



آزمون هدیة ۶ تیر ۱۴۰۴ اختصاصی دوازدهم ریاضی

دفترچه پاسخ

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه و حسابان ۲	هندسه و آمار و ریاضیات گسسته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	کیان کریمی خراسانی	مهرداد ملوندی	مصطفی کیانی	آرش ظریف
گروه ویراستاری	امیرحسین ابومحیوب مهرداد ملوندی	امیرحسین ابومحیوب	حسین بصیر ترکمبور زهره آقامحمدی	مجتبی محیوب احسان پنجه‌شاهی
مسئول درس	سیدسپهر متولیان	سرژ یقیازاریان تبریزی	حسام نادری	آرش ظریف
مستندسازی	سمیه اسکندری	سجاد سلیمی	علیرضا همایون‌خواه	امیرحسین توحیدی
ویراستاران مستندسازی	سجاد سلیمی - معصومه صنعت‌کار سجاد بهارلویی عرفان قره‌مشک			

نرنج بک
تلاشی در مسیر موفقیت

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروف‌نگار	فرزانه فتح‌اله‌زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۴۶۳

ریاضیات

۱- گزینه «۳»

(امیر هوشنگ انصاری)

$$A = \{2, 3, 4\}, B = \{0, 1, 2, 3\}$$

$$\Rightarrow (A - B) \cup (B - A) = \{4\} \cup \{0, 1\} = \{0, 1, 4\}$$

(ریاضی ۱- مجموعه، الگو و دنباله: صفحه‌های ۸ تا ۱۳)

۲- گزینه «۲»

(ابوالفضل آشنا)

ابتدا عدد M را ساده می‌کنیم:

$$M = (\sqrt[3]{\sqrt[3]{5^3 \times 125 \times 625}})^{15} = (\sqrt[3]{5^3 \times 5^3 \times 5^4})^{15} =$$

$$(\sqrt[3]{5^{3+3+4}})^{15} = (\sqrt[3]{5^{10}})^{15} = 5^{\frac{3 \times 15}{3}} = 5^{15}$$

$$\Rightarrow \sqrt{M^{17} - 100} = \sqrt{(5^{15})^{17} - 100} = \sqrt{5^{255} - 100} = \sqrt{5^{255} - 100} = \sqrt{25} = 5$$

(ریاضی ۱- توان‌های گویا و عبارت‌های جبری: صفحه‌های ۵۴ تا ۶۱)

۳- گزینه «۴»

(اشکان انفرادی)

ابتدا شرط منفی نبودن عبارت زیر رادیکال را بررسی کنیم:

$$9 - x^2 \geq 0 \Rightarrow 9 \geq x^2 \Rightarrow -3 \leq x \leq +3$$

$$\text{حال جدول تعیین علامت } p(x) = \frac{(\sqrt{9-x^2})(x-1)}{x^2 - 7x + 12} \text{ را رسم می‌کنیم.}$$

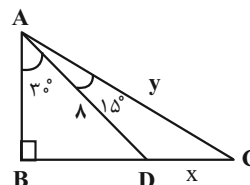
x	-3	-1	+1	+3	+4
$\sqrt{9-x^2}$	///	+	+	///	///
$x-1$	-	-	+	+	+
$(x-3)(x-4)$	+	+	+	-	+
P(x)	///	-	+	///	///
			تن	تن	

پس بازه $\{-3\} \cup (1, 3)$ جواب سؤال هست که شامل ۳ عدد صحیح است.

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها: صفحه‌های ۸۳ تا ۹۳)

۴- گزینه «۳»

(زانیار ممدری)



در مثلث قائم‌الزاویه ABD ضلع رو به رو به زاویه 30° نصف وتر

است $\Leftarrow BD = 4$

مثلث ABC قائم‌الزاویه متساوی الساقین است. ($\hat{C} = 45^\circ$)

$$\Delta ABD: \cos 30^\circ = \frac{AB}{A} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow AB = 4\sqrt{3}$$

$$\Delta ABC: \sin \hat{C} = \frac{AB}{AC} \Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{4\sqrt{3}}{y} \Rightarrow y = 4\sqrt{6}$$

$$\Delta ABC \text{ متساوی الساقین } AB = BC \Rightarrow 4\sqrt{3} = 4 + x$$

$$\Rightarrow x = 4\sqrt{3} - 4$$

$$x + \sqrt{6} \times y = 4\sqrt{3} - 4 + 24 = 4\sqrt{3} + 20 = 4(\sqrt{3} + 5)$$

(ریاضی ۱- مثلثات: صفحه‌های ۲۹ تا ۳۵)

۵- گزینه «۲»

(سیرمهر موسوی)

ابتدا مقدار کل حل شونده را حساب کرده:

(حجم محلول ۱۰ درصد جرمی را B می‌گیریم)

$$m = 15 \times \frac{60}{100} + 35 \times \frac{40}{100} + B \times \frac{10}{100} = 23 + 0.1B$$

حل‌شونده

حالا کل محلول را حساب کرده:

$$m_{\text{کل}} = V_{\text{کل}} = 15 + 35 + B - 20 = 30 + B$$

$$\frac{23 + 0.1B}{30 + B} = \frac{50}{100} \Rightarrow B = 20$$

حالا غلظت نهایی باید درصد ۵۰ باشد.

(مسابان ۱- فیبر و معادله: صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

۶- گزینه «۲»

(مهمرسن سلامی عسینی)

$$\left. \begin{array}{l} D_f: x \geq \frac{3a}{4} \\ D_g: x \leq \frac{b}{4} \end{array} \right\} \rightarrow D_{f-g} = \{1\} \rightarrow \frac{3a}{4} = \frac{b}{4} = 1 \Rightarrow b = 4, a = \frac{4}{3}$$

$$\begin{cases} f(x) = \sqrt{4x-4} + k - 1 \\ g(x) = \sqrt{4-x} + 3k \end{cases}$$

و لذا:

$$(2f - g)(1) = 2f(1) - g(1) = 2(k-1) - 3k = -k - 2 = k \Rightarrow k = -1$$

$$3a - \frac{b}{4} - k = 4 - 2 - (-1) = 3$$

در نتیجه:

(مسابان ۱- تابع: صفحه‌های ۶۳ تا ۶۶)

۷- گزینه «۱»

(مسن شیرازی)

$$f(x) = x + 1 + 2\sqrt{x-1}$$

$$y = x - 1 + 1 + 2\sqrt{x-1} + 1 = (\sqrt{x-1} + 1)^2 + 1$$

$$y - 1 = (\sqrt{x-1} + 1)^2$$

$$\sqrt{y-1} = \sqrt{x-1} + 1$$

$$\sqrt{y-1} - 1 = \sqrt{x-1}$$

$$f(x): y - 1 + 1 - 2\sqrt{y-1} + 1 = x$$

$$f^{-1}(x): y = x + 1 - 2\sqrt{x-1} \Rightarrow a = 1, b = -2$$

$$f(a - b + 7) = f(10) = 10 + 1 + 2\sqrt{9} = 17$$

(مسابان ۱- تابع: صفحه‌های ۵۷ تا ۶۲)

۸- گزینه «۴»

(مهمربسن سلامی مسینی)

فرض کنید $f(x) = ax + b$ که در آن $a > 0$ است.

$$(fog)(x) = ag(x) + b = -4x + 3 \Rightarrow g(x) = \frac{-4x + 3 - b}{a}$$

حال داریم:

$$(f + g)(x) = ax + b + \frac{(-4x + 3 - b)}{a} = (a - \frac{4}{a})x + b + \frac{3 - b}{a} = 3x - 1$$

$$\Rightarrow a - \frac{4}{a} = 3 \Rightarrow a^2 - 3a - 4 = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = -1 \\ a = 4 \end{cases} \quad \begin{matrix} \text{غ ق} \\ \checkmark \end{matrix}$$

$$b + \frac{(3 - b)}{a} = b + \frac{3 - b}{4} = -1 \Rightarrow 3b + 3 = -4 \Rightarrow b = -\frac{7}{3}$$

$$f(x) = 4x - \frac{7}{3} \Rightarrow f(\frac{4}{3}) = \frac{16}{3} - \frac{7}{3} = \frac{9}{3} = 3$$

(حسابان ۱- تابع: صفحه‌های ۶۳ تا ۷۰)

۹- گزینه «۴»

(سعید پناهی)

منظور از نقطه برخورد یعنی مقادیر دو تابع در آن نقطه با هم برابرند لذا توابع نمایی و توابع لگاریتمی را باید مساوی قرار دهیم:

$$\begin{cases} y = 9 \times 3^{a-x} = 3^{a-x+2} \\ y = 3^{x+2a} \end{cases} \Rightarrow 3^{a-x+2} = 3^{x+2a} \Rightarrow a - x + 2 = x + 2a$$

$$2x + a = 2$$

$$x = \frac{2-a}{2}$$

$$\begin{cases} y = \log x + 1 \\ y = \log(2x + a) \end{cases} \Rightarrow \log(2x + a) = \log x + \log 10$$

$$\Rightarrow \log(2x + a) = \log 10x$$

$$\Rightarrow 2x + a = 10x \Rightarrow a = 8x \Rightarrow x = \frac{a}{8}$$

چون دو نقطه یکسان هستند، پس:

$$\frac{a}{8} = \frac{2-a}{2} \Rightarrow 2a = 16 - 8a \Rightarrow 10a = 16 \Rightarrow a = 1.6$$

(حسابان ۱- توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه‌های ۷۲ تا ۸۵)

۱۰- گزینه «۳»

(امیرحوشنگ انصاری)

$$E = 10.1/8 + 1/5 M, \quad \frac{E_2}{E_1} = 250, \quad M_2 - M_1 = ?$$

$$\frac{E_2}{E_1} = \frac{10.1/8 + 1/5 M_2}{10.1/8 + 1/5 M_1} = 250 \Rightarrow 10.1/5 (M_2 - M_1) = \frac{1000}{4}$$

از طرفین معادله $\log$ می‌گیریم:

$$1/5 (M_2 - M_1) = 3 - 0.6 \Rightarrow M_2 - M_1 = \frac{2.4}{1/5} = 12$$

(حسابان ۱- توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه‌های ۸۸ تا ۹۰)

۱۱- گزینه «۴»

(مهمربزل نظامی)

مخرج به ازای $x = 2$ صفر است. پس صورت هم باید صفر شود.

$$\sqrt{ax + b} = 1 \xrightarrow{x=2} \sqrt{2a + b} = 1 \Rightarrow 2a + b = 1 \Rightarrow b - 1 = -2a$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{ax + b} - 1}{2x^2 - 8} \times \frac{\sqrt{ax + b} + 1}{\sqrt{ax + b} + 1} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{ax + b - 1}{2(x-2)(x+2)(\sqrt{ax + b} + 1)}$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 2} \frac{-2a + ax}{2(x-2)(x+2)(\sqrt{ax + b} + 1)}$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 2} \frac{a(x-2)}{2(x-2)(x+2)(\sqrt{ax + b} + 1)} = \frac{a}{2 \times 4 \times 2} = \frac{-1}{32}$$

$$\Rightarrow a = \frac{-1}{2} \Rightarrow b = 2 \Rightarrow \frac{a}{b+1} = \frac{-1/2}{3} = \frac{-1}{6}$$

(حسابان ۱- مر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۴۱ تا ۱۴۴)

۱۲- گزینه «۴»

(رضا سیربغی)

باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای $P(x)$ بر $2x - 4$ برابر با ۱ است، یعنی $P(2) = 1$.

برای محاسبه باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای $f(x)$ بر $-x + 1$ بایستی در

ضابطه f به جای x ها ۱ را قرار دهیم، بنابراین:

$$f(1) = 4(1)P(1+1) - (1)^2 P(2-1) = 4P(2) - P(2)$$

$$\Rightarrow f(1) = 3P(2) \xrightarrow{P(2)=1} f(1) = 3$$

(حسابان ۲- تابع: صفحه‌های ۱۸ تا ۲۰)

۱۳- گزینه «۳»

(امیر عابدزاده)

$$x_1 = 1, x_2 = 2 \xrightarrow{\text{تابع صعودی}} y_1 \leq y_2 : a^2 - 4a \leq 12$$

$$a^2 - 4a - 12 \leq 0 \Rightarrow (a-6)(a+2) \leq 0$$

$$-2 \leq a \leq 6$$

$$x_2 = 2, x_3 = 3 \xrightarrow{\text{تابع صعودی}} y_2 \leq y_3 : 12 \leq a^3 + 4 \Rightarrow a^3 - 8 \geq 0$$

$$a \geq 2$$

$$\begin{cases} -2 \leq a \leq 6 \\ a \geq 2 \end{cases} \Rightarrow 2 \leq a \leq 6 \xrightarrow{a \in \mathbb{Z}} a : 2, 3, 4, 5, 6$$

(حسابان ۲- تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

۱۴- گزینه «۱»

(پویان طهرانیان)

$$\sin(x + \frac{\pi}{4}) + \sin(x - \frac{\pi}{4}) = \sin(x + \frac{\pi}{4} - \frac{\pi}{4}) + \sin(x - \frac{\pi}{4} - \frac{\pi}{4}) = \frac{\sqrt{10}}{3}$$

$$\Rightarrow \cos(x - \frac{\pi}{4}) + \sin(x - \frac{\pi}{4}) = \frac{\sqrt{10}}{3} \xrightarrow{\text{توان}} 2$$

$$1 + 2 \sin(x - \frac{\pi}{4}) \cos(x - \frac{\pi}{4}) = \frac{10}{9} \Rightarrow \sin 2(x - \frac{\pi}{4}) = \frac{1}{9}$$

(نیمه کرویاریان)

گزینه «۴» - ۱۸

عبارت خواسته شده همان عبارت مشتق حاصلضرب دو عبارت به صورت زیر می باشد:

$$y = (1+x^2)f''(x) + 2xf'(x) \rightarrow y = ((1+x^2)f'(x))'$$

$$f(x) = \frac{1-2x^2}{x^2+1} \Rightarrow f'(x) = \frac{-6x}{(x^2+1)^2}$$

$$\Rightarrow y = ((1+x^2)f'(x))' = ((1+x^2) \times \frac{-6x}{(x^2+1)^2})' = (\frac{-6x}{(1+x^2)})'$$

$$\Rightarrow \frac{6x^2-6}{(1+x^2)^2} \xrightarrow{x=\sqrt{2}} y'(\sqrt{2}) = \frac{12-6}{(1+2)^2} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$$

(مسایان ۲- مشتق؛ صفحه های ۹۲ تا ۹۵)

(علیرضا عباسی زاهد)

گزینه «۱» - ۱۹

$$f(x) = x^4 + ax^2 + (-a+2)x + 5$$

$$f'(x) = 4x^3 + 2ax - a + 2 \xrightarrow{f'(-2)=0} -32 - 4a - a + 2 = 0 \Rightarrow a = -6$$

$$f'(x) = 4x^3 - 12x + 8 = 4(x^3 - 3x + 2)$$

$$= 4(x+2)(x^2-2x+1) = 4(x+2)(x-1)^2$$

x	$-\infty$	-۲	۱	$+\infty$
f'(x)	-	۰	+	۰

بر اساس جدول تعیین علامت، تابع کمی قبل و کمی بعد از $x=1$ ، صعودی

می باشد بنابراین گزینه «۱» درست است.

