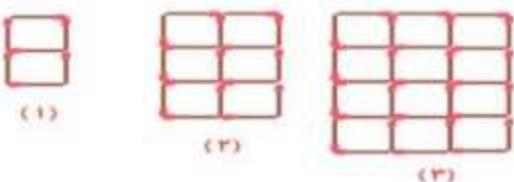


۱) دنباله‌ی اعداد رو به رو را در نظر بگیرید.
 $-30, -25, -19, -12, \dots$

الف) دهمین عدد از این دنباله را بنویسید.

ب) اولین عدد مخالف صفر در این دنباله، که قرینه‌ی آن بر ۳ و ۴ بخش‌بذیر است، چند است؟

۲) با توجه به الگوی زیر، شکل بیست و پنجم از چند چوب کبریت تشکیل شده است؟



۳) با توجه به اعداد داده شده، به جای نقطه‌چین چه عددی باید قرار داد؟ (الگویی بین تمام پرانتزها برقرار است.)



۴) ارقام ۱ و ۲ و ۳ و ۴ و ۵ چند عدد ۳ رقمی زوج می‌توان نوشت به طوری که ارقام تکراری نداشته باشند؟

۵) حاصل عبارت $\frac{1}{1} + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5}$ را \square در نظر بگیرید. مقدار $\square - \square$ کدام است؟

۶ پارسا با $\frac{2}{7}$ پولش یک کتاب خرید. او با $\frac{3}{1}$ باقی ماندهی پولش ۳ دفتر ۲۰۰۰ تومانی خرید. پارسا با $\frac{4}{7}$ باقی ماندهی پولش حداکثر چند خودکار ۹۰۰ تومانی می‌تواند بخرد؟ چند تومان برایش باقی می‌ماند؟

۷ صورت کسری حاصل عبارت $\frac{\frac{1}{2} \times \frac{2}{3}}{\frac{25}{26} \div \frac{25}{12}}$ و مخرج آن حاصل عبارت $\frac{\frac{1}{6} - \frac{5}{9}}{\frac{5}{6} - \frac{5}{36}}$ می‌باشد. این کسر کدام است؟

۸۰/۱۰۶ | ۲/۳۴



۸ باقی ماندهی تقسیم زیر کدام است؟ (تقسیم را تا ۲ رقم اعشار ادامه دهید.)

۹ گر ضخامت یک کتاب ۵ بروگ ۳۰/۰۴ میلی متر باشد، ضخامت یک کتاب ۱۲۰ بروگ چند میلی متر است؟ (فرض کنید ضخامت یک جلد هر کتاب ۲ میلی متر باشد و همه بروگهای هر دو کتاب ضخامت یکسانی دارند. در تقسیم‌ها حاصل را تا دو رقم اعشار به دست آورید.)

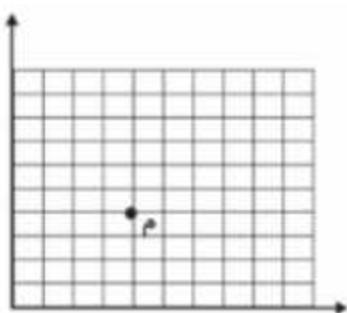
۱۰ چندتا از جمله‌های زیر درست است؟

پنج ضلعی منتظم، تقارن چرخشی دارد اما تقارن مرکزی ندارد.

اگر شکلی دو محور تقارن عمودبر هم داشته باشد، مرکز تقارن هم دارد.

هشت ضلعی منتظم، هشت خط تقارن دارد.

سه دوران 120° در جهت عقربه‌های ساعت، شکل را به حالت اول بر می‌گرداند.



۱۱ نقاط $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = a$, $\begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} = b$, $\begin{pmatrix} 3 \\ 1 \end{pmatrix} = c$, $\begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} = d$, $\begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix} = e$ را در جدول مختصات مشخص و شکل را رسم نمایید.

نام شکل چیست؟

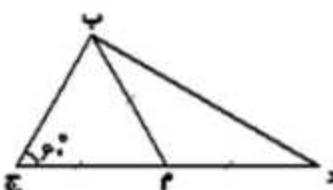
مساحت شکل را به دست بیاورید.

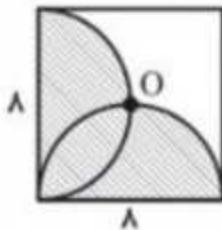
قرینه شکل را نسبت به نقطه (m) رسم نمایید.



