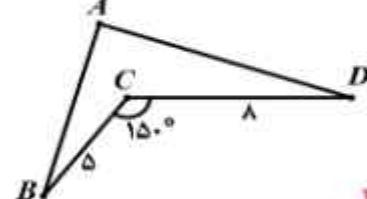
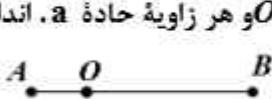
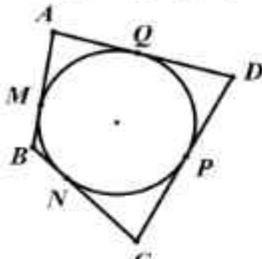


سوالات آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	پایه: یازدهم	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	رشته: ریاضی و فیزیک
تعداد صفحه: ۲	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا تعریف ساخته تحصیلی مرکز آذوقی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.edu.ir			(داخل و خارج از گستور)- خرداد ۱۴۰۴
نمره	سوالات (پاسخ برگ دارد)	ردیف	

۱	درستی یا نادرستی عبارات زیر را تعیین کنید. الف) در هر دایره، طول یک کمان، برابر با اندازه زاویه مرکزی مقابل به آن کمان است. ب) دو دایره به طول شعاع‌های ۳ و ۵ سانتی‌متر و طول خط‌المرکزین ۲ سانتی‌متر، معناس بروون هستند. ج) تبدیل انتقال، جهت شکل را حفظ می‌کند. د) تبدیل یا زتاب نسبت به خط، بی‌شمار نقطه ثابت دارد.	۱
۱	در هر قسمت، پاسخ مناسب را بنویسید. الف) فاصله مرکز دایره‌ای از یک خط، کمتر از شعاع آن دایره است، این خط و دایره ..... نقطه اشتراک دارند. (یک ، دو) ب) در هر مثلث، نقطه همسری بیمسازها، مرکز دایره .....، مثلث است. (محیطی ، محاطی) ج) شبی خط در تبدیل .....، همواره حفظ می‌شود. (انتقال ، دوران) د) دورانی به مرکز $O$ و زاویه .....، تبدیلی همانی است. ( $180^\circ$ ، $360^\circ$ )	۲
۱.۲ ۵	در شکل زیر مرکز دایره است. ثابت کنید: اندازه زاویه محاطی $\hat{M}$ . برابر با نصف اندازه کمان مقابل به آن زاویه است.	۳
۱	با توجه به شکل، مقدار $x$ را محاسبه کنید.	۴
۱.۲ ۵	از نقطه $P$ خارج دایره، معناس $PT$ و خط قاطعی نسبت به دایره رسم می‌کنیم. خط قاطع دایره را در نقاط $A$ و $B$ قطع می‌کند. ثابت کنید: $PT^2 = PA \times PB$	۵
۱.۵	دو دایره متخارج داریم که طول مماس مشترک داخلی و خارجی آنها به ترتیب برابر $10$ و $24$ سانتی‌متر و طول خط‌المرکزین آن‌ها مساوی $26$ سانتی‌متر است. طول شعاع‌های دو دایره را به دست آورید.	۶
۱	مثلثی به طول اضلاع $a$ ، $b$ و $c$ با شعاع دایره محاطی داخلی به اندازه $r$ و سه ارتفاع به طول‌های $h_a$ ، $h_b$ و $h_c$ را درنظر بگیرید. نشان دهید: $\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{1}{r}$	۷



سوالات آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه: ۲	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، داومطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا تعریف ساقمه تحصیلی مرکز آذوقی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir			(داخل و خارج از کشور)- خرداد ۱۴۰۴
نمره	سوالات (پاسخ برگ دارد)		
ردیف			
۲۰	موفق باشید		
	صفحه ۲ از ۲		



دانش درست بر موفقیت

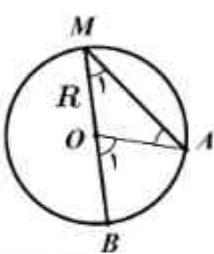
مکالمه از نسبتی و تضاد  
کیفیت نظام آموزش و پرورش

پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
ساعت شروع: ۰۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ....	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، داولطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و با ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴			
مرکز آموزشی و تخصصی کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir			

ردیف	نمره	راهنمای نمره‌گذاری
------	------	--------------------

۱	بارم هر قسمت (۰/۲۵)	د) درست ۳۶ صفحه	ج) درست ۴۲ صفحه	ب) نادرست ۲۰ صفحه	الف) نادرست ۱۲ صفحه	۱
۱	بارم هر قسمت (۰/۲۵)	۳۶° صفحه	ج) انتقال ۳۹ صفحه	ب) محاطی ۲۵ صفحه	الف) دو صفحه	۲

۱.۱۵	روش اول:
	مرکز دایره را به نقطه $A$ وصل می‌کنیم.

