

تلاشی در مسیر موفقیت



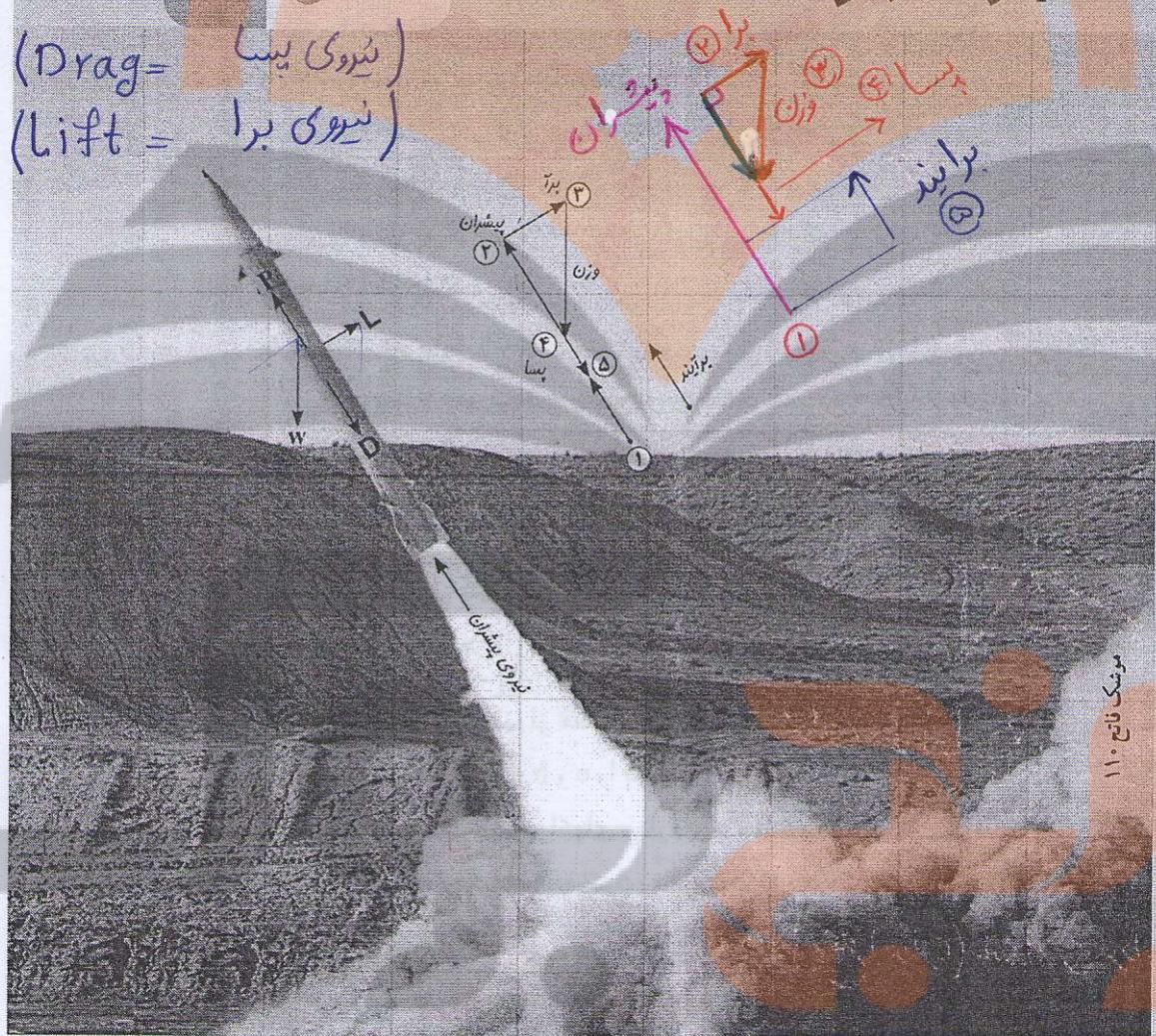
- ✓ دانلود گام به گام تمام دروس
- ✓ دانلود آزمون های قلم چی و گاج + پاسخنامه
- ✓ دانلود جزوه های آموزشی و شب امتحانی
- ✓ دانلود نمونه سوالات امتحانی
- ✓ مشاوره کنکور
- ✓ فیلم های انگیزشی

فصل

بِرْدَار و مُخْتَصَات

(Drag = سروی پس)

$$(\text{lift} = \text{بُرَج})$$



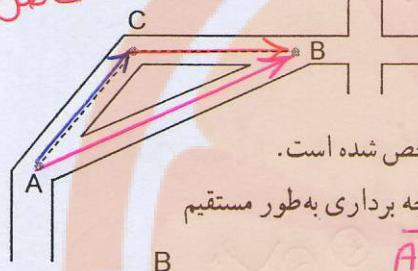
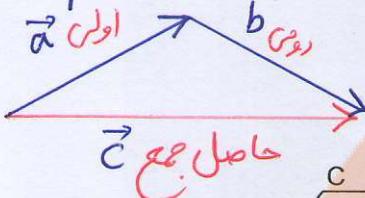
شتاب حرکت یک جسم در هر لحظه همواره در جهت بردار برآیند نیروهای وارد بر آن است. برای مثال وقتی یک موشک شلیک می‌شود، نیروهای وارد بر آن عبارتند از، نیروی وزن، نیروی پیشران، نیروی مقاوم هوا در راستای حرکت موشک (پسا) و نیروی برآ (عمود بر راستای حرکت)؛ به طوری که برآیند این نیروها باعث حرکت موشک است.

چون پردار \vec{c} کار دوپردار \vec{a} و \vec{b} را باهم انجام می‌دهد پس پردار \vec{c}

برآیند:

پرآیند دوپردار \vec{a} و \vec{b} می‌باشد

حاصل جمع روپردار متوازن: حاصل جمع روپردار متوازن پرداری است که ابتدایی پردار اول را به انتهایی پردار دوم وصل نمایند (جهت از پردار اول نسبت پردار دوم)



۱- شخصی در نقطه A ایستاده است.
مسیر حرکت او برای رسیدن به نقطه B در شکل مشخص شده است.
این مسیر را با دو پردار نشان دهد. این شخص با چه پرداری به طور مستقیم به نقطه B می‌رسد؟ آن را رسم کنید. پردار \vec{AB}

فعالیت ۵

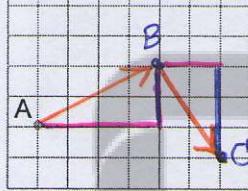
۲- نقطه A ابتدا با پردار انتقال a به نقطه B و سپس با پردار انتقال b به نقطه C منتقل شده است. نقطه A با چه پرداری به طور مستقیم به نقطه C منتقل می‌شود؟
نام آن را پردار c بگذارید. آیا می‌توانیم بگوییم پردار c کار دو پردار انتقال a و b را انجام می‌دهد؟ پل
به پردار c پردار برآیند یا حاصل جمع می‌گویند.

پال

۳- روباتی فقط به صورت افقی یا عمودی حرکت می‌کند.