۱۲ مثلثی با رأس‌های $\begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ الف، $\begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix}$ ب و $\begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$ ج را نسبت به نقطه‌ی $\begin{pmatrix} 1 \\ 6 \end{pmatrix}$ قرینه می‌کنیم. مختصات رأس‌های شکل قرینه کدام است؟

۱۳ در شکل زیر « $d = m - b = m - c$ » است. اندازه‌ی زاویه‌ی $(m - b - d)$ چقدر است؟





۱۴ مساحت قسمت هاشورخورده چند واحدمربع است؟ (نقطه O مرکز مربع است و $\pi \approx 3/14$)

- ۱) $42/24$
۲) $41/12$
۳) $38/82$
۴) $13/76$

۱۵ کارگر $\frac{4}{9}$ یک ساختمان را در ۱۲ روز خراب می‌کنند. ۲۰ کارگر بقیه ساختمان را در چند روز خراب می‌کنند؟

۱۶ قیمت کالایی ۲۰٪ کاهش می‌یابد. اگر بخواهیم قیمت آن به حالت اول باز گردد، چند درصد قیمت جدید را باید به آن اضافه کنیم؟



۱۷ عددی را با تقریب کمتر از یک گرد کرده‌ایم و عدد ۳۵۴ بودست آمده است. اختلاف بزرگ‌ترین عدد ممکن با دو رقم اعشار و کوچک‌ترین عدد ممکن با یک رقم اعشار کدام است؟

۱۸ جدول را کامل کنید.

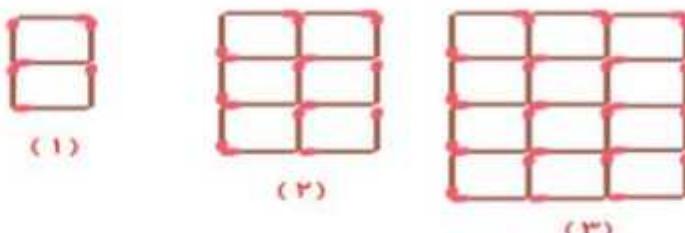
عدد	با تقریب	قطع کردن	گرد کردن
$678/4$	کمتر از ۱۰		
$69/285$	کمتر از ۰/۰۱		

(1)

الف) الگوی اعداد یه صورت زیر است:

$$\dots \rightarrow -3, -5 \rightarrow -7, -9 \rightarrow -11, -13 \rightarrow -15, -17 \rightarrow -19, -21 \rightarrow -23, -25 \rightarrow \dots$$

ب) یا توجه یه اعداد دنیاله، اولین عددی که قرینه‌ی آن هم بر ۳ و هم بر ۴ بخش‌پذیر باشد، ۱۲ است.



$$1 \times 2 + 2 \times 2 = 1 \times 3$$

در این دو شکل مستطیل مانند.

مستطیل مانند.

دو عرض (جوب کیریت) داریم.

سه طول (جوب کیریت) داریم.

شماره‌ی شکل

۴

۴

۲۵

۲ × ۴ + ۲ × ۲

۲ × ۵ + ۴ × ۴

۱۳۵۱ - ۷۰۹

$$\text{مجموع جوب کیریت} = \frac{1}{2} \times (\text{شماره‌ی شکل}^2 + \text{شماره‌ی شکل})$$

راه حل دوم:

: شماره‌ی شکل

(۱) (۲) (۳) (۴) ... (۱۶)

۷ ۱۷ ۲۱ ۴۹

نیوجنگ

دانشی در مسیر موفقیت

: تعداد جوب کیریت ها

-۱ -۱۴ -۱۸

+ ۴ + ۴

مجموع اعداد پرانتز اول سمت چپ برابر ۵۲ است. در پرانتز بعد از آن مجموع ۳ عدد برابر ۵۱ و در پرانتز سوم مجموع همه‌ی اعداد ۵۰ است. پس مجموع اعداد

داخل هر پرانتز از چپ یه راست، یک واحد کاهش می‌یابد. بنابراین مجموع اعداد پرانتز آخر باید ۴۹ شود.

$$15 - (18 + 16) - 49 - ? = 49 - ? = 49 - 49 = 0$$

پس جای نقطه‌چین باید عدد ۱۵ قرار یگیرد

(4)

برای رقم یکان ۲ و ۴ امکان دارد که یا توجه یه تکراری نیوون ارقام برای رقم صدگان ۴ عدد و برای رقم دهگان ۳ عدد یاقی می‌ماند. پس تعداد کل اعداد برابر است یا:

$$\begin{array}{|c|c|c|} \hline & & \\ \hline & & \\ \hline \end{array} \Rightarrow 4 \times 3 \times 2 = 24$$

