

۱۴۰۴-۰۵/۲۷	تاریخ آزمون:	پایه: دوازدهم	سؤالات آزمون نهایی درس: حسابان ۲
۱۲۰۶۱	کد درس:	ساعت شروع: ۷ صبح به وقت تهران	تعداد صفحه: ۲
مرکز آزمایشگاهی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش	دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور) - تابستان ۱۴۰۴	Azmoon.edu.ir	داتش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور) - تابستان ۱۴۰۴
نمره	سؤالات (پاسخ برگ دارد) (استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است)		

ردیف

۱	درستی یا نادرستی هر یک از عبارت‌های زیر را مشخص کنید.	۰/۷۵
۱	الف) اگر $\lim_{x \rightarrow a} (f(x) + g(x)) = 5$ آن‌گاه $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow a} g(x) = 5$.	
۱	ب) اگر $f'(\frac{\pi}{2}) = f''(\pi)$. آن‌گاه $f(x) = \sin x$.	
۱	پ) هر تابع اکیداً صعودی، نقطه عطف ندارد.	
۲	جهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید.	۰/۷۵
۲	الف) اگر $2 + 2 \leq \tan \alpha \leq \frac{\pi}{4}$ آن‌گاه بیشترین مقدار ممکن m برابر با است.	
۲	ب) حاصل حد $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{1}{ x }$ برابر با است.	
۲	پ) خط معماق قائم منحنی تابع $y = \sqrt[3]{x}$ است.	
۳	نمودار تابع f در شکل رویمرو رسم شده است. اگر f' و f'' به ترتیب مشتق اول و دوم این تابع باشند. آن‌گاه به ازای هر x از دامنه تابع f ، کدام گزینه درست است؟	۰/۲۵
۳	$f''(x) > 0$ و $f'(x) < 0$ (۱)	
۳	$f''(x) < 0$ و $f'(x) < 0$ (۲)	
۳	$f''(x) > 0$ و $f'(x) > 0$ (۳)	
۳	$f''(x) < 0$ و $f'(x) > 0$ (۴)	
۴	در شکل زیر، نمودار تابع $y = f(x) = -2f(\frac{x}{2}) + 1$ رسم شده است. نمودار تابع $g(x) = -2f(x) + 1$ را رسم کنید.	۱
۴		
۵	اگر توابع f و g در یک فاصله اکیداً صعودی باشند، نشان دهید که تابع $g + f$ نیز در این فاصله اکیداً صعودی است.	۱
۶	اگر یا قی مانده تقسیم چندجمله‌ای $p(x) = 2x^7 + mx - 1$ بر $2x + 1$ برابر با -1 باشد، مقدار m را به دست آورید.	۱
۷	دوره تناوب و مقادیر ماکریم و میثیم تابع $y = 2\sin(3x) - 1$ را به دست آورید.	۰/۷۵
۸	معادله مثلثاتی $\sin(2\pi + x) \cos x = 0$ را حل کنید و جواب‌های کلی آن را بنویسید.	۱/۲۵
۹	اگر $\tan \beta = 1$. آن‌گاه مقدار $\tan(\alpha + \beta) = -2$ را محاسبه کنید.	۰/۷۵

۱۴۰۴-۰۵/۲۷-۰۵ تاریخ آزمون:	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه: دوازدهم	سؤالات آزمون نهایی درس: حسابان ۲
۱۲۰۶۱ کد درس:	نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۷ صبح به وقت تهران	مدت آزمون: ۱۱ دقیقه تعداد صفحه: ۲
مرکز آزمایشگاهی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.edu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور) - تابستان ۱۴۰۴		
نمره	سؤالات (پاسخ برگ دارد) استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است		