بازی رکتس

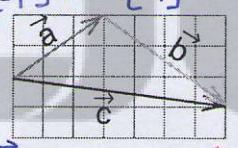
این روبات اکنون روی نقطه A است. با فرمان [۴] ابتدا ۴ واحد به سمت راست (افقی) و سپس ۲ واحد به سمت بالا (عمودی) حرکت می‌کند.
نقطه جدید را B نام‌گذاری کنید.



روبات ما با فرمان [۲] از B به نقطه C می‌رسد.

با چه فرمانی به طور مستقیم از نقطه A به C می‌رسد؟ فرمان

۴- مختصات پردارهای a , b و c را بنویسید. آیا پردار c با جمع دو پردار a و b برابر است؟ به ابتدا و انتهای پردارهای a و b توجه کنید.
در چه صورت پرداری که از ابتدای a به انتهای b رسم می‌شود، پردار c حاصل جمع پردارهای a و b است؟ توضیح دهد.



در فعالیت ۲ مشاهده کردید که تیجه جمع دو پردار a و b ، پردار c است. بنابراین، می‌توان یک

تساوی پرداری به صورت $\vec{a} + \vec{b} = \vec{c}$ را نوشت.

با توجه به تساوی $\vec{a} + \vec{b} = \vec{c}$ می‌توان مختصات پردار c را از تساوی مختصاتی زیر به دست

$$\begin{bmatrix} a \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} z \\ t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x+z \\ y+t \end{bmatrix}$$

آورد:

نتیجه: پردار $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$ پرداری است مختصاتی برابر

مجموع مختصات \vec{a} و \vec{b} است

حاصل جمع پردارهای \vec{a} و \vec{b} را انتهاش پردازیم

تساوی پرداری به صورت $\vec{a} + \vec{b} = \vec{c}$ را نوشت.

با توجه به تساوی $\vec{a} + \vec{b} = \vec{c}$ می‌توان مختصات پردار c را از تساوی مختصاتی زیر به دست

$$\begin{bmatrix} a \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} z \\ t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x+z \\ y+t \end{bmatrix}$$

آورد:

نتیجه: پردار $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$ پرداری است مختصاتی برابر

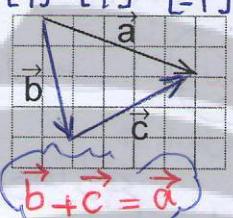
مجموع مختصات \vec{a} و \vec{b} است

کار در کلاس

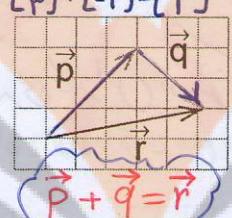
در فعالیت قبل دیدید که اگر دو بردار a و b به صورتی باشند که ابتدای b در انتهای a قرار گیرد، برای رسم حاصل جمع یا برآیند این دو بردار می‌توانیم برداری از ابتدای بردار a به انتهای بردار b رسم کنیم.

ابندا مشخص کنید کدام بردار، حاصل جمع دو بردار دیگر است. سپس برای هر شکل، یک

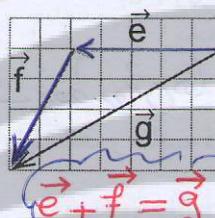
$$\begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ -2 \end{bmatrix}$$



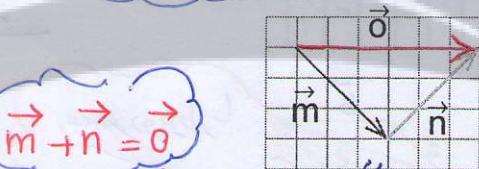
$$\begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$



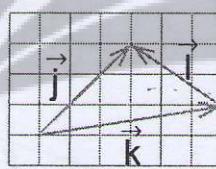
$$\begin{bmatrix} -5 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -2 \\ -4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -7 \\ -4 \end{bmatrix}$$



$$\vec{m} + \vec{n} = \vec{0}$$



$$\begin{bmatrix} 3 \\ -2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 \\ 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$



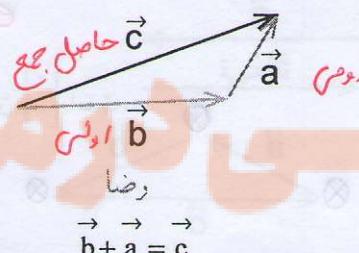
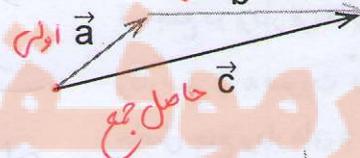
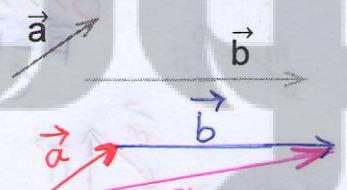
$$\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -2 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 \\ 3 \end{bmatrix}$$

فعالیت

۱- چهار بردار مساوی بردار a رسم کنید و مختصات همه بردارها را بنویسید.

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix}$$

۲- با توجه به اینکه بردارهای مساوی را می‌توان از نقطه‌های شروع مختلف رسم کرد، می‌خواهیم حاصل جمع بردارهای a و b را رسم کنیم. راه حل‌های این دو داشتموز را توضیح دهید.



۷۱

$$a + b = c$$

امیر

امیر ابتدا از یک دلخواه برداری مساوی بردار a رسم کرده و سپس از انتهای آن برداری مساوی بردار b رسم کرده، ولی رضا ابتدا بردار b را رسم کرده و از انتهای آن برداری مساوی

حاصل جمع c رسم کرده است.

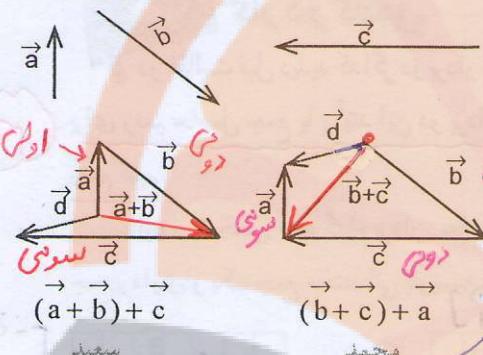
لسعید: ابتداء حاصل جمع \vec{a} , \vec{b} را پس داشت آن را با بردار \vec{c} جمع کرده است

محمد: ابتداء مجموع دو بردار طبق راه حسابی کرده و پس حاصل آن را با بردار \vec{d} جمع کرده است

حسین: تجید سه بردار را به صورت متوالی، ابتداء و پس از آن \vec{d} و در انتهای راسم کرده ویرایی نمود است

مجموع ابتدای اول را به انتهای سومی وصل کرده است

۳- دانش آموzan برای پیدا کردن جمع سه بردار راه حل های زیر را ارائه کرده اند. هر کدام را



توضیح دهید.