(مسایان ۲- کاربردهای مشتق؛ صفحه های ۱۲۰ تا ۱۲۴)

(سروش موئینی)

گزینه «۲» - ۲۰

$$S = 2\pi r^2 + 2\pi rh = 12\pi \Rightarrow r^2 + rh = 6$$

$$V = \pi r^2 h = \pi r^2 (\frac{6-r^2}{r}) = \pi(6r - r^3)$$

$$V' = \pi(6 - 3r^2) = 0 \Rightarrow r^2 = 2 \Rightarrow r = \sqrt{2} \Rightarrow \text{مساحت قاعده} = \pi r^2 = 2\pi$$

(مسایان ۲- کاربردهای مشتق؛ صفحه های ۱۱۶ تا ۱۱۹)

$$\Rightarrow -\sin(\frac{\pi}{3} - 2x) = \frac{1}{9} \Rightarrow \cos 2x = -\frac{1}{9}$$

$$\cos 2\theta = 2\cos^2 \theta - 1 \Rightarrow \cos^2 x = \frac{\cos 2x + 1}{2} \Rightarrow \cos^2 x = \frac{-\frac{1}{9} + 1}{2} = \frac{4}{9}$$

$$= 2(-\frac{1}{9})^2 - 1 = \frac{-79}{81}$$

(مسایان ۱- مثلثات؛ صفحه های ۹۸ تا ۱۰۴ و ۱۱۲)

(مهم کرمی)

گزینه «۱» - ۱۵

$$\frac{1+\tan x}{1+\cot x} = \tan x \text{ می دانیم است. بنابراین:}$$

$$\tan^2 x = \tan x \Rightarrow x = k\pi + x \Rightarrow x = \frac{k\pi}{3}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x = \frac{\pi}{3} \\ x = \frac{2\pi}{3} \\ x = \frac{4\pi}{3} \\ x = \frac{5\pi}{3} \end{array} \right. \text{ ق ق } \left\{ \begin{array}{l} x = 0 \\ x = \pi \\ x = 2\pi \end{array} \right. \text{ غ ق ق}$$

بنابراین معادله ۴ جواب در بازه $[0, 2\pi]$ دارد.

$$\frac{\pi}{3} + \frac{2\pi}{3} + \frac{4\pi}{3} + \frac{5\pi}{3} = 4\pi$$

(مسایان ۲- مثلثات؛ صفحه های ۴۱ تا ۴۳)

گزینه «۳» - ۱۶

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} g(f(x)) = g(f(2^-))$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^3 - x^2 - x - 2}{|x - 2|} = \frac{(x-2)(x^2 + x + 1)}{-(x-2)} = (-1)^+$$

$$\Rightarrow g((-1)^+) = \frac{-5}{+} = -\infty$$

(مسایان ۲- فرهای نامتناهی- هر در بی نهایت؛ صفحه های ۴۸ تا ۵۸)

(رضا ماجری)

گزینه «۱» - ۱۷

$f(5)$ را برابر ۳- قرار می دهیم:

$$\lim_{x \rightarrow 5} \frac{3f(x) + 3(x-2)}{x-5} = 6 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 5} \frac{3f(x) + 3x - 6}{x-5} = 6$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 5} \frac{3f(x) + 9 - 9 + 3x - 6}{x-5} = 6 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 5} \frac{3(f(x) + 3)}{x-5} + \lim_{x \rightarrow 5} \frac{3x - 15}{x-5} = 6$$

$$\rightarrow 3 \lim_{x \rightarrow 5} \frac{f(x) - f(5)}{x-5} + \lim_{x \rightarrow 5} \frac{3(x-5)}{x-5} = 6$$

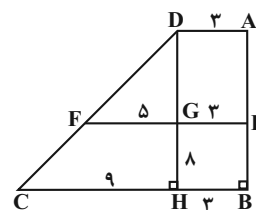
$$\Rightarrow 3f'(5) + 3 = 6 \Rightarrow f'(5) = 1$$

(مسایان ۲- مشتق؛ صفحه های ۸۴ تا ۹۱)

۲۱- گزینه «۴»

(سویل حسن خان پور)

از نقطه D خطی موازی ساق قائم AB رسم می کنیم تا FE و BC را به ترتیب در G و H قطع کند. طبق تعمیم قضیه تالس در مثلث CDH داریم:



$$\frac{DG}{DG+8} = \frac{5}{9} \Rightarrow 9DG = 5DG + 40 \Rightarrow 4DG = 40 \Rightarrow DG = 10$$

طبق قضیه فیثاغورس در مثلث CDH داریم:

$$CD^2 = DH^2 + CH^2 \Rightarrow CD^2 = (10+5)^2 + 9^2 = 225 + 81 = 306$$

$$\Rightarrow CD = \sqrt{306} = \sqrt{81 \times 4} = 9\sqrt{4}$$

(هنر سه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه های ۳۵ تا ۳۷، ۴۱ و ۴۲)

۲۲- گزینه «۳»

(نیما مهندس)

اگر $BQ = x$ باشد، با استفاده از قضیه فیثاغورس می توانیم بنویسیم:

$$AQ^2 = 9^2 + x^2 \quad \text{چون } PQ \text{ عمود منصف است} \\ DQ^2 = 7^2 + (8-x)^2 \quad \text{چون } AQ = DQ \text{ است}$$

$$81 + x^2 = x^2 - 16x + 113 \Rightarrow x = 2$$

چون چهارضلعی EDCB مستطیل است، $DC = EB = 7$ خواهد بود که

$$AE = AB - EB = 9 - 7 = 2$$

نتیجه می دهد:

حالا در مثلث AED داریم:

$$AE^2 + ED^2 = AD^2 \quad \frac{AE=2}{ED=BC=8} \rightarrow AD = 2\sqrt{17}$$

مجدداً در مثلث APQ قضیه فیثاغورس را می نویسیم:

$$PQ^2 = AQ^2 - AP^2 \xrightarrow{*} PQ = 2\sqrt{17}$$

برای مساحت چهارضلعی APQB داریم:

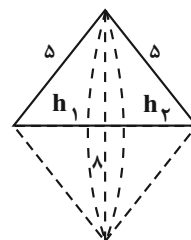
$$S_{APQB} = S_{ABQ} + S_{APQ} = \frac{1}{2}(9)(2) + \frac{1}{2}(\sqrt{17})(2\sqrt{17}) = 26$$

(هنر سه ۱- ترکیبی: صفحه های ۴۱، ۴۲ و ۴۵)

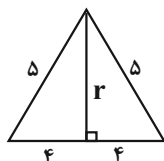
۲۳- گزینه «۳»

(بهزاد مصری)

شکل حاصل، از دو مخروط با شعاع قاعده ۳ و ارتفاع ۴ تشکیل شده است.



برای محاسبه حجم آن کافی است شعاع قاعده ها که برابر با ارتفاع وارد بر ضلع به طول ۸ است را به دست آوریم.



$$r^2 = 5^2 - 4^2 = 25 - 16 = 9 \Rightarrow r = 3$$

مجموع ارتفاع دو مخروط برابر با همان ضلع بزرگ مثلث است.

$$V_{\text{مخروط}} = \frac{1}{3}\pi r^2(h_1 + h_2) = \frac{1}{3}\pi \times 3^2(8) = 24\pi$$

(هنر سه ۱- تجسم فضایی: صفحه های ۹۵ و ۹۶)

۲۴- گزینه «۲»

(سرژ یقینا زاریان تبریزی)

دو دایره یک مماس مشترک دارند، بنابراین مماس داخل هستند. مطابق شکل داریم:

$$OO' = OM - O'M = R - R'$$

$$= 10 - 2 = 8$$

$$OAO' : OA^2 = OO'^2 + O'A^2$$

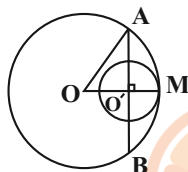
$$\Rightarrow O'A^2 = OA^2 - OO'^2$$

$$= 10^2 - 8^2 = 36 \Rightarrow O'A = 6$$

از طرفی می دانیم در هر دایره، قطر عمود بر هر وتر، آن وتر و کمان های نظیر آن وتر را نصف می کند، بنابراین داریم:

$$O'A = \frac{AB}{2} \Rightarrow AB = 2O'A = 12$$

(هنر سه ۲- دایره: صفحه های ۱۳ و ۲۰ تا ۲۲)



۲۵- گزینه «۴»

(رضا عباسی اصل)

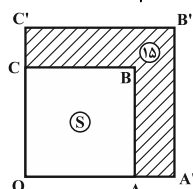
فرض کنید مربع $OA'B'C'$ مجانس مربع $OABC$ به مرکز O و با

نسبت $\frac{3}{2}$ باشد. داریم:

$$k = \frac{OA'}{OA} = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{S'}{S} = \left(\frac{3}{2}\right)^2 \Rightarrow \frac{S+15}{S} = \frac{9}{4} \Rightarrow S = 12$$

(هنر سه ۲- تبدیل های هنر سی و کاربردها: صفحه های ۳۳ تا ۳۸)



۲۶- گزینه «۲»

(امیر حسین ابومصوب)

طبق رابطه سینوسی مساحت مثلث داریم:

$$S_{ABC} = \frac{1}{2}AB \times BC \times \sin B = \frac{1}{2} \times 5 \times 8 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 10\sqrt{3}$$

از طرفی طبق قضیه کسینوس ها در مثلث ABC داریم:

$$AC^2 = AB^2 + BC^2 - 2AB \times BC \times \cos B$$

$$= 5^2 + 8^2 - 2 \times 5 \times 8 \times \frac{1}{2} = 25 + 64 - 40 = 49 \Rightarrow AC = 7$$

(عمیرضا امیری)

۳۱- گزینه «۳»

چون گزاره $p \Rightarrow q$ نادرست است، پس p درست و q نادرست است و چون گزاره $r \sim r$ درست است، پس r نادرست می باشد. داریم:

گزینه «۱»: $(\sim q \Leftrightarrow r) \Leftrightarrow p \equiv (T \Leftrightarrow F) \Leftrightarrow T \equiv F \Leftrightarrow T \equiv F$

گزینه «۲»: $(p \vee q) \Rightarrow r \equiv (T \vee F) \Rightarrow F \equiv T \Rightarrow F \equiv F$

گزینه «۳»: $(p \wedge q) \Rightarrow r \equiv (T \wedge F) \Rightarrow F \equiv F \Rightarrow F \equiv T$

گزینه «۴»: $(q \Rightarrow p) \Leftrightarrow r \equiv (F \Rightarrow T) \Leftrightarrow F \equiv T \Leftrightarrow F \equiv F$

(آمار و احتمال - آشنایی با مباحث ریاضیات، صفحه های ۳ تا ۱۱)

(مهرداد براتی)

۳۲- گزینه «۴»

ابتدا احتمال هر پیشامد را محاسبه می کنیم:

۲ سکه از ۳ سکه

$$P(A) = \frac{\binom{3}{2}}{\binom{3}{2}} = \frac{3}{8}$$

احتمال اینکه عدد هر کدام از تاس ها مضرب ۳ باشد $\frac{2}{6}$ است (۳ یا ۶ رو شود)

$$P(B) = \frac{2}{6} \times \frac{2}{6} = \frac{1}{9}$$

دو پیشامد A و B مستقل اند.

تاس دوم مضرب ۳ تاس اول مضرب ۳

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = \frac{3}{8} \times \frac{1}{9} = \frac{1}{24}$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = \frac{3}{8} + \frac{1}{9} - \frac{1}{24} = \frac{32}{72} = \frac{4}{9}$$

(آمار و احتمال - احتمال، صفحه های ۱۴، ۱۳، ۶ تا ۶۵)

(رضا مایری)

۳۳- گزینه «۲»

اگر احتمال موفقیت در آزمون اول را $P(A)$ و احتمال موفقیت در آزمون دوم را $P(B)$ در نظر بگیریم، داریم:

$$P(B|A') = \frac{P(B \cap A')}{P(A')} \Rightarrow 0/3 = \frac{P(B \cap A')}{0/2}$$

$$\Rightarrow P(B \cap A') = P(B - A) = P(B) - P(A \cap B) = 0/06$$

$$\frac{P(B)=0/5}{\Rightarrow P(A \cap B)=0/44}$$

$$\Rightarrow P(A - B) + P(B - A) = P(A) - P(A \cap B) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$= 0/8 - 0/44 + 0/5 - 0/44 = 0/42$$

(آمار و احتمال - احتمال، صفحه های ۱۴، ۱۳ و ۳۹ تا ۵۲)

(یوسف عزاز)

۳۴- گزینه «۱»

جمع اختلاف داده ها از میانگین برابر صفر است.

$$a^2 + a + 3 - 2a + 2 - 3a + 1 - 2 = 0$$

$$\Rightarrow a^2 - 4a + 4 = 0 \Rightarrow (a - 2)^2 = 0 \Rightarrow a = 2$$

اگر BH ارتفاع وارد بر ضلع AC باشد، آن گاه داریم:

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} BH \times AC \Rightarrow 10\sqrt{3} = \frac{1}{2} BH \times 7 \Rightarrow BH = \frac{20}{7}\sqrt{3}$$

(هندسه ۲- روابط طولی در مثلث: صفحه های ۶۴ تا ۶۷ و ۷۲)

۲۷- گزینه «۱»

(امیرحسین ابومصوب)

ماتریس ضرایب دستگاه به صورت $A = \begin{bmatrix} 3 & a \\ 1 & b \end{bmatrix}$ است. داریم:

$$A^{-1} = \frac{1}{14} \begin{bmatrix} b & -a \\ -1 & 3 \end{bmatrix}$$

$$X = A^{-1}B \Rightarrow \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \frac{1}{14} \begin{bmatrix} b & -a \\ -1 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 8 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{8b - 2a}{14} \\ \frac{-8 + 6a}{14} \end{bmatrix} \Rightarrow y = -1$$

(هندسه ۳- ماتریس و کاربرد: صفحه های ۲۳ تا ۲۶)

۲۸- گزینه «۲»

(افشین فاضله خان)

نکته: دایره های C و C' به مراکز O و O' را در نظر بگیرید. اگر نقطه O' درون دایره C (و غیر منطبق بر O) باشد، دو دایره به مرکز O' وجود دارد که با دایره C مماس درونی است. اگر O' روی دایره یا بیرون دایره C باشد، فقط یک دایره به مرکز O' و مماس درونی با C وجود دارد.