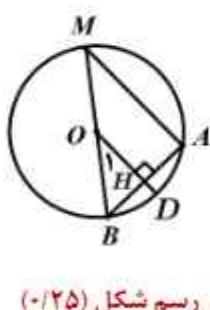


رسم شکل (۰/۲۵)

$$OM = OA = R \Rightarrow \hat{M}_1 = \hat{A} \quad (1) \quad (۰/۲۵)$$

$$\underbrace{\hat{O}_1}_{(۰/۲۵)} = \hat{M}_1 + \hat{A} \quad (2) \quad \text{زاویه } \hat{O}_1 \text{ در مثلث } OAM \text{ خارجی است لذا:}$$

$$(1), (2) \Rightarrow \underbrace{\hat{O}_1}_{(۰/۲۵)} = ۲\hat{M}_1 \Rightarrow \widehat{BA} = ۲\hat{M}_1 \Rightarrow \underbrace{\hat{M}_1}_{(۰/۲۵)} = \frac{\widehat{BA}}{2}$$

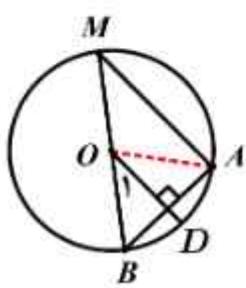


رسم شکل (۰/۲۵)

$$OH \perp AB \Rightarrow BH = AH, \quad \widehat{BD} = \widehat{DA}$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{BO}{BM} = \frac{BH}{BA} = \frac{1}{2} \\ \hat{B} = \hat{B} \end{array} \right\} \Rightarrow \underbrace{\triangle OBH \sim \triangle MAB}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \hat{M} = \hat{O}_1 = \widehat{BD} = \frac{\widehat{AB}}{2} \quad (۰/۲۵)$$

روش دوم:

وتر  $AB$  و شعاع عمود بر آن را رسم می‌کنیم. درنتیجه

رسم شکل (۰/۲۵)

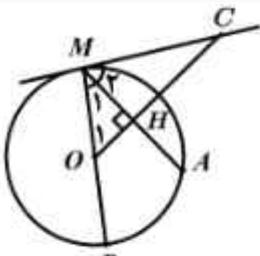
$$OD \perp AB \Rightarrow \widehat{BD} = \widehat{DA} \Rightarrow \hat{O}_1 = \frac{\widehat{BA}}{2} \quad (1) \quad (۰/۲۵)$$

از طرفی چون در مثلث  $AMB$  میانه  $MA$  وارد بر یک ضلع، نصف آن ضلع است. لذا مثلث  $AMB$  قائم الزاویه است. (۰/۲۵) پس

$$\left. \begin{array}{l} MA \perp AB \\ OD \perp AB \end{array} \right\} \Rightarrow MA \parallel OD \Rightarrow \hat{M} = \hat{O}_1 = \frac{\widehat{BA}}{2} \quad (۰/۲۵)$$

روش سوم:

وتر  $AB$  و شعاع عمود بر آن را رسم می‌کنیم. درنتیجه



**روش چهارم:** از نقطه  $M$  خطی بر دایره، مماس می‌کنیم. همچنین، از نقطه  $O$  به وتر  $AM$  عمود می‌کنیم و امتداد می‌دهیم تا خط مماس را در نقطه  $C$  قطع کند. درنتیجه

رسم شکل (۰/۲۵)

$$OH \perp AM \Rightarrow O_1 = \frac{\widehat{AM}}{2}$$

(۰/۲۵)

$$O_1 + M_1 = M_2 + M_3 = 90^\circ \Rightarrow M_2 = O_1$$

(۰/۲۵)

$$M_1 + M_2 = 90^\circ = \frac{180^\circ}{2} = \frac{\widehat{BA} + \widehat{AM}}{2}$$

(۰/۲۵)

$$M_1 + \frac{\widehat{AM}}{2} = \frac{\widehat{BA} + \widehat{AM}}{2} \Rightarrow M_1 = \frac{\widehat{BA}}{2}$$

(۰/۲۵)

قضیه صفحه ۱۴

$$\frac{120^\circ + y}{2} = 80^\circ, \frac{120^\circ - y}{2} = x \Rightarrow y = 40^\circ, x = 40^\circ$$

روش اول:



**روش دوم:** با استفاده از ویژگی‌های زاویه محاطی و زاویه خارجی داریم:

(۰/۲۵)

$$80^\circ = \widehat{C_1} + \widehat{A} = \frac{120^\circ}{2} + \widehat{A} \Rightarrow \widehat{A} = 20^\circ \quad (*)$$

(۰/۲۵)

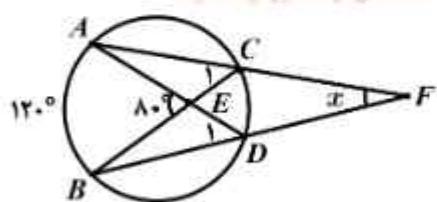
$$\widehat{D_1} = \frac{120^\circ}{2} = 60^\circ$$

(۰/۲۵)

$$\widehat{D_1} = \widehat{A} + x \stackrel{(*)}{=} 20^\circ + x$$

(۰/۲۵)

۴



روش سوم:

$$z = 120^\circ, y = 80^\circ \quad (+/25)$$

(۰/۲۵)

(۰/۲۵)

(۰/۲۵)

(۰/۲۵)

(۰/۲۵)

(۰/۲۵)

(۰/۲۵)

(۰/۲۵)

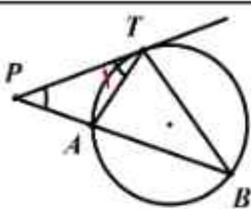
(۰/۲۵)

(۰/۲۵)

تذکر: در صورت به دست آوردن جواب به کمک رابطه  $x + y = z$  بدون اثبات، فقط (۰/۰) نمره تعلق گیرد.