رضایا: رضایا مانند تجید عمل کرده یا این تفاوت \vec{c} را

تجید ابتدای بردار \vec{c} و
پس بردار \vec{c} و در آخر

لیست کرد

بردار \vec{c} را رسم کرده است



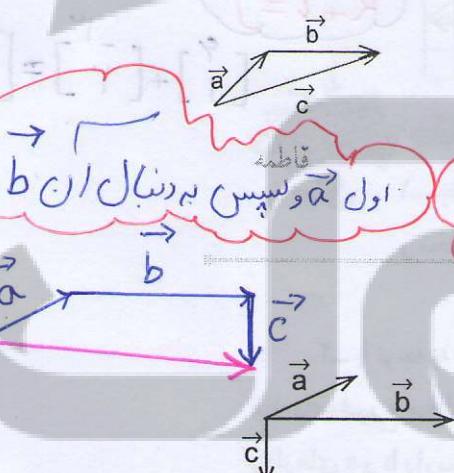
$$\begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 4 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 \\ 2 \end{bmatrix}$$

نهانه مختصات آن ها را جمع کرده است

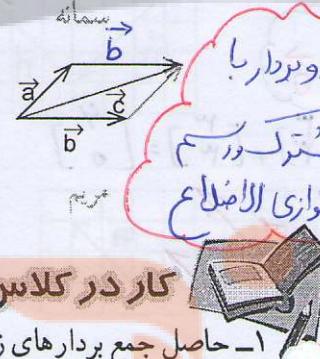
۴- راه حل های دانش آموzan برای پیدا کردن جمع دو بردار a و b را مشاهده و مقایسه کنید.



$$\begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 4 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 \\ 2 \end{bmatrix}$$

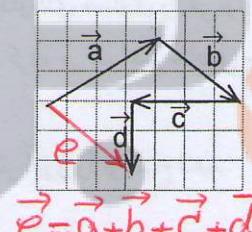


۱- حاصل جمع بردارهای زیر را رسم کنید.



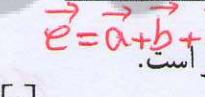
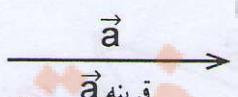
روشن مداری
الاصلان
قطر متوازی الاصلان
حاصل جمع دو بردار را
نمایش نماید: اولی دو
برداری متوالی الاصلان

کار در کلاس



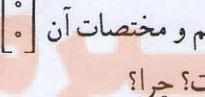
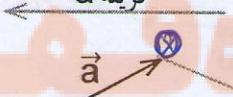
$$\vec{e} = \vec{a} + \vec{b} + \vec{c} + \vec{d}$$

درست من لیم قصیر ماز
راس دو بردار رسم نمود



$$\vec{p} = \vec{n} + \vec{m}$$

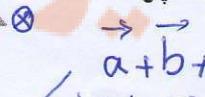
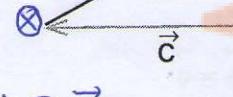
حاصل جمع دو بردار است
(ابتدای بردار حاصل جمع ابتدای)



$$\vec{p} = \vec{n} + \vec{m}$$

دو بردار است

مجموع دو بردار \vec{a} و \vec{b} بی باشد یا به عبارتی دو جسم در مجموع این سه



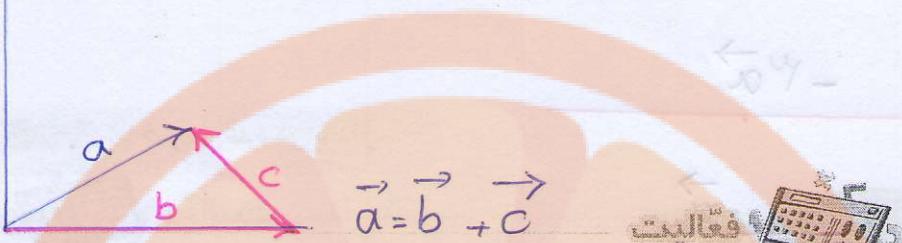
$$\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$$

پرداز \vec{c} کار بردارهای \vec{a} و \vec{b} را خوش کرده در واقع بردار \vec{c} قرنیز

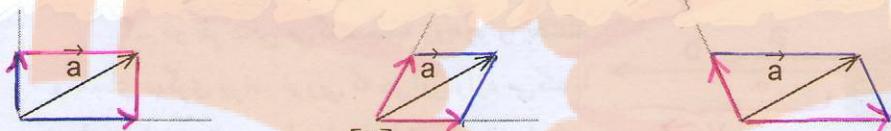
مجموع دو بردار \vec{a} و \vec{b} بی باشد یا به عبارتی دو جسم در مجموع این سه

نکته: ۱) بی شمار برداریم توان رسم مردم حاصل جمع آنها بردار معلم \hat{a} باشد

۲) سهار سازی الاصلاع مز توائم رسم لئوم \rightarrow قفاراں ہا باشد



5 ۱- دو بردار رسم کنید که جمع آنها بردار a باشد. به این کار تجزیه بردار می‌گویند.
چند پاسخ مختلف می‌توان به دست آورد؟ چرا؟ **b** سهار، به خاطر استاها

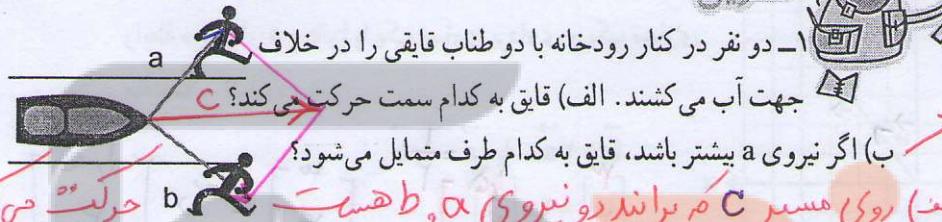


۲- مختصات دو بردار را که حاصل جمعشان بردار باشد، بنویسید.
پاسخ خود را با پاسخ‌های دوستانان مقایسه کنید. به کمک هم، سه پاسخ مختلف دیگر

پاسخ خود را با پاسخ‌های دوستانان معايسه کنيد. به کمک هم، سه پاسخ مختلف دیگر بنویسید. فکر می‌کنید این مسئله چند پاسخ دارد؟ **بی‌نهاده حیات دارد، باز پاسخ است**

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \psi \\ \varphi \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \psi \\ \varphi \end{bmatrix}, \quad \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \varphi \\ \psi \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \varphi \\ \psi \end{bmatrix}$$

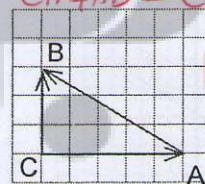
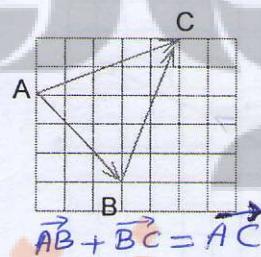
$$\begin{bmatrix} r \\ r \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ r \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r \\ r \end{bmatrix}$$



الف) روی مسیر C مبرانه دو نیروی α , b حرکت می کند

۲- در هر شکل یکی از بردارها حاصل جمع بردارهای دیگر است.
برای هر شکل، یک جم برداری و یک جم مختصاتی بنویسید.