↓ ↓ ↓ ↓
۴ ۲ ۳ ۴

۵

$$\begin{aligned} \square &= \frac{1}{12} + \frac{12}{24} + \frac{2}{24} + \frac{12}{29} + \frac{2}{29} + \frac{12}{52} + \frac{4}{52} + \frac{12}{65} + \frac{5}{65} \\ &= \frac{1}{12} + \frac{1}{2} + \frac{1}{12} + \frac{1}{4} + \frac{1}{12} + \frac{1}{4} + \frac{1}{12} + \frac{5}{52} + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{5}{65} \\ \square - \bigcirc &= \frac{5}{12} + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} - (1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5}) = 1 - \frac{5}{12} = 1 - \frac{5}{12} \end{aligned}$$

۶



با توجه به شکل، کل یول یارسا پرایر است یا $14 \times 2000 - 28000 - 14000 - 2000 + 3 \times 2000 + 4 \times 2000$ تومان خرید کتاب و دفتر شده است و مبلغ $14000 - 14000 - 28000 - 14000 - 8000$ تومان یاقی مانده است که $\frac{4}{7}$ آن برای خرید خودکار است. $(8 \times 900 - 7200)$ پس با 8000 تومان از یولش می‌تواند خودکار بخرد و 800 تومان برایش یاقی می‌ماند. از طرقی همان‌طور که در شکل می‌بینید او به 6000 تومان از یول‌هاش دست نزد است. پس خواهیم داشت:

۷

کسر را پرایر $\frac{\square}{\bigcirc}$ درنظر می‌گیریم.

$$\square = \frac{\frac{1}{6} - \frac{5}{9}}{\frac{1}{6} - \frac{5}{24}} = \frac{\frac{7}{6} - \frac{5}{9}}{\frac{7}{6} - \frac{5}{24}} = \frac{\frac{21}{18} - \frac{10}{18}}{\frac{21}{18} - \frac{10}{24}} = \frac{\frac{11}{18}}{\frac{11}{18}} = \frac{11}{18} \div \frac{1}{24} = \frac{11}{18} \times \frac{24}{1} = 22$$

$$\bigcirc = \frac{\frac{1}{2} \times \frac{2}{3}}{\frac{25}{24} - \frac{25}{12}} = \frac{\frac{1}{2} \times \frac{1}{3}}{\frac{10}{12} - \frac{10}{24}} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2} \div \frac{1}{3} = \frac{1}{2} \times \frac{3}{1} = \frac{3}{2}$$

$$\frac{\square}{\bigcirc} = \frac{22}{\frac{3}{2}} = \frac{22}{\frac{3}{2}} \rightarrow \text{کسر مورد نظر} = \frac{2}{3} \times \frac{11}{2} = \frac{22}{6}$$

۸

$$\begin{array}{r}
 1010 \\
 \underline{- 910} \\
 \hline
 100
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 1010 \\
 \underline{- 910} \\
 \hline
 100
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 1010 \\
 \underline{- 910} \\
 \hline
 100
 \end{array}$$

۹

ضخامت دو جلد کتاب، میلی متر $2 \times 2 = 4$ ضخامت ۱۰ بروگ کتاب، میلی متر $4 = 26/4 = 6$

$$\begin{array}{r}
 26/4 \\
 - 25/0 \\
 \hline
 1/4 \\
 - 1/0 \\
 \hline
 0/4
 \end{array} \quad \boxed{15-}$$

ضخامت هر بروگ، میلی متر $1/5/2$

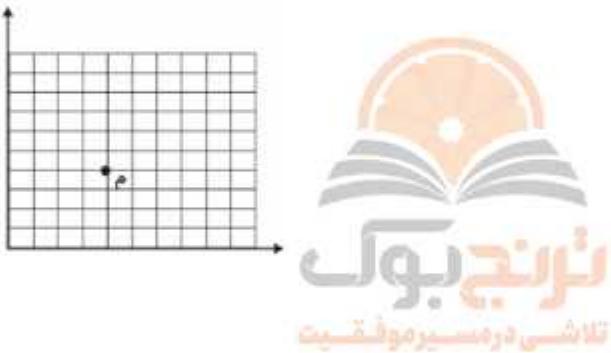
$$\text{ضخامت } 120 \text{ بروگ کتاب، میلی متر } = 1/5/2 \times 120 = \frac{52}{100} \times 120 = \frac{624}{100} = 62/4 = 62/4 + 4 = 66/4 = 66/4 + (2 \times 2) = 66/4 + 4 = 70/4 = 70/4 \text{ میلی متر}$$

ضخامت یک کتاب 120 بروگ، میلی متر $66/4 + 4 = 70/4$

۱۰

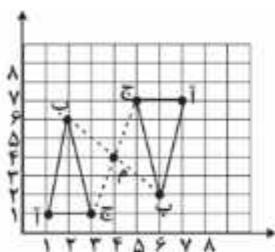
هر ۴ عبارت صحیح هستند.