ردیف

۱۰	حاصل حدهای زیر را به دست آورید. () نماد جزء صحیح است.	۱/۵
۱۱	مجانب‌های قائم و افقی تابع $f(x) = \frac{-4x+3}{2x+1}$ را در صورت وجود به دست آورید. (راه حل نوشته شود).	۱
۱۲	در شکل زیر، خط d بر نمودار تابع f در نقطه $(2, 5)$ معاس است. اگر $A = -2$ آن‌گاه معادله خط d و عرض نقطه B را به دست آورید.	۱
۱۳	با استفاده از تعریف مشتق، مشتق پذیری تابع $f(x) = x x-1 $ را در نقطه $x=1$ بررسی کنید.	۱/۲۵
۱۴	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست).	۱/۷۵
۱۵	معادله حرکت متحركی به صورت $f(t) = t^2 - 3t + 12$ بر حسب متر در بازه زمانی $[1, 6]$ داده شده است. الف) سرعت متوسط متحرك را در بازه $[1, 6]$ به دست آورید. ب) سرعت لحظه‌ای متحرك را در لحظه $t=2$ به دست آورید.	۱
۱۶	مقدار مینیمم مطلق تابع $f(x) = \frac{-1}{3}x^3 + x$ را در بازه $[0, 2]$ به دست آورید.	۱/۵
۱۷	اگر $x=1$ طول نقطه عطف و $x=-2$ طول یکی از نقاط بحرانی تابع $f(x) = ax^3 + bx^2 + 24x + 24$ باشد. آن‌گاه مقادیر a و b را به دست آورید.	۱/۵
۱۸	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x + 6$ رارسم کنید.	۲
	موفق باشید	۲۰
	صفحه ۲ از ۲	

تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۵/۲۷	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه: دوازدهم	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: حسابان ۲
فرکزارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پژوهش Azmoon.medu.ir	ساعت شروع: ۷ صبح به وقت تهران	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۶
نمره	راهنمای نمره‌گذاری		
۰/۷۵	۱۳۱ صفحه (۰/۲۵) پ) نادرست	۱۰۱ صفحه (۰/۲۵) ب) درست	۱ صفحه (۰/۲۵)
۰/۷۵	۸۸ صفحه (۰/۲۵) پ) $x = 0$	۵۳ صفحه (۰/۲۵) ب) $+ \infty$	۲ الف) -۱
۰/۲۵		صفحه ۲۴ (۰/۲۵) ب)	۳ گزینه ۲ صفحه ۱۲۸ و ۱۲۹ (۰/۲۵)
۱		صفحه ۱۲ رسم دقیق هر پاره خط نمودارتابع، هر کدام (۰/۵) نمره.	۴ توضیحات نمره‌گذاری: (۱) اگر نمودار در چند مرحله رسم شود، به تناسب نمره تعلق گیرد. (۲) اگر نمودار دقیقاً به درستی رسم نشود ولی دامنه یا یرد به درستی در شکل مشخص گردند، به هر کدام (۰/۲۵) تعلق گیرد.
۱	فرض کنید a و b دو عدد دلخواه در این فاصله باشند که $a < b$. (۰/۲۵) چون توابع f و g اکیداً صعودی هستند، نتیجه می‌شود که $\begin{cases} f(a) < f(b) \\ g(a) < g(b) \end{cases}$ (۰/۲۵). بنابراین، $f(a) + g(a) < f(b) + g(b)$. از این رو، نتیجه می‌شود که صفحه ۲۲ $f + g$ روی این فاصله تابعی اکیداً صعودی است.	۵	
۱	$x + ۲ = ۰ \Rightarrow x = -۲$ $p(-۲) = -۱ \Rightarrow -۱۶ - ۲m - ۱ = -۱ \Rightarrow m = -۸$	صفحه ۲۲ صفحه (۰/۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)	۶ توضیحات نمره‌گذاری: (۱) اگر تنها عبارت $X + ۲ = ۰ \Rightarrow X = -۲$ نوشته شود، (۰/۲۵) تعلق گیرد. (۲) اگر با تقسیم چندجمله‌ای بر چندجمله‌ای مقدار m به درستی بدست آید، به تناسب نمره تعلق گیرد.
۰/۷۵	$T = \frac{۲\pi}{۳}$ (۰/۲۵) $\max = ۱$ (۰/۲۵) $\min = -۳$ (۰/۲۵)	۲۷ صفحه	۷ توضیحات نمره‌گذاری: اگر دانش‌آموز نمودار تابع را رسم کند و مقادیر ماکریم، میتیریم و دوره تناوب را روی نمودار به صورت دقیق مشخص نماید، نمره تعلق گیرد.
۱/۲۵	$\begin{cases} \sin(۲\pi + x) = ۰ \\ \cos x = ۰ \end{cases}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \begin{cases} ۲\pi + x = k\pi \\ x = k\pi + \frac{\pi}{۲} \end{cases}$ (۰/۲۵)	۴۰ صفحه $x = k\pi - \frac{۲\pi}{۲}$ $k \in \mathbb{Z}$ روش اول:	۸ روش دوم:
	$\underbrace{\sin(۲\pi + x) = \sin x}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{\sin x \cos x = ۰}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \begin{cases} \sin x = ۰ \\ \cos x = ۰ \end{cases}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \begin{cases} x = k\pi \\ x = k\pi + \frac{\pi}{۲} \end{cases}$ (۰/۲۵) $k \in \mathbb{Z}$		
	$\underbrace{\sin(۲\pi + x) = \sin x}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{\sin x \cos x = ۰}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{\sin ۲x = ۰}_{(۰/۵)} \Rightarrow \underbrace{۲x = k\pi}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow x = \frac{k\pi}{۲}$ $k \in \mathbb{Z}$	روش سوم:	
	توضیح نمره‌گذاری: اگر در هر یک از روش‌ها، جواب‌ها به جای حالت خاص، به فرم کلی نوشته شود، نمره تعلق گیرد.		

تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۵/۲۷	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه: دوازدهم	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: حسابان ۲
ساعت شروع: ۷ صبح به وقت تهران	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۶	دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور) - تابستان ۱۴۰۴
فرکزارزشیابی و تعیین کیفیت نظام آموزش و پژوهش Azmoon.medu.ir			ردیف

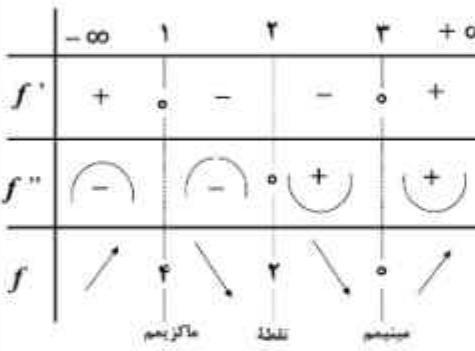
۰/۷۵	$\tan(\alpha + \beta) = \frac{\tan \alpha + \tan \beta}{1 - \tan \alpha \tan \beta} \Rightarrow -2 = \frac{1 + \tan \beta}{1 - \tan \beta} \Rightarrow \tan \beta = 2$ $\tan(\beta) = \tan(\alpha + \beta - \alpha) = \frac{\tan(\alpha + \beta) - \tan \alpha}{1 + \tan(\alpha + \beta) \tan \alpha} = \frac{-2 - 1}{1 + (-2)(1)} = 3$	صفحه ۴۲ روش اول: روش دوم:	۹
۱/۵	<p>الف) وقتی x در همسایگی چپ ۳ باشد، مخرج کسر با مقادیر مثبت به صفر میل می‌کند ($0/25$). از طرفی.</p> <p>صفحه ۵۸</p> $\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{[x] - 3}{3 - x} = -\infty$ <p>بنابراین ($0/25$) $\lim_{x \rightarrow 3^-} [x] - 3 = -1$</p> <p>توضیحات نمره‌گذاری: به پاسخ‌هایی که به صورت زیر نوشته شده باشند، مطابق با مرتب تعیین شده، نمره در نظر گرفته شود.</p> $\lim_{x \rightarrow 3^-} (3 - x)^+ = \text{همان } 0 \text{ است.}$ $\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{[x] - 3}{3 - x} = \frac{-1}{0^+} = -\infty \quad (0/25)$ <p>ب) صفحه ۶۶</p> $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-4x^3 + 2x^2 + 1}{1 + 8x - x^2} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-4x^3}{-x^2} = \lim_{x \rightarrow -\infty} 4x = -\infty \quad (0/25)$	۱۰	
۱	$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-4x + 3}{2x + 1} = -2$ <p>خط $y = -2$ مجانب افقی تابع است. ($0/25$)</p> $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-4x + 3}{2x + 1} = -2$ $\lim_{x \rightarrow (\frac{-1}{2})^-} \frac{-4x + 3}{2x + 1} = -\infty$ $\lim_{x \rightarrow (\frac{-1}{2})^+} \frac{-4x + 3}{2x + 1} = +\infty$ <p>صفحه ۶۹</p>	۱۱	
۱	$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2) - f(2+h)}{h} = -f'(2) \quad (0/25) \Rightarrow m = f'(2) = 2 \quad (0/25)$ <p>معادله خط $d: y = 2x + 1$</p> <p>عرض نقطه $B: 1$ ($0/25$)</p>	صفحه ۷۸	۱۲
صفحه ۲ از ۴			

تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۵/۲۷	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه: دوازدهم	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: حسابان ۲
فرکزارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پژوهش Azmoon.medu.ir	ساعت شروع: ۷ صبح به وقت تهران	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۴
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور) - تاپستان ۴			ردیف

۱/۲۵	$\begin{cases} f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x(x-1)}{x-1} = 1 & (۰/۵) \\ f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{-x(x-1)}{x-1} = -1 & (۰/۵) \end{cases}$ <p>با توجه به اینکه $f'_+(1) \neq f'_-(1)$، نتیجه می‌شود که تابع f در نقطه $x=1$ مشتق‌پذیر نیست.</p> <p>روش دوم:</p> $\begin{cases} f'_+(1) = \lim_{h \rightarrow 0^+} \frac{f(1+h) - f(1)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0^+} \frac{(1+h) h }{h} = \lim_{h \rightarrow 0^+} (1+h) = 1 & (۰/۵) \\ f'_-(1) = \lim_{h \rightarrow 0^-} \frac{f(1+h) - f(1)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0^-} \frac{(1+h) h }{h} = \lim_{h \rightarrow 0^-} -(1+h) = -1 & (۰/۵) \end{cases}$ <p>با توجه به اینکه $f'_+(1) \neq f'_-(1)$، نتیجه می‌شود که تابع f در نقطه $x=1$ مشتق‌پذیر نیست.</p> <p>توضیحات نمره‌گذاری: اگر فقط به جمله «تابع f در نقطه $x=1$ مشتق‌پذیر نیست.» اشاره شود. (۰/۰) تعلق گیرد.</p>	صفحه ۸۷ روش اول: صفحه ۱۳ روش دوم:
۱/۷۵	$f'(x) = \underbrace{(۷)}_{(۰/۲۵)} \left(\underbrace{\frac{1}{2\sqrt{x}}}_{(۰/۲۵)} + \underbrace{۳}_{(۰/۲۵)} \right) \underbrace{(\sqrt{x} + ۳x)^6}_{(۰/۲۵)}$ $g'(x) = \underbrace{(۲)(۴)}_{(۰/۲۵)} \underbrace{(-\sin 4x)}_{(۰/۲۵)} \underbrace{(\cos^2 4x)}_{(۰/۲۵)}$ <p>صفحه ۹۷</p>	(الف)
۱	$\frac{f(6) - f(1)}{6 - 1} \stackrel{(۰/۲۵)}{=} \frac{۳۰ - ۱۰}{5} = ۴ \quad (۰/۲۵)$ $f'(t) = ۲t - ۲ \quad (۰/۲۵) \Rightarrow f'(2) = 1 \quad (۰/۲۵)$	صفحه ۱۰۹ قسمت (الف)
۱/۵	$f'(x) = -x^2 + 1 \quad (۰/۲۵) \xrightarrow{f'(x)=0} \begin{cases} x=1 \quad (۰/۲۵) \\ x=-1 \notin [۰, ۲] \end{cases}$ $f(0)=0 \quad (۰/۲۵) \quad f(1)=\frac{2}{3} \quad (۰/۲۵) \quad f(2)=-\frac{2}{3} \quad (۰/۲۵)$ <p>مقدار مینیمم مطلق: $\frac{-2}{3} \quad (۰/۲۵)$</p>	صفحه ۱۱۷ قسمت (ب)
	<p>توضیحات نمره‌گذاری:</p> <p>۱) اگر با رسم دقیق شکل، مقدار مینیمم مطلق تابع مشخص گردد. نمره کامل تعلق گیرد.</p> <p>۲) اگر دانش آموز $-x = 1$ را جزو نقاط بحرانی در نظر گرفت. (۰/۲۵) کسر گردد.</p>	۱۵ ۱۶

تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۵/۲۷	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه: دوازدهم	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: حسابان ۲
ساعت شروع: ۷ صبح به وقت تهران	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۴	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور) - تابستان ۱۴۰۴ Azmoon.medu.ir			

نمره	راهنمای نمره‌گذاری	ردیف
۱/۵	$\begin{cases} f'(x) = ۳ax^۲ + ۲bx + ۲۴ \quad (۰/۲۵) \\ f''(x) = ۶ax + ۲b \quad (۰/۲۵) \end{cases}$ $\begin{cases} f'(-۲) = ۰ \quad (۰/۲۵) \\ f''(۱) = ۰ \quad (۰/۲۵) \end{cases} \Rightarrow a = -۱ \quad (۰/۲۵), \quad b = ۳ \quad (۰/۲۵)$	صفحه ۱۳۶
۲	$f'(x) = ۳x^۲ - ۱۲x + ۹ \xrightarrow{f' = ۰} \begin{cases} x = ۱ \quad (۰/۲۵) \\ x = ۳ \quad (۰/۲۵) \end{cases}$ $f''(x) = ۶x - ۱۲ \xrightarrow{f'' = ۰} x = ۲ \quad (۰/۲۵)$	صفحه ۱۴۴
۲۰	<p>توضیحات جدول رفتار:</p> <p>تعیین علامت مشتق تابع $(۰/۲۵)$</p> <p>تعیین علامت مشتق دوم و جهت تغیر تابع $(۰/۲۵)$</p> <p>مشخص کردن صعودی و نزولی بودن تابع و نقاط ماقزیم و مینیمم و نقطه عطف تابع $(۰/۲۵)$</p> <p>رسم صحیح نمودار تابع $(۰/۵)$</p>	



موفق باشید

با عرض سلام و خداقوت

لطفا هنگام نمره‌گذاری پاسخ برگ‌ها، نکات زیر را مدنظر قرار دهید:

(۱) به منظور صحت و دقت در نمره‌گذاری پاسخ برگ‌های آزمون، صرفاً راهنمایی قابل استناد نمره‌گذاری، ملاک عمل است.

(۲) در صورتی که در هر یک از مراحل محاسباتی، خطای رخ داده اما پس از آن بقیه مراحل به درستی انجام شده باشد، فقط نمرة مربوط به خطای انجام شده کسر گردد.

(۳) در صورتی که دانش آموز فقط پاسخ نهایی را نوشته باشد، $(۰/۲۵)$ نمرة تعلق می‌گیرد.