زمانی به تقریب چند  $\text{mol.s}^{-1}$  بوده است؟ (مدت زمان انجام واکنش  $10$  دقیقه)

می‌باشد، حجم مولی گازها را  $25\text{ L.mol}^{-1}$  و  $\pi = 3$  در نظر بگیرید.)

$$(1) \frac{3}{3} \times 10^{-5} \quad (2) \frac{6}{6} \times 10^{-5}$$

$$(3) \frac{3}{3} \times 10^{-4} \quad (4) \frac{6}{6} \times 10^{-4}$$

۷۹- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) گروه عاملی موجود در ساختار ویتامین آ (A) و ویتامین دی (D) یکسان است.

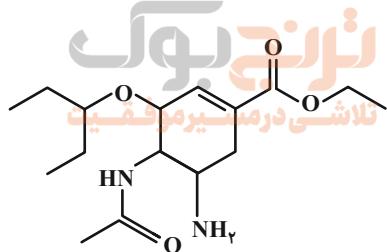
(۲) در الکل‌های کوچک و تا پنج کربن، بخش قطبی بر ناقطبی غلبه دارد و الکل در آب محلول است.

(۳) نیروهای جاذبه و اندروالسی در پلی‌اتن سبک ضعیفتر از پلی‌اتن سنگین است.

(۴) وینیل کلرید، مونومر سازنده پلیمر مورد استفاده در تهیه پتو است.

۸۰- ساختار زیر دارویی آنتی‌ویروس با نام تجاری (تامیفلو) است؛ که فعالیت ویروس آنفولانزا را در بدن مسدود می‌کند. با توجه به

ساختار آن، کدام گزینه نادرست است؟



(۱) فرمول مولکولی آن  $C_{16}H_{28}N_2O_4$  است و می‌تواند بین مولکول‌های خود پیوند هیدروژنی برقرار کند.

(۲) دارای یک عامل آمینی و یک عامل آمیدی است و از آبکافت این مولکول در شرایط مناسب می‌توان اتانول تولید کرد.

(۳) یک ترکیب سیرنشده غیرآروماتیک است، که می‌تواند در ترکیب با بخار برم، رنگ آن را از بین برد.

(۴) در اتم‌های آن  $10^{\circ}$  جفت الکترون ناپیوندی و دو گروه عاملی اتری دیده می‌شود.



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

## شیمی ۱: کل کتاب

۸۱- نیم عمر یک رادیوایزوتوپ برابر ۱ دقیقه می‌باشد. اگر طی مدت ۵ دقیقه جرم این رادیوایزوتوپ  $9/6875$  گرم کاهش یابد، میزان

کاهش جرم این ایزوتوپ در دقیقه آخر بر حسب گرم کدام است؟

(۱)  $1/25$ (۲)  $0/625$ (۳)  $0/125$ (۴)  $0/3125$ 

۸۲- کدام مطلب درست است؟

(۱) اکثر عناصر در دوره دوم جدول تناوبی نماد تک حرفی دارند.

(۲) تعداد عناصر تک حرفی دوره سوم با تفاوت شمار پروتون و نوترون‌های ایزوتوپ طبیعی منیزیم که کمترین فراوانی را دارد برابر است.

(۳) ایزوتوپ، اتمی‌هایی با  $Z$  یکسان ولی  $A$  متفاوت هستند که به صورت اتم‌هایی با جرم متفاوت در تمامی نمونه‌های طبیعی از یک عنصر مشاهده

می‌شوند.

(۴) استفاده از ایزوتوپ‌های سبک‌تر یک عنصر می‌تواند موجب شدیدتر شدن واکنش شیمیایی شود.

نوج‌بوک

تلاشی در مسیر موفقیت

زیر لایه با ...

(آ)  $n+1=5$ ، شامل  $4s, 4p, 5s$  می‌باشد.

ب)  $2=1$  از لایه دوم به بعد شروع به پرشدن می‌کند.

پ)  $1=1$  حداقل  $6$  الکترون می‌تواند در خودش جای دهد.

ت)  $n+1=1$  فقط می‌تواند در لایه اول وجود داشته باشد.