۱۱



مثلث متساوی الساقین

$$+2 = (2 \times 5) \div 2 = 5 \quad (\text{ارتفاع} \times \text{قاعده})$$



۱۲

قرینه‌ی هر یک از رأس‌ها را نیت یه $\left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right]$ یه دست می‌آوریم:

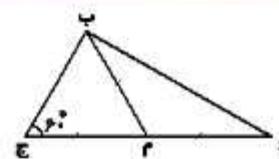
$$2 \times \left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right] - \left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right] = \left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right] + \left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right] \quad \text{نمایش قرینه‌ی اف}$$

$$2 \times \left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right] - \left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right] = \left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right] - \left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right] + \left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 5 \end{smallmatrix} \right] \quad \text{نمایش قرینه‌ی ب}$$

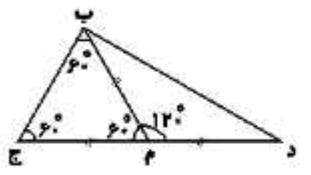
$$2 \times \left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right] - \left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right] = \left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right] - \left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right] - \left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right] + \left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right] \quad \text{نمایش قرینه‌ی ج}$$

بنابراین مختصات رأس‌های قرینه‌ی شکل برابر با $\left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right]$ و $\left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 5 \end{smallmatrix} \right]$ و $\left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 4 \end{smallmatrix} \right]$ ج است.

(13)

چون $\angle C = \angle B$ پس:

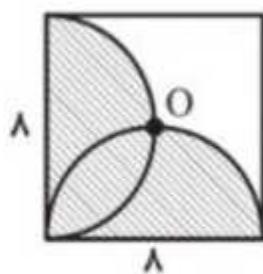
$$\angle B + \angle C + \angle A = 180^\circ \Rightarrow \angle B + \angle B + 60^\circ = 180^\circ \Rightarrow \angle B = 60^\circ$$



زاویه‌ی $(\angle D)$ مکمل 60° درجه است پس مقدار آن $180^\circ - 60^\circ - 60^\circ = 60^\circ$ درجه است. حال چون مثلث $(\angle D)$ متساوی الساقین است داریم:

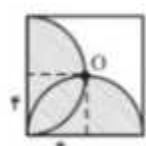
$$\frac{180^\circ - 60^\circ}{2} = \frac{60^\circ}{2} = 30^\circ$$

(14)



با توجه به اینکه نقطه O مرکز مربع است، اگر از نقطه O به وسط دو هلخ وصل کنیم یک مربع به ضلع 4 بدست می‌آید.

بنابراین:



۲ نازع دایره به ضلع 4 + مساحت مربع به ضلع 4 - مساحت هاشور خورده

$$= 4 \times 4 + \pi \times (4 \times 4 \times \pi / 16) - 16 - \pi \times (16 \times \pi / 16) = 16 + 2\pi/16 - 16 - 2\pi/16 = 4\pi/16 = \pi/4$$

(15)

$$1 - \frac{4}{9} = \frac{5}{9}$$

اگر تعداد کارگران همان 16 نفر باشد:

$$\frac{\frac{5}{9}}{\frac{5}{9}} = \frac{12}{?} \Rightarrow \frac{\frac{5}{9} \times 12}{4} = \frac{5}{9} \times 12 = 15 \quad \text{روز}$$

پس 16 کارگر، $\frac{5}{9}$ ساختمان را در 15 روز خراب می‌کنند؛ تعداد روزها برای 20 کارگر برابر است با:

$$\frac{16 \times 15}{20} = 12$$

برای 20 کارگر

اگر قیمت کالا را ۱۰۰ واحد یولی در نظر بگیریم:

$$100\% - 20\% = 80\%$$

$$\frac{80}{100} \times 100 = 80 \quad \text{قیمت جدید کالا}$$

$$100 - 80 = 20 \quad \text{مقدار کاهش یافته}$$

$$\frac{100 - 25}{100} = 75 \quad \text{درصدی که باید افزایش دهیم تا به قیمت قبلی باز گردد}$$

بروگ تین عدد معکن - ۴۵۹۰۹

اختلاف بزرگ تین و کوچک تین عدد معکن - ۰۹۹ ⇒ ۴۵۲۱۵

کوچک تین عدد معکن - ۴۵۲۱۵

عدد	با تقریب	قطع کردن	گرد کردن
۶۷۸/۴	کمتر از ۱۰		
۶۹/۲۸۵	کمتر از ۱۰/۰		

عدد	با تقریب	قطع کردن	گرد کردن
۶۷۸/۴	کمتر از ۱۰	۶۷	۶۸۰
۶۹/۲۸۵	کمتر از ۱۰/۰	۶۹/۲۸	۶۹/۲۹۰

نیوجوک
تلاشی در مسیر موفقیت