بنابراین (a, a) بایستی درون دایره $x^2 + y^2 - 4x - 6y = 12$ قرار گیرد. یعنی فاصله O' از مرکز دایره کمتر از شعاع آن باشد.

$$C: (x-2)^2 + (y-3)^2 = 25 \Rightarrow O(2, 3), r=5$$

$$OO' = \sqrt{(a-2)^2 + (a-3)^2} < 5 \Rightarrow \sqrt{2a^2 - 10a + 13} < 5$$

$$\Rightarrow a^2 - 5a - 6 < 0 \Rightarrow -1 < a < 6 \Rightarrow a = 0, 1, 2, 3, 4, 5$$

(هندسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه های ۳۰ تا ۴۶)

۲۹- گزینه «۱»

(علی ایمانی)

می دانیم فاصله هر نقطه واقع بر سهمی از کانون و خط هادی برابر یکدیگر است، پس $AF = AH$ و $NF = NM$ است. با فرض $MN = x$ داریم:

$$\frac{\Delta BHF}{\Delta BHF} : MN \parallel HF \xrightarrow{\text{تعمیم قضیه تالس}} \frac{MN}{HF} = \frac{BN}{BF}$$

$$\Rightarrow \frac{x}{2} = \frac{4}{x+4} \Rightarrow x(x+4) = 8 \Rightarrow x^2 + 4x - 8 = 0$$

$$\Delta = 4^2 - 4(-8) = 48$$

$$x = \frac{-4 \pm 4\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \begin{cases} x = 2\sqrt{3} - 2 \\ x = -2\sqrt{3} - 2 \end{cases}$$

(هندسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی: مشابه تمرین ۱۲ صفحه ۵۸)

۳۰- گزینه «۲»

(یاسین سپهر)

برای دو بردار دلخواه $\vec{a}$ و $\vec{b}$ داریم:

$$|\vec{a} \times \vec{b}|^2 + (\vec{a} \cdot \vec{b})^2 = |\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2$$

$$\Rightarrow (5\sqrt{5})^2 + (-1)^2 = 3^2 \times |\vec{b}|^2$$

$$\Rightarrow 9|\vec{b}|^2 = 126 \Rightarrow |\vec{b}|^2 = 14 \xrightarrow{|\vec{b}| > 0} |\vec{b}| = \sqrt{14}$$

(هندسه ۳- بردارها: مشابه تمرین ۷ صفحه ۸۴)

بنابراین فقط به یک طریق می‌توان این کار را انجام داد که تعداد ظرف‌های ۵ لیتری، برابر $x = 5$ و تعداد ظرف‌های ۹ لیتری، برابر $y = 3$ باشد.
(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ مشابه تمرین ۱۸ صفحه ۳۰)

۳۸- گزینه «۳» (امیر وفائی)

این گراف دارای دورهایی به طول ۵، ۶، ۷ و ۹ است.

دور به طول ۵: abcdea و cdefgc

دور به طول ۶: abcgfea و aihgfea

دور به طول ۷: aedcghia

دور به طول ۹: abcdefghia

(ریاضیات گسسته - گراف و مدل‌سازی؛ مشابه تمرین ۱۲ صفحه ۴۲)

۳۹- گزینه «۲» (علی آزار)

با توجه به اینکه حروف تکراری در میان حروف داده شده وجود دارد می‌بایست حالت‌های زیر را به تفکیک مورد بررسی قرار داد:

(حالت اول) از هر حرف فقط یکبار استفاده می‌شود. (حروف تکراری نباشد): $(5) = 10$

(حالت دوم) دو حرف A انتخاب شود و از مابقی حروف یک حرف انتخاب

گردد: $(4) = 4$

(حالت سوم) دو حرف N انتخاب شود و از مابقی حروف یک حرف انتخاب

گردد: $(4) = 4$

(حالت چهارم) فقط سه حرف A انتخاب شود: $(6) = 1$

تعداد کل حالت‌ها $= 10 + 4 + 4 + 1 = 19$

(ریاضی ۱ - شمارش، بدون شماردن؛ صفحه‌های ۱۳۳ تا ۱۴۰)

۴۰- گزینه «۴» (افشین فاضله‌فان)

در بین اعداد ۱ تا ۱۰، ۴ دسته دوتایی وجود دارد که مجموع آن‌ها برابر ۱۰ باشد و دو عدد ۵ و ۱۰ در هیچ دسته‌ای قرار نمی‌گیرند، پس این اعداد را می‌توان به ۶ زیرمجموعه زیر افراز کرد:

$\{1, 9\}, \{2, 8\}, \{3, 7\}, \{4, 6\}, \{5\}, \{10\}$

اگر از هریک از این ۶ مجموعه، یک عدد انتخاب کنیم، آن‌گاه مجموع هیچ دوتایی از آن‌ها برابر ۱۰ نمی‌شود. حال چون دو رنگ سیاه و سفید داریم، با انتخاب ۱۲ مهره (۶ مهره سفید و ۶ مهره سیاه) شرط مسئله محقق نمی‌شود و چنانچه مهره سیزدهم را انتخاب کنیم، حتماً دو مهره هم‌رنگ با مجموع ۱۰ خواهیم داشت.

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات؛ صفحه‌های ۷۹ تا ۸۲)

۴، ۵، ۲، -۲، -۵، -۲: اختلاف داده‌ها از میانگین

$$\sigma^2 = \frac{(x_1 - \bar{x})^2 + \dots + (x_n - \bar{x})^2}{N}$$

$$= \frac{(-2)^2 + (-5)^2 + (-2)^2 + (5)^2 + (4)^2}{5} = \frac{74}{5} = 14.8$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۸۰ تا ۸۲، ۸۷ و ۸۸)

۳۵- گزینه «۳» (نیلوفر مهری)

انحراف معیار برآورد میانگین جامعه از رابطه $\sigma_{\bar{x}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ به دست می‌آید.

که σ انحراف معیار جامعه و n تعداد اعضای نمونه است. داریم:

$$\frac{\sigma}{\sqrt{n}} < \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow \sqrt{n} > \sqrt{2} \Rightarrow n > 2 \Rightarrow \min(n) = 3$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه ۱۱۵)

۳۶- گزینه «۴» (امیرمسین ابومضوب)

می‌دانیم اگر $a \equiv b$ و $m | n$ ، آنگاه $a \equiv b$ داریم:

$$a \equiv 17 \pmod{42} \Rightarrow a \equiv 17 \pmod{6} \Rightarrow a \equiv 5 \pmod{6}$$

$$a \equiv 29 \pmod{40} \Rightarrow a \equiv 29 \pmod{8} \Rightarrow a \equiv 5 \pmod{8}$$

$$\left. \begin{aligned} a \equiv 5 \pmod{6} &\Rightarrow a = 6q + 5 \\ a \equiv 5 \pmod{8} &\Rightarrow a = 8q' + 5 \end{aligned} \right\} \Rightarrow 6q + 5 = 8q' + 5 \Rightarrow 6q = 8q' \Rightarrow 3q = 4q' \Rightarrow q = 4k, q' = 3k$$

$$\xrightarrow{\text{تفاضل}} a = 56(q - q') - 11 = 56(q - q') - 56 + 56 - 11$$

$$\Rightarrow a = 56(q - q' - 1) + 45 \Rightarrow r = 45$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۲۱ و ۲۹)

۳۷- گزینه «۱» (عزیزاله علی‌اصغری)

فرض کنید تعداد ظرف‌های ۵ لیتری برابر x و تعداد ظرف‌های ۹ لیتری برابر y باشد. بنابراین می‌توان صورت مسئله را به شکل معادله سیاله $5x + 9y = 52$ نوشت.

چون $52 \equiv 1 \pmod{5}$ ، پس معادله دارای جواب است. داریم:

$$5x + 9y = 52 \Rightarrow 9y \equiv 52 \pmod{5} \Rightarrow -y \equiv 2 \pmod{5} \Rightarrow y \equiv -2 \equiv 3 \pmod{5} \Rightarrow y = 5k + 3$$

$$(k \in \mathbb{Z})$$

$$5x + 9(5k + 3) = 52 \Rightarrow 5x = -45k + 25 \Rightarrow x = -9k + 5$$

تعداد ظرف‌ها لزوماً عددی حسابی است، بنابراین داریم:

$$\left. \begin{aligned} x \geq 0 &\Rightarrow -9k + 5 \geq 0 \Rightarrow k \leq \frac{5}{9} \\ y \geq 0 &\Rightarrow 5k + 3 \geq 0 \Rightarrow k \geq -\frac{3}{5} \end{aligned} \right\} \Rightarrow -\frac{3}{5} \leq k \leq \frac{5}{9}$$

$$\xrightarrow{k \in \mathbb{Z}} k = 0$$

فیزیک

۴۱- گزینه «۳»

(فسرو ارغوانی فرد)

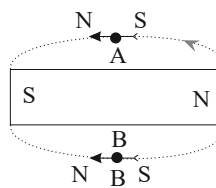
دقت اندازه گیری در ابزارهای رقمی (دیجیتال) برابر یک واحد از آخرین رقمی است که آن ابزار می خواند. بنابراین، در شکل (الف) آخرین رقمی که نشان می دهد ۰/۰۰۳ و در شکل (ب)، آخرین رقم ۰/۰۷ است. در این حالت، دقت اندازه گیری در شکل (الف) ۰/۰۰۱ و در شکل (ب) ۰/۰۱ خواهد بود.

(فیزیک ۱- فیزیک و اندازه گیری: صفحه های ۱۳ تا ۱۶)

۴۲- گزینه «۴»

(عبدالرضا امینی نسب)

مطابق شکل رو به رو، خطوط میدان مغناطیسی در بیرون آهنربای میله ای از قطب N آهنربا به سمت قطب S آن می باشد و نوک عقربه در جهت خط میدان قرار می گیرد.



(فیزیک ۲- مغناطیس: صفحه های ۸۴ تا ۸۷)

۴۳- گزینه «۴»

(امیر مرادی پور)

در معادلات واپاشی، مجموع اعداد جرمی و اتمی دو طرف واکنش برابر است. از طرفی با تابش ذرات β (چه β^+ ، چه β^-) عدد جرمی تغییری نمی کند. حال

با توجه به اینکه ذره α از جنس هسته هلیوم (${}^4_2\text{He}$) است، می توان نوشت:

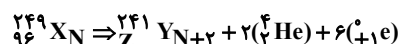
$$A = 241 + 2 \times 4 = 249$$

با تابش هر ذره α ، ۲ واحد از نوترون های هسته کاهش می یابد پس با تابش ۲ ذره α ، تعداد نوترون ها، ۴ واحد کاهش می یابد. از طرفی طبق معادله داده شده تعداد نوترون ها در کل ۲ واحد افزایش پیدا کرده است، پس تعداد و نوع ذرات β باید بگونه ای تعیین شود که ۶ واحد، تعداد نوترون ها را افزایش دهد.

در واپاشی β^+ ، یک پروتون تبدیل به ۱ نوترون و ۱ پوزیترون می شود، یعنی با تابش هر ذره β^+ ، ۱ واحد به تعداد نوترون ها اضافه می شود پس تعداد ذرات

β (M) برابر ۶ بوده و از نوع β^+ می باشد.

در نتیجه می توان معادله را بصورت زیر بازنویسی کرد:



حال مجموع اعداد اتمی دو طرف واکنش را برابر قرار می دهیم تا Z نیز بدست آید:

$$96 = Z + 2 \times 2 + 6 \times 1 \Rightarrow Z = 86$$

$$A + Z + M = 249 + 86 + 6 = 341$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک هسته ای: صفحه های ۱۴۲ تا ۱۴۵)

۴۴- گزینه «۱»

(امیرمسین برادران)

با توجه به انرژی الکترون در لایه های مختلف اتم هیدروژن زمانی که الکترون از تراز $n=4$ به تراز $n=2$ گذار می کند انرژی فوتون گسیل شده برابر با ۲/۵۵ الکترون ولت است.

$$n=4 \quad E_4 = \frac{-E_R}{4^2} = -0.85 \text{ eV}$$

$$n=3 \quad E_3 = \frac{-E_R}{3^2} = -1.51 \text{ eV}$$

$$n=2 \quad E_2 = \frac{-E_R}{2^2} = -3.4 \text{ eV}$$

$$n=1 \quad E_1 = \frac{-E_R}{1^2} = -13.6 \text{ eV}$$

چون از تراز $n=4$ به تراز $n=2$ گذار کرده است، این گذار دومین خط رشته بالمر است.

$$E_4 - E_2 = (-0.85) - (-3.4) = 2.55 \text{ eV}$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه های ۱۲۲ تا ۱۲۴)

۴۵- گزینه «۴»

(مریم شیخ ممو)

ابتدا تغییرات انرژی جنبشی جسم را بعد از افزایش انرژی جنبشی، می یابیم:

$$K_2 = K_1 + 0.21K_1 \Rightarrow K_2 = 1.21K_1$$

اکنون با استفاده از رابطه بین تکانه و انرژی جنبشی، به صورت زیر تکانه جسم را بعد از افزایش انرژی جنبشی پیدا می کنیم:

$$K = \frac{P^2}{2m} \xrightarrow{m=\text{ثابت}} \frac{K_2}{K_1} = \left(\frac{P_2}{P_1}\right)^2 \xrightarrow{K_2=1.21K_1} \frac{K_2=1.21K_1}{P_1=2.0 \text{ kg} \frac{\text{m}}{\text{s}}} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \sqrt{1.21} = 1.1$$

$$\frac{1.21K_1}{K_1} = \left(\frac{P_2}{P_1}\right)^2$$

$$1.21 = \left(\frac{P_2}{P_1}\right)^2 \xrightarrow{\text{از طرفین جذری می گیریم}} 1.1 = \frac{P_2}{P_1} \Rightarrow P_2 = 1.21 \text{ kg} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره ای: صفحه های ۳۶ تا ۳۸)

۴۶- گزینه «۳»

(آرش یوسفی)