$$\vec{CA} + \vec{AB} = \vec{CB}$$



$$\begin{bmatrix} 5 \\ 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} x \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y \\ y \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} x+1 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ y-1 \end{bmatrix}$$

$$x = r - \Delta = -r$$

$$x - \sqrt{-1}^n = r$$

$$x+1 = -1 \Rightarrow x = -2$$

$$y = -\varepsilon - r = -4$$

$$y - 1 = 0 \Rightarrow y = 1$$

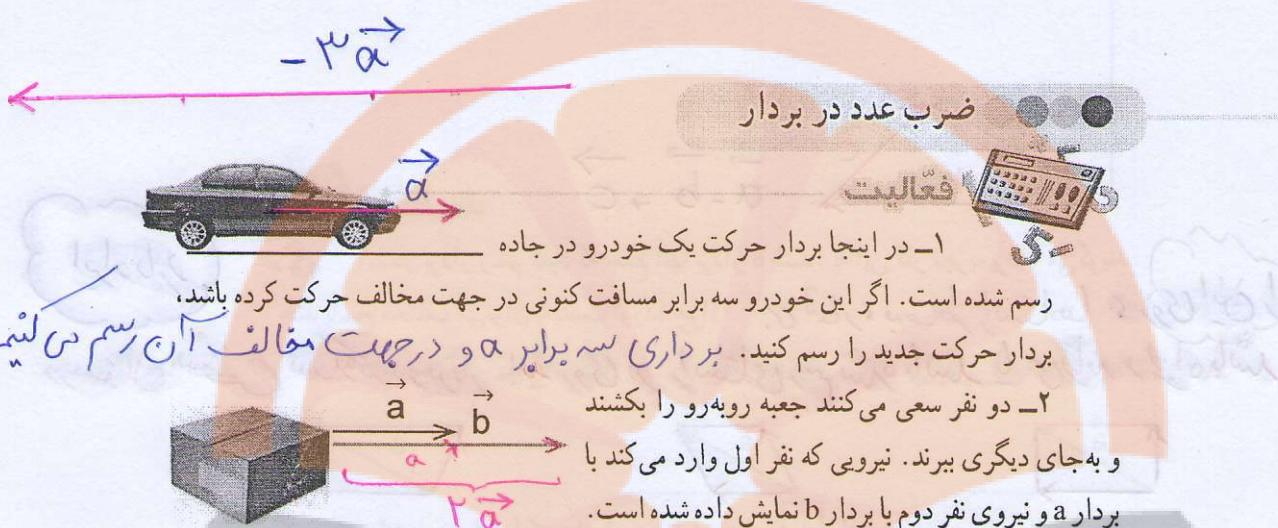
$$q = -1 - q = -\sqrt{}$$

فصل بیان چند برداشت‌های برای بردازی است، مابتدای اولین بردازه

سچہر

بردار \vec{a} برداری است هم رسانا با بردار \vec{a} و اندازه‌ی آن که برابر اندازه‌ی بردار \vec{a} است
اگر $\vec{a} > \vec{b}$ باشد دو بردار هم جهت و آنرا \vec{a} باشد دو بردار مختلف احتمال من باشند

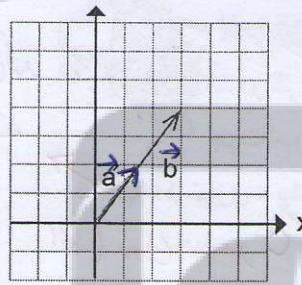
تلخ



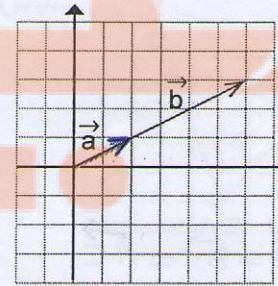
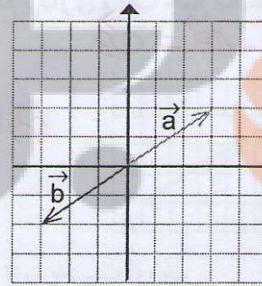
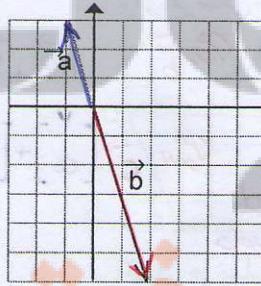
با توجه به شکل، نیروی نفر دوم چند برابر نیروی نفر اول است؟ چرا؟ تقریباً دو برابر یعنی اندازه‌ی آن تقریباً دو برابر a است و هم جهت می‌باشد

۳- در فعالیت‌های ۱ و ۲، هنگام رسم بردارهای جدید در مورد راستا و جهت و اندازه آن، چه نکاتی را رعایت کردید؟ راستاها یکی است در اولی جهت‌ها مخالف هم و در درونی هم جهت می‌باشد، در اولی اندازه سه برابر در درونی اندازه دو برابری شود

۴- در هر شکل مختصات بردارهای a و b را بنویسید.
رابطه دو بردار a و b را با یک تساوی برداری و یک تساوی مختصاتی نشان دهید.



$$\begin{aligned} b &= 2a \quad \text{یا} \quad a = \frac{1}{2}b \\ [3] &= 2 \times [2] \quad [3] = 2 \times [2] \end{aligned}$$



تساوی برداری
تساوی مختصات

$$\begin{aligned} b &= -2a \\ [3] &= -2[2] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b &= -a \\ [-2] &= -[2] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b &= 3a \\ [3] &= 3[1] \end{aligned}$$

نتیجه نمودار

در ضرب یک عدد در بردار، آن عدد در طول و عرض بردار ضرب می‌شود.

بنابراین، می‌توانیم بنویسیم:

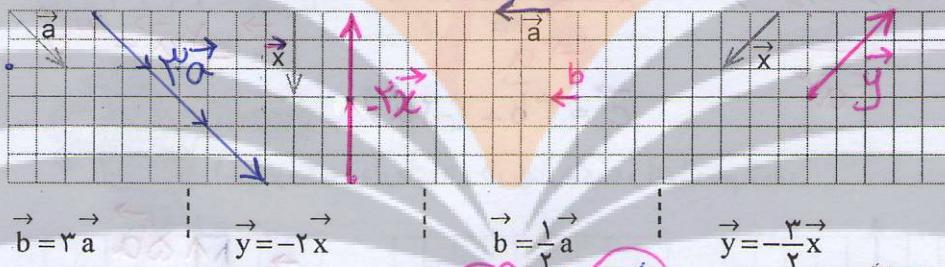
$$k \times \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} kx \\ ky \end{bmatrix}$$

اگر بردار $\vec{b} = -\vec{a}$ باشد، می‌نویسیم :

$$\vec{a} = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \rightarrow \vec{b} = -\vec{a} = \begin{bmatrix} -x \\ -y \end{bmatrix}$$

کار در کلاس

با توجه به بردارهای داده شده، بردار مورد نظر را رسم کنید.