۱۴۰۴/۰۳/۰۷	تاریخ آزمون:	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
۷:۳۰	ساعت شروع:	۱۲۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ....
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، داولطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه	Azmoon.medu.ir	تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴	راهنمای نمره‌گذاری	
نمره	راهنمای نمره‌گذاری			ردیف

۱.۲۵



رسم شکل (۰/۲۵)



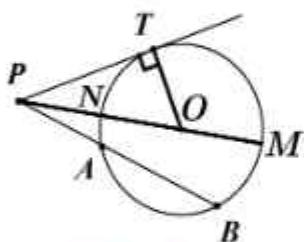
روش اول:

از نقطه  $T$  به  $A$  و  $B$  وصل می‌کنیم.

$$\begin{cases} \widehat{P} = \widehat{P} & (۰/۲۵) \\ \widehat{T} = \widehat{B} = \frac{\widehat{TA}}{2} & (۰/۲۵) \end{cases} \Rightarrow \triangle PAT \sim \triangle PBT \Rightarrow \frac{PT}{PA} = \frac{PB}{PT} \Rightarrow PT^2 = PA \times PB \quad (۰/۲۵)$$

روش دوم:

نقطه  $P$  را به مرکز دایره وصل می‌کنیم و امتداد می‌دهیم. سپس نقاط برخورد با دایره را  $M$  و  $N$  می‌نامیم. قرار می‌دهیم  $OP = d$ . پس



رسم شکل (۰/۲۵)

$$\begin{aligned} PN \times PM &= PA \times PB \Rightarrow (d - R)(d + R) = PA \times PB \\ &\Rightarrow PA \times PB = d^2 - R^2 \quad (۱) \end{aligned} \quad (۰/۲۵)$$

از طرفی در مثلث قائم الزاویه  $\triangle OPT$  داریم

$$OT^2 + PT^2 = OP^2 \Rightarrow PT^2 = d^2 - R^2 \quad (۲) \quad (۰/۲۵)$$

بنابر روابط (۱) و (۲) داریم  $PT^2 = PA \times PB$ (در صورتی که  $PA$  از مرکز بگذرد، اثبات به روش مشابه برقرار است)

قضیه صفحه ۱۹

۱.۵

فرض کنیم طول خط‌المرکزین دو دایره برابر  $d$  و طول شعاع‌های آنها  $R$  و  $R'$  باشد. ( $R > R'$ )

$$\text{طول معاس مشترک خارجی} = \sqrt{d^2 - (R + R')^2} \quad (۰/۲۵) \quad \text{و} \quad \text{طول معاس مشترک داخلی} = \sqrt{d^2 - (R - R')^2} \quad (۰/۲۵)$$

درنتیجه

$$10^2 = 26^2 - (R + R')^2 \quad (۰/۲۵) \quad \text{و} \quad 24^2 = 26^2 - (R - R')^2 \quad (۰/۲۵)$$

$$\Rightarrow R + R' = 26, \quad R - R' = 10 \Rightarrow R = 18, \quad R' = 8 \quad (۰/۵)$$

<p><b>۱</b></p> $S = \frac{1}{2} a h_a \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{a}{2S} \quad (1)$ <p style="text-align: center;"><small>(+/\tau\Delta)</small></p> $\frac{1}{h_c} = \frac{c}{2S} \quad , \quad \frac{1}{h_b} = \frac{b}{2S} \quad (2)$ <p style="text-align: center;"><small>(+/\tau\Delta)</small></p> $\rightarrow (1), (2) + \frac{1}{h_a} = \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} + \frac{a}{2S} = \frac{b}{2S} = \frac{c}{2S} \quad \frac{2P}{2S} = \frac{1}{r}$ <p style="text-align: center;"><small>(+/\tau\Delta)</small></p>	<p><b>روش اول:</b></p> <p><b>روش دوم:</b> با توجه به شکل داریم</p> <p><math>h_a = c \sin B \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{1}{c \sin B} \quad (1)</math></p> <p style="text-align: center;"><small>(+/\tau\Delta)</small></p> <p><math>\frac{1}{h_c} = \frac{1}{b \sin A} \quad , \quad \frac{1}{h_b} = \frac{1}{a \sin C} \quad (2)</math></p> <p style="text-align: center;"><small>به طور مشابه</small></p> $\rightarrow (1), (2) + \frac{1}{h_a} = \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} + \frac{1}{c \sin B} + \frac{1}{a \sin C} + \frac{1}{b \sin A}$ <p style="text-align: center;"><small>(+/\tau\Delta)</small></p> $= \frac{a}{ca \sin B} + \frac{b}{ab \sin C} + \frac{c}{bc \sin A}$ <p style="text-align: center;"><small>(+/\tau\Delta)</small></p> $= \frac{a}{2S} + \frac{b}{2S} + \frac{c}{2S} = \frac{2P}{2S} = \frac{P}{S} = \frac{1}{r}$ <p style="text-align: center;"><small>(+/\tau\Delta)</small></p> <p><b>روش سوم:</b> ابتدا دایره محاطی داخلی مثلث را رسم می‌کنیم. حال با توجه به شکل داریم:</p> $S_{OBC} + S_{OAC} + S_{OAB} = S_{ABC}$ <p style="text-align: center;"><small>(+/\tau\Delta)</small></p> $\Rightarrow \frac{1}{2} ar + \frac{1}{2} br + \frac{1}{2} cr = S = \frac{1}{2} ah_a$ $\Rightarrow h_a = \frac{ar + br + cr}{a} = \frac{\tau r P}{a} \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{a}{\tau r P} \quad (1)$ <p style="text-align: center;"><small>(+/\tau\Delta)</small></p> $\frac{1}{h_c} = \frac{c}{\tau r P} \quad , \quad \frac{1}{h_b} = \frac{b}{\tau r P} \quad (2)$ <p style="text-align: center;"><small>به طور مشابه</small></p> $\rightarrow (1), (2) + \frac{1}{h_a} = \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} + \frac{a}{\tau r P} + \frac{b}{\tau r P} + \frac{c}{\tau r P} = \frac{\tau P}{\tau r P} = \frac{1}{r}$ <p style="text-align: center;"><small>(+/\tau\Delta)</small></p>
---	---

پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
ساعت شروع: ۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، دانشجویان آزاد و متقاضیان ایجاد و با ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		
آزمون.medu.ir		راهنمای نمره‌گذاری

ردیف

روش چهارم:



$$S = \frac{1}{2} a h_a \Rightarrow rP = \frac{1}{2} a h_a \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{a}{\tau r P} \quad (1)$$

(+/٢٥)

$$\frac{1}{h_c} = \frac{c}{\tau r P}, \quad \frac{1}{h_b} = \frac{b}{\tau r P} \quad (2)$$

(+/٢٥)

$$\rightarrow (1), (2) + \frac{1}{h_a} = \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} \quad \frac{a}{\tau r P} + \frac{b}{\tau r P} + \frac{c}{\tau r P} = \frac{\tau P}{\tau r P} = \frac{1}{r}$$

(+/٢٥) (+/٢٥)

روش پنجم: فرض کنیم  $R$  شعاع دایره محیطی مثلث باشد. پس

$$\left. \begin{aligned} S &= \frac{1}{2} ab \sin C = \frac{1}{2} ab \left( \frac{c}{\tau R} \right) = \frac{abc}{\tau R} \\ S &= \frac{1}{2} ah_a \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{\tau R}{bc}, \quad abc = \tau RS \quad (1)$$

(+/٢٥) (+/٢٥)

$$\frac{1}{h_c} = \frac{\tau R}{ab}, \quad \frac{1}{h_b} = \frac{\tau R}{ac} \quad (2)$$

$$\rightarrow (1), (2) + \frac{1}{h_a} = \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{\tau R}{bc} + \frac{\tau R}{ac} + \frac{\tau R}{ba} = \frac{\tau R(a+b+c)}{abc} = \frac{\tau RP}{\tau RS} = \frac{1}{r}$$

(+/٢٥) (+/٢٥)

تمرین ۵ صفحه ۳۰

روش اول:

$$\begin{aligned} AB + CD &= (AM + BM) + (DP + CP) = (AQ + BN) + (DQ + CN) \\ &= (AQ + DQ) + (BN + CN) = AD + BC \end{aligned}$$

(+/٢٥) (+/٢٥)  
(+/٢٥) (+/٢٥)

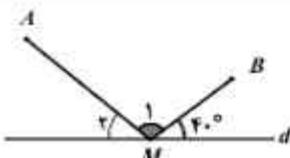
روش دوم:

$$\begin{aligned} AM = AQ = x, \quad QD = DP = y &\Rightarrow \begin{cases} MB = BN = AB - x \\ PC = NC = DC - y \end{cases} \quad (+/٥) \\ \Rightarrow AD + CB &= (x + y) + (AB - x + CD - y) = AB + CD \end{aligned}$$

(+/٢٥) (+/٢٥)

قضیه صفحه ۲۷

۷۸



$$\overbrace{M_1}^{(+/٢٥)} = ٤٠^\circ \Rightarrow \overbrace{M_1}^{(+/٢٥)} = ١٠٠^\circ$$

۹

نتیجه سوال صفحه ۵۲

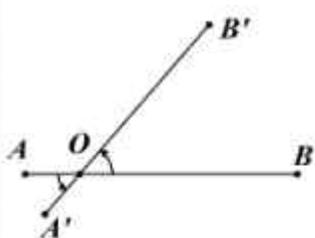
۱۴۰۴/۰۳/۰۷	تاریخ آزمون:	پایه: ریاضی و فیزیک	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه: یازدهم	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	تعداد صفحه: ....
۱۴۰۴	ساعت شروع:	۷:۳۰	به وقت تهران	مدت آزمون:	۱۲۰ دقیقه	
راهنمای نمره‌گذاری	راهنمای نمره‌گذاری	Azmoon.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، داولطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴			

نمره	ردیف
------	------

۱۰ اگر  $T$  یک دوران به مرکز  $O$  و زاویه  $\alpha$  باشد. با توجه به شکل تحت  $T$  داریم:

$$\underbrace{T(A) = A'}_{(+/25)}, \quad \underbrace{T(B) = B'}_{(+/25)} \Rightarrow \underbrace{OA = OA'}_{(+/25)}, \quad \underbrace{OB = OB'}_{(+/25)}$$

$$\Rightarrow AB = OA + OB = \underbrace{OA'}_{(+/25)} + \underbrace{OB'}_{(+/25)} = A'B'$$



رسم شکل (۰/۲۵)

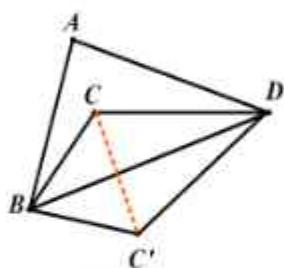
تذکر: به جواب مسئله، یا رسم شکل و یه صورت نوشتار فارسی به طور کامل، نیز نمره کامل داده شود.