در گام اول معادله سرعت- زمان را ساده می کنیم:

$$v = t^3 - 6t^2 + 9t = t(t^2 - 6t + 9) \Rightarrow v = t(t-3)^2$$

طبق تعریف معادله حرکت، زمانی تغییر جهت می دهد که معادله سرعت - زمان تغییر علامت دهد. این معادله در t های مثبت همیشه مثبت است. پس متحرک تغییر جهت نمی دهد. بنابراین مسافت طی شده با اندازه جابه جایی برابر است. پس مورد «پ» درست و مورد «ب» و «ت» نادرست است.

$$t_1 = 0 \Rightarrow v_1 = 0$$

$$t_2 = 3 \Rightarrow v_2 = 0$$

$$\text{صفر} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{0}{3} = 0 \quad a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = 0 \quad \text{شتاب متوسط در ۳ ثانیه اول}$$

(امیرمسین برادران)

۴۹- گزینه «۱»

با توجه به رابطه سرعت متوسط در حرکت شتاب ثابت داریم:

$$\frac{v_1 + v_2}{2} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad v_1 = \Delta a + v_0, v_0 = 20 \frac{m}{s}, \Delta t = \Delta s$$

$$v_2 = 10a + v_0, \Delta x = 6/25m$$

$$\frac{\Delta a + 20 + 10a + 20}{2} = \frac{6/25}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{15a + 40}{2} = \frac{625}{500} \Rightarrow \frac{15a + 40}{2} = \frac{5}{4}$$

$$\Rightarrow 60a + 160 = 10 \Rightarrow a = \frac{-150}{60} = -2.5 \frac{m}{s^2}$$

اکنون مسافت طی شده توسط متحرک را در ۱۰ ثانیه اول به دست می آوریم:

ابتدا لحظه تغییر جهت حرکت متحرک را به دست می آوریم:

$$t_s = \left| \frac{v_0}{a} \right| = \frac{20}{2.5} = 8s$$

$$\ell = |\Delta x_{0-8s}| + |\Delta x_{8s-10s}| = \frac{1}{2} \times 2 \times 8^2 + \frac{1}{2} \times 2 \times 2^2 = 85m$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه های ۱۵ تا ۱۷)

(فیسرو ارغوانی فردر)

۵۰- گزینه «۳»

در شروع حرکت، نیروی اصطکاک به پیشینه مقدار خود می رسد. در این حالت

$$F = f_{s,max} = kx = \mu_s F_N \quad F_e = f_{s,max} \text{ است و داریم:}$$

با استفاده از قانون دوم نیوتون و تعادل جسم در راستای قائم داریم:

$$F_N - mg = 0 \Rightarrow F_N = mg$$

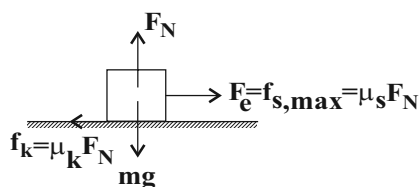
$$200 \times x = 0 / 4 \times 4 \times 10 \Rightarrow x = 8cm = 0.08m$$

پس طول فنر در حالتی که جسم شروع به حرکت می کند برابر

$$\ell = 8 + 20 = 28cm \text{ می باشد.}$$

سپس با استفاده از قانون دوم نیوتون در راستای افقی داریم:

$$F_{net} = ma \Rightarrow F_e - f_k = ma \xrightarrow{F_e = f_{s,max}} \mu_s F_N - \mu_k F_N = ma$$



$$\mu_s mg - \mu_k mg = ma \Rightarrow a = (\mu_s - \mu_k)g$$

$$a = (0.4 - 0.1) \times 10 = 3 \frac{m}{s^2}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره ای: صفحه های ۳۹ تا ۴۴)

مورد «آ» نادرست می باشد.

اندازه سرعت متحرک در سه ثانیه دوم یعنی در بازه زمانی (۳ s و ۶ s) زیاد

می شود، پس حرکت تندشونده می باشد، پس مورد «ث» درست است.

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه های ۱۰ تا ۱۳)

۴۷- گزینه «۲»

(علیرضا آذری)

چون بین لحظه ۱۰s و ۱۴s شتاب متوسط و لحظه ای برابرند، بزرگی شتاب

$$\text{متحرک در لحظه } t = 12s \text{ برابر است با: } |a| = \left| \frac{0 - 40}{14 - 10} \right| = \frac{40}{4} = 10 \frac{m}{s^2}$$

بزرگی شتاب متوسط متحرک در بازه صفر تا ۱۰ ثانیه برابر است با:

$$|a_{av}| = \frac{40 - 20}{10 - 0} = 2 \frac{m}{s^2} \Rightarrow \frac{|a|}{|a_{av}|} = \frac{10}{2} = 5$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه های ۱۰ تا ۱۵)

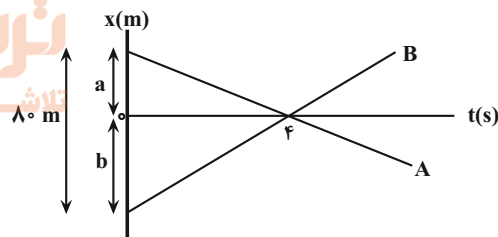
۴۸- گزینه «۲»

(محمدرضا قوام سیریه)

اگر در لحظه $t = 0$ اندازه فاصله متحرک های A و B را تا مبدأ مکان به

ترتیب a و b بنامیم، می توان نوشت:

$$v_A = v_B - 0 / 75v_B \Rightarrow v_A = 0 / 25v_B \Rightarrow |v_A| = \frac{1}{4}v_B$$



از طرف دیگر، اندازه شیب نمودار برابر تندی متحرک است، بنابراین داریم:

$$\begin{cases} v_A = \frac{-a}{4} \\ v_B = \frac{b}{4} \end{cases} \xrightarrow{|v_A| = \frac{1}{4}v_B} \frac{a}{4} = \frac{1}{4} \times \frac{b}{4} \Rightarrow a = \frac{b}{4} \Rightarrow b = 4a$$

با توجه به نمودار $a + b = 80m$ است. در این حالت داریم:

$$a + b = 80 \xrightarrow{b = 4a} a + 4a = 80 \Rightarrow a = 16m, b = 64m$$

در آخر، معادله مکان - زمان متحرک B را نوشته و مکان آن در لحظه

$$t = 6s \text{ را می یابیم:}$$

$$x_B = v_B t + x_0 \xrightarrow{v_B = \frac{64}{4} = 16 \frac{m}{s}, x_0 = -b = -64m} x_B = 16t - 64 \xrightarrow{t = 6s}$$

$$x_B = (16 \times 6) - 64 = 32m$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه های ۱۳ تا ۱۵)

$$K_{\max} = \frac{1}{2} m v_{\max}^2 \xrightarrow{v_{\max} = A\omega}$$

$$K_{\max} = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 \xrightarrow{F_{\max} = mA\omega^2}$$

$$K_{\max} = \frac{1}{2} A F_{\max} \xrightarrow{\substack{A = \frac{L}{\gamma} \\ L = L_{\max} - L_{\min}}}$$

$$K_{\max} = \frac{1}{2} \times \frac{L_{\max} - L_{\min}}{\gamma} \times F_{\max}$$

$$\xrightarrow{L_{\max} = 24 \text{ cm} = 0.24 \text{ m}, L_{\min} = 14 \text{ cm} = 0.14 \text{ m}, F_{\max} = 10 \text{ N}}$$

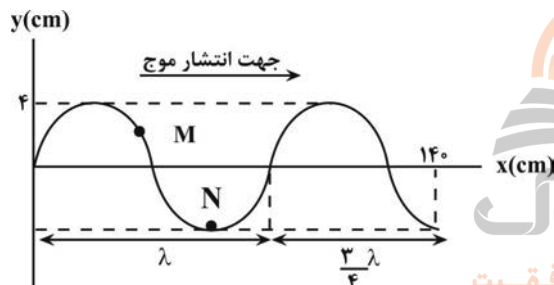
$$K_{\max} = \frac{1}{2} \times (0.24 - 0.14) \times 10 = \frac{1}{2} \text{ J}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۳ تا ۶۷)

(امسان مطلبی)

۵۴- گزینه «۱»

ابتدا به کمک طول موج و سرعت انتشار موج، دوره تناوب موج که همان دوره تناوب نوسانات ذرات M و N است را بدست می‌آوریم:



$$\lambda + \frac{3\lambda}{4} = 140 \text{ cm} \Rightarrow \frac{7\lambda}{4} = 140 \Rightarrow \lambda = 80 \text{ cm}$$

$$T = \frac{\lambda}{v} = \frac{0.8}{5} = 0.16 \text{ s}$$

با بررسی مقدار $\frac{\Delta t_M}{T}$ برای ذره M داریم:

$$\frac{\Delta t_M}{T} = \frac{0.1 - 0.02}{0.16} = \frac{1}{2} \Rightarrow \Delta t = \frac{T}{2}$$

نوسانگر M در این مدت زمان به اندازه ۲A مسافت طی می‌کند، بنابراین تندی متوسط آن به صورت زیر بدست می‌آید:

$$M: \begin{cases} \Delta t = \frac{T}{2} \Rightarrow s_{avM} = \frac{L}{\Delta t} = \frac{2 \times 0.04}{0.08} = 1 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ L = 2A \end{cases}$$

با بررسی $\frac{\Delta t_N}{T}$ برای ذره N داریم:

$$\frac{\Delta t_N}{T} = \frac{0.12 - 0}{0.16} = \frac{3}{4} \Rightarrow \Delta t_N = \frac{3}{4} T$$

با توجه به جهت انتشار موج و مکان اولیه ذره N می‌توان نتیجه گرفت این ذره در این زمان مسیری به اندازه ۳A مطابق شکل زیر را طی می‌کند:

(معمربارقی مام سیره)

۵۱- گزینه «۱»

شتاب گرانش با جرم سیاره رابطه مستقیم و با مربع شعاع سیاره رابطه عکس دارد. لذا می‌توان نوشت:

$$\frac{g_A}{g_e} = \frac{M_A}{M_e} \times \left(\frac{R_e}{R_A}\right)^2 \Rightarrow \frac{W_A}{W_e} = \frac{M_A}{M_e} \times \left(\frac{R_e}{R_A}\right)^2 \xrightarrow{\substack{W_A = 160 \text{ N} \\ M_A = 2M_e \\ R_A = 2R_e}}$$

$$\frac{160}{W_e} = \frac{2M_e}{M_e} \times \left(\frac{R_e}{2R_e}\right)^2 \Rightarrow \frac{160}{W_e} = 2 \times \frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow \frac{160}{W_e} = \frac{1}{2} \Rightarrow W_e = 320 \text{ N}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه ۵۶)

(عبدالرضا امینی نسب)

۵۲- گزینه «۳»

ابتدا شتاب جدید ماهواره را می‌یابیم:

$$a_2 = a_1 - \frac{19}{100} a_1 \Rightarrow a_2 = \frac{81}{100} a_1$$

از طرف دیگر، طبق قانون دوم نیوتون در مکان جدید، نیروی وارد بر ماهواره بر حسب نیروی وارد بر آن در مکان اول برابر است با:

$$F = ma \xrightarrow{m \text{ ثابت}} \frac{F_2}{F_1} = \frac{a_2}{a_1} \Rightarrow \frac{F_2}{F_1} = \frac{81}{100} a_1$$

$$\Rightarrow \frac{F_2}{F_1} = \frac{81}{100}$$

در آخر، با توجه به قانون گرانش عمومی داریم:

$$F = \frac{GmM_e}{r^2} \xrightarrow{m \text{ ثابت}} \frac{F_2}{F_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 \xrightarrow{r_1 = R_e + R_e = 2R_e, r_2 = R_e + h}$$

$$\frac{81}{100} = \left(\frac{2R_e}{R_e + h}\right)^2 \xrightarrow{\text{جذر می‌گیریم}} \frac{9}{10} = \frac{2R_e}{R_e + h}$$

$$\Rightarrow 9R_e + 9h = 20R_e \Rightarrow 9h = 11R_e \Rightarrow h = \frac{11}{9} R_e$$

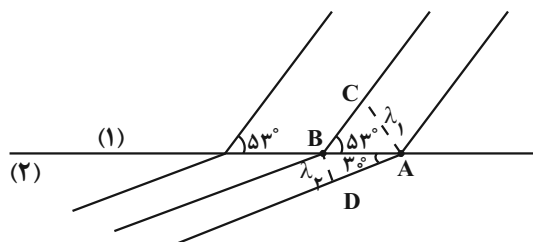
(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۸ تا ۵۶)

(امیرمسین برادران)

۵۳- گزینه «۲»

ابتدا رابطه بین بیشینه انرژی جنبشی نوسانگر که آن را در لحظه عبور از نقطه تعادل دارد و بیشینه نیروی وارد بر نوسانگر را که در نقطه‌های بازگشتی خواهد داشت، به دست می‌آوریم و سپس با توجه به داده‌های سوال $K_{\max}$ را حساب می‌کنیم:

دقت کنید، دامنه نوسان برابر نصف طول پاره خط نوسان می‌باشد و پاره خط نوسان برابر اختلاف بیشینه و کمینه طول فنر است.



$$\sin 53^\circ = \frac{\lambda_1}{AB} \Rightarrow \frac{AB=20\text{cm}}{\sin 53^\circ=0.8} \Rightarrow \lambda_1 = \frac{20}{0.8} = 25\text{cm}$$

$$\lambda_1 = 16\text{cm} = 0.16\text{m}$$

$$\sin 30^\circ = \frac{\lambda_2}{AB} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{\lambda_2}{20} \Rightarrow \lambda_2 = 10\text{cm} = 0.1\text{m}$$

اکنون، با توجه به رابطه $\lambda = \frac{v}{f}$ ، تندی موج در هر محیط را به دست

می آوریم و اختلاف آن‌ها را می یابیم:

دقت کنید، بسامد موج در تمام محیط‌ها یکسان است.

$$v_1 = \lambda_1 f \xrightarrow{f=10\text{Hz}} v_1 = 0.16 \times 10 = 1.6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$v_2 = \lambda_2 f \Rightarrow v_2 = 0.1 \times 10 = 1 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\Delta v = v_1 - v_2 = 1.6 - 1 \Rightarrow \Delta v = 0.6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(فیزیک ۳- برهم‌کنش‌های موج: صفحه‌های ۹۱ تا ۹۶)

(مصطفی کیانی)

گزینه «۴» ۵۷

ابتدا با استفاده از رابطه $f_n = \frac{nv}{2L}$ ، تندی انتشار موج عرضی در تار را می یابیم:

$$f_5 - f_3 = 600 \Rightarrow \frac{5v}{2L} - \frac{3v}{2L} = 600 \xrightarrow{L=0.5\text{m}} \frac{5v}{2 \times 0.5} - \frac{3v}{2 \times 0.5} = 600 \Rightarrow 5v - 3v = 600 \Rightarrow 2v = 600 \Rightarrow v = 300 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