(۴) آ، پ و ت

(۳) ب، ت

(۲) آ، ت

(۱) ب، پ



۸۴- با توجه به جدول داده شده که نقطه جوش ماده های متفاوت را نشان می دهد، کدام مطلب درست است؟ (نماد مواد فرضی است).

نقطه جوش (°C)	ماده
-۱۹۶	A
-۱۸۳	B
-۱۸۶	C
-۲۶۹	D

(۱) اگر دو ماده A و B در دمای  $-190^{\circ}\text{C}$  باشند، هر دو به حالت مایع خواهند بود.

(۲) جداسازی دو ماده B و C به طور خالص دشوار نیست.

(۳) از میان آنها، ماده D، آسان تر مایع می شود.

(۴) اگر مخلوط مایع ماده های A، B و C تا دمای  $-195^{\circ}\text{C}$  گرم شود، A از B و C جدا می شود.

۸۵- در چند مورد نام یا فرمول شیمیایی ترکیبات نادرست است؟

ب)  $\text{N}_2\text{S}_5$ : دی نیتروژن پنتاکسیژن

الف)  $\text{ZnO}$ : روی (III) اکسید

ت)  $\text{Mn}_3\text{P}_2$ : منیزیم فسفید

پ)  $\text{ScCl}_4$ : اسکاندیم دی کلرید

ج)  $\text{Ca}_3\text{N}_2$ : کلسیم (II) نیترید

ث)  $\text{CuS}$ : مس سولفید

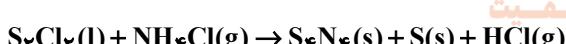
۶ (۴)

۵ (۳)

۴ (۲)

۳ (۱)

۸۶- در واکنش زیر، پس از موازنی، ضریب استوکیومتری فراورده گازی چند برابر ضریب استوکیومتری ماده تک عنصری است؟



۲ (۴)

۴ (۳)

۸ (۲)

۳ (۱)

۸۷- اگر فرمول شیمیایی فسفات فلزی به صورت  $\text{X}_4(\text{PO}_4)_2$  باشد، فرمول شیمیایی سولفید و نیترید آن، به ترتیب از راست به چهار

کدام اند و این فلز در کدام گروه جدول تناوبی ممکن است جای داشته باشد؟

۸,  $\text{X}_4\text{N}_3$ ,  $\text{XS}$  (۲)

۸,  $\text{X}(\text{NO}_3)_3$ ,  $\text{XSO}_4$  (۱)

۲,  $\text{X}_3\text{N}_2$ ,  $\text{XS}$  (۴)

۲,  $\text{XNO}_2$ ,  $\text{X}(\text{SO}_4)_2$  (۳)



۸۸- کدام گزینه به درستی ذکر نشده است؟

۱) در مخلوط ضد یخ، خواصی مانند رنگ و غلظت در سرتاسر آن یکنواخت است.

۲) در مخلوط گلاب، حالت فیزیکی و ترکیب شیمیایی در سرتاسر آن یکنواخت است.

۳) خواص مخلوطها تنها به خواص حلal و مقدار آن بستگی دارد.

۴) هوای پاکی که تنفس می‌کنیم، محلولی از گازها و سرم فیزیولوژی، محلول نمک در آب است.

۸۹- در بین ترکیب‌های هیدروزن دار عناصر گروه ۱۷ جدول دوره‌ای، کدام یک کمترین دمای جوش را دارد؟

HCl (۲)

HF (۱)

HI (۴)

HBr (۳)

۹۰- با توجه به نمودار مقابل، کدام گزینه نادرست است؟



۱) انحلال‌پذیری این نمک در آب برخلاف انحلال‌پذیری نمک لیتیم سولفات در آب با

افزایش دما افزایش می‌یابد.

۲) در نقطه A همانند D، مقدار حل شونده به ترتیب برابر مقدار انحلال‌پذیری در دمای

نقاط A و D است.

۳) در ادرار افراد مبتلا به سنگ کلیه مقدار نمک‌های کلسیم‌دار می‌تواند مانند نقطه A باشد.

۴) در نقطه C مقدار حل شونده کمتر از مقدار انحلال‌پذیری آن ماده در دمای آن نقطه است.