قضیه صفحه ۴۱

روش اول:

ابتدا بازتاب نقطه  $C$  را تحت  $BD$  به دست می‌آوریم و آن را  $C'$  می‌نامیم.  
بنابراین میزان افزایش مساحت برابر است با:

$$\underbrace{S_{BC'DO}}_{(+/25)} = 2S_{BDO} = \underbrace{2(\frac{1}{2}CB \times CD \sin C)}_{(+/25)} = 8 \times 8 \times \frac{1}{2} = 20 \quad (+/25)$$



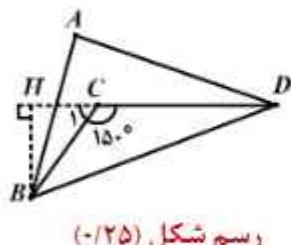
رسم شکل (۰/۲۵)

روش دوم:

ارتفاع  $BH$  را در میان  $BC$  می‌کنیم.  $\hat{C}_1 = 30^\circ$  لذا

بنابراین میزان افزایش مساحت برابر است با:

$$\underbrace{2S_{BDO}}_{(+/25)} = 2(\frac{1}{2}BH \times CD) = \underbrace{2(\frac{1}{2} \times \frac{5}{2} \times 8)}_{(+/25)} = 20 \quad (+/25)$$



رسم شکل (۰/۲۵)

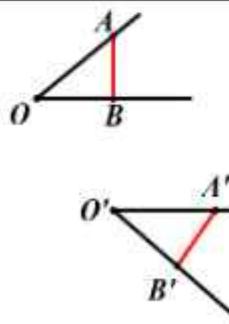
مشابه تمرین ۵ صفحه ۵۴

فرض کنیم  $T$  یک تبدیل طولپا باشد. در این صورت با توجه به شکل تحت  $T$  داریم

$$\underbrace{T(O) = O'}_{(+/25)}, \quad \underbrace{T(A) = A'}_{(+/25)}, \quad \underbrace{T(B) = B'}_{(+/25)}$$

درنتیجه پاره خطهای  $AB$ .  $OB$ .  $OA$  و  $A'B'$ .  $O'A'$ .  $O'B'$  به ترتیب به پاره خطهای  $O'A'$ .  $O'B'$  و  $A'B'$  تصویر می‌شود. (۰/۲۵) چون تبدیل طولپاست داریم:

$$\underbrace{OA = O'A'}_{(+/25)}, \quad \underbrace{OB = O'B'}_{(+/25)}, \quad \underbrace{AB = A'B'}_{(+/25)}$$



رسم تصویر زاویه (۰/۲۵)

۱۲

$$\Rightarrow \underbrace{\triangle AOB \cong \triangle A'O'B'}_{(+/25)} \Rightarrow \underbrace{\hat{O} = \hat{O'}}_{(+/25)}$$

قضیه صفحه ۳۵

تذکر: به جواب مسئله، یا رسم شکل و یه صورت نوشتار فارسی به طور کامل، نیز نمره کامل داده شود.

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک
ساعت شروع: ۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	.....	تعداد صفحه:
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، دانش‌آموزان آزاد و متقاضیان ایجاد و با ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴	Azmoon.medu.ir		
نمره	راهنمای نمره‌گذاری		

۱۲۵	<p>روش اول: اگر <math>S</math> و <math>S'</math> به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشد داریم:</p> $S - S' = ۱۰ \Rightarrow AB \times AD - A'B' \times A'D' = AB \times AD - \frac{۲}{۳}AB \times \frac{۲}{۳}AD = ۱۰ \Rightarrow S = AB \times AD = ۱۸$ <p style="text-align: center;"><small>(+ / ۲۵)                          (+ / ۲۵)                          (+ / ۲۵)</small></p> <p>رسم شکل (+ / ۲۵)</p>
۱۲۶	<p>روش سوم: اگر <math>S</math> و <math>S'</math> به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشد داریم:</p> $\frac{S'}{S} = k^۲ = \left(\frac{۲}{۳}\right)^۲ = \frac{۴}{۹} \Rightarrow \frac{S - S'}{S} = \frac{۵}{۹} \Rightarrow \frac{۱۰}{S} = \frac{۵}{۹} \Rightarrow S = ۱۸$ <p style="text-align: center;"><small>(+ / ۵)                          (+ / ۲۵)                          (+ / ۲۵)</small></p> <p>رسم شکل (+ / ۲۵)</p>
۱۲۷	<p>روش چهارم: فرض کنیم <math>S</math> و <math>S'</math> به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشند و <math>\alpha</math> یکی از زاویه‌های بین دو قطر مستطیل باشد. می‌دانیم در هر مثلث میانه، مثلث را به دو مثلث هم مساحت تقسیم می‌کند بنابراین:</p> $S - S' = ۱۰ \Rightarrow ۴S_{OAB} - ۴S_{OA'B'} = ۱۰$ <p style="text-align: center;"><small>(+ / ۲۵)</small></p> $\Rightarrow ۴\left(\frac{۱}{۲}OA \times OB \times \sin \alpha\right) - ۴\left(\frac{۱}{۲}OA' \times OB' \times \sin \alpha\right) = ۱۰$ <p style="text-align: center;"><small>(+ / ۲۵)</small></p> $\Rightarrow OA \times OB \times \sin \alpha - \frac{۴}{۹}OA \times OB \times \sin \alpha = ۵ \Rightarrow OA \times OB \times \sin \alpha = ۹$ <p style="text-align: center;"><small>(+ / ۲۵)</small></p> $\Rightarrow S = ۴\left(\frac{۱}{۲} \times OA \times OB \times \sin \alpha\right) = ۱۸ \quad (- / ۲۵)$ <p>رسم شکل (+ / ۲۵)</p>
	مشابه تمرین ۳ صفحه ۴۹

پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
ساعت شروع: ۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، دانش‌آموزان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴			
آزمون.medu.ir			

راهنمای نمره‌گذاری

ردیف

۱.۵

روش اول:

$$\frac{BC}{\sin A} = \frac{AC}{\sin B} = rR \Rightarrow \frac{10}{\sin A} = \frac{AC}{\sin 125^\circ} = 2 \times 10$$

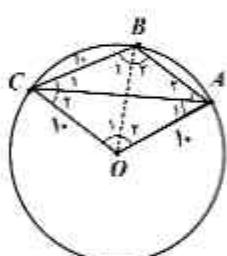
$$\Rightarrow \begin{cases} \sin A = \frac{1}{2} \Rightarrow A = 150^\circ \vee A = 30^\circ \\ AC = 2 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 10\sqrt{2} \end{cases}$$



روش دوم:

دایره محیطی مثلث را رسم می‌کنیم. مطابق شکل داریم:

$$OA = OC = OB = CB = 10$$



$$\Rightarrow \triangle COB : O_1 = B_1 = 60^\circ \quad (1) \quad \left. \begin{array}{l} B_1 + B_2 = 125^\circ \\ B_2 = 75^\circ \end{array} \right\} \quad (2/25)$$

$$\Rightarrow \triangle AOB : A_1 + A_2 = B_2 = 75^\circ \Rightarrow O_2 = 30^\circ \quad (2) \quad (2/25)$$

$$\stackrel{(1),(2)}{\Rightarrow} \triangle AOC : A_1 = 90^\circ \Rightarrow CA^2 = 10^2 + 10^2 \Rightarrow CA = 10\sqrt{2} \quad (2/5)$$

$$\stackrel{(1),(2)}{\Rightarrow} \triangle AOC : C_2 = A_1 = 45^\circ \Rightarrow A_2 = 30^\circ \quad (2/5)$$

۱۴

روش سوم:

در مثلث  $ABC$  با فرض این‌که  $S$  مساحت مثلث باشد داریم:

$$S = \frac{1}{2} ac \sin B \Rightarrow S = \frac{1}{2} \times 10 \times c \times \sin 125^\circ = \frac{5\sqrt{2}}{2} c \quad (1)$$

$$S = \frac{1}{2} ab \sin C = \frac{1}{2} ab \left( \frac{c}{2R} \right) = \frac{abc}{4R} \Rightarrow R = \frac{abc}{4S} \stackrel{(1)}{\Rightarrow} 10 = \frac{10bc}{4 \times \frac{5\sqrt{2}}{2} c} \Rightarrow AC = b = 10\sqrt{2}$$

$$S = \frac{1}{2} bc \sin A = \frac{5\sqrt{2}}{2} c \Rightarrow \sin A = \frac{1}{2} \Rightarrow A = 150^\circ \vee A = 30^\circ \quad \left. \begin{array}{l} \text{قق} \\ (2/5) \end{array} \right\}$$

۱۴۰۴/۰۳/۰۷	تاریخ آزمون:	هندسه (۲)	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
ساعت شروع:	۰۷:۳۰	مدت آزمون:	۱۲۰ دقیقه
دایش آموزش از راه دور، اینترنتی، داولبلان آزاد و متناسبیان ایجاد و با ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴	.....	.....	تعداد صفحه:
مرکز آموزشی و تخصصی کیفیت نظام آموزش و پژوهش Azmoon.edu.ir	راهنمای نمره‌گذاری		