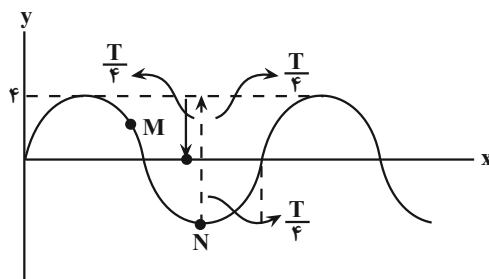
$$\frac{5v}{2 \times 0.5} - \frac{3v}{2 \times 0.5} = 600 \Rightarrow 5v - 3v = 600 \Rightarrow 2v = 600 \Rightarrow v = 300 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\Rightarrow v = 300 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

اکنون به صورت زیر، جرم تار را پیدا می کنیم:

$$v = \sqrt{\frac{FL}{m}} \xrightarrow{F=1800\text{N}, v=300 \frac{\text{m}}{\text{s}}, L=0.5\text{m}} 300 = \sqrt{\frac{1800 \times 0.5}{m}} \Rightarrow 9 \times 10^4 = \frac{900}{m} \Rightarrow m = 10^{-2} \text{kg} \xrightarrow{\times 1000} m = 10\text{g}$$

(فیزیک ۳- برهم‌کنش‌های موج: صفحه‌های ۱۰۵ تا ۱۰۷)



با توجه به شکل می توان دریافت که ذره N در حال عبور از مبدأ و جهت حرکت آن در خلاف جهت محور y هاست بنابراین اندازه سرعت آن برابر است با:

$$|v_N| = |\Delta y| = \Delta x \times \frac{2\pi}{T} = \frac{4}{100} \times \frac{2\pi}{16} = \frac{\pi}{20} \text{ s}$$

$$\frac{s_{avM}}{v_N} = \frac{1}{\pi} = \frac{2}{\pi}$$

بنابراین داریم:

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۳ و ۷۲ تا ۷۴)

۵۵- گزینه «۳» (امیرمهر زمانی)

توان اولیه را داریم و باید به دنبال توان دریافتی شنونده باشیم تا درصد

$$I = \frac{P}{A} = \frac{P}{4\pi r^2}$$

تغییرات توان را بدست آوریم:

با توجه به رابطه بالا باید ابتدا مقدار I و r را از داده‌های سوال تعیین کنیم:

$$I = \frac{P}{A} = \frac{P}{4\pi r^2} \Rightarrow r = \sqrt{\frac{P}{4\pi I}} = \sqrt{\frac{320 \times 10}{4\pi \times 25}} = 20\text{m}$$

$$\beta = 10 \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 60 = 10 \log \frac{I}{10^{-12}} \Rightarrow 10^6 = \frac{I}{10^{-12}} \Rightarrow I = 10^{-6} \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

$$\Rightarrow I = 10^{-6} \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

در نهایت توان دریافتی شنونده را محاسبه می کنیم:

$$I = \frac{P}{A} \Rightarrow P = I \times 4\pi r^2$$

$$P = 10^{-6} \times 4 \times \pi \times 40000 = 48 \times 10^{-2} = 48 \times 10^{-3} \text{W} = 48\text{mW}$$

و در نهایت درصد تغییرات:

$$\frac{P_2 - P_1}{P_1} \times 100 = \frac{48 - 500}{500} \times 100 = -\frac{20}{500} \times 100 = -4\%$$

۴ درصد جذب محیط شده است.

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۷۸ تا ۸۱)

۵۶- گزینه «۱» (مسیر ناصبی)

چون فاصله دو جبهه موج متوالی برابر طول موج است، بنابراین، ابتدا طول

موج‌ها را با توجه به شکل دست می آوریم. به همین منظور با توجه به

مثلث‌های ABC و ABD داریم:

۵۸- گزینه «۲»

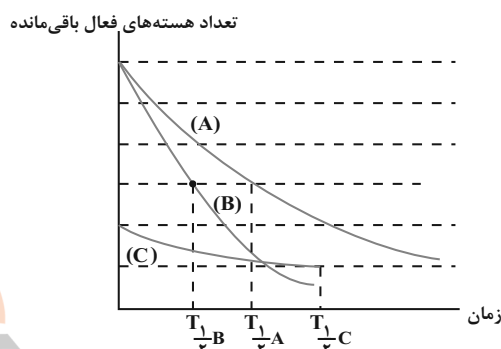
(امیرحسین برادران)

فرایند نشان داده شده مربوط به گسیل خود به خودی است که فوتون در جهت کاتوره‌ای گسیل شده است و انرژی فوتون گسیل شده برابر با $E_U - E_L$ است. (فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی؛ صفحه ۱۳۲)

۵۹- گزینه «۱»

(محمدرضا سورپی)

با توجه به شکل زیر، می‌بینیم، $T_C > T_A > T_B$ است. بنابراین، در مدت زمان یکسان، انتظار داریم، جرم فعال باقیمانده ماده‌ای که نیمه‌عمر آن کوچکتر است، کمتر باشد. در این صورت داریم:



$$T_C > T_A > T_B \Rightarrow T_{1/2C} > T_{1/2A} > T_{1/2B}$$

$$m = \frac{m_0}{\gamma^n} \Rightarrow m_C > m_A > m_B$$

دقت کنید، در رابطه $m = \frac{m_0}{\gamma^n}$ و $n = \frac{t}{T_{1/2}}$ هرچه $T_{1/2}$ بزرگ‌تر باشد،

حاصل $n = \frac{t}{T_{1/2}}$ کمتر می‌شود در نتیجه حاصل γ^n نیز کمتر خواهد شد،

در نتیجه مقدار m بزرگ‌تر می‌گردد.

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک هسته‌ای؛ صفحه ۱۵۵)

۶۰- گزینه «۳»

(ابوالفضل خالقی)

مطابق قانون کولن داریم:

$$F \propto \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \Rightarrow \frac{|q'_1| |q'_2|}{r'^2} = \frac{\frac{3}{2} |q_1| \cdot \frac{3}{2} |q_2|}{\left(\frac{1}{2} r\right)^2} = 9$$

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۵ تا ۹)

۶۱- گزینه «۳»

(امیرحسین برادران)

ابتدا با استفاده از قضیه کار و انرژی جنبشی بزرگی میدان الکتریکی را به دست می‌آوریم:

$$\Delta K = W_t = F_E \cdot d, K_f = \frac{1}{2} m v_f^2 \Rightarrow \frac{1}{2} m v_f^2 = E |q| d$$

$$\Rightarrow E = \frac{m v_f^2}{2 |q| d}$$

$$v_f = 5.0 \frac{m}{s}, m = 0.5 \times 10^{-6} kg, q = 4 \mu C, d = 2.0 cm = 0.02 m \Rightarrow E = \frac{0.5 \times 10^{-6} \times 5.0^2}{2 \times 4 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-2}}$$

$$= \frac{12500 N}{16 C}$$

اختلاف پتانسیل الکتریکی دو نقطه که در فاصله d' از یکدیگر در راستای خطوط میدان قرار دارند برابر است با:

$$\Delta V = E d' = \frac{12500 N}{16 C} \times \frac{1}{10} = 625 V$$

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۲۰ تا ۲۴)

۶۲- گزینه «۲»

(ابوالفضل خالقی)

چون الکترون از صفحه مثبت خازن به صفحه منفی منتقل شده است، بنابراین بار ذخیره شده در خازن افزایش می‌یابد. داریم:

$$q_2 = q_1 + ne, n = 5 \times 10^{13}, e = 1.6 \times 10^{-19} C \Rightarrow$$

$$q_2 = q_1 + \lambda(\mu C)$$

اکنون با استفاده از رابطه انرژی ذخیره شده در خازن داریم:

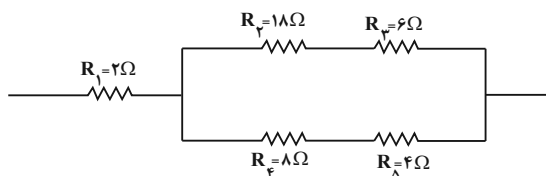
$$U = \frac{q^2}{2C} \Rightarrow \Delta U = \frac{q_2^2}{2C} - \frac{q_1^2}{2C}$$

$$\Rightarrow \Delta U = \frac{1}{2C} (q_2 - q_1)(q_1 + q_2)$$

$$\frac{q_2 - q_1 = \lambda \mu C}{C = 5 \mu F} \Rightarrow \Delta U = \frac{\lambda}{10} (2q_1 + \lambda) \frac{q_1 + C V_1 = 5 \mu C}{V_1 = 10 V}$$

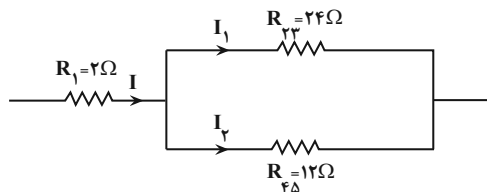
$$\Delta U = \frac{\lambda}{10} \times 10 \times 8 = 86 / 4 \mu J$$

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۳۸ تا ۴۰)



$$R_{23} = R_2 + R_3 = 18 + 6 = 24\Omega$$

$$\Rightarrow R_{45} = R_4 + R_5 = 8 + 4 = 12\Omega$$



$$V_1 = V_2 \Rightarrow R_{23}I_1 = R_{45}I_2 \Rightarrow 24I_1 = 12I_2 \Rightarrow I_2 = 2I_1$$

$$I_1 + I_2 = I \Rightarrow I_1 + 2I_1 = I \Rightarrow 3I_1 = I \Rightarrow I_1 = \frac{I}{3}$$

$$I_2 = 2I_1 = 2 \times \frac{I}{3} \Rightarrow I_2 = \frac{2}{3}I$$

اکنون توان مصرفی هریک از مقاومت‌ها را حساب می‌کنیم:

$$P_1 = R_1 I^2 \Rightarrow P_1 = 2I^2, P_2 = R_2 I_1^2 = 18 \times \frac{I^2}{9} \Rightarrow P_2 = 2I^2$$

$$P_3 = R_3 I_1^2 = 6 \times \frac{I^2}{9} \Rightarrow P_3 = \frac{2}{3}I^2$$

$$P_4 = R_4 I_2^2 = 8 \times \frac{4}{9}I^2 \Rightarrow P_4 = \frac{32}{9}I^2$$

$$P_5 = R_5 I_2^2 = 4 \times \frac{4}{9}I^2 \Rightarrow P_5 = \frac{16}{9}I^2$$

می‌بینیم، بیش‌ترین توان مصرفی مربوط به مقاومت R_4 است، بنابراین داریم:

$$P_4 = \frac{32}{9}I^2 \xrightarrow{P_4=128W} 128 = \frac{32}{9}I^2 \Rightarrow I^2 = 4 \times 9 \Rightarrow I = 6A$$

در آخر، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت R_1 را می‌یابیم. دقت کنید، از مقاومت R_1 جریان $I = 6A$ می‌گذرد.

$$V = R_1 I = 2 \times 6 \Rightarrow V = 12V$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های ۶۷ تا ۷۷)

(سراسری خارج ۹۸ کنکور تهرانی)

گزینه «۱» ۶۶

مطابق شکل نیروی وزن به طرف پایین و کشش دو فنر به طرف بالاست. برای این‌که نیرویی بر فنرها وارد نشود باید نیروی مغناطیسی وارد بر میله به طرف بالا و هم‌اندازه وزن آن باشد. تعیین جهت جریان: طبق قاعده دست راست برای این‌که نیروی وارد بر میله از طرف میدان مغناطیسی به طرف بالا باشد، سوی جریان باید به طرف راست (از C به طرف D) باشد.

(عطاالله شادآباد)

گزینه «۲» ۶۳

ابتدا با توجه به مشخصات داده شده جریان گذرنده از شاخه اصلی مدار (جریان کل) را با نوشتن معادله ولتاژ به دست می‌آوریم. چون معادل مقاومت‌های R با مقاومت 3Ω موازی است بنابراین ولتاژ یکسانی را مصرف می‌کنند. پس ولتاژ دو سر باتری بین مقاومت‌های 1Ω ، 4Ω و 3Ω تقسیم می‌شود ($V = RI$). $V = (4+1)I + 3 \times 2 = 21 \Rightarrow I = 3A$.
در مدارهای الکتریکی اصل بقای انرژی حکم می‌کند و توان خروجی باتری برابر است با توان مصرفی مقاومت‌ها:

$$P_{\text{خروجی}} = V_{\text{باتری}} I = 21 \times 3 = 63W$$

$$P_{\text{خروجی}} = P_{1\Omega} + P_{3\Omega} + P_{4\Omega} + P_R \xrightarrow{P=RI^2} \begin{cases} P_{1\Omega} = 1 \times 3^2 = 9W \\ P_{3\Omega} = 3 \times 3^2 = 27W \\ P_{4\Omega} = 4 \times 3^2 = 36W \end{cases}$$

$$\Rightarrow 63 = 9 + 36 + 12 + P_R$$

$$P_R = 6W$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های ۶۷ تا ۷۷)

(مریم شیخ‌ممو)

گزینه «۲» ۶۴

الف) نادرست است. بنا به رابطه $q = It$ ، آمپر - ساعت یکای بار الکتریکی است.
ب) نادرست است. در یک رسانای فلزی الکترون‌ها با سرعت سوق و خلاف جهت میدان الکتریکی حرکت می‌کنند.

پ) درست است. همان تعریف ابررسانایی است.

ت) درست است. بنا به رابطه $V = RI$ ، یکای اهم آمپر، یکای اختلاف پتانسیل الکتریکی (V) است که برابر ولت می‌باشد. از طرف دیگر، بنا به رابطه $V = \frac{\Delta U}{q}$ ، یکای اختلاف پتانسیل ژول بر کولن می‌باشد. بنابراین، اهم آمپر معادل ژول بر کولن است.

بنابراین، تعداد ۲ عبارت درست است.