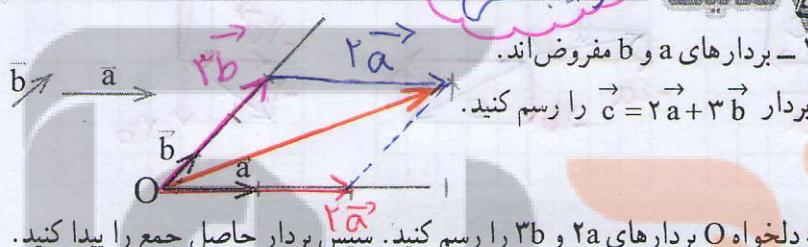


فعالیت تمرکز

۱- بردارهای a و b مفروض اند.



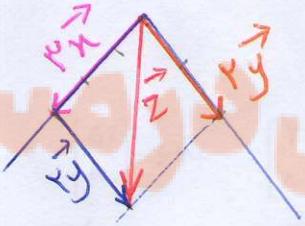
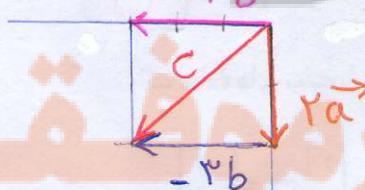
بردار $c = 2a + 3b$ را رسم کنید.



۲- بردارهای خواسته شده را رسم کنید.

$$\vec{x} \quad \vec{y} \quad \vec{z} = 3\vec{x} + 2\vec{y}$$

$$\vec{c} = 2\vec{a} - 3\vec{b} = 2\vec{a} + (-3\vec{b})$$



برای رسم بردار $(\vec{c} = k\vec{a} + l\vec{b})$ ، ابتدا از نقطه دلخواه بردار $k\vec{a}$ را هم راستا با بردار \vec{a} و

بلند

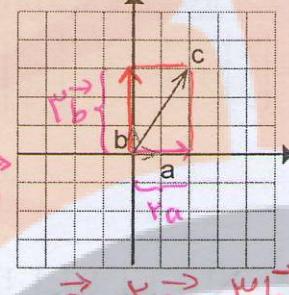
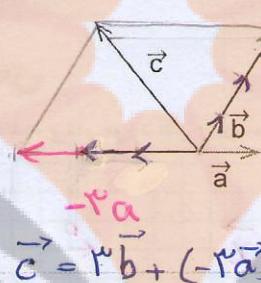
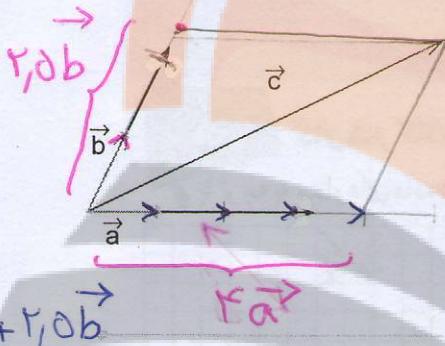
برابر آن رسم کنیم و سپس از همان نقطه بردار $l\vec{b}$ را هم راستا با بردار \vec{b} رسم کنیم

اصلاح خود



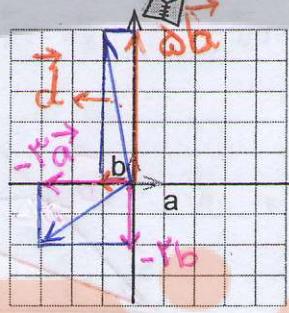
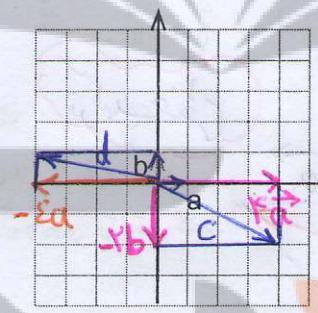
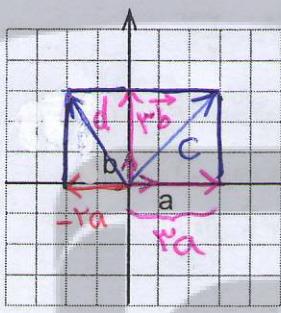
کار در کلاس

در هر شکل، بردار c را برحسب بردارهای a و b بنویسید.



تمرين

۱- با توجه به بردارهای a و b ، بردارهای c و d را رسم کنید.



۲- حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

$$(-1)\begin{bmatrix} 3 \\ 5 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 3 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -9 \\ -10 \end{bmatrix} \quad (-4)\begin{bmatrix} -5 \\ 7 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 18 \\ -27 \end{bmatrix} \quad \left(-\frac{1}{2}\right)\begin{bmatrix} 12 \\ -8 \end{bmatrix} + 6\begin{bmatrix} 7 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 34 \\ 22 \end{bmatrix}$$

۳- معادله‌های مختصات زیر را حل کنید.

$$4x = \begin{bmatrix} 12 \\ -8 \end{bmatrix}$$

$$-3x = \begin{bmatrix} 15 \\ -9 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 5 \end{bmatrix} + x = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 5 \end{bmatrix} + x = \begin{bmatrix} -4 \\ 6 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow x = \begin{bmatrix} 3 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$x = \begin{bmatrix} -5 \\ 3 \end{bmatrix}$$

$$x = \begin{bmatrix} -2 \\ -5 \end{bmatrix}$$

$$x = \begin{bmatrix} -4 \\ +1 \end{bmatrix}$$



تلاشی در معرفه قیمت

ثابت: اگر نیروی \vec{a} از علس العمل زمین بیشتر باشد حتم داخل سطح شیب دار فرمی ورد
اگر نیروی علس العمل زمین از نیروی \vec{a} بیشتر باشد حتم هواپرتاب می شود
پیش قانون دوم نیوتون: این نویرو تک در بر رختی می کند
اگر نیروی اصطکاک زیاد باشد آن کاه نیروی رختی می شود

ثابت هرچه قدر شیب همانکه نیروی

بیشتر باشد موافق نیروی b در شکل رویه روز نیروی وزن جعبه، که روی سطح شیب داری قرار گرفته، نشان داده شده است. این بردار را روی دو امتداد رسم شده تجزیه کنید. بردار وزن \vec{w} را به روبرار \vec{a} عمود بر سطح و \vec{b} در راستای سطح شیب دار تجزیه کرایم
بردار \vec{a} با علس العمل سطح خنثی می شود (قانون دوم نیوتون) پس حتم در راستای بردار \vec{b} با توجه به بردارهای a و b ، مختصات بردار c را به دست آورید.