۱۴۰۴/۰۳/۰۷	روش اول:	$a^2 > b^2 + c^2 \Leftrightarrow b^2 + c^2 - 2bc \cos A > b^2 + c^2 \Leftrightarrow -2bc \cos A > 0 \Leftrightarrow \cos A < 0 \Leftrightarrow A > 90^\circ$ (۰/۲۵)	۰/۲۵
	روش دوم:	فرض کنیم $R$ شعاع دایره محیطی مثلث باشد. درنتیجه: $a^2 > b^2 + c^2 \Leftrightarrow 4R^2 \sin^2 A > 4R^2 \sin^2 B + 4R^2 \sin^2 C \quad (۰/۲۵)$ $\Leftrightarrow \sin^2 A > \sin^2 B + \sin^2 C \Leftrightarrow \sin^2(A+B+C) > \sin^2 B + \sin^2 C$ $\Leftrightarrow \sin^2 B \cos^2 C + \cos^2 B \sin^2 C + 2 \sin B \cos B \sin C \cos C > \sin^2 B + \sin^2 C$ $\Leftrightarrow \sin^2 B(\cos^2 C - 1) + \sin^2 C(\cos^2 B - 1) + 2 \sin B \cos B \sin C \cos C > 0 \quad (۰/۲۵)$ $\Leftrightarrow \sin^2 B(-\sin^2 C) + \sin^2 C(-\sin^2 B) + 2 \sin B \cos B \sin C \cos C > 0$ $\Leftrightarrow \cos B \cos C > \sin B \sin C \Leftrightarrow \cos B \cos C - \sin B \sin C > 0$ $\Leftrightarrow \cos(B+C) > 0 \Leftrightarrow B+C < 90^\circ \Leftrightarrow A > 90^\circ \quad (۰/۲۵)$	
	روش سوم:	 با توجه به شکل اگر $BC = a$ , $AM = m_a$ باشد ثابت می‌کنیم: $\hat{A} > 90^\circ \Leftrightarrow m_a < \frac{a}{2}$	۱۵
	با توجه به شکل اگر $BC = a$ , $AM = m_a$ باشد ثابت می‌کنیم: دایره‌ای به قطر $BC$ و به مرکز $M$ وسط ضلع $BC$ می‌زنیم. با توجه به شکل و ویژگی‌های زاویه خارجی داریم: $m_a = \frac{a}{2}$ نقطه درون دایره باشد $\Leftrightarrow \hat{A} > 90^\circ$		
۱۴۰۴/۰۳/۰۷	بنایبراین:	$\hat{A} > 90^\circ \Leftrightarrow m_a < \frac{a}{2} \Leftrightarrow m_a < \frac{a}{4} \Leftrightarrow 2m_a < \frac{a}{2} \Leftrightarrow 2m_a + \frac{a}{2} < a \Leftrightarrow b^2 + c^2 < a^2$ (۰/۵)	
	تمرین ۹ قسمت ب صفحه ۷۶		
	الف) فرض کنیم $a = 6$ , $b = 10$ , $c = 14$		
	$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C \Rightarrow 14^2 = 6^2 + 10^2 - 2(6)(10) \cos C \Rightarrow \cos C = -\frac{1}{2} \Rightarrow C = 120^\circ$ (۰/۵)		
	مشابه کار در کلاس ۲ صفحه ۶۵		
۱۴۰۴/۰۳/۰۷	(ب)		
۱۴۰۴/۰۳/۰۷	$P = \frac{6+10+14}{2} = 15 \quad (۰/۲۵)$		
	$S = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)} = \sqrt{15 \times 9 \times 5 \times 1} = 15\sqrt{3} \quad , \quad S = \frac{1}{2} \times 6 \times h_a = 15\sqrt{3} \Rightarrow h_a = 5\sqrt{3}$ (۰/۲۵)		
	مشابه مثال صفحه ۷۱		

۱۴۰۴/۰۳/۰۷	تاریخ آزمون:	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
	ساعت شروع:	۷:۳۰	مدت آزمون:	۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، دانش آزاد و متقاضیان ایجاد و با ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴	.....			تعداد صفحه:
Azmoon.medu.ir				

نمره

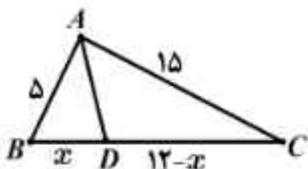
راهنمای نمره‌گذاری

ردیف

۱۵

روش اول:

$$\text{با فرض } BD = x \text{ داریم } DC = 12 - x \text{ درنتیجه}$$



$$\frac{AB}{BD} = \frac{AC}{DC} \Rightarrow \frac{5}{x} = \frac{15}{12-x} \Rightarrow x = 3 \Rightarrow BD = 3, DC = 9$$

(+) / ۵

(+) / ۲۵

$$AD^2 = AB \times AC - BD \times DC = 5 \times 15 - 3 \times 9 = 48 \Rightarrow AD = \sqrt{48} = 4\sqrt{3}$$

(+) / ۵

(+) / ۲۵

توجه: برای به دست آوردن  $BD$ ,  $DC$  روش‌های زیر قابل قبول است:

$$BD = \frac{12 \times 5}{15 + 5} = 3 \Rightarrow CD = 9$$

(+) / ۵

(+) / ۲۵

یا

$$\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC} \Rightarrow \frac{AB}{AC + AB} = \frac{BD}{DC + BD} \Rightarrow \frac{5}{15 + 5} = \frac{3}{12} \Rightarrow BD = 3, DC = 9$$

(+) / ۲۵

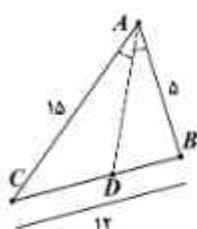
(+) / ۲۵

روش دوم:

۱۶

$$12^2 = 15^2 + 5^2 - 2 \times 15 \times 5 \cos A \Rightarrow \cos A = \frac{52}{75}$$

(+) / ۲۵



$$\Rightarrow \cos(\frac{A}{2}) = \frac{1 + \cos A}{2} = \frac{1 + \frac{52}{75}}{2} = \frac{1}{2} \Rightarrow \cos(\frac{A}{2}) = \frac{1}{5\sqrt{3}}$$