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های ۳۶ تا ۵۳)

(مهدي شريفی)

گزینه «۱» ۶۵

ابتدا مقاومتی که بیش‌ترین توان را مصرف می‌کند، می‌یابیم. به همین منظور، جریان الکتریکی عبوری از هریک از مقاومت‌ها را برحسب جریان مقاومت R_1 که آن را I می‌نامیم، پیدا می‌کنیم. در ابتدا مقاومت معادل مقاومت‌های شاخه بالا و پایین را به دست می‌آوریم و سپس با توجه به برابر بودن اختلاف پتانسیل آنها، جریان هریک را برحسب I می‌یابیم:

اکنون با استفاده از قانونی القای الکترومغناطیسی فاراده، داریم:

$$\varepsilon_{av} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \quad \Delta \Phi = \Delta B \cos \theta \quad \theta = 0^\circ \Rightarrow \varepsilon_{av} = -NA \frac{\Delta B}{\Delta t} \quad I_{av} = \frac{\varepsilon_{av}}{R}$$

$$I_{av} = -\frac{NA \Delta B}{R \Delta t} \quad N=1, A=40 \times 10^{-4} \text{ m}^2 \quad R=5 \Omega, \frac{\Delta B}{\Delta t} = -1/25 \frac{\text{T}}{\text{s}}$$

$$I_{av} = -\frac{40 \times 10^{-4}}{5} \times (-1/25) \Rightarrow I_{av} = 0.01 \text{ A}$$

چون در بازه صفر تا ۲۰ میلی ثانیه، اندازه میدان در حال کاهش است، طبق قانون لنز، برای جلوگیری از کاهش شار مغناطیسی روی حلقه، حلقه میدانی هم جهت با میدان خارجی ایجاد می‌کند، در نتیجه طبق قانون دست راست جهت جریان از دید ناظر به صورت ساعت گرد است.

(فیزیک ۲- القای الکترومغناطیسی؛ صفحه‌های ۹۱ تا ۹۳)

۶۹- گزینه «۳» (مسئله عبوری نزار)

اختلاف فشار بین دو نقطه A و B بر حسب cmHg بیان شده است که به صورت: $\Delta P = P_{\text{مایع}} + P_{\text{جیوه}}$ بیان می‌شود.

$$\Delta P = P_{\text{مایع}} + P_{\text{جیوه}} \Rightarrow 12 = P_{\text{مایع}} + 10 \Rightarrow P_{\text{مایع}} = 2 \text{ cmHg}$$

ستون ۳۶ سانتی‌متری از مایع، فشاری برابر ۲ cmHg ایجاد می‌کند. بنابراین داریم:

$$(ph)_{\text{مایع}} = (ph)_{\text{جیوه}} \Rightarrow \rho \times 36 = 13/5 \times 2 \Rightarrow \rho = 0.75 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

(فیزیک ۱- ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۳۳ تا ۳۶)

۷۰- گزینه «۳» (زهره آقاممدری)

چون جسم‌های A و B هر دو در سطح مایع با چگالی ρ_1 شناورند.

$$\begin{cases} \rho_A < \rho_1 & (1) \\ \rho_B < \rho_1 & (2) \end{cases}$$

بنابراین چگالی آنها از چگالی مایع کمتر است:

از طرفی چون بیشتر حجم جسم A داخل مایع فرو رفته است، بنابراین چگالی

$$\rho_A > \rho_B \quad (3)$$

جسم A بیشتر از چگالی جسم B است:

و چون جسم C درون مایع غوطه ور است، چگالی آن با چگالی مایع برابر است:

$$\rho_C = \rho_1 \quad (4)$$

حال اگر جسم B داخل مایع به چگالی ρ_2 غوطه ور شود، می‌توان گفت که

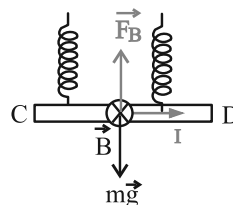
$$\rho_B = \rho_2 \xrightarrow{(2)} \rho_2 < \rho_1 \quad (5)$$

چگالی جسم B با چگالی ρ_2 برابر است:

بنابراین از رابطه‌های (۳) و (۴) و (۵)، داریم:

یعنی هر دو جسم A و C در مایع با چگالی ρ_2 ته نشین می‌شوند.

(فیزیک ۱- ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۳۰ و ۳۱)



محاسبه اندازه جریان: $F_{\text{net}} = 0 \Rightarrow F_B = mg$

$$\Rightarrow I \ell B = mg \Rightarrow I = \frac{mg}{\ell B} \quad m = 0.16 \text{ kg}, \ell = 0.1 \text{ m} \quad B = 0.4 \text{ T}$$

$$I = \frac{0.16 \times 10}{0.1 \times 0.4} = \frac{1.6}{0.4} = 4 \text{ A}$$

(فیزیک ۲- مغناطیس؛ صفحه‌های ۹۱ تا ۹۳)

۶۷- گزینه «۳» (دانیال الماسیان)

ابتدا میدان مغناطیسی داخل سیم‌لوله را محاسبه می‌کنیم:

$$B = \frac{\mu_0 N I}{l} \Rightarrow B = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 3000 \times 0.5}{0.2} \Rightarrow B = 3\pi \times 10^{-2} \text{ T}$$

$$l = 20 \text{ cm} = 0.2 \text{ m}$$

$$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}}$$

$$N = 3000$$

$$I = 0.5 \text{ A}$$

از طرفی با محاسبه سطح مقطع داریم:

$$A = \pi r^2 = \pi (2 \times 10^{-2})^2 = 4\pi \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$r = 2 \text{ cm} = 2 \times 10^{-2} \text{ m}$$

در نتیجه شار را می‌توان محاسبه کرد:

$$\Phi = BA = (3\pi \times 10^{-2})(4\pi \times 10^{-4}) = 12\pi^2 \times 10^{-6} \xrightarrow{\pi^2=10}$$

$$\Phi = BA = 12 \times 10^{-5} \text{ Wb}$$

(فیزیک ۲- ترکیبی، مغناطیس + القای الکترومغناطیسی؛ صفحه‌های ۱۰۰ و ۱۱۱)

۶۸- گزینه «۲» (زهره آقاممدری)

چون شیب نمودار میدان مغناطیسی بر حسب زمان، ثابت است، بنابراین آهنگ

تغییر میدان مغناطیسی در تمام بازه‌های زمانی بین صفر تا $t = 20 \text{ ms}$ ثابت

$$\frac{\Delta B(15 \text{ ms تا } 5 \text{ ms})}{\Delta t} = \frac{\Delta B(20 \text{ ms تا صفر})}{\Delta t}$$

است. بنابراین داریم:

$$\Rightarrow \frac{\Delta B}{\Delta t} = \frac{B_2 - B_0}{\Delta t} = \frac{0 - 250 \times 10^{-4}}{20 \times 10^{-3}} \Rightarrow \frac{\Delta B}{\Delta t} = -1/25 \frac{\text{T}}{\text{s}}$$

۷۱- گزینه «۴»

(علیرضا آذری)

با توجه به شرایط خلأ و پابستگی انرژی مکانیکی داریم:

$$E_1 = E_2 \Rightarrow U_1 + K_1 = U_2 + K_2 \quad \begin{matrix} U_1 = 0, U_2 = mgh \\ K_2 = \frac{1}{2}mv_2^2 = \frac{1}{2}mgh \end{matrix}$$

$$0 + \frac{1}{2}mv_1^2 = mgh + \frac{1}{2}mgh$$

$$\frac{v_1 = 40 \frac{m}{s}}{\rightarrow} \frac{10h + 30h}{3} = \frac{1}{2} \times 40^2$$

$$40h = 2400 \Rightarrow h = 60m$$

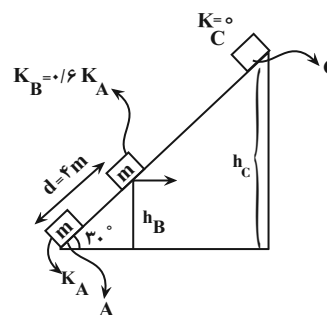
بنابراین گزینه «۴» پاسخ درست است.

(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۶۸ تا ۷۰)

۷۲- گزینه «۱»

(امیرحسین برادران)

قضیه کار و انرژی جنبشی را بین دو نقطه A و B و همچنین دو نقطه A و C می‌نویسیم:



$$K_B - K_A = -fd - mgd \sin 30^\circ = d(-f - mg \sin 30^\circ)$$

$$K_C - K_A = -fd' - mgd' \sin 30^\circ = d'(-f - mg \sin 30^\circ)$$

$$\Rightarrow \frac{0.6K_A - K_A}{0 - K_A} = \frac{d}{d'} \Rightarrow \frac{-0.4K_A}{-K_A} = \frac{d}{d'} \Rightarrow \frac{d}{d'} = 0.4$$

$$0.4 = \frac{d}{d'} \Rightarrow d' = 10m$$

(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۶۱ تا ۶۳)

۷۳- گزینه «۲»

(ممطفی کیانی)

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱» نادرست است. افزایش فشار هوا، آهنگ تبخیر سطحی را کاهش می‌دهد.

گزینه «۲» درست است. در قله کوه‌ها که فشار هوا کمتر است، نقطه ذوب

برف افزایش می‌یابد، در نتیجه، چون دمای هوا در قله‌ها کمتر از نقطه ذوب

برف است، لذا، قادر به ذوب برف نخواهد بود و برف دیرتر ذوب می‌شود.

گزینه «۳» نادرست است. طبق رابطه $F = 1/8\theta + 32$ ، دمای $-50.8^\circ F$ برابر $-30.0^\circ C$ می‌شود که از $-273^\circ C$ ، که پایین‌ترین حد ممکن برای دما است، کمتر خواهد شد.

$$-50.8 = 1/8\theta + 32 \Rightarrow -84.8 = 1/8\theta \Rightarrow \theta = -678.4^\circ C$$

گزینه «۴» نادرست است. افزایش فشار وارد بر آب خالص سبب افزایش دمای نقطه جوش و کاهش دمای نقطه ذوب آب می‌شود. بنابراین اختلاف دمای نقطه جوش و انجماد افزایش می‌یابد.

(فیزیک ۱- دما و گرما: صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۱۱)

۷۴- گزینه «۲»

(آرش یوسفی)

با افزایش دما حجم ظرف و مایع افزایش می‌یابد و زمانی که افزایش حجم مایع با مجموع افزایش حجم ظرف و حجم قسمت خالی ظرف برابر شود، مایع شروع به بیرون ریختن از ظرف می‌کند.



$$V_{\text{خالی}} = 1/2 - 1 = -1/2 L$$

$$\Delta V_{\text{مایع}} = \Delta V_{\text{ظرف}} + V_{\text{خالی}} \Rightarrow V_{\text{مایع}} \beta \Delta \theta = V_{\text{ظرف}} \beta \Delta \theta + V_{\text{خالی}}$$

$$1 \times 6 / 4 \times 10^{-4} \times \Delta \theta = 1/2 \times 3 \times \frac{2}{3} \times 10^{-4} \Delta \theta + 0/2$$

$$(6 / 4 \times 10^{-4} - 2 / 4 \times 10^{-4}) \Delta \theta = 0/2 \Rightarrow 4 \times 10^{-4} \Delta \theta = 0/2$$

$$\Delta \theta = \frac{0/2}{4 \times 10^{-4}} = 500^\circ C \rightarrow \theta_2 = 60^\circ C$$

سوال مقدار θ_2 را می‌خواهد نه مقدار $\Delta \theta$

(فیزیک ۱- دما و گرما: صفحه‌های ۹۳ و ۹۴)

۷۵- گزینه «۳»

(مهمعلی راست‌پیمان)

می‌دانیم در چرخه $\Delta U = 0$ است. از طرف دیگر، چون چرخه ساعتگرد است، کار بر روی گاز در طی چرخه منفی است. بنابراین با استفاده از قانون اول ترمودینامیک می‌توان نوشت:

$$\Delta U = Q + W \xrightarrow{\Delta U = 0} 0 = Q + W \Rightarrow Q = -W$$

$$\xrightarrow{W < 0} Q > 0$$

می‌بینیم $\Delta U = 0$ ، $W < 0$ و $Q > 0$ است.

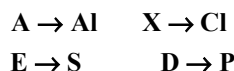
(فیزیک ۱- ترمودینامیک: صفحه‌های ۱۲۸ تا ۱۴۰)

شیمی

۷۶- گزینه «۴»

(فرزاد حسینی)

ابتدا هر عنصر را مشخص می‌کنیم.



گزینه «۱»: نادرست، عنصر D، فسفر می‌باشد که در گروه ۱۵ جدول است

ولی $Z = 31$ در گروه ۱۳ است.

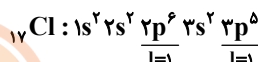
گزینه «۲»: نادرست، عنصر A، Al می‌باشد که

$$A = Z + n = 13 + 14 = 27$$

گزینه «۳»: نادرست. عنصر E، گوگرد (S) است که در ترکیب با سدیم

Na_2E می‌دهد.

گزینه «۴»: درست



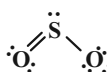
عنصر X دارای ۱۱ الکترون با $I = 1$ می‌باشد که با عدد اتمی Na برابر است.

(شیمی ۱- کیهان زادگله الفبای هستی: صفحه‌های ۳۴ تا ۳۸)

۷۷- گزینه «۴»

(امیرحسین تولکی)

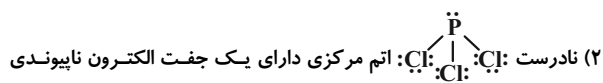
۱) نادرست SO_2 :



۶ جفت الکترون ناپیوندی (۱۲ الکترون)

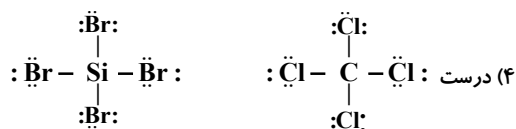
۳ جفت الکترون پیوندی (۶ الکترون)

دارای ساختار خمیده است.



است.

۳) نادرست CO دارای پیوند سه گانه است: $C \equiv O:$



۴) درست

خواص شیمیایی شبه فلزها همانند نافلزها است در نتیجه خواص شیمیایی C و Si همانند یکدیگر است.

(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی: صفحه‌های ۵۵ و ۵۶)

۷۸- گزینه «۳»

(علیرضا بیانی)

گزینه «۱»: درست می‌باشد. HF به دلیل توانایی در برقراری جاذبه

هیدروژنی نقطه جوش بالایی دارد و مقایسه نقطه جوش ترکیب‌های هیدروژن

دار عنصرهای گروه ۱۷ بصورت زیر است:



گزینه «۲»: درست می‌باشد. H_2O قطبی و I_2 ناقطبی بوده که به نقطه

جوش آن مربوط نیست.

گزینه «۳»: نادرست می‌باشد. زیرا تشکیل بلورهای سدیم کلرید در حاشیه

دریاچه‌ها، اسمز نیست و تبلور نام دارد.

گزینه «۴»: درست می‌باشد. نمودار انحلال پذیری گازها و لیتیم سولفات در

آب، نزولی بوده و فرآیندی گرما ده هستند.