با توجه به بردارهای a و b و c ، بردار d را رسم کنید.

$$\vec{a} = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}, \vec{b} = \begin{bmatrix} -2 \\ 3 \end{bmatrix} \quad \vec{a} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}, \vec{b} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} \quad \vec{a} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}, \vec{b} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\vec{c} = \vec{a} - 2\vec{b} \quad \vec{c} = 2\vec{a} + 3\vec{b} \quad \vec{c} = -3\vec{a} + 4\vec{b}$$

$$\vec{c} = \begin{bmatrix} 2+(-6) \\ 1-9 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ -8 \end{bmatrix} \quad \vec{c} = \begin{bmatrix} 2+0 \\ 0+3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} \quad \vec{c} = \begin{bmatrix} -3+0 \\ 0+4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3 \\ 4 \end{bmatrix}$$

با توجه به بردارهای a و b و c ، بردار d را رسم کنید.

$$\vec{a} \quad \vec{b} \quad \vec{c}$$

$$\vec{d} = \vec{a} + \vec{b} - \vec{c}$$

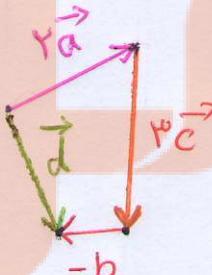
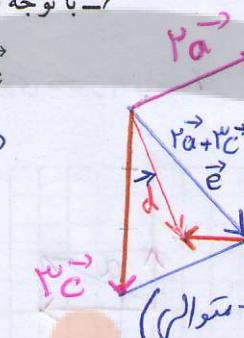
$$\vec{d} = 2\vec{a} - \vec{b} + 3\vec{c}$$

رسان اول

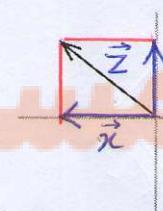
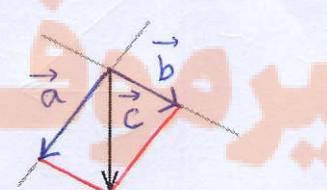
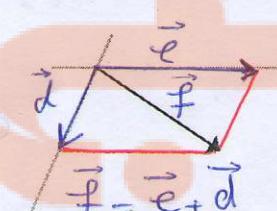
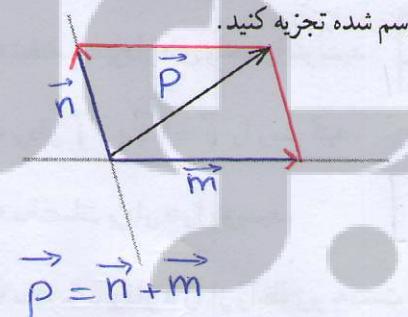
$$\vec{d} = \vec{a} + \vec{b} + (-\vec{c}) \quad \vec{a} + \vec{b} + (-\vec{c}) = \vec{d}$$

$$2\vec{a} + 3\vec{c} = \vec{e}$$

$$\vec{e} + (-\vec{b}) = \vec{d}$$



بردارهای داده شده را روی امتدادهای رسم شده تجزیه کنید.



$$[p] = \vec{p} = \vec{p}_x + \vec{p}_y + \vec{p}_z = \vec{p}$$

تلاشی در میانجیت

بردارهای واحد مختصات

فعالیت

۱- برای اندازه‌گیری هر یک از مقدارهای زیر از چه واحدی استفاده می‌کنیم؟



زمان: ثانیه
کسر: ک



دما: رجه سانتی متر
فراهمایت: زاویه: (ج)



طول: سانتی متر
متر: m



جرم: سیلوگرام

5-

۲- در محور زیر، واحد را نشان داده‌ایم. عده‌های ۱ و ۲ را روی محور مشخص کنید.



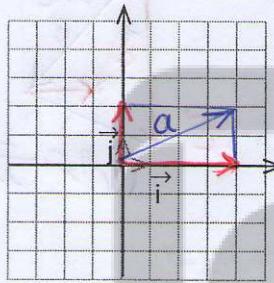
با توجه به واحد حداکثری

۳- همان‌طور که ملاحظه کردید، برای اندازه‌گیری و نمایش عده‌ها روی محور به واحد نیاز

داریم. برای نمایش بردار نیز به واحد نیازمندیم. این واحد باید

از جنس بردار باشد. با توجه به اینکه بردار در صفحه مختصات با دو محور نمایش داده می‌شود، به واحد روی هر دو محور نیاز داریم.

در شکل رو به رو، بردارهای واحد روی هر دو محور مشخص شده‌اند.



- مختصات بردارهای واحد را بنویسید.

- بردار $\vec{j} + 2\vec{i}$ را رسم کنید.

- مختصات بردار a را بنویسید.

- مختصات بردار a را از رابطه زیر به دست آورید.

$$\vec{a} = 4\vec{i} + 2\vec{j} = 4 \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} + 2 \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} =$$

$$\vec{a} = p\vec{i} + q\vec{j} \Rightarrow \vec{a} = \begin{bmatrix} p \\ q \end{bmatrix}$$

۷۸

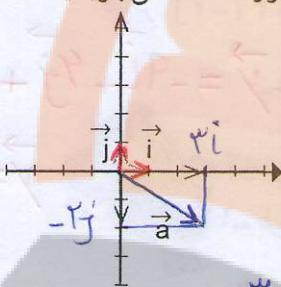
خلاصه درس

تلاشی در مسیر توفیقی

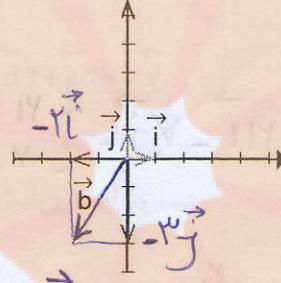
کار در کلاس



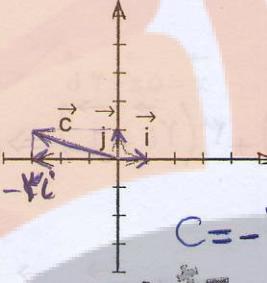
در هر قسمت، بردار داده شده را بر حسب \vec{i} و \vec{j} و سپس به صورت مختصاتی بنویسید.



$$\vec{a} = 3\vec{i} - 2\vec{j} = \begin{bmatrix} 3 \\ -2 \end{bmatrix}$$



$$\vec{b} = -2\vec{i} - 3\vec{j} = \begin{bmatrix} -2 \\ -3 \end{bmatrix}$$



$$c = -2\vec{i} + \vec{j} = \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix}$$

۱- طرف دیگر هر تساوی را مانند نمونه کامل کنید.

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} = 2\vec{i} + 3\vec{j}$$

$$\begin{bmatrix} -1 \\ 3 \end{bmatrix} = -\vec{i} + 3\vec{j} \quad \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix} = \vec{i} - \vec{j}$$

$$\begin{bmatrix} -2 \\ -2 \end{bmatrix} = -2\vec{i} - 2\vec{j}$$

$$3\vec{i} + 0\vec{j} = \begin{bmatrix} 3 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\vec{i} + \vec{j} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$2\vec{i} - \vec{j} = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$2\vec{i} - 3\vec{j} = \begin{bmatrix} 2 \\ -3 \end{bmatrix}$$

$$3\vec{i} = \begin{bmatrix} 3 \\ 0 \end{bmatrix}$$

۲- دو داشم از معادله برداری زیر را حل کرده‌اند. مراحل راه حل آنها را با هم مقایسه کنید.