(-) / ۲۵

$$AD = d_a = \frac{\sqrt{bc \cos(\frac{A}{2})}}{b+c} = \frac{\sqrt{5 \times 15 \times \frac{1}{5\sqrt{3}}}}{15+5} = 4\sqrt{3}$$

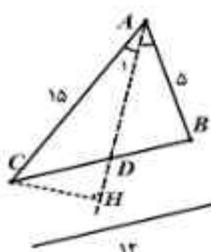
(+) / ۲۵

روش سوم:

۱۷

$$12^2 = 15^2 + 5^2 - 2 \times 15 \times 5 \cos A \Rightarrow \cos A = \frac{52}{75}$$

(+) / ۲۵



$$\sin(\hat{A}_1) = \frac{1 - \cos(\hat{A})}{2} = \frac{11}{75} \Rightarrow \sin(\hat{A}_1) = \frac{\sqrt{22}}{15} \Rightarrow CH = \sqrt{22}$$

(+) / ۵

$$S_{ABC} = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)} = 8\sqrt{11}$$

(+) / ۲۵

$$\frac{S_{ABD}}{S_{ADO}} = \frac{5}{15} \Rightarrow \frac{S_{ABC}}{S_{ADO}} = \frac{12}{15} \Rightarrow S_{ADO} = 6\sqrt{11}$$

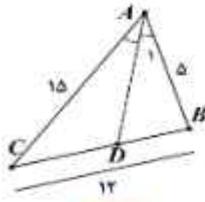
(+) / ۲۵

$$S_{ADO} = 6\sqrt{11} = \frac{1}{2} AD \times CH \Rightarrow AD = 4\sqrt{3}$$

(+) / ۲۵

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	تعداد صفحه: ....
ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، دانش‌آموزان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴	پایه: یازدهم رشته: ریاضی و فیزیک
Azmoon.medu.ir	نمره راهنمای نمره‌گذاری

روش چهارم:



$$12^\circ = 15^\circ + 5^\circ - 2 \times 15 \times 5 \cos A \Rightarrow \cos A = \frac{52}{75} \quad (0/25)$$

$$\sin^2 A_1 = \frac{1 - \cos A}{2} = \frac{11}{75} \Rightarrow \sin A_1 = \frac{\sqrt{22}}{15} \quad (0/25)$$

$$\cos B = \frac{20+144-225}{120} = -\frac{7}{15} \Rightarrow \sin B = \frac{4\sqrt{11}}{15} \quad (0/5)$$

$$\frac{AD}{\sin B} = \frac{BD}{\sin A_1} \Rightarrow \frac{AD}{\frac{4\sqrt{11}}{15}} = \frac{2}{\frac{\sqrt{22}}{15}} \Rightarrow AD = 4\sqrt{3} \quad (0/5)$$



دانش درست و مفهومی

روش پنجم:

در مثلث  $ABC$  با فرض این‌که  $S$  مساحت و  $P$  محیط مثلث باشد داریم:

$$AD^2 = AB \times AC - BD \times DC = bc - \frac{ac}{b+c} \times \frac{ab}{b+c} = \frac{bc((b+c)^2 - a^2)}{(b+c)^2} = \frac{bc(4P - 2a)(4P)}{(b+c)^2} = \frac{4bcP(P-a)}{(b+c)^2} \quad (0/5)$$

$$AD = \frac{2}{b+c} \sqrt{bcP(P-a)} = \frac{2}{20} \sqrt{16 \times 5 \times 15 \times 4} = 4\sqrt{3} \quad (0/25)$$

تذکر: در صورت عدم اثبات فرمول فوق، فقط نمره خط آخر یعنی (۰/۷۵) منظور گردد.

مشابه تمرین ۲ صفحه ۷۰

همه) ممکنه، ((همات شما سپاسگزاریم. لطفاً) به موارد زیر دقت فرمایید:

- تاکید می‌شود که ملاک نمره‌گذاری، راهنمای نمره‌گذاری است و از اعمال سلیقه خودداری شود. اما برای پاسخ‌های صحیح دیگر هر سوال به تناسب، نمره منظور شود تا حقی از دانش آموز ضایع نشود.
- در این راهنمای نمره‌گذاری، برخی سوالات از چندین روش حل شده است (برخی از روش‌ها فقط فرم نگارش آن متفاوت با روش‌های دیگر است). اما در کتاب درسی، اکثر این سوالات به روش نخست حل شده‌اند. ارائه این روش‌ها فقط به جهت درنظر گرفتن روش‌های احتمالی دانش آموزان و اختصاص نمره به ایشان است و پرداختن به این روش‌ها در کلاس درس توصیه نمی‌شود.
- معمول‌ا، رسیدن به جواب نهایی سوال، در چند مرحله انجام می‌شود. در صورتی که دانش آموز در مراحل ابتدایی اشتباه کرده باشد، اما با توجه به آن اشتباه یقیه موارد را درست انجام داده باشد، فقط نمره آن اشتباه کسر شود و به یقیه مراحل درست، نمره داده شود.
- این راهنمای نمره‌گذاری، در ساعت اولیه بعد از برگزاری امتحان به صورت غیرقابل استناد منتشر می‌شود و پس از بررسی نهایی، به صورت رسمی و قابل استناد منتشر می‌شود. لطفاً دقت فرمایید که نمره‌گذاری شما بر طبق راهنمای نهایی و قابل استناد باشد.