(شیمی ۱- آب، آهنگ زندگی: صفحه‌های ۱۰۷ و ۱۱۰ تا ۱۱۲)

۷۹- گزینه «۴»

(فاطمه خاطمی)

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: نیتریک اسید قوی است و K_a بزرگی دارد.

گزینه «۲»: هر چه شمار کربنها کمتر باشد کربوکسیلیک اسید قوی‌تر است.

گزینه «۳»: ثابت یونش فقط به دما بستگی دارد و با تغییر غلظت، تغییر نمی‌کند.

گزینه «۴»: HF از HCN قوی‌تر است و بیشتر یونیده می‌شود و باعث

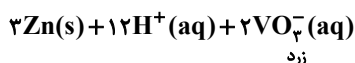
رسانایی الکتریکی بیشتر می‌شود.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی: صفحه‌های ۲۰ تا ۲۴)

۸۰- گزینه «۴»

(پوریا توپیان)

به جز گزینه آخر سایر گزینه‌ها درست هستند.



زرد

(علی رمشانی)

۸۳- گزینه «۲»

طبق واکنش $2\text{H}_2\text{S} + \text{CH}_4 \rightarrow \text{CS}_2 + 4\text{H}_2$ هر ۲ مول H_2S با یک مول CH_4 واکنش می‌دهد، پس جرم مولی مخلوط برابر $2\text{H}_2\text{S} + \text{CH}_4 = 84\text{g.mol}^{-1}$ است.

برای محاسبه اختلاف حجم فراورده‌های گازی کفایت از اختلاف ضریب استوکیومتری این دو ماده استفاده کنیم.

روش اول:

$$42\text{g} \times \frac{1\text{mol}}{84\text{g}} \times \frac{3\text{mol}}{1\text{mol}} \times \frac{22.4\text{L}}{1\text{mol}} = 33.6\text{L}$$

روش دوم:

اختلاف مجموع

$$\frac{42}{84 \times 1} = \frac{x}{22.4 \times 3} \Rightarrow x = 33.6\text{L}$$

(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی: صفحه‌های ۷۹ تا ۸۱)

(عبدالرشید یلیمه)

۸۴- گزینه «۳»

(آ) در بلور ماسه، حاوی SiO_2 ، روی هر اتم اکسیژن دو جفت الکترون ناپیوندی (n.e) است. در حالی که اتم‌های Si فاقد جفت الکترون ناپیوندی اند. (درست)

$$\frac{1\text{mol SiO}_2}{60\text{g SiO}_2} \times \frac{100\text{g ماسه}}{100\text{g ماسه}} \times \frac{1\text{mol SiO}_2}{1\text{mol SiO}_2} \times \frac{2\text{mol O}}{1\text{mol SiO}_2} \times \frac{2\text{mol (n.e)}}{1\text{mol O}} \times \frac{6.02 \times 10^{23}}{1\text{mol n.e}} = 4 / 816 \times 10^{22} \text{ n.e}$$

(ب) واژه شبکه بلور برای توصیف آرایش سه بعدی و منظم اتم‌ها، مولکول‌ها و یون‌ها در حالت جامد به کار می‌رود. (درست)

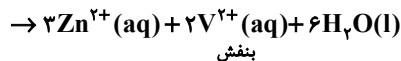
(پ) با توجه به توضیحات رو به رو این مطلب نادرست است.

$$\frac{\text{تعداد آنیون}}{\text{تعداد کاتیون}} = \frac{3}{2} = 1.5$$

$$\frac{\text{تعداد کاتیون}}{\text{تعداد آنیون}} = \frac{3}{1} = 3$$

(ت) در مولکول قطبی کربونیل سولفید (SCO) با جایگزین کردن اتم اکسیژن توسط اتم گوگرد، مولکول ناقطبی کربن دی سولفید (CS_2) تشکیل می‌شود و گشتاور دو قطبی کم می‌شود. (درست)

(شیمی ۳- شیمی، جلوه‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری: صفحه‌های ۶۹، ۷۶ و ۸۰)



بنفش

حتی اگر مقدار فلز روی خیلی زیاد باشد، باز نمی‌توان یون VO_2^+ را به اتم فلز V کاهش دهد.

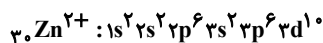
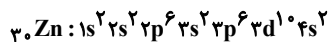
(شیمی ۳- شیمی، جلوه‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری: صفحه‌های ۷۹ تا ۸۶)

۸۱- گزینه «۱»

(مفسر زمر پور)

در کاتیون‌ها داریم:

$$Z = \frac{A - \text{بار یون} + \text{اختلاف نوترون و الکترون}}{2} = \frac{65 - 2 + 2}{2} = 30$$



$$a = 6 \quad b = 2 + 6 + 10 = 18 \quad \frac{b}{a} = 3$$

(شیمی ۱- کیهان، زاگانه الغبای هستی: صفحه‌های ۱۵، ۳۰ تا ۳۴)

۸۲- گزینه «۱»

(غریب علیروست)

باید گرمای حاصل از سرد کردن گاز کربن دی اکسید را حساب کنیم اما ابتدا باید جرم آن را به دست آوریم:

$$2000\text{m}^3 \times \frac{10^3\text{L}}{1\text{m}^3} \times \frac{1\text{g CO}_2}{44\text{g CO}_2} = 3 \times 10^6 \text{g CO}_2$$

$$Q = mc\Delta\theta \Rightarrow Q = 3 \times 10^6 \times 0.85 \times 10 = 2.55 \times 10^7 \text{J}$$

این مقدار گرما به آب داده شده است و فرآیند زیر اتفاق افتاده است:



$$Q_1 + Q_2 = 2.55 \times 10^7 \text{J} \Rightarrow (m \times 4.2 \times 80) + \left(\frac{m}{18} \times 45 \times 10^3\right)$$

$$= 2.55 \times 10^7 \text{J}$$

$$\Rightarrow 336m + 2500m = 2.55 \times 10^7 \Rightarrow m = 8991 / 50 \text{g} = 9\text{kg H}_2\text{O}$$

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه‌های ۵۷ و ۵۸)

۸۵- گزینه «۱»

(غسیین ناصری ثانی)

نام ترکیب	آهن (III) کلرید	لیتیم نیترید	آلومینیم نیترات	منگنز (II) سولفید	کروم (II) نیترید	کلسیم اکسید
فرمول شیمیایی	FeCl ₃	Li ₃ N	Al(NO ₃) ₃	MnS	Cr ₂ N ₃	CaO
نسبت شمار آتیون به کاتیون	۳ = ۱	۱ = ۳	۳ = ۱	۱ = ۱	۲ = ۳	۱ = ۱

نتیجه: در آهن (III) کلرید و آلومینیم نیترات، نسبت شمار آتیون به شمار کاتیون برابر ۳ است.

(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

۸۶- گزینه «۳»

(سایر شیری طرز م)

موارد اول، دوم و چهارم درست‌اند.

بررسی عبارت‌ها:

مورد اول) ترکیب‌های هیدروژن‌دار عناصر گروه ۱۴ ناقطبی بوده و با افزایش جرم مولی، قدرت نیروهای بین مولکولی و نقطه جوش افزایش می‌یابد؛ اما در ترکیب‌های هیدروژن‌دار عناصر گروه ۱۷، HF به دلیل تشکیل پیوند هیدروژنی نقطه جوش بالاتری از سایر ترکیب‌های عناصر این گروه دارد. مورد دوم) اتانول در آب محلول است. بنابراین:

میانگین نیروی جاذبه
میان مولکول‌های آب خالص
و اتانول خالص

مورد سوم) مولکول‌های CO₂ ناقطبی بوده و در میدان الکتریکی جهت‌گیری نمی‌کنند. مورد چهارم) HF ترکیبی قطبی بوده و میان مولکول‌های آن پیوند هیدروژنی تشکیل می‌شود. بنابراین نقطه جوش آن بالاتر از F₂ بوده و آسان‌تر مایع می‌شود. (شیمی ۱- آب، آهنگ زندگی؛ صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۰۷ و III)

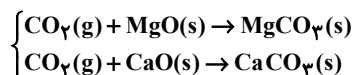
۸۷- گزینه «۴»

(علی امینی سورکلایی)

بررسی موارد نادرست:

گزینه «۱» سوخت سبز دارای اتم‌های کربن و هیدروژن و اکسیژن است. (نه نیتروژن) گزینه «۲» پلاستیک سبز پلیمری (نه مونومر) بر پایه نشاسته است.

گزینه «۳» CO₂ را در واکنش با اکسید فلزات قلیایی خاکی (گروه ۲) به صورت CO₃²⁻ تثبیت می‌کنند.

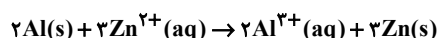


(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۰ و ۷۱)

۸۸- گزینه «۱»

(حامد صابری)

فقط Al می‌تواند با Zn²⁺ واکنش دهد:



به ازای هر ۳ مول Zn جامد تولید شده، ۲ مول Al جامد مصرف می‌شود و چون فقط ۸۰٪ یون‌های روی بر روی تیغه می‌نشیند، پس تغییر جرم تیغه با توجه به معادله به صورت زیر است:

$$102\text{g} = (2 \times 27) - (3 \times 65 \times \frac{80}{100})$$

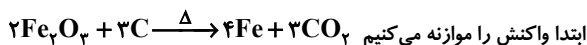
در این واکنش ۶ mol الکترون مبادله می‌شود پس:

$$2 / 40.8 \times 10^{24} e^- \times \frac{1 \text{ mole}^-}{6 / 0.2 \times 10^{23} e^-} \times \frac{\text{تغییر جرم } 102\text{g}}{6 \text{ mole}^-} = 68\text{g}$$

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه‌های ۴۲ تا ۴۷)

۸۹- گزینه «۳»

(سیدعلی اشرفی دوست سلماسی)



ابتدا واکنش را موازنه می‌کنیم
چون همه مواد در حالت جامد هستند و فقط CO₂ حالت گازی دارد و ظرف واکنش را ترک می‌کند.

بنابراین تفاوت جرم جامد ثانویه و جامد اولیه مربوط به مقدار گاز CO₂ تولید شده در این واکنش است.

به عبارت دیگر کافی است بدون درگیر شدن به محاسبات مربوط به درصد خلوص و بازده درصدی از روی آهن تولید شده، مقدار گاز CO₂ تولید شده را بدست آوریم.

$$16 / 8\text{gFe} \times \frac{1 \text{ mol Fe}}{56\text{gFe}} \Rightarrow \text{روش کتاب درسی}$$

مجموع آنتالپی سوختن فراورده‌ها - مجموع آنتالپی سوختن واکنش دهنده‌ها = واکنش ΔH

$$\Delta H_{\text{واکنش}} = [\Delta H_{\text{سوختن}} \text{C}_7\text{H}_6 + \Delta H_{\text{سوختن}} \text{H}_2] - [2\Delta H_{\text{سوختن}} \text{CH}_4]$$

$$\Delta H_{\text{واکنش}} = [2(-890)] - [-1560 + (-286)] = +66 \text{ kJ}$$

گرماگیر

$$\text{C}_7\text{H}_6 \text{ جرم مولی} = 2(12) + 6(1) = 30$$

$$? \text{ kJ} = 60 \text{ g C}_7\text{H}_6 \times \frac{1 \text{ mol C}_7\text{H}_6}{30 \text{ g C}_7\text{H}_6} \times \frac{+66 \text{ kJ}}{1 \text{ mol C}_7\text{H}_6} = +132 \text{ kJ}$$

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه‌های ۷۱، ۷۲، ۷۳ و ۷۴)

(سایدر شیرین طرز)

۹۲- گزینه «۴»

$$\text{حجم محلول نهایی} = 150 \text{ g} \times \frac{1 \text{ mL}}{1 \text{ g}} + 60 \text{ g} \times \frac{1 \text{ mL}}{1/2 \text{ g}} = 200 \text{ mL}$$

$$\text{SO}_4^{2-} \text{ مجموع مول} = 0/2 \text{ L محلول نهایی} \times \frac{0/01 \text{ mol SO}_4^{2-}}{1 \text{ L محلول}}$$

$$= 0/0036 \text{ mol SO}_4^{2-}$$

$$? \text{ mol SO}_4^{2-} = 150 \text{ g محلول} \times \frac{2130 \text{ g Na}_2\text{SO}_4}{100 \text{ g محلول}}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol SO}_4^{2-}}{142 \text{ g Na}_2\text{SO}_4} = 0/00225 \text{ mol SO}_4^{2-}$$

$$\text{CaSO}_4 \text{ در محلول} = 0/0036 - 0/00225 = 0/00135 \text{ mol SO}_4^{2-}$$

$$? \text{ g CaSO}_4 = 0/00135 \text{ mol SO}_4^{2-}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol CaSO}_4}{1 \text{ mol SO}_4^{2-}} \times \frac{136 \text{ g CaSO}_4}{1 \text{ mol CaSO}_4} = 0/1836 \text{ g CaSO}_4$$

$$\text{CaSO}_4 \text{ انحلال پذیری} = \frac{0/1836 \text{ g CaSO}_4}{60 \text{ g آب}} \times 100 = 0/306$$

(شیمی ۱- آب، آهنگ زندگی: صفحه‌های ۹۴، ۹۵ و ۹۸ تا ۱۰۳)

(امین نوروزی)

۹۳- گزینه «۳»

$$\text{pH} = 13/7 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-13/7}$$

$$\Rightarrow 10^{-14} \times 10^{0/3} \Rightarrow [\text{H}^+] = 2 \times 10^{-14} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[\text{H}^+][\text{OH}^-] = 10^{-14} \Rightarrow [\text{OH}^-] = 0/5 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\frac{[\text{H}^+]}{[\text{OH}^-]} = \frac{2 \times 10^{-14}}{0/5} = 4 \times 10^{-14}$$

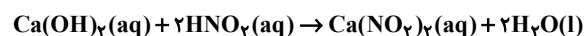
$$\times \frac{3 \text{ mol CO}_2}{4 \text{ mol Fe}} \times \frac{44 \text{ g CO}_2}{1 \text{ mol CO}_2} = 9/9 \text{ g CO}_2$$

$$\text{روشن تستی} \Rightarrow \frac{4 \times 56}{16/8 \text{ g}} \text{ Fe} \sim \frac{3 \times 44}{x \text{ g}} \text{ CO}_2 \Rightarrow x = \frac{16/8 \times 3 \times 44}{4 \times 56} = 9/9 \text{ g}$$

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برانیم: صفحه‌های ۲۲ تا ۲۵)

۹۰- گزینه «۲»