حمدید برداری ۱ [راه حساب]
بردارهای واحد مختصات فوئم
و سپس شروع به انجام عملی
کرد اس

راه حل حمید
$2\vec{i} + \vec{j} + 2\vec{x} = \begin{bmatrix} -5 \\ 1 \end{bmatrix}$
$3\vec{i} + \vec{j} + 2\vec{x} = -5\vec{i} + \vec{j}$
$2\vec{x} = -5\vec{i} + \vec{j} - 3\vec{i} - \vec{j}$
$2\vec{x} = -8\vec{i}$
$\vec{x} = -4\vec{i}$

راه حل سعید
$2\vec{i} + \vec{j} + 2\vec{x} = \begin{bmatrix} -5 \\ 1 \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} 3 \\ 1 \end{bmatrix} + 2\vec{x} = \begin{bmatrix} -5 \\ 1 \end{bmatrix}$
$2\vec{x} = \begin{bmatrix} -5 \\ 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \end{bmatrix}$
$2\vec{x} = \begin{bmatrix} -8 \\ 0 \end{bmatrix}$
$\vec{x} = \begin{bmatrix} -4 \\ 0 \end{bmatrix}$

۳- معادله‌های زیر را با روش مورد نظر خود حل کنید.

$$2\vec{i} - \vec{j} + 3\vec{x} = \begin{bmatrix} -6 \\ 3 \end{bmatrix}$$

$$2\vec{i} - \vec{j} + 3\vec{x} = -4\vec{i} + 3\vec{j}$$

$$\Rightarrow 3\vec{x} = -8\vec{i} + 4\vec{j}$$

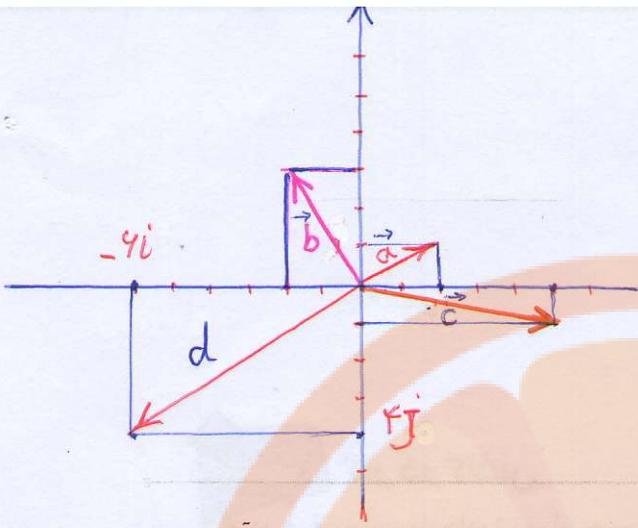
$$\Rightarrow \vec{x} = -\frac{8}{3}\vec{i} + \frac{4}{3}\vec{j}$$

$$\begin{bmatrix} -4 \\ 2 \end{bmatrix} - 2\vec{x} = \vec{i} - \vec{j}$$

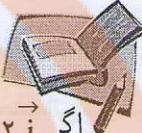
$$\Rightarrow \begin{bmatrix} -4 \\ 2 \end{bmatrix} - 2\vec{x} = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow -2\vec{x} = \begin{bmatrix} 5 \\ -3 \end{bmatrix} \Rightarrow \vec{x} = \frac{\begin{bmatrix} 5 \\ -3 \end{bmatrix}}{-2}$$

تلاش



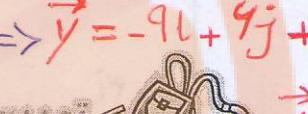
کار در کلاس



اگر $\vec{b} = 2\vec{i} + \vec{j}$ و $\vec{a} = 3\vec{i} - 2\vec{j}$ باشد، مختصات بردارهای x و y را به دست آورید.

$$\vec{x} = 5\vec{a} + 3\vec{b}$$

$$\vec{y} = -3\vec{a} + 4\vec{b} \Rightarrow \vec{y} = -9\vec{i} + 4\vec{j} + 15\vec{i} + 4\vec{j}$$

$$+ 3(2\vec{i} + \vec{j}) \Rightarrow \vec{x} = 21\vec{i} - 7\vec{j} = \begin{bmatrix} 21 \\ -7 \end{bmatrix}$$


$$1 - طف دیگ تساوی ها، این سند.$$

$$\vec{y} = \begin{bmatrix} -1 \\ 10 \end{bmatrix}$$

$$\vec{a} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \vec{i} + \vec{j}$$

$$\vec{b} = \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \end{bmatrix} = -\vec{i} + 0\vec{j}$$

$$\vec{c} = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix} = \vec{i} - \vec{j}$$

$$\vec{d} = \begin{bmatrix} -1 \\ -1 \end{bmatrix} = -\vec{i} - \vec{j}$$

$$\vec{e} = \begin{bmatrix} 0 \\ -1 \end{bmatrix} = 0\vec{i} - \vec{j}$$

$$\vec{f} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} = 0\vec{i} + \vec{j}$$

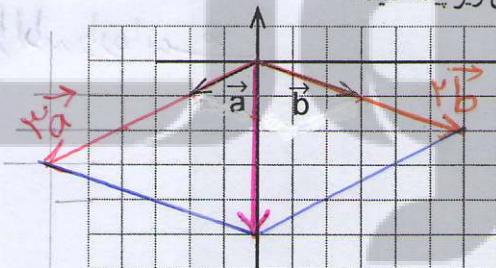
۲- دو محور عمود برهم رسم کنید و بردارهای واحد مختصات را روی آنها مشخص کنید. آنگاه بردارهای زیر را روی آن دستگاه مختصات رسم کنید و هر بردار را بر حسب بردارهای واحد α و β بنویسید.

$$\vec{a} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \vec{i} + \vec{j} \quad \vec{b} = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} = -\vec{i} + \vec{j} \quad \vec{c} = \begin{bmatrix} 0 \\ -1 \end{bmatrix} = \vec{i} - \vec{j} \quad \vec{d} = \begin{bmatrix} -1 \\ -1 \end{bmatrix} = -\vec{i} - \vec{j}$$

۳- با توجه به شکل زیر، مختصات بردار c را با دو روش زیر پیدا کنید.

روشن هندسی

رونس جبری



$$\vec{c} = 3\vec{a} + 2\vec{b} =$$

ب) پیدا کردن مختصات \vec{a} و \vec{b} و قرار دادن آنها در

$$\rightarrow c = 3a + 2b = 3 \begin{bmatrix} -2 \\ -1 \end{bmatrix} + 2 \begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -6 \\ -3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 8 \\ -4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ -7 \end{bmatrix}$$

در روش هندسی مکان \Rightarrow ویژگی‌های هر روش را بیان کنید.