(مادر رمضان)



$$\text{Ca(OH)}_2 : \text{pH} = 11/6 \xrightarrow{\text{pH} + \text{pOH} = 14}$$

$$\text{pOH} = 14 - 11/6 = 2/4 \Rightarrow [\text{OH}^-] = 10^{-2/4}$$

$$[\text{OH}^-] = 10^{-3+0/6} = 10^{-3} \times 10^{0/6} = 4 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$M_{\text{Ca(OH)}_2} = \frac{[\text{OH}^-]}{2} = 2 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$m_1 v_1 n_1 = m_2 v_2 n_2 \Rightarrow 2 \times 10^{-3} \times 20 \times 2 = m_2 \times 8 \times 1$$

$$\Rightarrow m_2 = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1} \rightarrow \text{غلظت اسید}$$

$$[\text{H}^+] = 10^{-3/7} = 10^{-4+0/3} = 2 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\Rightarrow \alpha = \frac{[\text{H}^+]}{M} = \frac{2 \times 10^{-4}}{10^{-2}} = 0/02$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۱۹، ۲۴ تا ۲۸ و ۳۰)

(حسن رحمتی کوکندر)

۹۱- گزینه «۱»

ابتدا به کمک آنتالپی سوختن گازهای متان و پروپان آنتالپی سوختن گاز اتان را

به دست می‌آوریم:



$$-890 \xrightarrow{-d} x \xrightarrow{-d} -2230$$

$$x = \Delta H_{\text{اتان سوختن}} = \frac{-890 + (-2230)}{2} = -1560$$

حال به کمک قانون هس و آنتالپی سوختن مواد می‌توان از رابطه زیر



$$\Rightarrow \frac{20 \times 2 / 5}{100 \times 1} = \frac{29 / 5}{1 \times M_w} \Rightarrow M_w = 59 \text{ g mol}^{-1}$$

فرمول عمومی آمین ها در شرایطی که به آمین ۲ هیدروژن متصل باشد، به

صورت $C_n H_{2n+3} N$ است. بنابراین:

$$C_n H_{2n+3} N \Rightarrow \text{جرم مولی} = (12 \times n) + (2n + 3 \times 1) + 14$$

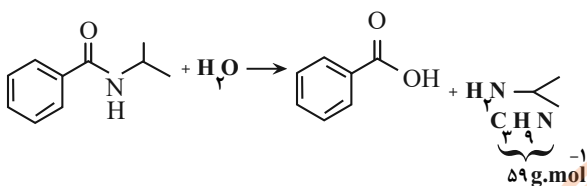
$$= 12n + 2n + 3 + 14 = 14n + 17$$

با جرم مولی آمینی که به دست می آوریم، برابر قرار می دهیم:

$$14n + 17 = 59 \Rightarrow 14n = 42 \Rightarrow n = 3$$

در بین گزینه های موجود، تنها گزینه «۱» می تواند آمینی دهد که دارای ۳

کربن باشد.



(شیمی ۲- پوشاک، نیازی پایان ناپزیر: صفحه های ۱۱۶ و ۱۱۷)

(علی رفیعی)

۹۶- گزینه «۳»

(۱) درست. مقایسه درست سرعت انجام واکنش ها:

تجزیه سلولز > زنگ زدن آهن > تشکیل رسوب $AgCl$ > انفجار

(۲) درست

(۳) نادرست. افزایش دما سرعت انجام واکنش های گرماده و گرماگیر را

افزایش می دهد.

(۴) درست.

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه های ۸۰ تا ۸۳)

(رضا سلیمانی)

۹۷- گزینه «۳»

بررسی گزینه ها:

گزینه «۱»: مجموع تغییر عدد اکسایش اتم های کربن، در واکنش (I)

(اکسایش پارازایلن به ترفتالیک اسید) ۱۲ واحد و در واکنش (II) (اکسایش

اتن به اتیلن گلیکول) ۲ واحد است.

گزینه «۲»: پارازایلن و اتن را می توان به طور مستقیم از نفت خام تهیه کرد.

$$[OH^-] = [KOH] \Rightarrow 0.5$$

$$M = \frac{n}{V} \Rightarrow 0.5 = \frac{n}{0.75L} \Rightarrow 0.375 \text{ mol KOH}$$

$$0.375 \text{ mol KOH} \times \frac{56 \text{ g KOH}}{1 \text{ mol KOH}} \Rightarrow 21 \text{ g KOH}$$

$$\text{ppm} = \frac{\text{نمک}}{\text{محلول}} \times 10^6 = \frac{21}{70} \times 10^6 = 3 \times 10^5 \text{ ppm}$$

(شیمی ۳- مولکول ها در فرمت تندرستی: صفحه های ۲۴ تا ۲۸)

۹۴- گزینه «۲» (امیرمسین طبیبی)

بررسی همه موارد:

مورد اول) نادرست - نقطه جوش AsH_3 به دلیل جرم مولی بیشتر، از

PH_3 بیشتر است.

مورد دوم) درست - نقطه جوش N_2O به دلیل جرم مولی بیشتر و قطبی بودن از

CH_4 بیشتر است. در نتیجه هنگام کاهش دما، آسان تر به مایع تبدیل می شود.

مورد سوم) نادرست - قدرت نیروی بین مولکولی در Br_2 از N_2 بیشتر است.

زیرا هر دو ناقطبی بوده و Br_2 جرم مولی بیشتری دارد.

مورد چهارم) درست - CH_3Cl برخلاف SO_3 قطبی است.

مورد پنجم) درست - اتمی که به سمت قطب منفی میدان الکتریکی جهت گیری

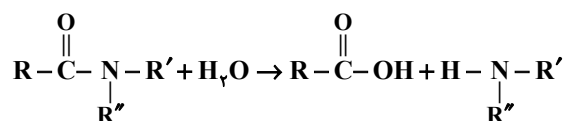
می کند باید بار جزئی مثبت داشته باشد. در CO اتم دارای بار جزئی مثبت اتم

C است ولی در HF اتم دارای بار جزئی مثبت اتم H است.

(شیمی ۱- آب، آهنک زندگی: صفحه های ۱۰۳ تا ۱۰۷)

۹۵- گزینه «۱» (امیرمسین نوروزی)

واکنش آبکافت آمیدها به صورت زیر می باشد:



از روی گرم آمین به دست آمده و واکنش فوق، جرم مولی آمین تولیدی را به

دست می آوریم:

$$\frac{\text{گرم آمین}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} = \frac{\text{مول آمید} \times \text{بازده واکنش}}{100 \times \text{ضریب}}$$

$$? \text{ g H}_2\text{O}_2 = 3 \text{ kJ} \times \frac{1 \text{ mol H}_2\text{O}_2}{204 \text{ kJ}} \times \frac{34 \text{ g H}_2\text{O}_2}{1 \text{ mol H}_2\text{O}_2} = 0.5 \text{ g H}_2\text{O}_2$$

روش دوم برای بدست آوردن $\text{H}_2\text{O}_2 \leftarrow \text{g}$

$$\frac{\text{گرم}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} = \frac{Q}{|\Delta H|} \Rightarrow \frac{x \text{ g H}_2\text{O}_2}{1 \times 34} = \frac{3 \text{ kJ}}{-204}$$

$$\Rightarrow \text{g H}_2\text{O}_2 = 0.5 \text{ g}$$

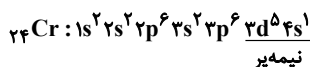
(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه‌های ۷۲ و ۷۳)

(رسول عابرینی زواره)

۱۰۰- گزینه «۲»

فقط عبارت پ نادرست است.

در عنصر Cr ۲۴، دو زیرلایه $4s$ و $3d$ به ترتیب دارای ۱ و ۵ الکترون می‌باشند. (زیرلایه‌های نیمه پر)



بررسی عبارت‌ها:

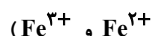
(آ) ۷ زیرلایه از الکترون اشغال شده است.

(ب) الکترون‌ها با $l=0$ الکترون‌های زیرلایه s و الکترون‌ها با $n=4$

الکترون‌های لایه چهارم است. $\frac{7}{1} = 7$

(پ) عنصر در گروه ۶ جای دارد و نماد شیمیایی آن دو حرفی است. (Cr)

(ث) Cr (کروم) دو نوع کاتیون Cr^{2+} و Cr^{3+} دارد. (مانند کاتیون‌های



(شیمی ۱- کیهان زارگانه القباوی هستی: صفحه‌های ۲۷ تا ۳۸)

(شهرزاد معرفت اینزری)

۱۰۱- گزینه «۱»

گزینه «۱»: واکنش پذیری $\text{Na} > \text{Zn} > \text{Cu}$ است پس Na بیشتر از Zn و

Cu تمایل به از دست دادن e^- دارد.

گزینه «۲»: K ۱۹ دارای آرایش الکترونی $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 4s^1$ است که در

زیر لایه p آن، $12e^-$ وجود دارد و تمایل به از دست دادن الکترون $K > Fe$ است.

گزینه «۳»: در هر دو مولکول ترفتالیک اسید و اتیلن گلیکول، ۶ اتم هیدروژن وجود دارد.

گزینه «۴»: از اکسایش پارازایلن در حضور اکسیژن و کاتالیزگرهای مناسب هم، ترفتالیک اسید به دست می‌آید.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن تر: صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۶)

(مسن رممتی کوکنده)

۹۸- گزینه «۱»

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: آلومینیم به دلیل داشتن E° منفی

$$(E^\circ [\text{Al}^{3+} / \text{Al}] = -1.66 \text{ V}) \text{ فلزی فعال است که به سرعت در هوا}$$

اکسید می‌شود.

گزینه «۲»: در آبکاری کلید آهنی با کروم باید محلول الکترولیت یون‌های کروم (Cr^{3+}) را داشته باشند.

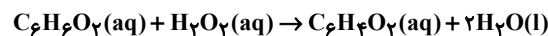
گزینه «۳»: در برقکافت آب جهت افزایش رسانایی الکتریکی آن، مقدار ناچیزی الکترولیت به آن می‌افزایند.

گزینه «۴»: سلول‌های سوختی برخلاف باتری‌ها، انرژی شیمیایی را ذخیره نمی‌کنند. (شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی: صفحه‌های ۴۹، ۵۰، ۵۴ و ۶۰ تا ۶۲)

(میلاد قاسمی)

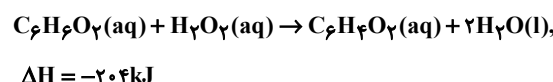
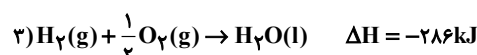
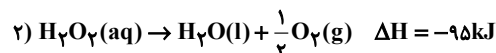
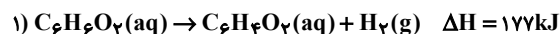
۹۹- گزینه «۳»

برای رسیدن به واکنش هدف:



کافیت و اکشن اول را ثابت، و اکشن دوم را در $\frac{1}{3}$ و اکشن سوم را در $\frac{1}{4}$

ضرب کنیم تا به واکنش هدف برسیم.



۱۰۴- گزینه «۲»

(مسعود طبرسا)

موارد الف و ت درست است. بررسی موارد:

الف) کولار از ۴ عنصر C, H, N و O تشکیل شده و ویتامین (ت) از سه عنصر C, H و O تشکیل شده است.

ب) اگر طول زنجیره کربنی کم شود، انحلال پذیری افزایش می یابد.

پ) این بوی بد ناشی از ماندن لباس در آب به دلیل گروه آمین یا مونومرهای اسیدی است نه آمید.

ت) ویتامین C و ویتامین D هر دو دارای عامل OH در ساختار خود هستند، پس پیوند هیدروژنی می تواند بین آنها تشکیل شود.

(شیمی ۲- پوشاک، نیازی پایان ناپذیر؛ صفحه های ۱۱۰ تا ۱۱۲، ۱۱۴ و ۱۱۵)

۱۰۵- گزینه «۳»

(ممدعلی مؤمن زاده)

بررسی گزینه های نادرست

گزینه «۱»: در ساختار سیانواتن یک پیوند سه گانه $C \equiv N$ وجود دارد در حالی که در ساختار پلی سیانو اتن n پیوند از آن یافت می شود (n برابر تعداد واحدهای تکرارشونده است)

گزینه «۲»: در ساختار پلی استیرن ۳n پیوند دوگانه $C = C$ وجود دارد در حالی که در مونومر آن ۴ پیوند دوگانه $C = C$ یافت می شود.

گزینه «۴»: بر اثر پلیمری شدن $C_2H_4(g)$ ، ماده سفیدرنگ با فرمول $(C_2H_4)_n(s)$ تولید می شود نه $C_2H_4(s)$.

(شیمی ۲- پوشاک، نیازی پایان ناپذیر؛ صفحه های ۱۰۲ و ۱۰۴)

گزینه «۳»: فلزی با واکنش پذیری بیشتر (Ca) می تواند با نمک فلزی که واکنش پذیری کم تر (Al) دارد به طور طبیعی واکنش داده و آن را از نمک خود خارج کند.

گزینه «۴»: $^{21}_{Sc}$ با آرایش الکترونی $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 3d^1 4s^2$ است که در $4s$ ، دو الکترون در $n=3, l=2$ یعنی $3d$ ، دارای $1e^-$ است و در ساختار تلویزیون رنگی کاربرد دارد.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمین را بدانیم؛ صفحه های ۱۲ تا ۱۶)

۱۰۲- گزینه «۲»

(بهنام قازانچایی)

مجموع ضرایب: $20 \Rightarrow 3Cu + 8HNO_3 \rightarrow 3Cu(NO_3)_2 + 2NO + 4H_2O$
مجموع ضرایب: $10 \Rightarrow Cu + 4HNO_3 \rightarrow Cu(NO_3)_2 + 2NO_2 + 2H_2O$
 $20 - 10 = 10 =$ اختلاف مجموع ضرایب

(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی؛ صفحه های ۶۲ تا ۶۴)

۱۰۳- گزینه «۴»

(سیدعلی اشرفی دوست سلماسی)

$Na > Mg$: واکنش پذیری (۱)
 Na با آرایش الکترونی $1s^2 2s^2 2p^6 3s^1$ ، ۵ الکترون با $l=0$ داشته و دومین فلز قلیایی خاکی Mg است.

$Ti > Fe$: واکنش پذیری (۲)
در Ti با آرایش $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 3d^2 4s^2$ ، تعداد الکترون های لایه سوم، ۵ برابر چهارم است.

$Al > Cu$: واکنش پذیری (۳)
 Cu^{2+} کاتیونی با آرایش $[Ar]3d^9$ بوده و Al آخرین فلز دوره سوم است.
 $C > Si$: واکنش پذیری (۴)
اولین شبه فلز گروه ۱۴، Si است.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را بدانیم؛ صفحه های ۱۹ تا ۲۱ و ۴۸ و ۴۹)