کدام روش برای رایانه‌ای شدن مناسب‌تر است؟ چرا؟

پارسی شکل و بیون الگام حساب حاصل

و رایانه کارهای محاسباتی را سریع تر انجام می‌دهد

جمع دو بردار را بدست آورد و اگر صفحه سُرچی بیاند و با طول و عرض بردارها بزرگ یا کوچک

جواب سوال ستم

محفظات ربات پسی حركت ۲۰ ام

$$\left[1 + \gamma + \gamma^2 + \dots + \frac{n}{\gamma} \right]$$

$$\Rightarrow \text{اگر } n \text{ فرد باشد} = \frac{1+2+3+\dots+n}{r}$$

۴- با توجه به علامت طول و عرض بردار، شکل تقریبی آن را مانند نمونه رسم کنید.

طول	+	-	+	-	
عرض	+	+	-	-	
شكل تقريري					

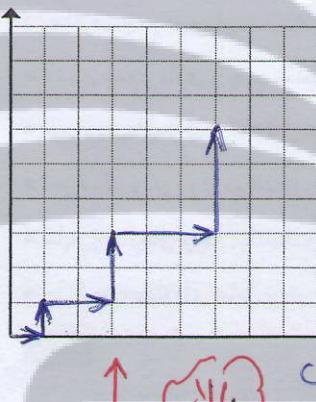
$$5- \text{اگر } j \rightarrow \vec{b} = \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \end{bmatrix} \text{ باشد، بردار } x \text{ را از معادله زیر پیدا کنید.}$$

$$2\vec{x} - \vec{j} = 2\vec{a} - \vec{b} \Rightarrow 2\vec{x} - \vec{j} = 2\vec{i} - 2\vec{j} - (-\vec{i} + 2\vec{j}) \Rightarrow 2\vec{x} = 2\vec{i} - \vec{j} \Rightarrow \vec{x} = \begin{bmatrix} 1/2 \\ -1/2 \end{bmatrix}$$

۶- پک روپات برنامه ریزی شده به صورت زیر از میدا

مختصات حرکت می کند.

با مشاهده شش حرکت این روبات، الگوی حرکت آن را کشف کنید و توضیح دهید. روبات پس از حرکت دهم، به



کدام نقطہ میں رسد؟				
مختصر	۲	۴	۶	
	$\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 3 \\ 3 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 9 \\ 9 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 1+2+3+4+5 \\ 1+2+3+4+5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 10 \\ 10 \end{bmatrix}$
	1	$1+2$	$1+2+3$	

۷- حمیده با خود فکر می کرد که اگر چند بردار با هم جمع شوند، بردار حاصل جمع از همه گتر است. آیا او درست فکر کرده است؟ با کشیدن شکل، توضیح دهد. **خند**

آنها بزرگ‌تر است. آیا او درست فکر کرده است؟ با کشیدن شکل توضیح دهید. خبر
همین است حاصل چند مردار برای بردار همیزشود $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$

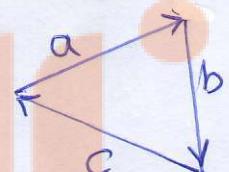
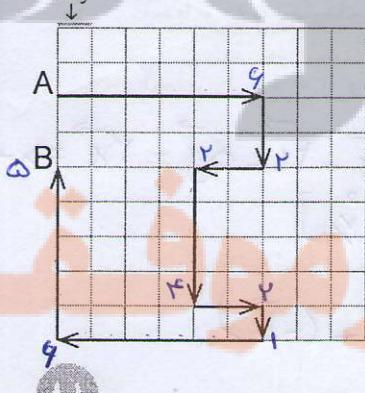
۸- در صفحه شطرنجی زیر، یک خودرو با نقطه A

مشخص شده است. این خودرو مسیری را طی کرده است

$$٩ + ٢ + ٣ + ٤ + ٢ + ١ + ٩ + ٥ = ٢٨$$

خودرو از نقطه A به B در راستای عمودی چند

واحده جابه‌جا شده است؟ دو واحد



۵ فصل مرور

مفهوم و مهارت‌ها

در این فصل واژه‌های زیر به کار رفته‌اند. مطمئن شوید که می‌توانید با جمله‌های خود آنها را توصیف کنید و برای هر یک مثالی بزنید.

- جمع (برآیند) بردار
- تجزیه بردار
- ضرب عدد در بردار
- بردارهای واحد مختصات

در این فصل، روش‌های اصلی زیر معرفی شده‌اند. هر کدام را با یک مثال توضیح دهید و در دفتر خود خلاصه‌ای از درس را بنویسید.

- پیدا کردن برآیند دو بردار که ابتدای آنها یک نقطه باشد.
- پیدا کردن جمع دو بردار.
- نوشتن جمع برداری و جمع مختصاتی
- ضرب یک عدد در بردار
- رسم بردارهای ترکیبی که شامل حاصل جمع مضرب‌های دو بردارند.
- پیدا کردن مختصات بردارهای ترکیبی
- تجزیه یک بردار روی دو امتداد.
- نوشتن مختصات بردار با بردارهای واحد مختصات.
- نمایش بردارهای واحد مختصات به صورت مختصاتی.
- حل کردن معادله‌های شامل بردار.

کاربرد

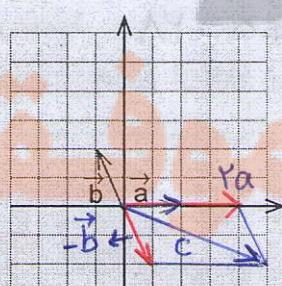
موضوعات این فصل در درس‌های علوم (فیزیک - مکانیک) شما کاربرد زیادی دارد. ضمن آنکه در شاخه‌ای از ریاضیات به نام «جبر خطی و فضای برداری» نیز مطرح می‌شود و به کمک آن می‌توانید مسائل مختلف ریاضی و فیزیک را حل کنید.

تمرین‌های ترکیبی

اگر بتوانید تمرین‌های زیر را انجام دهید، می‌توانید مطمئن باشید که این فصل را به خوبی آموخته‌اید.

۱- با توجه به بردارهای a و b و c ، بردار $d = 2a - b + 3c$ را رسم کنید.

$$\vec{a} \quad \vec{b} \quad \vec{c} \quad \vec{d} = 2\vec{a} - \vec{b} + 3\vec{c}$$



$$2\vec{a} - \vec{b} = 3\vec{x} \Rightarrow 2\vec{i} - 2\vec{j} - 2\vec{i} - 5\vec{j} = 3\vec{x} \Rightarrow -7\vec{j} = 3\vec{x}$$

$$\vec{x} = -\frac{7}{3}\vec{j} \Rightarrow \vec{x} = [-\frac{7}{3}, 0]$$

۲- با توجه به شکل، مختصات بردار x را پیدا کنید.

$$\vec{c} = 2\vec{a} - \vec{b} = 2\vec{a} + (-\vec{b})$$

$$3\vec{c} \quad -\vec{b} \quad 2\vec{a}$$

حل سوال پنجم

تلاشی در مسیر معرفت



- دانلود گام به گام تمام دروس ✓
- دانلود آزمون های قلم چی و گاج + پاسخنامه ✓
- دانلود جزوه های آموزشی و شب امتحانی ✓
- دانلود نمونه سوالات امتحانی ✓
- مشاوره کنکور ✓
- فیلم های انگیزشی ✓